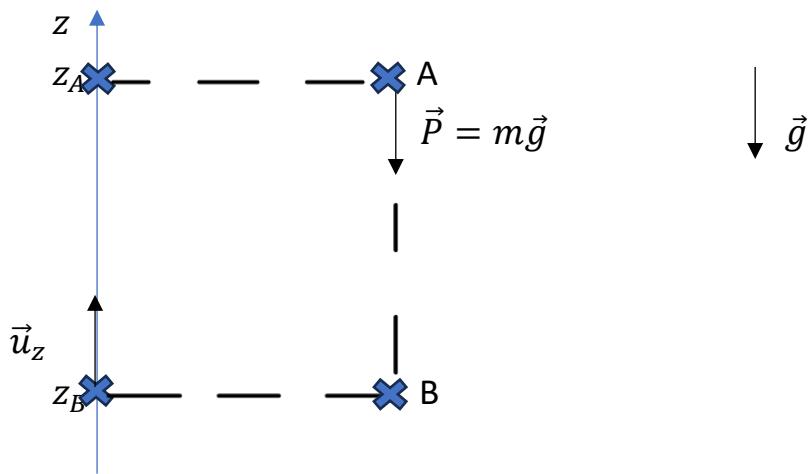


10. Étude énergétique de la chute libre

Introduction

Lorsqu'un corps chute, les forces de frottement appliquées par l'air sont souvent négligeables par rapport au poids. On se retrouve donc en situation de chute libre avec comme seule force à prendre en compte le poids. Il est dès lors intéressant d'étudier les variations d'énergie d'un corps lors de la chute libre. Partie 1 : Présentation du système. Partie 2 : Étude énergétique.

I. Présentation du système



Masse du corps : m

$$\vec{g} = -g\vec{u}_z$$

Corps abandonné/lâché sans vitesse initiale depuis l'altitude z_A (chute libre).

Pour situer B par rapport à A : $\Delta\vec{v}$ colinéaire à \vec{g} .

$$\Rightarrow \vec{v} \text{ colinéaire à } \vec{g}$$

\Rightarrow trajectoire rectiligne entre A et B

(parallèle aux lignes de champs de \vec{g})

Accélération \vec{g} uniforme.

Frottement de l'air négligés : que le poids à prendre en compte.

Mouvement rectiligne uniforme accéléré.

\Rightarrow Vitesse évolue linéairement : $v(t) = gt$

\Rightarrow Position évolue quadratiquement : $z(t) = z_0 + \frac{1}{2}gt^2$

Accélération constante = \vec{g}

Paramètres :

En A : z_A et $v_A = 0\text{m/s}$

En B : z_B et v_B (à déterminer)

II. Étude énergétique

Seule une force s'applique au système : le poids. (*chute libre*)

Travail du poids :

$$\begin{aligned} W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) &= \vec{P} \cdot \overrightarrow{AB} \\ &= mg|z_B - z_A| \cdot \cos(\vec{P}, \overrightarrow{AB}) \end{aligned}$$

Or

$$\cos(\vec{P}, \overrightarrow{AB}) = \cos(0) = 1$$

$$|z_B - z_A| = z_A - z_B$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = mg(z_A - z_B)$$

Et

$$m > 0$$

$$g > 0$$

$$(z_A - z_B) > 0$$

Donc

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) > 0$$

1. Énergie cinétique

$$\Delta E_{c_{A \rightarrow B}} = E_{c_B} - E_{c_A} = \frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2)$$

Et $\Delta E_{c_{A \rightarrow B}} = \sum W_{A \rightarrow B}(\overrightarrow{F_{ext}}) = W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$ (*Théorème de l'énergie cinétique*)

$$\Delta E_{c_{A \rightarrow B}} = W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$

$$\text{Donc } \frac{1}{2}m(v_B^2 - v_A^2) = mg(z_A - z_B)$$

D'où

$$\frac{1}{2}mv_B^2 + mgz_B = \frac{1}{2}mv_A^2 + mgz_A$$

2. Lien avec l'énergie mécanique

Par définition de l'énergie mécanique on a donc $E_m(B) = E_m(A)$.

Donc $\Delta E_m = 0$.

Et $\Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_p$

D'où $\Delta E_c = -\Delta E_{pp}$

Ce qui est logique car le poids est une force conservative.

En effet l'associée à toute force conservative vaut :

$$E_p = -W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = -\Delta E_c$$

3. Vitesse

Enfin il est possible de déterminer la valeur de la vitesse si l'on connaît la hauteur $h = z_A - z_B$ de la chute.

En effet : $\frac{1}{2}mv_B^2 + mgz_B = \frac{1}{2}mv_A^2 + mgz_A$

Or $v_A = 0\text{m/s.}$

Donc : $\frac{1}{2}mv_B^2 = mgz_A - mgz_B$

$$v_B^2 = 2g(z_A - z_B) = 2gh$$

D'où $v_B = \sqrt{2gh}$

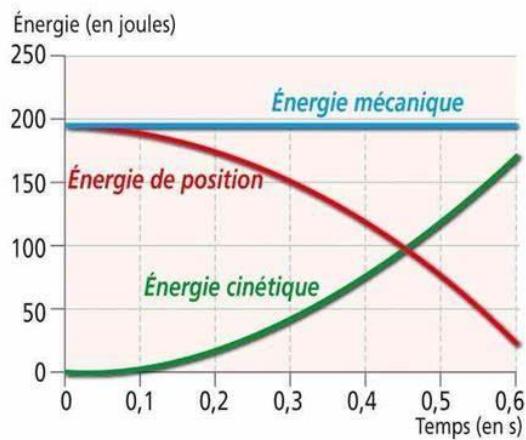
III. Évolution des énergies au cours de la chute

En z_A , $v_A = 0\text{m/s.}$ Donc $E_{cA} = 0.$

Vitesse augmente. Donc en z_B , E_c est maximale.

Pour l' E_{pp} c'est l'inverse. À la moitié de la chute en termes de hauteur, $E_c = E_{pp}$.

L' E_m se conserve.



Conclusion

Pour conclure, lors d'une chute libre seul le poids travaille et s'applique au corps. Force conservatrice, il implique la conservation de l'énergie mécanique, avec des variations des énergies cinétique et potentielle de pesanteur.