

# MÁRCIA MARIA CARDOSO

# O USO DO SOFTWARE CALC PARA O ENSINO DE GRÁFICOS ESTATÍSTICOS NA EJA: CADERNO DIDÁTICO

# MÁRCIA MARIA CARDOSO

# O USO DO SOFTWARE CALC PARA O ENSINO DE GRÁFICOS ESTATÍSTICOS NA EJA:

CADERNO DIDÁTICO

Produto educacional apresentada à Universidade Federal de Lavras, como parte das exigências do Programa de Pós-Graduação do Mestrado Profissional em Matemática em Rede Nacional - PROFMAT - UFLA, para a obtenção do título de Mestre.

Prof. Dr. Mario Henrique Andrade Claudio Orientador

E apesar de tudo, o Senhor estava sempre ao meu lado, segurando bem firme a minha mão.

Salmos 73:23

### **RESUMO**

A busca por novos métodos de ensino não é recente uma vez que, o uso de tecnologias e inovação vem se mostrado eficiente no contexto educacional nas últimas décadas. Sendo assim, este trabalho tem por objetivo apresentar uma sequência didática utilizando o *Software* Calc, que pode ser utilizada nas aulas para o ensino de estatística com ênfase na obtenção e organização de dados e na construção de gráficos para alunos da Educação de Jovens e Adultos - EJA. A metodologia utilizada nesta pesquisa consiste em uma revisão bibliográfica seguida da elaboração de atividades práticas utilizando o *Software* Calc. O processo de ensino e aprendizagem de gráficos é de suma importância devido a grande variedade de textos estatísticos que circulam no nosso meio. O uso do computador e do *Software* Calc possibilita, de forma mais interessante, a construção de tabelas bem como de seus gráficos podendo assim contribuir no desenvolvimento das atividades. Por isso, este trabalho se torna relevante contribuindo com um material didático que representa a união da educação tecnológica associada ao ensino formal podendo contribuir no que diz respeito a reflexão e análise de informações estatísticas do cotidiano.

**Palavras-chave:** Educação de Jovens e Adultos. Tecnologia. *Software* Calc. Sequência didática.

#### **ABSTRACT**

The search for new teaching methods is not recent since the use of technologies and innovation has been defined in the educational context in recent decades. Therefore, this work aims to present a didactic sequence using the *Software* Calc, which can be used in classes for teaching statistics based on the creation and organization of data and the construction of graphics for students of Education Youth and Adults - EJA. The methodology used in this research consists of a literature review followed by the development of practical activities using *Software* Calc. The teaching and learning process of graphics is of paramount importance due to the wide variety of statistical texts that circulate in our environment. The use of the computer and *Software* Calc makes it possible, in a more interesting way, to build tables as well as their graphics, thus contributing to the development of activities. Therefore, this work becomes relevant by contributing with teaching material that represents the union of technological education associated with formal education, which can contribute to the reflection and analysis of daily statistical information.

**Keywords:** Youth and Adult Education. Technology. Calc *Software*. Following teaching.

# LISTA DE FIGURAS

Figura 2.1 – Layout Inicial e célula A1	14
Figura 2.2 – Apresentação do Calc: Componentes Principais	14
Figura 2.3 – Exemplo de Fórmula	17
Figura 2.4 – Tratamento da Informação	18
Figura 2.5 – Exemplo Cálculo da Média	19
Figura 2.6 – Exemplo Cálculo da Moda	20
Figura 2.7 – Exemplo Cálculo da Mediana	21
Figura 3.1 – Gráficos no Calc	25
Figura 3.2 – Gráfico de Colunas e Barras: Organizando os dados	26
Figura 3.3 – Gráficos de Colunas no Calc	26
Figura 3.4 – Gráfico de Colunas: Número de casos de covid por região	27
Figura 3.5 – Gráficos de Barras no Calc	27
Figura 3.6 – Gráfico de Colunas: Número de casos de covid por região	28
Figura 3.7 – Gráficos de Linha no Calc	29
Figura 3.8 – Gráfico de Linhas: Número de óbitos pela COVID-19 por estado da região	
Sudeste	30
Figura 3.9 – Gráfico de Setores: Somando as regiões	31
Figura 3.10 – Gráfico de Setores: Cálculo dos percentuais (%)	31
Figura 3.11 – Gráficos de Setores no Calc	32
Figura 3.12 – Gráfico de Setores: Percentual de Óbitos pela COVID-19 por Região	33
Figura 3.13 – Gráficos de Barras no Calc	34
Figura 3.14 – Gráficos de Barras Pictórico no Calc	35
Figura 3.15 – Gráfico de Pictórico de Barras: Óbitos pela COVID-19 por Região Brasileira	36
Figura 3.16 – Dados de Exemplo	37
Figura 3.17 – Questão 2 - Passo 1: Nova Aba	38
Figura 3.18 – Questão 2 - Passo 2: Renomeando	38
Figura 3.19 – Questão 2 - Passo 3: Copiando	39
Figura 3.20 – Questão 2 - Passo 3: Colando	39
Figura 3.21 – Questão 2 - Passo 4: Adicionando dados	40
Figura 3.22 – Questão 4	41
Figura 3.23 – Questão 6	42

Figura 3.24 – Questão 7	43
Figura 3.25 – Questão 8	43
Figura 3.26 – Questão 9	44
Figura 3.27 – Questão 10	45
Figura 3.28 – Questão 11	46
Figura 3.29 – Questão 12	47
Figura 3.30 – Resolução questão 1	47
Figura 3.31 – Resolução Questão 2	48
Figura 3.32 – Resolução Questão 3.a	48
Figura 3.33 – Resposta Questão 3.a - Intervalo de Dados	49
Figura 3.34 – Resposta Questão 3.a Gráfico de colunas das idades	49
Figura 3.35 – Resolução Questão 3. b	50
Figura 3.36 – Resposta Questão 3.b - Intervalo de Dados	50
Figura 3.37 – Resposta Questão 3 - b) Gráfico de barras das alturas	51
Figura 3.38 – Resolução Questão 3. c	51
Figura 3.39 – Gráfico de setores: Inserindo Rótulos	52
Figura 3.40 – Resposta Questão 3. c Gráfico de setores	52
Figura 3.41 – Resolução Questão 3. d	53
Figura 3.42 – Resposta Questão 3. d Gráfico de Linhas	53
Figura 3.43 – Resolução Questão 3. e - Passo 1	54
Figura 3.44 – Resolução Questão 3. e - Indicando Rótulo	54
Figura 3.45 – Resolução Questão 3. e - Passo 2	55
Figura 3.46 – Resposta Questão 3. e Gráfico Pictórico	55
Figura 3.47 – Resolução questão 4	56
Figura 3.48 – Questão 11 - Resposta	59
Figura 49 – Base de dados - Covid 19	62
Figura 50 – Base de dados - Covid 19 - Parte 2	62
Figura 51 – Base de dados - Painel da Transparência	63
Figura 52 – Base de dados - Painel da Transparência	63
Figura 53 – Passo 1: GitHub	64
Figura 54 – Passo 2: GitHub	64
Figura 55 – Passos 1 e 2: GitHub	65

