## INF1608 – Análise Numérica

## Lab 11: Métodos Iterativos para Sistemas Lineares

Prof. Waldemar Celes Departamento de Informática, PUC-Rio

Para estes exercícios, considere a representação de matrizes quadradas  $M_{n\times n}$  como um vetor de vetores do Lab 0.

Para a solução de sistemas lineares na forma Ax = b, pede-se:

1. Implemente o método iterativo de Jacobi:

$$A = L + D + U$$
$$x_{k+1} = D^{-1}(b - (L + U)x_k)$$

Escreva uma função que receba como parâmetros a dimensão do problema n, a matriz A, o vetor independente b, a aproximação inicial da solução x e a tolerância de erro aceitável. A iteração deve terminar quando a norma-2 do vetor diferença das duas últimas iterações tiver valor menor ou igual à tolerância. A função deve armazenar a solução final em x e retornar o número de iterações efetuado. O protótipo da função é dado por:

int Jacobi (int n, double\*\* A, double\* b, double\* x, double tol);

2. Implemente o método iterativo de Gauss-Seidel:

$$A = L + D + U$$
$$x_{k+1} = D^{-1}(b - Ux_k - Lx_{k+1})$$

O protótipo da função é dado por:

int GaussSeidel (int n, double\*\* A, double\* b, double\* x, double tol);

3. Implemente o método iterativo de Gauss-Seidel com sobre-relaxamento (w > 1.0):

$$x_{k+1} = (1 - w)x_k + wx_{k+1}$$

A função também deve receber o fator de relaxamento. O protótipo da função é dado por:

int SOR (int n, double \*\* A, double \* b, double \* x, double tol, double w);

4. Teste, analise e compare a eficiência dos métodos achando as soluções dos sistemas abaixo, usando tolerância 10<sup>-7</sup>, fator de relaxamento igual a 1.1 e solução inicial igual ao vetor nulo. Seu programa deve exibir na tela o número de iterações e a solução encontrada para cada um dos métodos.

$$\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 5 \end{bmatrix} e \begin{bmatrix} 3 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0.5 \\ -1 & 3 & -1 & 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & -1 & 3 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 3 & -1 & 0 \\ 0 & 0.5 & 0 & -1 & 3 & -1 \\ 0.5 & 0 & 0 & 0 & -1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2.5 \\ 1.5 \\ 1 \\ 1 \\ 1.5 \\ 2.5 \end{bmatrix}$$

Sabe-se que as soluções destes sistemas são [1 2] e [1 1 1 1 1 1], respectivamente.

Organize seu código, as funções dos métodos e a função main de teste, no arquivo "met\_iter.c".

Entrega: O código fonte deste trabalho (isto é, o arquivo "met\_iter.c.c") deve ser enviado para inf1608@tecgraf.puc-rio.br (não envie o arquivo comprimido). A implementação completa deve ser enviada até quarta-feira, dia 30 de novembro (prazo final). O assunto da mensagem para envio da implementação completa deve ser: Lab10: XXXXXXX, onde XXXXXXX representa o número de matrícula do aluno sem o dígito de controle.