

Lista 01 de exercícios AED

Marcelo Corni Alves

19 de março de 2024

Códigos das implementações da lista de exercícios disponíveis em
<https://github.com/marcelocorniufjf/Lista01Code>

Listas, Pilhas e Filas

1-) Para cada estrutura abaixo, implemente os métodos `contido(K,L)`, `inserir(K,L)` e `remover(K,L)` e verifique as complexidades de cada método.

No caso de filas e pilhas, o `remover(K,L)` não terá o argumento `K`, visto que filas e pilhas removem sempre quem está na extremidade.

a-) Lista duplamente encadeada: considere a inserção sempre no final da lista

```
1 public class No
2 {
3     public int chave;
4     public No proximo;
5     public No anterior;
6
7     public No(int chave)
8     {
9         this.chave = chave;
10        proximo = null;
11        anterior = null;
12    }
13 }
14
15 public class ListaDuplamenteEncadeada
16 {
17     private No cabeca;
18     private No cauda;
19
20     public ListaDuplamenteEncadeada ()
```

```

21  {
22      cabeca = null;
23      cauda = null;
24  }
25
26  public bool Contido(int chave)
27  {
28      No atual = cabeca;
29      while (atual != null)
30      {
31          if (atual.chave == chave)
32          {
33              return true;
34          }
35          atual = atual.proximo;
36      }
37      return false;
38  }
39
40  public void Inserir(int chave)
41  {
42      No novoNo = new No(chave);
43      if (cabeca == null)
44      {
45          cabeca = novoNo;
46          cauda = novoNo;
47      }
48      else
49      {
50          cauda.proximo = novoNo;
51          novoNo.anterior = cauda;
52          cauda = novoNo;
53      }
54  }
55
56  public void Remover(int chave)
57  {
58      No atual = cabeca;
59      while (atual != null)
60      {
61          if (atual.chave == chave)
62          {
63              if (atual.anterior != null)
64              {
65                  atual.anterior.proximo = atual.proximo;
66              }
67              else
68              {
69                  cabeca = atual.proximo;

```

```

70     }
71     if (atual.proximo != null)
72     {
73         atual.proximo.anterior = atual.anterior;
74     }
75     else
76     {
77         cauda = atual.anterior;
78     }
79     return;
80 }
81 atual = atual.proximo;
82 }
83 }
84 }

```

Complexidades: A complexidade de tempo para Contido(K,L) é $O(n)$, para Inserir(K,L) é $O(1)$, e para Remover(L) é $O(n)$, onde n é o número de elementos na lista.

b-) Fila com lista simplesmente encadeada: considere que vc tem uma variável head e uma tail, onde head marca a cabeça e tail o ultimo nó na cauda.

```

1  public class No
2  {
3      public int chave;
4      public No proximo;
5
6      public No(int chave)
7      {
8          this.chave = chave;
9          this.proximo = null;
10     }
11 }
12
13 public class Fila
14 {
15     private No cabeca;
16     private No cauda;
17
18     public Fila()
19     {
20         this.cabeca = null;
21         this.cauda = null;
22     }

```

```

23
24 public bool Contido(int chave)
25 {
26     No atual = this.cabeca;
27     while (atual != null)
28     {
29         if (atual.chave == chave)
30         {
31             return true;
32         }
33         atual = atual.proximo;
34     }
35     return false;
36 }
37
38 public void Inserir(int chave)
39 {
40     No novoNo = new No(chave);
41     if (this.cabeca == null)
42     {
43         this.cabeca = novoNo;
44         this.cauda = novoNo;
45     }
46     else
47     {
48         this.cauda.proximo = novoNo;
49         this.cauda = novoNo;
50     }
51 }
52
53 public void Remover()
54 {
55     if (this.cabeca != null)
56     {
57         this.cabeca = this.cabeca.proximo;
58         if (this.cabeca == null)
59         {
60             this.cauda = null;
61         }
62     }
63 }
64 }

```

Complexidades: A complexidade de tempo para Contido(K,L) é $O(n)$, para Inserir(K,L) é $O(1)$, e para Remover(L) é $O(1)$, onde n é o número de elementos na fila.