Figura 56 –	Passos 3: GitHub									 •							65
Figura 57 –	Passo 4: GitHub	 •	•			•		•		 	•		 •				66
Figura 58 –	Passo 5: GitHub					•				 							66

# LISTA DE TABELAS

Tabela 2.1 –	Operadores de Cálculo e Precedência	16
Tabela 3.1 –	Casos de COVID-19 até o dia 13 de janeiro de 2021 às 19h por estado	
	brasileiro	23
Tabela 3.2 –	Crescimento do número de registros de óbitos com suspeita ou confirmação	
	de COVID-19 na região sudeste do Brasil na última semana de maio de 2021.	24

# SUMÁRIO

1	Apresentação	11
2	SOFTWARE CALC	13
2.1	Apresentando o Software Calc	13
2.1.1	Operadores de cálculo e precedência	16
2.2	Fórmulas e Funções	17
2.3	Estatística: aplicação de fórmulas e funções	18
2.3.1	Média	18
2.3.2	Moda	19
2.3.3	Mediana	20
3	CADERNO DIDÁTICO PARA O ENSINO DE GRÁFICOS NA EDUCA-	
	ÇÃO DE JOVENS E ADULTOS UTILIZANDO O SOFTWARE CALC $ \ldots $	22
3.1	Bases de dados	22
3.2	Gráficos com o Calc	24
3.2.1	Gráficos de Colunas e Barras	25
3.2.2	Gráficos de Linhas	28
3.2.3	Gráficos de Setores (Pizza)	30
3.2.4	Gráfico Pictórico	33
3.3	Praticando	36
3.3.1	Respostas	47
	REFERÊNCIAS	61
	APENDICE A – Extração dos dados: Dados sobre COVID-19 (OMS)	62
	APENDICE B – Extração dos dados: Óbitos com suspeita ou confirmação	
	de COVID-19 entre os dias 24/05/2021 e 31/05/2021	63
	APENDICE C - Download dos dados via GITHUR	64

# 1 APRESENTAÇÃO

Prezados professores, professoras, alunos e alunas da EJA.

Este caderno pedagógico traz em seu conteúdo uma proposta de ensino estatístico e probabilístico voltado para a Educação de Jovens e Adultos, este produto educacional é resultado da pesquisa intitulada "O Uso do *Software* Calc para o Ensino de Gráficos Estatísticos na EJA" vinculado ao programa de Pós-Graduação do Mestrado Profissional em Matemática em Rede Nacional/PROFMAT - UFLA - Universidade Federal de Lavras.

Este trabalho tem como objetivo destacar a importância do uso de tecnologias no ensino da EJA principalmente no que tange a ligar o conteúdo visto em sala de aula com fatos do dia a dia e propor uma forma de ensino de gráficos e de estatística básica por meio do software Calc. É importante ressaltar que este roteiro não busca ditar o modo como o professor conduz sua aula, mas sim fornecer uma ferramenta que pode ser usada para chamar a atenção dos alunos de forma diferenciada. Ao longo do material serão tratados os seguintes temas:

- Medidas de tendência central: média, moda e mediana;
- tratamento da informação e coleta de dados;
- leitura, interpretação e elaboração de tabelas;
- leitura, interpretação e elaboração de gráficos dos tipos: barras, linhas, colunas, setores e pictóricos.

Estes conteúdos serão trabalhados de forma prática propondo ao aluno que elabore seus próprios gráficos. Apesar do foco deste material ser a EJA nada impede que também seja usado em outras modalidades educacionais.

Desta forma, espera-se que este material forneça apoio aos professores e professoras por meio de estratégias de ensino ligadas à tecnologia e simultaneamente desperte nos alunos e alunas o desejo de aprender.

A organização deste roteiro segue da seguinte forma, primeiramente será apresentado o *software* Calc e seus principais comandos, em seguida veremos um pouco sobre estatística e

como executar algumas funções estatísticas no Calc e então partiremos para os gráficos e em como fazê-los utilizando o Calc e o último capítulo está dedicado a uma sequência de atividades para treinar o que foi visto.

#### 2 SOFTWARE CALC

Ao longo deste capítulo o LibreOffice Calc será apresentado como ferramenta didática assim como algumas de suas funcionalidades com ênfase nas ferramentas gráficas que podem ser usadas no ensino de jovens e adultos (EJA). Este capítulo traz as noções iniciais sobre o *software* LibreOffice Calc que serão necessárias para o acompanhamento da sequência didática proposta neste trabalho. Cabe ressaltar que, por ser um *software* livre, qualquer escola ou pessoa pode baixá-lo e utilizá-lo <sup>1</sup>.

### 2.1 Apresentando o Software Calc

O *Software* Calc é o componente de planilhas do pacote LibreOffice (LIBREOFFICE., 2018). Por ser um *software* livre e de código aberto o LibreOffice conta com vários colaboradores e está disponível para uma grande variedade de plataforma.

O Calc é uma ferramenta de planilhas eletrônicas que pode ser utilizado de forma didática principalmente do que diz respeito a colocar em prática conceitos vistos em sala de aula de forma dinâmica e interessante ao aluno desmistificando as dificuldades da matemática.

A matemática já não é bem vista aos olhos de nossos alunos, por certa dificuldade de compreensão, e se nos apegarmos aos métodos taxados como tradicionais, é muito provável que esse cenário não mudará. A utilização da tecnologia, implantará novos métodos, novas visões e novos pensamentos (SILVANO; OLIVEIRA, 2018, p. 46).

Este capítulo traz em um primeiro momento uma abordagem inicial do LibreOffice Calc, suas principais funções e ferramentas em seguida serão apresentados alguns tipos de gráficos e o passo a passo para fazê-los no LibreOffice Calc. No entanto cabe ressaltar que, por ser um *software* de código aberto surgem a todo momento novas formas e novas funções que são incorporadas ao Calc.

Ao abrir o Calc será mostrado o Layout Inicial, ilustrado pela figura 2.1, a divisão da planilha se da basicamente por linhas representadas pelos números e as colunas representadas pelas letras. Desta forma cada célula pode ser representada por uma letra ou conjunto de letras e um número, por exemplo a primeira célula da primeira coluna pode ser chamada de A1.

O download do LibreOffice Calc está disponível em: <a href="https://www.libreoffice.org/download/download/">https://www.libreoffice.org/download/</a>

Figura 2.1 – Layout Inicial e célula A1

As células recebem os valores a serem estudados ou funções que vão manipular esses valores, sendo assim cada planilha pode ser dividida em várias folhas, cada uma dessas contendo diversas células que consistem na unidade básica de informação do Calc, essas células podem receber diversas informações, tais como: datas, números, texto, porcentagem, fórmula entre outras.

