### Café com estatística e R

Treinamento 1 - Tipos de variáveis, escalas e uma introdução ao  ${\bf R}$ 

Marcelo Teixeira Paiva

2025-09-19

Abstract	o primeiro treinamento onde foi apresentado uma introdução ao R e os conceitos de tipos de					
Relatório do primeiro treinamento onde foi apresentado uma introdução variáveis e escalas.	ao R e os conceitos de tipos de					
variaveis e escaras.						

# Índice

1	Fundamentos de R para análise de dados				
	1.1	$\operatorname{Conh}\epsilon$	ecimentos básicos de R	4	
		1.1.1	Instalação do R e RStudio	4	
		1.1.2	Sintaxe Básica	4	
		1.1.3	Tipos de Dados	5	
		1.1.4	Vetores e Operações Básicas	6	
		1.1.5	Funções Básicas	7	
		1.1.6	Operadores Aritméticos e Lógicos	8	
	1.2	Estrut	turas de dados	10	
		1.2.1	Matrizes	10	
		1.2.2	Data Frames	12	
		1.2.3	Listas	13	
		1.2.4	Fatores	14	
		1.2.5	Arrays	15	
		1.2.6	Indexação e Seleção de Dados	17	
<b>2</b>	Tip	os de	variáveis e escalas de mensuração e precisão	20	

## Lista de Figuras

## Lista de Tabelas

## Chapter 1

# Fundamentos de R para análise de dados

#### 1.1 Conhecimentos básicos de R

#### 1.1.1 Instalação do R e RStudio

R é uma linguagem para computação estatística, enquanto RStudio é um ambiente de desenvolvimento integrado (IDE) que facilita o trabalho. Ou seja, o R é quem faz o trabalho pesado e o RStudio é uma das várias maneiras de se usar o R com menos esforço.

**Processo de instalação:** 1. Baixe o R em: https://cran.r-project.org/ 2. Baixe o RStudio em: https://posit.co/products/open-source/rstudio/?sid=1 3. Siga os passos de instalação de cada um deles em suas próprias páginas.

#### 1.1.2 Sintaxe Básica

Imagine que você vai ler um artigo. Você imprime esse documento e inicia sua leitura, mas começa sentir sono e resolve parar e ir tomar um café. Quando você retorna para continuar sua leitura, seu artigo sumiu! Pior que isso, você também esqueceu onde havia parado de ler!

Então você precisa novamente imprimir o documento e iniciar sua leitura novamente. Agora imagine que isso acontece a cada vez que para de ler e se distancia do seu documento. Seria um sofrimento ler qualquer artigo, uma vez que sempre seria necessário imprimir e ler o documento de uma vez.

O mesmo ocorre na análise de dados e computação em geral, nós queremos ter uma forma de ler ou registrar um dado e depois poder retornar a usá-lo sem grandes problemas. Para isso usamos variáveis (que não é a mesma variável da estatística). Então, no R, uma variável representa um nome associado a um dado gravado na memória. Por ser somente um nome, não há restrições para o que ele nomeia (o tipo de dado), somente não se aceita que ele seja um nome feio, que usa caractéres proibidos (numeros no início, "\$"","", ",").

```
# | label: creating_variables

# para criar comentários comece a linha com #
# esses comentários são desconsiderados pelo interpretador do R (não processados)
```

```
# forma de atribuição mais comum
x <- 10
# forma menos comum
y = 20
# Atribuição reversa - para aqueles que vivem no Upside Down
30 -> z
# R é case-sensitive (diferencia maiusculas de minusculas)
Var1 <- 5
var1 <- 10
# Boas práticas para nomear variável
# Nunca:
# - Começar com números: 2var (incorreto)
# - Usar espaços ou carácteres especiais: minha variavel (incorreto)
# - Usar palavras reservadas: mean, if, for
# Use nomes descritivos, quem lê seu código não sabe o que você pensou
p_valor_teste_t <- 0.032</pre>
ic_95_inferior <- 12.3</pre>
ic_95_superior <- 18.7
1.1.3
       Tipos de Dados
```

