Lab 2: Métodos Bisseção e Ponto Fixo

Prof. Waldemar Celes Departamento de Informática, PUC-Rio

1. O método da bisseção para determinação de raízes da função f(x) recebe como entrada o intervalo de busca [a,b], assumindo f(a).f(b) < 0. O erro na avaliação da raiz é dado por $e = \frac{b-a}{2^{n+1}}$, onde n representa o número de iterações. Implemente uma função para determinar a raiz usando o método da bisseção, onde o erro avaliado tenha precisão de p dígitos, isto é, $e < 0.5 \times 10^{-p}$. Sua função também deve receber como parâmetro a função f(x) cuja raiz deseja-se calcular, seguinte do protótipo:

double bissecao (double a, double b, int p, double (*f) (double x));

2. A velocidade de um paraquedista em queda livre pode ser dada por:

$$v = \frac{gm}{c} \left(1 - e^{-\frac{c}{m}t} \right)$$

onde $g=9.8m/s^2$. Para um paraquedista com um coeficiente de arrasto c=15Kg/s, calcule a massa m para que a velocidade seja v=35m/s em t=9s. Use a função da bisseção para determinar m com 6 dígitos de precisão. Escreva uma função main que exiba na tela o valor da massa do paraquedista.

3. O método de ponto fixo para determinação de raízes, transforma f(x) = 0 em g(x) - x = 0, e determina a raiz calculando o ponto fixo da função g(x). Implemente uma função para determinar o ponto fixo de uma dada função g(x). Sua função deve receber também um valor de tolerância ϵ e retornar x_n tal que $|x_n - x_{n-1}| < \epsilon$, onde n representa o número da iteração. Sua função deve ter o seguinte protótipo:

double pontofixo (double x0, double epsilon, double (*g) (double x));

4. Teste sua função de ponto fixo calculando uma raiz positiva da função $f(x) = -x^2 + 1.8x + 2.5$, com $x_0 = 5$ e $\epsilon = 0.0005$. Certifique-se de desenvolver uma solução que convirja para o valor da raiz. Acrescente este teste na sua função main, exibindo o valor da raiz calculada.

Organize seu código da seguinte forma. O arquivo "raiz.c" deve conter as implementações das função bissecao e pontofixo, com seus respectivos protótipos no arquivo "raiz.h". O arquivo "teste_raiz.c" deve conter os testes realizados (função main).

Entrega: O código fonte deste trabalho (isto é, os arquivos "raiz.c", "raiz.h" e "teste_raiz.c") deve ser enviado para inf1608@tecgraf.puc-rio.br (não envie os arquivos comprimidos). A implementação completa deve ser enviada até domingo, dia 18 de setembro (prazo final). O assunto da mensagem para envio da implementação completa deve ser: Lab2: XXXXXXX, onde XXXXXXX representa o número de matrícula do aluno sem o dígito de controle.