Barra de Fritulo

Barra de Fritulo

Barra de Fritulo

Barra de Menu

Barra de Fritulo

Barra de Fritul

Figura 2.2 – Apresentação do Calc: Componentes Principais

Fonte: Da autora (2021)

O *software* apresenta na parte superior as barras de título, de menu, de ferramentas e de ferramentas de formatação em seguida a barra de formulas e então no corpo da planilha os cabeçalhos de linhas e de colunas. Os detalhes sobre cada um destes componentes é descrito abaixo:

- Barra de Título: Mostra o nome atual da planilha.
- Barra de Menu: Mostra as opções de menu, cada opção ao ser selecionada abre uma série de opções adicionais, as opções de menu padrão são: Arquivo; Editar; Inserir; Formatar; Estilos Planilha; Dados; Ferramentas; Janela e Ajuda.
- Barra de Ferramentas Padrão: Contém opções práticas e atalhos, tais como: gráficos; tabelas; filtros; ordenação; impressão e também alguns atalhos.
- Barra de Ferramentas de Formatação: opções de alinhamento, tamanho da letra e fonte, cor e posição do texto, formatação de números entre outros tipos de formatação.
- Barra de Fórmulas: Local destinado para inserir fórmulas ou conteúdo na célula selecionada, contém também um auxiliar de fórmulas ao lado esquerdo da barra com algumas
  funções mais usadas (soma, média, mínimo, máximo e contagem).
- Cabeçalho de colunas: Título das colunas, representado pelas letras do alfabeto.
- Cabeçalho de linhas: Título das linhas, representado pelos números.
- Célula ativa: Célula que está sendo trabalhada.
- Aba de Folhas: Permite o acesso a cada folha da planilha de forma individual, caso haja mais de uma folha. Novas folhas podem ser adicionadas no sinal de + ao lado esquerdo da aba de folhas.
- Barra de estado: mostra informações sobre a planilha com maneiras simplificadas de acessar e alterar suas configurações tais como, zoom, salvar, idioma e tipo de documento.
- Atalhos: Local personalizável para inserir os comandos mais utilizados, por padrão é composto por propriedades, estilos, galeria, navegador e funções.

# 2.1.1 Operadores de cálculo e precedência

Os operadores são elementos que especificam o tipo de cálculo que deve ser executado no Calc e quais elementos devem ser operados.

O Calc apresenta três tipos de operadores, são eles: aritméticos (A); de comparação (C) e de comandos/instruções (C/I) são demonstrados na tabela a seguir.

Tabela 2.1 – Operadores de Cálculo e Precedência

Aritméticos					
Operador	Nome	Exemplo			
+ (Mais)	Adição	1 + 1 =2			
- (Menos)	Subtração / Negação	2 - 1 = 1			
* (Asterisco)	Multiplicação	5 * 6 = 30			
/ (Barra)	Divisão	36 / 9 =4			
% (Porcentagem)	Porcentagem	5%			
^(circunflexo)	Exponenciação	3^2 = 9			
Comparação					
Operador	Nome	Exemplo			
= (sinal de igual)	Igual	A1 = B1			
>(Maior que)	Maior que	A1 >B1			
<(Menor que)	Menor que	A1 <b1< td=""></b1<>			
>= (Maior ou igual a)	Maior ou igual a	A1 >= B1			
<= (Menor ou igual a)	Menor ou igual a	$A1 \leq B1$			
<>(Diferente)	Diferente de	A1 <>B1			
	Comandos / Instruções				
Operador	Nome	Exemplo			
: (Dois Pontos)	Intervalo	A1:A110			
! (Ponto de Exclamação)	Intersecção	SOMA(A1:B6!B5:C12)			
$\sim$ (Til)	Concatenação ou união	SOMA(A1:B6~B5:C12)			

Fonte: Organização Mundial da Saúde (2021).

Os operadores aritméticos são mostrados na primeira parte da tabela 2.1 e realizam operações básicas de soma, subtração, multiplicação, divisão, porcentagem e exponenciação. Já os operadores de comparação são responsáveis por comparar o conteúdo de células ou intervalos verificando se determinado valor é igual, maior, menor, maior ou igual, menor ou igual ou diferente de outro.

Por fim, os operadores de comandos/instruções tem a função de estender operações para mais de uma célula percorrendo um intervalo que pode ser determinado de forma direta (usando o operador de intervalo), pode ser também as células em comum de dois intervalos (usando o

operador de intersecção) ou então o operador de concatenação<sup>2</sup> que toma duas referências e retorna a concatenação delas da esquerda pra direita (LIBREOFFICE., 2018).

# 2.2 Fórmulas e Funções

As fórmulas, de acordo com Nascimento (2016) são equações que executam cálculos retornando informações e manipulando tanto conteúdos inseridos na própria fórmula como conteúdos de outras células. As fórmulas sempre começam com o sinal de igual (=) seguido da operação desejada que pode ser combinação de números, caracteres, células e operadores. Um exemplo de fórmula se encontra abaixo na Figura 2.3, neste exemplo foi calculada a soma da quantidade de casos de covid na região sul do Brasil³ usando a fórmula **SOMA** e o operador de intervalos (:) para definir quais células devem ser operadas.

 $\downarrow$   $f_X \times \checkmark$  =SOMA(C2:C4) SOMA Número de Óbitos Estado Número de Casos Região 485757 RESULTADO Rio Grande do Sul 9619 CASOS NA REGIÃO SUL Sul 486349 8885 1498130 Paraná Santa Catarina

Figura 2.3 – Exemplo de Fórmula

Fonte: Da autora (2021)

Existem, de acordo com (PARENTE, 2021) um número grande de funções, que podem ser usadas em conjunto. A abrangência vai desde funções matemáticas até funções especializadas em estatística, financeira, banco de dados, lógica e outras. Para executar uma fórmula ou função no Calc basta digitar = na célula ativa e em seguida a fórmula desejada, a sessão a seguir tem como meta central exemplificar algumas fórmulas e funções principalmente aquelas ligadas a estatística que serão utilizadas no roteiro didático proposto neste trabalho.

A concatenação de referências utilizando um carácter de til foi implementada recentemente. Se existir uma fórmula com o operador til num documento que tenha sido aberto em versões anteriores da aplicação, é devolvido um erro. Não é permitida a inclusão de uma lista de referências numa expressão matricial.