c-) Pilha com lista simplesmente encadeada

```
1 public class No
2 {
3     public int chave;
4     public No proximo;
5
6     public No(int chave)
7     {
8         this.chave = chave;
9         this.proximo = null;
10    }
11 }
12
13 public class Pilha
14 {
15     private No topo;
16
17     public Pilha()
18     {
19         this.topo = null;
20     }
21
22     public bool Contido(int chave)
23     {
24         No atual = this.topo;
25         while (atual != null)
26         {
27             if (atual.chave == chave)
28             {
29                 return true;
30             }
31             atual = atual.proximo;
32         }
33         return false;
34     }
35
36     public void Inserir(int chave)
37     {
38         No novoNo = new No(chave);
39         if (this.topo == null)
40         {
41             this.topo = novoNo;
42         }
43         else
44         {
45             novoNo.proximo = this.topo;
46             this.topo = novoNo;
47         }
48     }
49 }
```

```

48     }
49
50     public void Remover()
51     {
52         if (this.topo != null)
53         {
54             this.topo = this.topo.proximo;
55         }
56     }
57 }

```

Complexidades: A complexidade de tempo para Contido(K,L) é $O(n)$, para Inserir(K,L) é $O(1)$, e para Remover(L) é $O(1)$, onde n é o número de elementos na pilha.

d-) Lista duplamente encadeada circular

```

1  public class No
2  {
3      public int chave;
4      public No proximo;
5      public No anterior;
6
7      public No(int chave)
8      {
9          this.chave = chave;
10         this.proximo = null;
11         this.anterior = null;
12     }
13 }
14
15 public class ListaDuplamenteEncadeadaCircular
16 {
17     private No cabeca;
18     private No cauda;
19
20     public ListaDuplamenteEncadeadaCircular()
21     {
22         this.cabeca = null;
23         this.cauda = null;
24     }
25
26     public bool Contido(int chave)
27     {
28         No atual = this.cabeca;
29
30

```

```

31     while (atual != null && atual != this.cauda)
32     {
33         if (atual.chave == chave)
34         {
35             return true;
36         }
37         atual = atual.proximo;
38     }
39     if (this.cauda != null && this.cauda.chave == chave)
40     {
41         return true;
42     }
43     return false;
44 }
45
46 public void Inserir(int chave)
47 {
48     No novoNo = new No(chave);
49     if (this.cabeca == null)
50     {
51         this.cabeca = novoNo;
52         this.cauda = novoNo;
53         novoNo.proximo = novoNo;
54         novoNo.anterior = novoNo;
55     }
56     else
57     {
58         novoNo.proximo = this.cabeca;
59         novoNo.anterior = this.cauda;
60         this.cabeca.anterior = novoNo;
61         this.cauda.proximo = novoNo;
62         this.cauda = novoNo;
63     }
64 }
65
66 public void Remover(int chave)
67 {
68     No atual = this.cabeca;
69     while (atual != null && atual != this.cauda)
70     {
71         if (atual.chave == chave)
72         {
73             atual.anterior.proximo = atual.proximo;
74             atual.proximo.anterior = atual.anterior;
75             if (atual == this.cabeca)
76             {
77                 this.cabeca = atual.proximo;
78             }
79         }

```

```

80         if (atual == this.cauda)
81         {
82             this.cauda = atual.anterior;
83         }
84         return;
85     }
86     atual = atual.proximo;
87 }
88 if (this.cauda != null && this.cauda.chave == chave)
89 {
90     this.cauda.anterior.proximo = this.cabeca;
91     this.cabeca.anterior = this.cauda.anterior;
92     this.cauda = this.cauda.anterior;
93 }
94 }
95 }

```

Complexidades: A complexidade de tempo para Contido(K,L) é $O(n)$, para Inserir(K,L) é $O(1)$, e para Remover(L) é $O(n)$ no pior caso (quando o elemento a ser removido está no final da lista).

2-) Listas são usadas para representar números muito grandes (p.ex, com 1000 dígitos), uma vez que seria impossível representá-lo em máquinas de 64bits.