Numeric (double/integer):

tratamento <- "vacina"

```
# | label: data_types_numeric
# Números reais (padrão)
altura <- 1.75
peso <- 68.5
# "numeric"
class(altura)
[1] "numeric"
class(1)
[1] "numeric"
# Inteiros (com L)
n_{amostras} \leftarrow 100L
# "integer"
class(n_amostras)
[1] "integer"
Character (texto):
# | label: data_types_character
```

```
# c() é um vetor (agrupamento de dados atômicos)
grupo <- c("controle", "tratado", "placebo")
# "character"
class(tratamento)</pre>
```

[1] "character"

Logical (booleano, verdadeiro/falso):

```
# | label: data_types_logical

significativo <- TRUE
hipotese_nula <- FALSE
p_valor <- 0.01
# operações lógicas: Retorna TRUE ou FALSE
p_valor < 0.05</pre>
```

[1] TRUE

```
class(hipotese_nula)
```

[1] "logical"

#### 1.1.4 Vetores e Operações Básicas

Os vetores são a estrutura fundamental do R. Tudo é vetor em sua essência!

```
# | label: data_types_vector

# Como criar vetores
dados <- c(23, 45, 12, 67, 34)
sequencia <- 1:10
seq_regular <- seq(0, 1, by=0.1)
repeticao <- rep(c(0,1), times=5)

# vetor nomeado
idades <- c(fulano=21, cicrano=43)
names(idades)</pre>
```

[1] "fulano" "cicrano"

```
# Operações vetorizadas são realizadas elemento por elemento x \leftarrow c(1, 2, 3, 4, 5) y \leftarrow c(10, 20, 30, 40, 50) x + y
```

[1] 11 22 33 44 55

x \* 2

[1] 2 4 6 8 10

x^2

[1] 1 4 9 16 25

```
sqrt(x)
[1] 1.000000 1.414214 1.732051 2.000000 2.236068
# Operações em vetores de tamanho diferente
# Cuidado! porque ocorre reciclagem do menor vetor
```

Warning in c(1, 2, 3) + c(10, 20): comprimento do objeto maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

[1] 11 22 13

#### 1.1.5 Funções Básicas

c(1, 2, 3) + c(10, 20)

Funções possuem um padrão nome\_da\_funcao(argumento1, argumento2, ...). Ela é um bloco de código com uma finalidade específica, que abstrai a complexidade de como é feito algo para quem a usa. Então, por exemplo, se uso uma função media(x), eu não preciso saber o "como" e somente o que ela faz (calcula a média de um grupo de elementos em x).

Funções também são úteis quando repetimos um bloco de código em vários momentos de uma análise, pois, podemos definir uma função para executar esse bloco de código uma vez e depois só executá-la (princípio DRY).

```
# | label: functions_basic
dados \leftarrow c(23, 45, 12, 67, 34, 28, 51)
# funções do dia-a-dia
sum(dados)
[1] 260
mean(dados)
                   # Média aritmética
[1] 37.14286
median(dados)
                   # Mediana
[1] 34
var(dados)
                   # Variância amostral (n-1)
[1] 345.1429
sd(dados)
                   # Desvio padrão
[1] 18.57802
min(dados)
                   # Mínimo
[1] 12
max(dados)
                   # Máximo
[1] 67
range(dados)
                   # Min e Max
```

```
[1] 12 67
quantile(dados) # Quartis
  0% 25% 50% 75% 100%
12.0 25.5 34.0 48.0 67.0
summary(dados)
               # Resumo estatístico
  Min. 1st Qu. Median
                          Mean 3rd Qu.
                                          Max.
                                         67.00
  12.00
         25.50
                34.00
                         37.14
                                 48.00
# Outras funções úteis
# Tamanho do vetor
length(dados)
[1] 7
# Ordenação
sort(dados, decreasing = FALSE)
[1] 12 23 28 34 45 51 67
# Valores únicos
unique(dados)
[1] 23 45 12 67 34 28 51
# Tabela de frequências
dados <- c(rep("a", 2), rep("b", 4), rep("c", 8), rep("d", 1))
table(dados)
dados
a b c d
2 4 8 1
prop.table(table(dados))
dados
                   b
0.13333333 0.26666667 0.53333333 0.06666667
1.1.6 Operadores Aritméticos e Lógicos
Operadores Aritméticos:
# | label: arithmetics_operations
# Básicos
10 + 5
       # Adição
[1] 15
10 - 5
          # Subtração
```