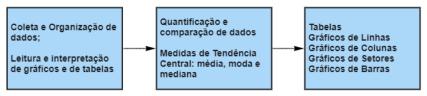
Detalhes da extração destes dados encontram-se no apêndice A e a versão em planilha Calc destes dados estão disponíveis no site do Github <a href="https://github.com/marciacardosotp/produtoeducacionaleja.git">https://github.com/marciacardosotp/produtoeducacionaleja.git</a>

### 2.3 Estatística: aplicação de fórmulas e funções

A estatística consiste resumidamente em um conjunto de técnicas que servem para recolher, organizar, sintetizar e descrever dados fazendo uso de análises descritivas, e também inferência estatística com base na Teoria das Probabilidades (SANTOS, 2007).

Ao longo deste trabalho, serão tratados alguns conhecimentos básicos de estatística que devem ser desenvolvidos no ensino fundamental e os conteúdos que a Base Nacional Comum Curricular (BNCC) propõem para ser trabalhado durante o bloco de conteúdos de Tratamento da Informação, tais conteúdos se encontram resumidamente no diagrama abaixo (BRASIL, 2018).

Figura 2.4 – Tratamento da Informação



Fonte: Da autora (2021), adaptado de BRASIL (1997)

Os dados são a fonte de informação que os estatísticos precisam para descobrir alguma característica ou tendência de uma população que pode ser obtida pelo estudo da amostra, sobre a conceituação de população e amostra, Martins (2011) define:

População é o conjunto de objetos, indivíduos ou resultados experimentais acerca do qual se pretende estudar alguma característica comum. Aos elementos da população chamamos unidades estatísticas. Amostra é uma parte da população que é observada com o objetivo de obter informação para estudar a característica pretendida (MARTINS, 2011).

Chama-se de parâmetros as informações que conhece-se (ou deseja-se conhecer) de uma população, quando observa-se a amostra para estudar essas características extraindo desta amostra unidades estatísticas tais como: média, moda e mediana.

O cálculo e a extração dessas estatísticas pode não ser tarefa fácil, no entanto o Calc é uma ferramenta facilitadora no que diz repeito a análise estatística. Desta forma, as sub sessões a seguir tem como objetivo definir as três medidas de tendência central: média, moda e mediana.

#### **2.3.1** Média

A média amostral ou simplesmente média, é a medida de localização do centro da amostra, mais comumente usado, ela representa-se por  $\bar{x}$  e calcula-se utilizando o seguinte processo: (MARTINS, 2011).

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} \tag{2.1}$$

Onde:

 $x_i$ : valor individual

*n*: quantidade de dados

No Calc a média de um conjunto de dados pode ser obtido automaticamente usando a função **MÉDIA()**.

Com a finalidade de exemplificar o cálculo da média, a figura abaixo (Figura 2.5) exibe para um conjunto de alunos fictícios a média entre as alturas, ou seja, a altura que representa esse grupo.

 $| \cdot | f_X \times \checkmark$ MÉDIA =MÉDIA(C3:C7) Α Ε Dados 1 1 2 Nome Peso Altura Idade Cor Preferida 3 Márcia 62 1,6 23 Azul Pedro 74,5 35 4 1,76 Preto 5 José 81,2 1,84 54 Vermelho 19 6 Camila 67,8 1,59 Azul 7 Carlos 90 1,55 23 Rosa 8 9 Fórmula Usada Resultado =MÉDIA(C3:C7) 1,668

Figura 2.5 – Exemplo Cálculo da Média

Fonte: Da autora (2021)

A fórmula acima executa o seguinte cálculo:

$$\frac{1,6+1,776+1,84+1,59+1,55}{5} = 1,668 \tag{2.2}$$

# 2.3.2 Moda

"Define-se moda como sendo o valor que surge com mais frequência, se os dados são discretos, ou o intervalo de classe com maior frequência" (MARTINS, 2011, p. 101).

No Calc a moda de um conjunto de dados pode ser obtido automaticamente usando a função **MODO**().

Com a finalidade de ilustrar a definição de moda, a figura a seguir (Figura 2.7) mostra os passos do Calc para o cálculo da moda entre valores, ou seja, dado uma série de valores qual é aquele que apresenta maior frequência.

MODO  $| \cdot | f_X \times \checkmark$ =MODO(D3:D7) Dados 1 1 2 Altura Idade Cor Preferida Nome Peso 3 Márcia 62 1,6 23 Azul 4 Pedro 74,5 1,76 35 Preto 5 José 81,2 1,84 Vermelho 6 Camila 67,8 1,59 19 Azul 7 Carlos 90 1,55 23 Rosa 8 Fórmula Usada 9 Resultado =MODO(D3:D7) 23

Figura 2.6 – Exemplo Cálculo da Moda

Fonte: Da autora (2021)

A fórmula acima basicamente busca na coluna de idade (D4) qual a idade que aparece mais vezes, neste caso a idade é 23 que está duas vezes no conjunto de dados.

#### 2.3.3 Mediana

A mediana é o valor que separa os dados no meio, ou seja, o valor do rol de dados tal que 50% dos dados sejam menores do que ele e 50% maiores. Para Bussab e Morettin (2010) a mediana é definida como a "realização que ocupa a posição central da série de observações quando ordenadas em ordem crescente". Sua posição pode ser calculada da seguinte forma:

$$M_d = \begin{cases} X_{\frac{n+1}{2}} & \text{; se n for impar} \\ \\ \frac{X_{\frac{n}{2}} + X_{\frac{n}{2}+1}}{2} & \text{; se n for par} \end{cases}$$
 (2.3)

Sobre a mediana antes de consultar a posição de um determinado valor de  $X_i$  é importante organizar os valores em ordem crescente. No Calc a mediana pode ser encontrada usando a função = MED() e, neste caso, não é preciso organizar.

O cálculo da mediana pode ser realizado no Calc de maneira automática conforme mostra abaixo:

=MED(C3:C7) MED D 1 Dados 1 Peso Altura 2 Idade Cor Preferida Nome 3 Márcia 1,6 Azul 4 Pedro 74,5 1,76 35 Preto 5 José 81,2 1,84 54 Vermelho 6 19 Camila 67,8 1,59 Azul 7 Carlos 90 1,55 Rosa 8 9 Fórmula Usada Resultado N = par 10 =MED(C3:C7) 1,6 11 12 13 Dados 2 14 Nome Peso Altura Idade Cor Preferida 15 Márcia Azul 1,6 16 Pedro 74,5 1,76 35 Preto 17 José 54 Vermelho 81,2 1,84 18 Camila 67,8 1,59 19 Azul 19 Carlos 90 1,55 23 Rosa 20 Carla 72 1,66 22 Vermelho 21 22 23 Fórmula Usada Resultado N = impar =MED(C15:C20) 1,63

Figura 2.7 – Exemplo Cálculo da Mediana

No entanto é importante que o aluno entenda o que está sendo feito por traz do comando dado ao *software*, neste exemplo primeiramente os dados devem ser organizados em ordem crescente da seguinte maneira:

# • **Dados 1:** 1,55 - 1,59 - 1,6 - 1,76 - 1,85

Neste caso tem-se 5 valores, como a quantidade de dados é ímpar a mediana é representada pelo valor na posição central  $X_{\frac{n+1}{2}} = X_{\frac{5+1}{2}} = X_3 = 1,6$ 

# • Dados 2: 1,55 - 1,59 - 1,6 - 1,66 - 1,76 - 1,85

Neste caso tem-se 6 valores, como a quantidade de dados é par a mediana é representada pela média dos dois valores centrais, ou seja, a média entre  $X_{n/2} = X_{6/2} = X_3 = 1,6$  e  $X_{n/2+1} = X_{3+1} = X_4 = 1,66$  sendo assim a mediana é a média entre  $X_3 = 1,6$  e  $X_4 = 1,66$  dada por  $\frac{X_3 + X_4}{2} = \frac{1,6+1,66}{2} = 1,63$ .