Para representar inteiros grandes com listas, é usada uma representação em que cada dígito do inteiro é armazenado em um nó da lista.

Considere duas listas encadeadas L1 e L2 representando números grandes (cada dígito por nó).

Faça um algoritmo que faça a soma de dois inteiros grandes e retorne a lista $L3 = L1 + L2$.

```

1  public class No
2  {
3      public int digito;
4      public No proximo;
5
6      public No(int digito)
7      {
8          this.digito = digito;
9          this.proximo = null;
10     }
11 }
12
13 public class ListaInteiroGrande

```



```

14 {
15     private No cabeca;
16
17     public ListaInteiroGrande()
18     {
19         this.cabeca = null;
20     }
21
22     public void InserirDigito(int digito)
23     {
24         No novoNo = new No(digito);
25         if (this.cabeca == null)
26         {
27             this.cabeca = novoNo;
28         }
29         else
30         {
31             novoNo.proximo = this.cabeca;
32             this.cabeca = novoNo;
33         }
34     }
35
36     public ListaInteiroGrande Soma(ListaInteiroGrande lista1,
37                                   ListaInteiroGrande lista2)
38     {
39         ListaInteiroGrande resultado = new ListaInteiroGrande();
40         No atual1 = lista1.cabeca;
41         No atual2 = lista2.cabeca;
42         int somatorio = 0;
43
44         while (atual1 != null || atual2 != null || somatorio != 0)
45         {
46             int soma = somatorio;
47             if (atual1 != null)
48             {
49                 soma += atual1.digito;
50                 atual1 = atual1.proximo;
51             }
52             if (atual2 != null)
53             {
54                 soma += atual2.digito;
55                 atual2 = atual2.proximo;
56             }
57             somatorio = soma / 10;
58             int digitoSoma = soma % 10;
59             resultado.InserirDigito(digitoSoma);
60         }
61         return resultado;
62     }

```

```

63
64 public void Imprimir()
65 {
66     No atual = this.cabeca;
67     while (atual != null)
68     {
69         Console.Write(atual.digito);
70         atual = atual.proximo;
71     }
72     Console.WriteLine();
73 }
74 }

```

3-) Seja L uma lista simplesmente encadeada. Escreva um algoritmo que, percorrendo a lista uma única vez, constrói:

A. Uma lista L' que possui os valores de L em ordem inversa

B. Uma lista L'' que possui a metade dos nós da lista L, onde o primeiro nó de L'' contém a soma do primeiro nó de L com o último nó de L, o segundo nó de L' contém a soma do segundo nó de L com o penúltimo nó de L e assim por diante: $L'' = \langle L_1 + L_n, L_2 + L_{n-1}, L_3 + L_{n-2}, \dots, L_{n/2} + L_{n/2+1} \rangle$, onde n é sempre par.

```

1 public class No
2 {
3     public int Valor { get; set; }
4     public No Proximo { get; set; }
5
6     public No(int valor)
7     {
8         Valor = valor;
9         Proximo = null;
10    }
11 }
12
13 public class ListaEncadeada
14 {
15     private No cabeca;
16     private int contador;
17
18     public ListaEncadeada()
19     {
20         cabeca = null;
21         contador = 0;
22     }
23 }

```

```

24 public void Inserir(int valor)
25 {
26     No novoNo = new No(valor);
27     if (cabeca == null)
28     {
29         cabeca = novoNo;
30     }
31     else
32     {
33         No atual = cabeca;
34         while (atual.Proximo != null)
35         {
36             atual = atual.Proximo;
37         }
38         atual.Proximo = novoNo;
39     }
40     contador++;
41 }
42
43 public void Imprimir()
44 {
45     No atual = cabeca;
46     while (atual != null)
47     {
48         Console.WriteLine(atual.Valor + "_");
49         atual = atual.Proximo;
50     }
51     Console.WriteLine();
52 }
53
54 public ListaEncadeada InverterLista()
55 {
56     ListaEncadeada listaReversa = new ListaEncadeada();
57     No atual = cabeca;
58     while (atual != null)
59     {
60         listaReversa.InserirNaFrente(atual.Valor);
61         atual = atual.Proximo;
62     }
63     return listaReversa;
64 }
65
66 public ListaEncadeada SomarMeiaLista()
67 {
68     ListaEncadeada somarMeiaLista = new ListaEncadeada();
69     No atual = cabeca;
70     for (int i = 0; i < contador / 2; i++)
71     {
72