[1] 5

```
10 * 5
       # Multiplicação
[1] 50
10 / 5
          # Divisão
[1] 2
10 ^ 2
          # Potenciação
[1] 100
10 ** 2
          # Potenciação
[1] 100
10 %% 3 # Módulo (resto): 1
[1] 1
10 %/% 3 # Divisão inteira: 3
[1] 3
amostra <- sample(0:200, 1e6, replace = TRUE)</pre>
media <- sum(amostra) / length(amostra)</pre>
variancia <- sum((amostra - mean(amostra))^2) / (length(amostra) - 1)</pre>
Operadores Lógicos:
# | label: boolean_operations
# Comparação
5 > 3 # maior
[1] TRUE
5 < 3
           # menor
[1] FALSE
5 >= 3
           # maior ou igual
[1] TRUE
5 <= 3
           # menor ou igual
[1] FALSE
5 == 3
           # igual
[1] FALSE
5 != 3 # diferente
[1] TRUE
"a" == "b"
[1] FALSE
```

```
# Operadores booleanos
p <- TRUE
q <- FALSE
# operação conectivo
       # NEGAÇÂO
!p
[1] FALSE
             # E - conjunção (só é V em VV)
p & q
[1] FALSE
p \mid q
             # OU - disjunção inclusiva (só é F em FF)
[1] TRUE
             # OU OU - disjunção exclusiva (é F sempre que iguais - VV, FF)
xor(p, q)
[1] TRUE
             # equivalente à condicional
!p | q
[1] FALSE
(!p \mid q) & (!q \mid p) # equivalente à bicondicional
[1] FALSE
10 < 12 & 12 > 5
[1] TRUE
# short circuit evaluation
10 > 12 && nao existo
[1] FALSE
10 < 12 || nao_existo</pre>
[1] TRUE
# Vetorização
idades <- c(18, 25, 30, 17, 22)
idades >= 18
[1] TRUE TRUE TRUE FALSE TRUE
```

#### 1.2 Estruturas de dados

#### 1.2.1 Matrizes

Estruturas bidimensionais com elementos do mesmo tipo.

```
# | label: matrices

# Criação de matrizes
matriz1 <- matrix(1:12, nrow=3, ncol=4)
matriz2 <- matrix(1:12, nrow=3, ncol=4, byrow=TRUE)</pre>
```

```
# Matriz de correlação
dados <- matrix(rnorm(100), ncol=5)</pre>
cor_matrix <- cor(dados)</pre>
# Operações matriciais
A <- matrix(c(1,2,3,4), nrow=2)
B \leftarrow matrix(c(5,6,7,8), nrow=2)
A + B # Soma elemento por elemento
  [,1] [,2]
[1,] 6 10
[2,] 8 12
A * B # Multiplicação elemento por elemento
   [,1] [,2]
[1,] 5 21
[2,] 12 32
A %*% B # Multiplicação matricial verdadeira
    [,1] [,2]
[1,] 23 31
[2,] 34 46
t(A) # Transposta
  [,1] [,2]
[1,] 1 2
[2,] 3 4
solve(A) # Inversa (se existir)
    [,1] [,2]
[1,] -2 1.5
[2,] 1 -0.5
det(A) # Determinante
[1] -2
# Dimensões
dim(A)
[1] 2 2
nrow(A)
[1] 2
ncol(A)
```