# 3 CADERNO DIDÁTICO PARA O ENSINO DE GRÁFICOS NA EDUCAÇÃO DE JO-VENS E ADULTOS UTILIZANDO O *SOFTWARE* CALC

Gráficos são formas de representar visualmente dados ou valores numéricos, são utilizadas em diversas áreas para visualizar e deixar mais claro informações oriundas aos dados. Além disso os gráficos ilustram valores e relações matemática ampliando a forma como visualizamos a informação possibilitando extração de conclusões acerca dos dados que estão sendo representados.

Ainley (2000) descreve os gráficos como a forma de representação mais clara dos dados sendo mais transparente do que tabelas e os textos descritivos. No entanto não é incomum observar crianças e adultos com dificuldades em compreender representações gráficas ressaltando ainda mais a importância de trabalhar esse conceito de forma prática levando a um melhor aprendizado.

De acordo com Castro e Filho (2015) as "habilidades relacionadas à construção e interpretação de gráficos são pouco exploradas na escola que, na maioria das vezes, utiliza apenas o livro didático para ensiná-las". O trabalho de gráficos na rede pública de ensino na maioria das vezes não ultrapassa a simples leitura e interpretação se limitando ao uso de lápis e papel.

O processo de aprendizagem pode ser otimizado atribuindo ao aluno papel ativo na construção dos seus próprios gráficos deixando por meio da prática o processo educacional mais estimulado e atribuindo ao aluno papel de protagonista.

Para Castro (2012) as tecnologias digitais podem minimizar os esforços de construção, abrindo espaço para o desenvolvimento de habilidades mais relevantes de interpretação e relação com situações reais. Desta forma, neste estudo será utilizado o *software* Calc para a elaborações dos gráficos e para isso serão também utilizadas duas fontes diferentes de dados que devem ser entendidas como educativas, mais detalhes sobre essas bases de dados se encontram na seção seguir.

#### 3.1 Bases de dados

Esta sessão tem como objetivo apresentar um roteiro de organização e visualização de dados no Calc. Para isto foram utilizadas duas bases de dados de exemplo, a primeira delas retirada da Organização Mundial da Saúde (OMS, 2021) contendo dados sobre o número de

casos da covid-19<sup>1</sup>, número de recuperados e também o número de mortes por estado brasileiro, a base de dados se encontra na tabela abaixo (Tabela 3.1). Detalhes sobre as coletas dos dados da OMS se encontram no Apêndice A.

Tabela 3.1 – Casos de COVID-19 até o dia 13 de janeiro de 2021 às 19h por estado brasileiro

Região	Estado	Número de Casos	Número de Óbitos
	Rio Grande do Sul	485757	9619
Sul	Paraná	486349	8885
	Santa Catarina	526024	5707
	Goiás	320782	6988
Centro-Oeste	Mato Grosso	191315	4635
Centro-Oeste	Mato Grosso do Sul	145048	2587
	Distrito Federal	260797	4375
	Amapá	71689	981
	Roraima	69888	795
	Pará	303512	7339
Norte	Acre	43432	827
	Rondônia	103798	1950
	Amazonas	218070	5810
	Tocantins	93895	1278
	Alagoas	109319	2577
	Pernambuco	234238	9889
	Rio Grande do Norte	125338	3115
	Maranhão	202314	4575
Nordeste	Sergipe	124276	2595
	Piauí	148032	2915
	Bahia	515861	9480
	Paraíba	173518	3836
	Ceará	345235	10162
	Espírito Santo	267323	5382
Sudeste	São Paulo	1561844	48662
Sudesie	Rio de Janeiro	465150	26976
	Minas Gerais	602833	12750

Fonte: Organização Mundial da Saúde (2021).

A segunda base de dados consiste em um conjunto de dados temporais contendo informação sobre o crescimento do número de registros de óbitos com suspeita ou confirmação de COVID-19 na região Sudeste do Brasil na primeira semana de maio de 2021 <sup>2</sup>. Optou-se pelo uso dessa série temporal para melhor ilustrar o tratamento de dados para dados cujo tempo está envolvido. Os dados dessa segunda fonte se encontram a seguir na Tabela 3.2. Detalhes sobre a coleta de dados da segunda base de dados se encontram no Apêndice B.

Os dados foram colhidos no dia 12 de janeiro de 2021, atualizados às 19h

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Os dados foram coletados às 09h37min do dia 02 de junho de 2021

Tabela 3.2 – Crescimento do número de registros de óbitos com suspeita ou confirmação de COVID-19 na região sudeste do Brasil na última semana de maio de 2021.

Óbitos com suspeita o	ou confirmação d	le COVID de 24	a 31 de maio de 2	2021
Data	MG	SP	RJ	ES
24/mai	169	378	167	22
25/mai	130	398	156	28
26/mai	137	305	142	28
27/mai	132	256	177	17
28/mai	118	224	145	19
29/mai	117	157	151	22
30/mai	100	137	138	19
31/mai	59	93	89	6

Fonte: PORTAL DA TRANSPARÊNCIA (2021)

As figuras utilizadas ao longo deste capítulo são oriundas destas bases de dados<sup>3</sup>. Apesar de se tratar de dados de exemplo a ideia central é mostrar a eficiência do Calc no que tange a visualização, organização e tratamento de dados.

Cabe ressaltar que a pesquisa não se restringe a estes dados, na prática são inúmeras a utilização deste roteiro desde dados coletados pelos próprios alunos em sala de aula até a pesquisa em sites de bancos de dados.

### 3.2 Gráficos com o Calc

O Calc possibilita a criação de diversos tipos de gráficos entre eles gráficos em pizza, coluna, linha, etc. Ao longo desta sessão serão apresentados alguns tipos de gráficos que podem ser elaborados com o Calc, no entanto, para saber quais os gráficos disponíveis basta acessar a ferramenta de gráficos conforme mostrado nas figuras abaixo.

A planilha com os dados utilizados ao longo deste roteiro está disponível para download pelo link <a href="https://github.com/marciacardosotp/produtoeducacionaleja.git">https://github.com/marciacardosotp/produtoeducacionaleja.git</a> e os passos para realizar este dowload estão no Apêndice C.