```

```

73         int sum = atual.Valor
74             + PegarNoNaPosicao(contador - i - 1).Valor;
75         somarMeiaLista.Inserir(sum);
76         atual = atual.Proximo;
77     }
78     return somarMeiaLista;
79 }
80
81 private void InserirNaFrente(int valor)
82 {
83     No novoNo = new No(valor);
84     novoNo.Proximo = cabeca;
85     cabeca = novoNo;
86     contador++;
87 }
88
89 private No PegarNoNaPosicao(int posicao)
90 {
91     if (posicao < 0 || posicao >= contador)
92     {
93         throw new ArgumentOutOfRangeException(nameof(posicao));
94     }
95
96     No atual = cabeca;
97     for (int i = 0; i < posicao; i++)
98     {
99         atual = atual.Proximo;
100     }
101     return atual;
102 }
103 }

```

4-) Escreva um algoritmo para reconhecer se uma dada palavra é um palíndromo.

Considere que a palavra está contida em uma lista simplesmente encadeada, onde cada caractere está em um nó da lista.

```

1 public class No
2 {
3     public char Valor { get; set; }
4     public No Proximo { get; set; }
5
6     public No(char value)
7     {
8         Valor = value;
9         Proximo = null;
10 }

```

```

11 }
12
13 public class ListaEncadeada
14 {
15     private No cabeca;
16     private int contador;
17
18     public ListaEncadeada()
19     {
20         cabeca = null;
21         contador = 0;
22     }
23
24     public void Inserir(char value)
25     {
26         No novoNo = new No(value);
27         if (cabeca == null)
28         {
29             cabeca = novoNo;
30         }
31         else
32         {
33             No atual = cabeca;
34             while (atual.Proximo != null)
35             {
36                 atual = atual.Proximo;
37             }
38             atual.Proximo = novoNo;
39         }
40         contador++;
41     }
42
43     public bool EPalindromo()
44     {
45         No lenta = cabeca;
46         No rapida = cabeca;
47         Stack<char> pilha = new Stack<char>();
48
49         while (rapida != null && rapida.Proximo != null)
50         {
51             pilha.Push(lenta.Valor);
52             lenta = lenta.Proximo;
53             rapida = rapida.Proximo.Proximo;
54         }
55
56         if (rapida != null)
57         {
58             lenta = lenta.Proximo;
59         }

```

```

60
61     while (lenta != null)
62     {
63         if (pilha.Pop() != lenta.Valor)
64         {
65             return false;
66         }
67         lenta = lenta.Proximo;
68     }
69
70     return true;
71 }
72 }

```

5-) Seja A uma matriz esparsa n x m.

a-) Crie uma estrutura de dados que represente A e cujo espaço total seja $O(k)$ em vez de $O(mn)$, onde k é o número total de elementos não irrelevantes de A.

b-) Faça um algoritmo para localizar um valor a_{ij} na estrutura acima.

c-) Faça um algoritmo para computar A^2 utilizando a estrutura acima. Para tal, crie os algoritmos de inserção e busca na sua estrutura.

d-) Qual a complexidade da sua solução para a letra (c)?

R: $O(k^2)$, onde k é o número total de elementos não irrelevantes da matriz esparsa.

5.5-) Caso não tenha pensado numa estrutura com duas listas (uma para colunas e uma para linhas), recomenda-se refazer o exercício acima com essa forma de estruturação.