[1] 2

#### 1.2.2 Data Frames

São basicamente tabelas com colunas de **variados tipos** em que cada linha representa um registro (planilha do excel). É o principal tipo de dado com que trabalhamos na prática. Todas as colunas no **data.frame** devem apresentar o mesmo tamanho.

```
# | label: data_frames
# Criação
df <- data.frame(</pre>
  id = 1:5,
  tratamento = c("A", "B", "A", "B", "A"),
  peso_inicial = c(65.2, 70.1, 68.5, 72.3, 66.8),
  peso_final = c(68.1, 71.5, 71.2, 73.8, 69.5),
  melhorou = c(TRUE, TRUE, TRUE, TRUE, NA)
)
# Estrutura e resumo
str(df)
                 # Estrutura do data.frame
'data.frame':
                5 obs. of 5 variables:
 $ id
                : int
                      1 2 3 4 5
                       "A" "B" "A" "B" ...
 $ tratamento
               : chr
                      65.2 70.1 68.5 72.3 66.8
 $ peso_inicial: num
                       68.1 71.5 71.2 73.8 69.5
 $ peso_final
               : num
 $ melhorou
                : logi TRUE TRUE TRUE TRUE NA
summary(df)
                 # Resumo estatístico simples de cada coluna
                                                    peso_final
       id
                                  peso_inicial
                                                                   melhorou
              tratamento
        :1
 Min.
             Length:5
                                 Min.
                                         :65.20
                                                  Min.
                                                          :68.10
                                                                   Mode:logical
 1st Qu.:2
             Class :character
                                 1st Qu.:66.80
                                                  1st Qu.:69.50
                                                                   TRUE:4
 Median:3
             Mode :character
                                 Median :68.50
                                                  Median :71.20
                                                                   NA's:1
                                         :68.58
                                                          :70.82
 Mean
        :3
                                 Mean
                                                  Mean
 3rd Qu.:4
                                 3rd Qu.:70.10
                                                  3rd Qu.:71.50
 Max.
                                         :72.30
        :5
                                 Max.
                                                  Max.
                                                          :73.80
head(df)
                 # Primeiras x linhas
  id tratamento peso_inicial peso_final melhorou
1
              Α
                         65.2
                                    68.1
                                              TRUE
2 2
                         70.1
                                    71.5
                                              TRUE
              В
3
   3
              Α
                         68.5
                                     71.2
                                              TRUE
                                     73.8
4
   4
              В
                         72.3
                                              TRUE
5 5
                         66.8
                                     69.5
                                                NA
tail(df)
                 # Últimas x linhas
  id tratamento peso_inicial peso_final melhorou
              Α
                         65.2
                                    68.1
                                              TRUE
1
   1
              В
2
  2
                         70.1
                                    71.5
                                              TRUE
3 3
              Α
                         68.5
                                    71.2
                                              TRUE
                                    73.8
                                              TRUE
4
   4
              В
                         72.3
5
   5
              Α
                         66.8
                                    69.5
                                                NA
```

```
# Acessando colunas
df$peso_inicial
[1] 65.2 70.1 68.5 72.3 66.8
df[["peso_inicial"]]
[1] 65.2 70.1 68.5 72.3 66.8
df[, "peso_inicial"]
[1] 65.2 70.1 68.5 72.3 66.8
df[, 3]
[1] 65.2 70.1 68.5 72.3 66.8
df[c(1, 3), 3]
[1] 65.2 68.5
# Criando nova variável no data.frame
df$ganho_peso <- df$peso_final - df$peso_inicial</pre>
df$ganho_percentual <- (df$ganho_peso / df$peso_inicial) * 100
head(df)
  id tratamento peso_inicial peso_final melhorou ganho_peso ganho_percentual
                               68.1
                       65.2
1 1
             Α
                                          TRUE
                                                      2.9
                                                                 4.447853
2 2
             В
                       70.1
                                  71.5
                                          TRUE
                                                      1.4
                                                                 1.997147
                                 71.2
3 3
             Α
                       68.5
                                         TRUE
                                                      2.7
                                                                 3.941606
4 4
             В
                       72.3
                                 73.8
                                          TRUE
                                                      1.5
                                                                  2.074689
5 5
             Α
                       66.8
                                  69.5
                                          NA
                                                      2.7
                                                                  4.041916
```

#### 1.2.3 Listas

Estruturas mais flexíveis - podem conter elementos de tipos e tamanhos diferentes.

```
# | label: lists

# Lista com resultados de uma análise estatística
resultado_teste <- list(
   nome_teste = "Teste t de Student",
   estatistica_t = 2.453,
   graus_liberdade = 48,
   p_valor = 0.018,
   intervalo_confianca = c(1.23, 5.67),
   dados_originais = df,
   matriz_cov = matrix(rnorm(9), 3, 3)
)

# Acessando elementos
resultado_teste$p_valor</pre>
```