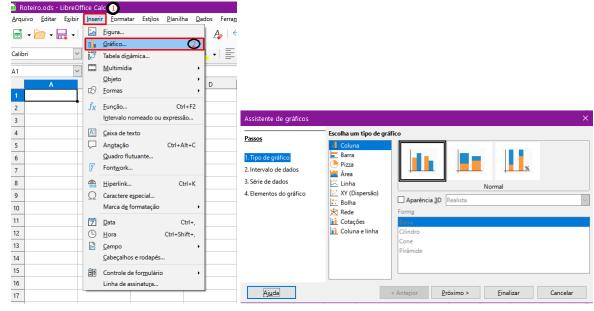


Figura 3.1 – Gráficos no Calc

(a) Passos para abrir aba de gráficos

(b) Opções de Gráficos no Calc

Fonte: Da autora (2021)

O Calc permite de maneira simples a criação de vários tipos de gráficos entre eles os de colunas, barras, pizza e linhas que serão trabalhados ao longo deste roteiro fazendo uso das bases de dados descritas na sessão 5.1.

#### 3.2.1 Gráficos de Colunas e Barras

Gráficos de colunas são usados para descrever a distribuição de frequência de uma variável seja ela quantitativa ou qualitativa. Neste tipo de gráfico a representação se dá por meio de retângulos verticais (para os gráficos de colunas) ou horizontais (para os gráficos de barras).

Para criar um gráfico de colunas no Calc basta selecionar os dados que devem estar no gráfico e selecionar o gráfico de colunas conforme a figura 3.1, um exemplo prático pode ser realizado usando o banco de dados 1 (OMS, 2021) com o objetivo de construir um gráfico de barras para os casos de covid por região brasileira.

Primeiramente deve ser calculado o número de casos por região fazendo a soma dos estados que compõem cada região, conforme mostrado na figura 3.2. Detalhes do cálculo da soma estão ao lado dos dados na coluna "Fórmula" esta coluna foi elaborada com o objetivo de expor a fórmula por traz do resultado de cada região facilitando o entendimento dos dados.

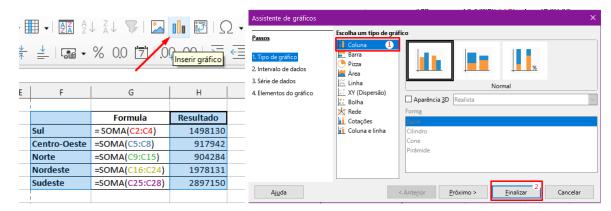
Figura 3.2 – Gráfico de Colunas e Barras: Organizando os dados

Região	Estado	Número de Casos	Número de Óbitos
	Rio Grande do Sul	485757	9619
Sul	Paraná	486349	8885
	Santa Catarina	526024	5707
	Goiás	320782	6988
Centro-Oeste	Mato Grosso	191315	4635
Centro-Oeste	Mato Grosso do Sul	145048	2587
	Distrito Federal	260797	4375
	Amapá	71689	981
	Roraima	69888	795
	Pará	303512	7339
Norte	Acre	43432	827
	Rondônia	103798	1950
	Amazonas	218070	5810
	Tocantins	93895	1278
	Alagoas	109319	2577
	Pernambuco	234238	9889
	Rio Grande do Norte	125338	3115
	Maranhão	202314	4575
Nordeste	Sergipe	124276	2595
	Piauí	148032	2915
	Bahia	515861	9480
	Paraíba	173518	3836
	Ceará	345235	10162
	Espírito Santo	267323	5382
Sudeste	São Paulo	1561844	48662
Sudeste	Rio de Janeiro	465150	26976
	Minas Gerais	602833	12750

	Fórmula	Resultado
Sul	= SOMA(C2:C4)	1498130
Centro-Oeste	=SOMA(C5:C8)	917942
Norte	=SOMA(C9:C15)	904284
Nordeste	=SOMA(C16:C24)	1978131
Sudeste	=SOMA(C25:C28)	2897150

Com os dados organizados, ou seja, os casos somados por região deve-se selecionar a região e o número total de casos em seguida selecionar o gráfico do tipo coluna, conforme os passos abaixo:

Figura 3.3 – Gráficos de Colunas no Calc



(a) Selecionar e ir ao atalho de gráficos

(b) Selecionar colunas (1) e em seguida Finalizar (2)

Fonte: Da autora (2021)

Os resultados devem ser próximos de:

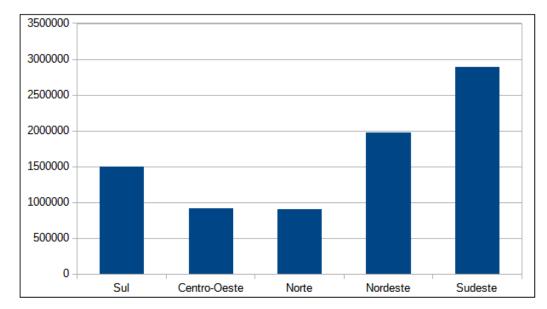
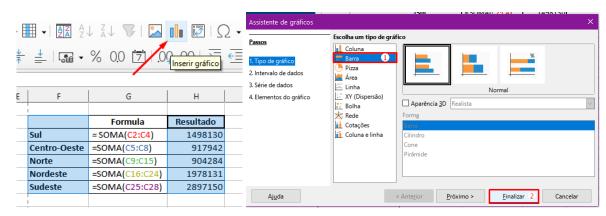


Figura 3.4 – Gráfico de Colunas: Número de casos de covid por região

Para a elaboração do gráfico de barras os passos são parecidos no entanto, depois da seleção dos dados deve ser selecionado barras conforme figura 3.5

Figura 3.5 – Gráficos de Barras no Calc



(a) Selecionar e ir ao atalho de gráficos

(b) Selecionar colunas (1) e em seguida Finalizar (2)

Fonte: Da autora (2021)

Os resultados devem ser próximos de:

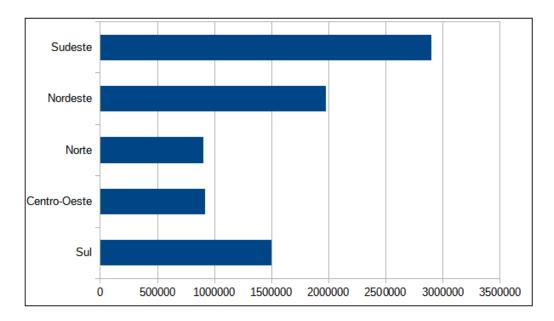


Figura 3.6 - Gráfico de Colunas: Número de casos de covid por região

Tanto o gráfico de colunas quanto o de barras permitem a comparação neste exemplo do número de casos de covid em cada região do Brasil, a região Sudeste apresentou o maior número de casos enquanto a região Norte apresentou o menor número de casos no período analisado.

