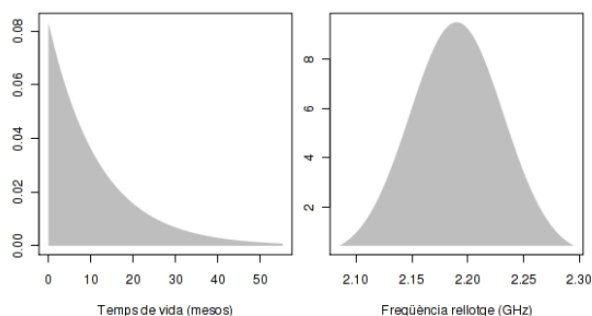


Probabilitat i Estadística

FIB-UPC

Problemes d'e-status:
Made in Taiwan





La figura representa: a l'esquerra, temps de vida de certs components electrònics, que segueixen una distribució exponencial amb mitjana 12 mesos; a la dreta, freqüència del rellotge d'un determinat tipus de processador, d'acord a una distribució Normal amb esperança 2.19 GHz i desviació típus 0.042 GHz.

✓	1. Quina és la probabilitat que un component que ja ha funcionat 1 mes en duri més de 3?	0.8465
✓	2. Quina es la probabilitat que un component duri entre 6 i 8 mesos?	0.0931
✓	3. Quin es el percentil del 88% per a un component de la primera població especificada?	25.44316
✓	4. Els 18% dels components de la competència arriben a duracions superiors a 21 mesos. Quina és la duració mitjana d'aquests components?	12.2463
✓	5. Trobeu la probabilitat que la freqüència mesurada d'un processador sigui mes gran que 2.239.	0.12167
✓	6. Trobeu la probabilitat que la freqüència mesurada sigui menor que 2.182.	0.4245
✓	7. Diguen quina és la freqüència que correspon com a percentil de la probabilitat 28.9%. (4 decimals correctes almenys)	2.166635

Resultat

Nota 10

Script en R

```

lambda = 1/12 # T ~ Exp(1/12)

esp = 2.19; desv = 0.042 # F ~ N(2.19,0.042)

p1 = 1-pexp(2,lambda) # P(T > 3-1) = 1 - P(T <= 2) = 1 - (1 - e^{-1/12 * 2}) = 0.8465

p2 = pexp(8,lambda)-pexp(6,lambda) # P(6 <= T <= 8) = (1 - e^{-1/12 * 8}) - (1 - e^{-1/12 * 6}) = 0.0931

p3 = qexp(0.88,lambda) # 0.88 = 1 - e^{-1/12 * x}
                        # 0.12 = e^{-1/12 * x}
                        # ln 0.12 = -1/12 x
                        # x = 25.44316

p4 = 1/(log(0.18)/-21) # P(T > 21) = 1 - P(T <= 21) =

```

```

# 1 - (1 - e-λ * 21) = 0.18
# e-λ * 21 = 0.18
# -21 λ = ln 0.18
# λ = 0.081657 -> esp = 1/λ = 12.2463

p5 = 1 - pnorm(2.239, esp, desv) # P(F > 2.239) = 1 - P(F <= 2.239)
p6 = pnorm(2.182, esp, desv) # P(F < 2.182) = P(F <= 2.182) [VAC]
p7 = qnorm(0.289, esp, desv)

p1; p2; p3; p4; p5; p6; p7

```

Consola de R

```

> lambda = 1/12

> esp = 2.19; desv = 0.042

> p1 = 1-pexp(2, lambda)

> p2 = pexp(8, lambda)-pexp(6, lambda)

> p3 = qexp(0.88, lambda)

> p4 = 1/(log(0.18)/-21)

> p5 = 1 - pnorm(2.239, esp, desv)

> p6 = pnorm(2.182, esp, desv)

> p7 = qnorm(0.289, esp, desv)

> p1; p2; p3; p4; p5; p6; p7

[1] 0.8464817

[1] 0.09311354

[1] 25.44316

[1] 12.24634

```

```
[1] 0.1216725
```

```
[1] 0.424468
```

```
[1] 2.166635
```