[1] 0.018

```
resultado_teste[["p_valor"]]
[1] 0.018
resultado_teste[[4]]
[1] 0.018
teste_t <- t.test(df$peso_final, df$peso_inicial, paired=TRUE)</pre>
str(teste_t)
List of 10
 $ statistic : Named num 6.89
  ..- attr(*, "names")= chr "t"
 $ parameter : Named num 4
  ..- attr(*, "names")= chr "df"
            : num 0.00232
 $ p.value
 $ conf.int : num [1:2] 1.34 3.14
  ..- attr(*, "conf.level")= num 0.95
 $ estimate : Named num 2.24
  ..- attr(*, "names")= chr "mean difference"
 $ null.value : Named num 0
  ..- attr(*, "names")= chr "mean difference"
            : num 0.325
 $ stderr
 $ alternative: chr "two.sided"
           : chr "Paired t-test"
 $ data.name : chr "df$peso_final and df$peso_inicial"
 - attr(*, "class")= chr "htest"
names(teste_t)
 [1] "statistic"
                   "parameter"
                                  "p.value"
                                                "conf.int"
                                                              "estimate"
 [6] "null.value" "stderr"
                                  "alternative" "method"
                                                              "data.name"
1.2.4 Fatores
Variáveis categóricas com níveis fixos - essencial para modelos estatísticos.
# | label: factors
```

```
# Criação de fatores
sexo <- factor(c("M", "F", "F", "M", "F"), levels = c("M", "F"))
levels(sexo)

[1] "M" "F"

# Recodificação
levels(sexo) <- c("Masculino", "Feminino")

# Fator ordenado
educação <- factor(
    c("Médio", "Superior", "Fundamental", "Superior", "Médio"),
    levels = c("Fundamental", "Médio", "Superior"),
    ordered = TRUE</pre>
```

```
)
as.integer((educacao))
[1] 2 3 1 3 2
# GLMs e ANOVA tratam fatores como dummies ou como variáveis discretas
df$tratamento[5] <- "C"</pre>
df$grupo <- df$tratamento</pre>
lm(peso_final ~ grupo, data=df)
Call:
lm(formula = peso_final ~ grupo, data = df)
Coefficients:
(Intercept)
                   grupoB
                                 grupoC
      69.65
                     3.00
                                  -0.15
df$grupo <- factor(df$tratamento)</pre>
lm(peso_final ~ grupo, data=df)
Call:
lm(formula = peso_final ~ grupo, data = df)
Coefficients:
(Intercept)
                   grupoB
                                 grupoC
      69.65
                     3.00
                                 -0.15
df$grupo <- factor(df$tratamento, ordered = TRUE)</pre>
lm(peso_final ~ grupo, data=df)
Call:
lm(formula = peso_final ~ grupo, data = df)
Coefficients:
(Intercept)
                  grupo.L
                               grupo.Q
    70.6000
                  -0.1061
                               -2.5107
```