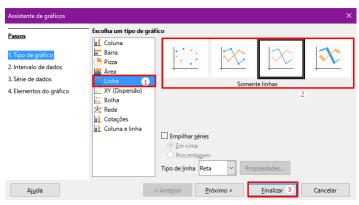
#### 3.2.2 Gráficos de Linhas

Gráficos de linhas são gráficos que exibem a informação com uma série de pontos ligados uns aos outros, são muitas vezes usados para mostrar a evolução de uma variável com o passar do tempo sendo muito usado para analisar tendências de crescimento / decrescimento de um conjunto de dados. Para elaborar um gráfico de linhas basta selecionar no menu de gráficos o tipo de linha. Para exemplificar a elaboração de um gráfico de linhas será usado o segundo banco de dados (Portal da Transparência) e os passos indicados na figura 3.7.

V 11pt V N I S A · ♥ · E E E E E F ★ ± I A · % 0.0 (7) (no inserir gráfico) Calibr  $\bigvee \mid f_X \sum \bullet =$ A2:E10 Óbitos com suspeita ou confirmação de COVID de 24 a 31 de maio de 2021 24/mai 169 378 167 22 398 26/mai 137 305 142 28 28/mai 118 224 145 19 157 151 30/mai 100 138 31/mai

Figura 3.7 – Gráficos de Linha no Calc

(a) Selecionar e ir ao atalho de gráficos



(b) Selecionar linhas (1), escolher o tipo (2) e em seguida Finalizar (3)

Fonte: Da autora (2021)

Os resultados do gráfico de linhas elaborado pelos passos acima são mostrados a seguir, cabe ressaltar a importância do horizonte temporal representado pelos gráficos de linhas, por um lado permite a comparação entre o número de óbitos pela Covid-19 para cada estado da região Sudeste e por outro permite que seja avaliado cada estado com o passar do tempo.

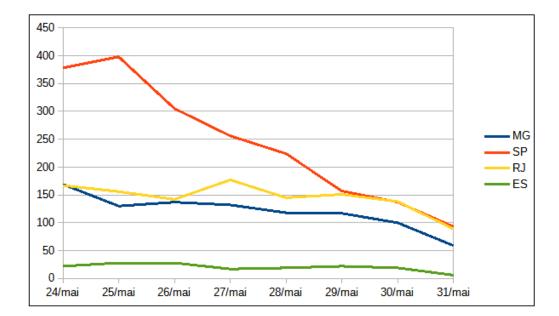


Figura 3.8 – Gráfico de Linhas: Número de óbitos pela COVID-19 por estado da região Sudeste

# 3.2.3 Gráficos de Setores (Pizza)

O gráfico de setores (popularmente chamados de gráfico de pizza) consiste em um diagrama circular em que cada valor é representado por sua medida em graus, onde o círculo completo equivale a 360 graus.

Este tipo de gráfico exige o conhecimento prévio de percentuais para a organização dos dados. Para exemplificar serão usados os dados de Óbitos por COVID-19 (Dados do banco 1) seguindo o algorítimo abaixo:

1: Somar os óbitos de cada região

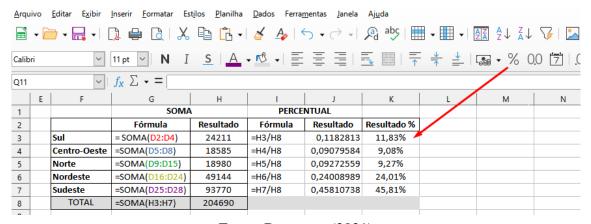
Figura 3.9 – Gráfico de Setores: Somando as regiões

Estado	Número de Casos	Número de Óbitos
Rio Grande do Sul	485757	9619
Paraná	486349	8885
Santa Catarina	526024	5707
Goiás	320782	6988
Mato Grosso	191315	4635
Mato Grosso do Sul	145048	2587
Distrito Federal	260797	4375
Amapá	71689	981
Roraima	69888	795
Pará	303512	7339
Acre	43432	827
Rondônia	103798	1950
Amazonas	218070	5810
Tocantins	93895	1278
Alagoas	109319	2577
Pernambuco	234238	9889
Rio Grande do Norte	125338	3115
Maranhão	202314	4575
Sergipe	124276	2595
Piauí	148032	2915
Bahia	515861	9480
Paraíba	173518	3836
Ceará	345235	10162
Espírito Santo	267323	5382
São Paulo	1561844	48662
Rio de Janeiro	465150	26976
Minas Gerais	602833	12750

	SOMA							
	Fórmula	Resultado						
Sul	= SOMA(D2:D4)	24211						
Centro-Oeste	=SOMA(D5:D8)	18585						
Norte	=SOMA(D9:D15)	18980						
Nordeste	=SOMA(D16:D24)	49144						
Sudeste	=SOMA(D25:D28)	93770						
TOTAL	=SOMA(H3:H7)	204690						

**2:** Calcular os percentuais, ou seja,  $P_{\%} = \frac{\text{número de óbitos da região}}{\text{número total de óbitos}}$ 

Figura 3.10 – Gráfico de Setores: Cálculo dos percentuais (%)



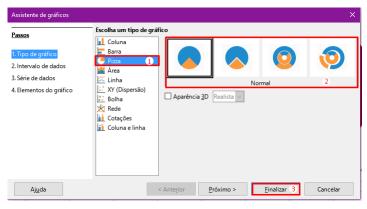
Fonte: Da autora (2021)

3: Construir o gráfico de setores

<u>Arquivo Editar Exibir Inserir Formatar Estilos Planilha Dados Ferramentas Janela Ajuda</u>  $\bigvee \mid f_X \sum \bullet = \lceil = J3 \rceil$ 1 2 3 4 5 6 7 8 Resultado 24211 Fórmula Fórmula Resultado = SOMA(D2:D4) =H3/H8 0,1182813 Centro-Oeste =SOMA(D5:D8) Norte =SOMA(D9:D15 18585 =H4/H8 0,09079584 =H5/H8 0,09272559 9,27% =H6/H8 0,24008989 24,01% =SOMA( 49144 =SOMA( 93770 =H7/H8 0,45810738 45,81% TOTAL =SOMA(H3:H7) 204690

Figura 3.11 – Gráficos de Setores no Calc

(a) Selecionar e ir ao atalho de gráficos



(b) Selecionar Pizza (1), escolher o tipo (2) e em seguida Finalizar (3)

Fonte: Da autora (2021)

Depois de filtrados e calculados os percentuais o gráfico de setores deve representar no total 100%, sendo assim o maior percentual que é da região Sudeste deve representar a maior parte da figura e assim por diante até que todo o gráfico esteja completo.

