Introdução aos Métodos de Árvore de Decisão

Tarefa de leitura

Capítulo 8 do livro Introduction to Statistical Learning por Gareth James, et al.

Vamos começar com um experimento mental para dar alguma motivação por trás do uso de um método de árvore de decisão.

Imagine que eu jogo tênis todos os sábados e sempre convido um amigo para vir comigo.

Às vezes meu amigo aparece, às vezes não.

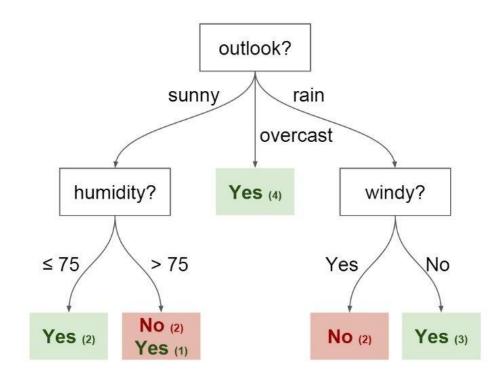
Para ele depende de uma variedade de fatores, como: clima, temperatura, umidade, vento etc.

Começo a acompanhar essas características e se ele apareceu ou não para jogar comigo.

Temperature	Outlook	Humidity	Windy	Played?
Mild	Sunny	80	No	Yes
Hot	Sunny	75	Yes	No
Hot	Overcast	77	No	Yes
Cool	Rain	70	No	Yes
Cool	Overcast	72	Yes	Yes
Mild	Sunny	77	No	No
Cool	Sunny	70	No	Yes
Mild	Rain	69	No	Yes
Mild	Sunny	65	Yes	Yes
Mild	Overcast	77	Yes	Yes
Hot	Overcast	74	No	Yes
Mild	Rain	77	Yes	No
Cool	Rain	73	Yes	No
Mild	Rain	78	No	Yes

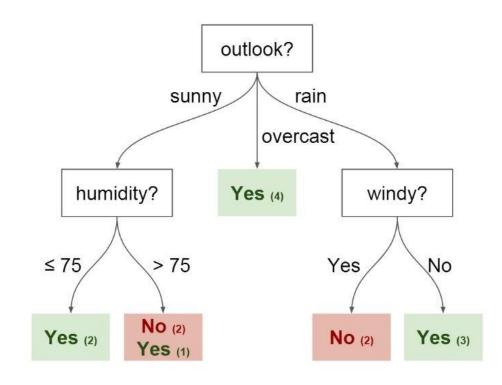
Eu quero usar esses dados para prever se ele vai ou não aparecer para jogar.

Uma maneira intuitiva de fazer isso é por meio de uma árvore de decisão



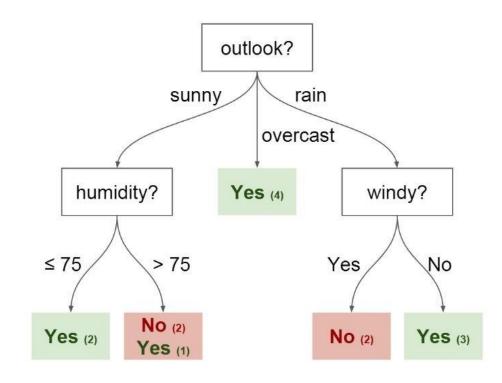
Nesta árvore temos:

- Nós (Nodes)
 - Dividir pelo valor de um determinado atributo
- Vértices (Edges)
 - Resultado de uma divisão para o próximo nó



Nesta árvore temos:

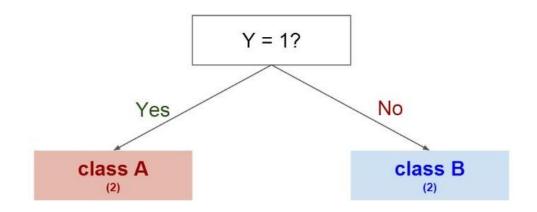
- Raiz (Root)
 - O nó que executa a primeira divisão
- Folhas (Leaves)
 - Nós terminais que preveem o resultado



Dados imaginários com três características (X,Y e Z) e com duas classes possíveis (A e B).

X	Y	Z	Class
1	1	1	Α
1	1	0	Α
0	0	1	В
1	0	0	В

Dividir em Y nos dá uma separação clara entre as classes



Poderíamos ter tentado dividir em outra característica primeiro:

first split on								
X		Υ		z				
X = 0	X = 1	Y = 0	Y = 1	Z = 0	Z = 1			
В	A A B	B B	A	A B	A B			

Entropia e Ganho de Informação são os métodos matemáticos para escolher a melhor divisão.

Entropy:

$$H(S) = -\sum_{i} p_i(S) \log_2 p_i(S)$$

Information Gain:

$$IG(S, A) = H(S) - \sum_{v \in Values(A)} \frac{|S_v|}{S} H(S_v)$$

Para melhorar o desempenho, podemos usar muitas árvores com uma amostra aleatória de recursos escolhidos como divisão.

- Uma nova amostra aleatória de características é escolhida para cada árvore em cada divisão.
- Para classificação, m é tipicamente escolhido como a raiz quadrada de p.

Florestas Aleatórias (Random Forests)

Qual é o objetivo?

 Suponha que haja uma característica muito forte no conjunto de dados. Ao usar árvores "ensacadas (bagged)", a maioria das árvores usará esse recurso como a divisão superior, resultando em um conjunto de árvores semelhantes que são altamente correlacionadas.

Florestas Aleatórias (Random Forests)

Qual é o objetivo?

- A média de quantidades altamente correlacionadas não reduz significativamente a variância.
- Ao excluir aleatoriamente algumas características candidatas de cada divisão, o método Random Forests "descorrelaciona" as árvores, de modo que o processo de média pode reduzir a variação do modelo resultante.