

## PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATOLICA DE CHILE ESCUELA DE INGENIERIA DEPARTAMENTO DE CIENCIA DE LA COMPUTACION

## Tópicos Avanzados en Teoría de la Computación - IIC3810 Tarea 1 Fecha de entrega: miércoles 3 de septiembre

- 1. Demuestre que para todo lenguaje L, se tiene que  $L \in \mathsf{NP} \cap \mathsf{co}\text{-}\mathsf{NP}$  si y sólo si  $\mathsf{NP}^L = \mathsf{NP}.$
- 2. Sea  $P^{NP[1]}$  definido como  $P^{NP}$  pero solo permitiendo una llamada al oráculo para un lenguaje en NP. Demuestre que si  $P^{NP[1]} \subseteq NP \cup \text{co-NP}$ , entonces NP = co-NP.
- 3. Demuestre que el problema CERTAIN-ANSWERS visto en clases es  $\Pi^p_2\text{-hard}.$