Solução para letras a-), b-) e c-):

```

1 public class MatrizEsparsa
2 {
3     // Estrutura de dados para representar a matriz esparsa

```

```

4  private List<int> linhas;
5  private List<int> colunas;
6  private List<int> valores;
7
8  // Construtor para inicializar a matriz esparsa
9  public MatrizEsparsa()
10 {
11     linhas = new List<int>();
12     colunas = new List<int>();
13     valores = new List<int>();
14 }
15
16 // a) Metodo para inserir um valor na matriz
17 public void Inserir(int linha, int coluna, int valor)
18 {
19     linhas.Add(linha);
20     colunas.Add(coluna);
21     valores.Add(valor);
22 }
23
24 // b) Metodo para localizar um valor na matriz
25 public int Procurar(int linha, int coluna)
26 {
27     for (int i = 0; i < linhas.Count; i++)
28     {
29         if (linhas[i] == linha && colunas[i] == coluna)
30         {
31             return valores[i];
32         }
33     }
34     return 0; // Valor irrelevante se nao encontrado
35 }
36
37 // c) Metodo para calcular A^2 utilizando a estrutura
38 public MatrizEsparsa Quadrado()
39 {
40     MatrizEsparsa result = new MatrizEsparsa();
41     for (int i = 0; i < linhas.Count; i++)
42     {
43         int linhaAtual = linhas[i];
44         int colunaAtual = colunas[i];
45         int valorAtual = valores[i];
46         for (int j = 0; j < linhas.Count; j++)
47         {
48             if (colunaAtual == linhas[j])
49             {
50                 int proximaColuna = colunas[j];
51                 int proximoValor = valores[j];
52                 int produto = valorAtual * proximoValor;

```

```

53         result.Inserir(linhaAtual, proximaColuna, produto);
54     }
55 }
56 }
57 return result;
58 }
59
60 // Metodo para imprimir a matriz esparsa
61 public void Imprimir()
62 {
63     for (int i = 0; i < linhas.Count; i++)
64     {
65         Console.WriteLine("{0},{1}:{2}",
66                             linhas[i],
67                             colunas[i],
68                             valores[i]);
69     }
70 }
71 }

```

Código para execução de testes dos códigos da lista de exercícios

```

1  Console.WriteLine("Codigos_da_Lista_01_de_exercicios_de_AED");
2
3  //Questao 01 - Letra A - Exemplos de uso
4
5  var q01A = new Lista01Code.Questao01.LetraA
6              .ListaDuplamenteEncadeada();
7
8  q01A.Inserir(10);
9  q01A.Inserir(5);
10 q01A.Inserir(6);
11 q01A.Inserir(55);
12
13 var procurar01AChave6 = q01A.Contido(6);
14
15 Console.WriteLine(procurar01AChave6);
16
17 //Remove a chave 6
18 q01A.Remover(6);
19
20 procurar01AChave6 = q01A.Contido(6);
21
22 Console.WriteLine(procurar01AChave6);
23
24

```



```

25 //Questao 01 - Letra B - Exemplos de uso
26
27 var q01B = new Lista01Code.Questao01.LetraB.Fila(); //FIFO
28
29 q01B.Inserir(10);
30 q01B.Inserir(5);
31 q01B.Inserir(6);
32 q01B.Inserir(55);
33
34 var procurar01BChave10 = q01B.Contido(10);
35
36 Console.WriteLine(procurar01BChave10);
37
38
39 //Remove a chave 10
40 q01B.Remover();
41
42 procurar01BChave10 = q01B.Contido(10);
43 Console.WriteLine(procurar01BChave10);
44
45
46 //Questao 01 - Letra C - Exemplo de uso
47
48 var q01C = new Lista01Code.Questao01.LetraC.Pilha(); //LIFO
49
50 q01C.Inserir(10);
51 q01C.Inserir(5);
52 q01C.Inserir(6);
53 q01C.Inserir(55);
54
55 var procurar01CChave55 = q01C.Contido(55);
56
57 Console.WriteLine(procurar01CChave55);
58
59
60 //Remove a chave 55
61 q01C.Remover();
62
63 procurar01CChave55 = q01C.Contido(55);
64 Console.WriteLine(procurar01CChave55);
65
66 //Questao 01 - Letra D - Exemplo de uso
67
68 var q01D = new Lista01Code.Questao01.LetraD
69             .ListaDuplamenteEncadeadaCircular();
70
71 q01D.Inserir(10);
72 q01D.Inserir(5);
73 q01D.Inserir(6);