#### 1.2.5 Arrays

Generalizações de matrizes para múltiplas dimensões.

```
# | label: arrays

# Array de 3 dimensões (exemplo: medidas x indivíduos x tempo)
n_pacientes <- 5
n_tempos <- 3
peso_inicial <- rnorm(n_pacientes, mean = 70, sd = 5)
altura_inicial <- rnorm(n_pacientes, mean = 170, sd = 10)
idade_inicial <- rpois(n_pacientes, lambda = 23)</pre>
```

```
# matriz vazia
peso_tempo <- matrix(nrow = n_pacientes, ncol = n_tempos)</pre>
altura_tempo <- matrix(nrow = n_pacientes, ncol = n_tempos)</pre>
idade_tempo <- matrix(nrow = n_pacientes, ncol = n_tempos)</pre>
for(i in 1:n_pacientes) {
  peso_tempo[i, ] <- peso_inicial[i] + cumsum(c(0, rnorm(n_tempos-1, mean=0.5, sd=1)))</pre>
  altura\_tempo[i, ] <- altura\_inicial[i] + rnorm(n\_tempos, mean=0, sd=0.5)
  idade_tempo[i, ] \leftarrow idade_inicial[i] + c(0, 0.25, 0.5)
imc_tempo <- peso_tempo / (altura_tempo/100)^2</pre>
medidas tempo <- array(</pre>
  c(t(peso_tempo), t(altura_tempo), t(imc_tempo), t(idade_tempo)),
  dim = c(n_pacientes, n_tempos, 4),
  dimnames = list(
    paste("Paciente", 1:5),
    c("Mês_0", "Mês_3", "Mês_6"),
    c("Peso", "Altura", "IMC", "Idade")
  )
)
medidas_tempo[1, , ] # paciente 1
          Peso
                 Altura
                              IMC Idade
Mês_0 68.06854 165.3407 24.89928 24.00
Mês 3 71.63160 160.9087 27.66594 10.50
Mês_6 71.43953 161.1359 27.51402 28.25
medidas_tempo[, , 4] # idade
           Mês_0 Mês_3 Mês_6
Paciente 1 24.00 10.50 28.25
Paciente 2 24.25 19.00 28.50
Paciente 3 24.50 19.25 22.00
Paciente 4 10.00 19.50 22.25
Paciente 5 10.25 28.00 22.50
medidas_tempo[, 2, ] # mes 2
                Peso
                       Altura
                                    IMC Idade
Paciente 1 71.63160 160.9087 27.66594 10.50
Paciente 2 73.99008 186.0141 21.38364 19.00
Paciente 3 73.34040 184.5639 21.53030 19.25
Paciente 4 73.86377 185.8718 21.37984 19.50
Paciente 5 71.60735 161.8853 27.32390 28.00
n <- 1000
dados_epi <- data.frame(</pre>
  Sexo = sample(c("M", "F"), n, replace = TRUE),
  Idade = sample(c("0-20", "21-40", "41-60", "60+"), n, replace = TRUE),
```

```
Exposicao = sample(c("Sim", "Não"), n, replace = TRUE, prob = c(0.3, 0.7)),
 Doenca = sample(c("Presente", "Ausente"), n, replace = TRUE, prob = c(0.1, 0.9))
)
tabela_4d <- table(dados_epi)</pre>
print(dim(tabela_4d)) # 2 x 4 x 2 x 2
[1] 2 4 2 2
# Análise de odds ratio estratificado
for(sexo in c("M", "F")) {
 for(idade in unique(dados_epi$Idade)) {
   subtabela <- tabela_4d[sexo, idade, , ]</pre>
   if(all(subtabela > 0)) {
     #| | desfecho: Sim | desfecho: Não |
     # | ------ | ------ |
     \# OR = a*d/b*c
     OR <- (subtabela[2,2] * subtabela[1,1]) /
           (subtabela[2,1] * subtabela[1,2])
     cat(sprintf("OR para %s, %s: %.2f\n", sexo, idade, OR))
   }
 }
}
OR para M, 21-40: 1.16
OR para M, 0-20: 0.87
OR para M, 60+: 1.50
OR para M, 41-60: 0.42
OR para F, 21-40: 0.75
OR para F, 0-20: 1.83
OR para F, 60+: 2.14
OR para F, 41-60: 1.06
```

#### 1.2.6 Indexação e Seleção de Dados

```
# | label: indexing

# VETORES
x <- c(10, 20, 30, 40, 50)
x[2]

[1] 20
x[c(1,3,5)]

[1] 10 30 50
x[-2]

[1] 10 30 40 50</pre>
```

```
x[x > 25]
[1] 30 40 50
# MATRIZES [linha, coluna]
mat <- matrix(1:12, nrow=3)</pre>
mat[2, 3]
[1] 8
mat[2, ]
[1] 2 5 8 11
mat[, 3]
[1] 7 8 9
mat[1:2, 3:4]
    [,1] [,2]
[1,] 7 10
[2,] 8
          11
# DATA FRAMES
df[2, 3]
[1] 70.1
df[2,]
  id tratamento peso_inicial peso_final melhorou ganho_peso ganho_percentual
2 2
             В
                       70.1
                             71.5
                                           TRUE
                                                       1.4
 grupo
df[, "peso_inicial"]
[1] 65.2 70.1 68.5 72.3 66.8
df$peso_inicial
[1] 65.2 70.1 68.5 72.3 66.8
df[df$tratamento == "A", ]
  id tratamento peso_inicial peso_final melhorou ganho_peso ganho_percentual
             Α
                      65.2
                                 68.1
                                           TRUE
                                                       2.9
                                                             4.447853
3 3
             Α
                       68.5
                                  71.2
                                           TRUE
                                                       2.7
                                                                  3.941606
  grupo
     Α
1
3
df[df$ganho_peso > 2 & df$tratamento == "A", c("id", "ganho_peso")]
 id ganho_peso
           2.9
1 1
3 3
           2.7
```

## Chapter 2

Tipos de variáveis e escalas de mensuração e precisão