```

```

74 q01D.Inserir(55);
75
76 var procurar01DChave55 = q01D.Contido(55);
77
78 Console.WriteLine(procurar01DChave55);
79
80 //Remove a chave 55
81 q01D.Remover(55);
82
83 procurar01DChave55 = q01D.Contido(55);
84 Console.WriteLine(procurar01DChave55);
85
86
87 //Questao 02 - Exemplo de uso
88
89 var q02Lista1 = new Lista01Code.Questao02.ListaInteiroGrande();
90
91 var q02Lista2 = new Lista01Code.Questao02.ListaInteiroGrande();
92
93 var q02Lista3 = new Lista01Code.Questao02.ListaInteiroGrande();
94
95 q02Lista1.InserirDigito(9);
96 q02Lista1.InserirDigito(9);
97 q02Lista1.InserirDigito(9);
98
99 q02Lista2.InserirDigito(5);
100 q02Lista2.InserirDigito(1);
101 q02Lista2.InserirDigito(2);
102
103 //Somar as listas - Resultado esperado 1511 = (999 + 512)
104 q02Lista3 = q02Lista3.Soma(q02Lista1, q02Lista2);
105 q02Lista3.Imprimir();
106
107
108 //Questao 03 - Exemplo de uso
109 var q03 = new Lista01Code.Questao03.ListaEncadeada();
110
111 q03.Inserir(10);
112 q03.Inserir(5);
113 q03.Inserir(6);
114 q03.Inserir(55);
115
116 q03.Imprimir();
117
118 q03 = q03.InverterLista();
119
120 q03.Imprimir();
121
122 var q03Soma = new Lista01Code.Questao03.ListaEncadeada();

```

```

123
124 q03Soma = q03.SomarMeiaLista();
125
126 q03Soma.Imprimir();
127
128 // Questao 04 - Exemplo de uso
129
130 var q0401 = new Lista01Code.Questao04.ListaEncadeada();
131
132 q0401.Inserir('R');
133 q0401.Inserir('A');
134 q0401.Inserir('D');
135 q0401.Inserir('A');
136 q0401.Inserir('R');
137
138 Console.WriteLine(q0401.EPalindromo() ?
139                  "E_palindromo" :
140                  "Nao_e_Palindromo");
141
142 var q0402 = new Lista01Code.Questao04.ListaEncadeada();
143
144 q0402.Inserir('B');
145 q0402.Inserir('A');
146 q0402.Inserir('T');
147 q0402.Inserir('A');
148 q0402.Inserir('T');
149 q0402.Inserir('A');
150
151 Console.WriteLine(q0402.EPalindromo() ?
152                  "E_palindromo" :
153                  "Nao_e_Palindromo");
154
155
156 // Questao 05 - Exemplo de uso
157
158 var q05 = new Lista01Code.Questao05.MatrizEsparsa();
159
160 // a) Inserindo valores na matriz
161 q05.Inserir(0, 0, 2);
162 q05.Inserir(0, 1, 3);
163 q05.Inserir(0, 2, 4);
164 q05.Inserir(1, 0, 5);
165 q05.Inserir(1, 1, 6);
166 q05.Inserir(1, 2, 7);
167
168 Console.WriteLine("Matriz_Esparsa:");
169 q05.Imprimir();
170
171

```

```

172 // b) Localizando um valor na matriz
173 int valor = q05.Procurar(1, 0);
174 Console.WriteLine("Valor_encontrado:_ " + valor);
175
176 // c) Calculando A^2
177 var q05Quadrado = q05.Quadrado();
178 Console.WriteLine("Matriz_A^2:");
179 q05Quadrado.Imprimir();
180
181 // d) complexidade  $O(k^2)$  do metodo Quadrado(), sendo K
182 o numero de elementos nao irrelevantes.
183
184 Console.ReadKey();

```