Os passos para elaborar gráficos de setores no Calc estão na figura 3.11, é importante salientar que para elaborar o gráfico de setores tanto os valores quanto os percentuais podem ser selecionados.

No exemplo usado nesta sessão foram usados os valores percentuais, observe que no exemplo foram selecionados a coluna com o nome das regiões e também a coluna onde foram calculados os percentuais.

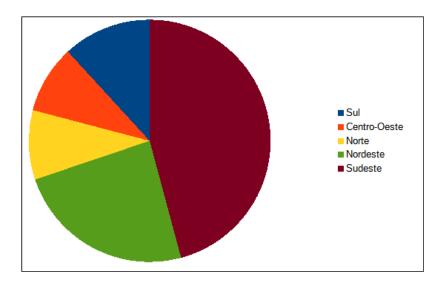


Figura 3.12 – Gráfico de Setores: Percentual de Óbitos pela COVID-19 por Região

# 3.2.4 Gráfico Pictórico

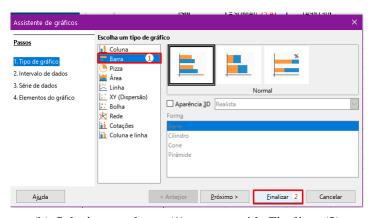
É um tipo especial de gráfico cuja figura representa uma determinada quantidade da variável em questão. Os gráficos pictóricos são utilizados principalmente para chamar atenção, assim podem ser usado basicamente em todo tipo de gráfico.

Para exemplificar será utilizado o exemplo do gráfico de barras, primeiramente o gráfico deve ser elaborado utilizando os passos explicados anteriormente e mostrados também abaixo.

Calibri  $| f_X \sum | = | = SOMA(D2:D4)$ Н3 1 2 3 4 5 6 7 8 Fórmula Resultado Centro-Oeste =SOMA(D5:D8) 18585 =SOMA(D =SOMA(D16:D24) 49144 =SOMA(I =SOMA(H3:H7)

Figura 3.13 – Gráficos de Barras no Calc

(a) Selecionar e ir ao atalho de gráficos



(b) Selecionar colunas (1) e em seguida Finalizar (2) Fonte: Da autora (2021)

Uma vez criado o gráfico (de qualquer tipo) deve ser selecionado o local onde a figura<sup>4</sup> será inserida, ou seja, qual dos elementos do gráfico que será substituído pela figura, neste exemplo a figura será inserida em cada uma das barras.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> O arquivo com a figura encontra-se no GitHub <a href="https://github.com/marciacardosotp/">https://github.com/marciacardosotp/</a> produtoeducacionaleja.git> e os passos para download estão no Apêndice C

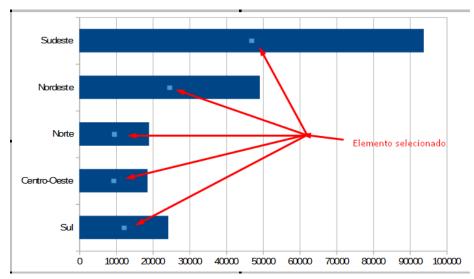
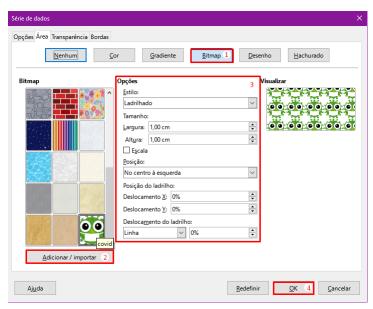


Figura 3.14 – Gráficos de Barras Pictórico no Calc

(a) Selecionar e dar um clique duplo no elemento



(b) Selecionar Bitmap (1) Adicionar a Figura (2) Configurar as Opções (3) e OK (4)

Fonte: Da autora (2021)

Este exemplo aplica o modelo pictórico a gráficos de barras mas este tipo de apresentação pode ser usado nos outros tipos de gráficos deixando-os mais atrativos ao leitor ou ilustrando o problema em questão. O resultado do gráfico pictórico para os dados da OMS são apresentados a seguir pela figura 3.15.

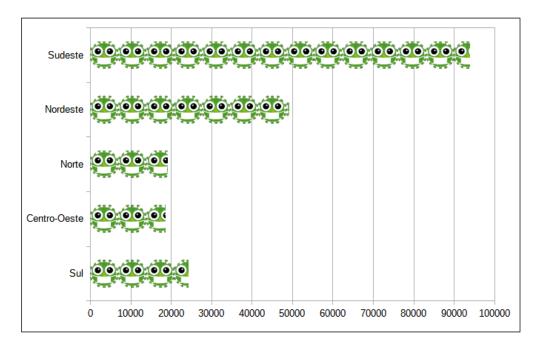


Figura 3.15 – Gráfico de Pictórico de Barras: Óbitos pela COVID-19 por Região Brasileira

#### 3.3 Praticando

**Questão 1** (**Coleta de Dados**): Recolha as informações de idade, altura, peso, tamanho de sapato de todos os alunos da classe e organize em forma de planilha no Calc. Algumas maneiras de coletar esses dados são:

- Perguntando individualmente a cada aluno.
- Por meio de planilha eletrônica compartilhada (Planilhas Google)<sup>5</sup>
- Por meio de um questionário (Google Forms)<sup>6</sup>

Os dados de exemplo que serão utilizados nesta atividade estão disponíveis no GitHub e os detalhes para download desses dados estão no Apêndice C.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Disponível em: <a href="https://www.google.com/intl/pt-BR/sheets/about/">https://www.google.com/intl/pt-BR/sheets/about/</a>

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Disponível em: <a href="https://www.google.com/intl/pt-BR/forms/about/">https://www.google.com/intl/pt-BR/forms/about/</a>

Figura 3.16 – Dados de Exemplo

	A	В	С	D						
1										
2	Qual sua idade (anos)?	Qual sua altura (cm)?	Qual seu peso (kg)?	Número do seu sapato						
3	25	160	65	42						
4	45	160	75	42						
5	36	161	68	39						
6	21	165	69	39						
7	60	161	69	38						
8	54	163	68	38						
9	19	167	79	39						
10	21	167	83	37						
11	22	165	83	37						
12	24	160	63	36						
13	21	161	68	35						
14	27	152	68	37						
15	21	155	65	34						
16	35	161	67	34						
17	36	162	68	37						
18	36	162	67	36						
19	45	162	67	37						
20	20	161	65	40						
21	21	162	65	40						
22	23	163	65	35						
	Letra a	Letra b	Letra c	Letra d						

Utilizando o Calc obtenha média, mediana e moda dos itens abaixo.

- a) variável idade.
- **b**) variável altura.
- c) variável peso.
- d) variável número do sapato.

**Questão 2** — Supondo que aconteceu uma nova matrícula no dia da aula, refaça os cálculos da questão 1 sabendo que o novo aluno tem 19 anos, tem 168 cm de altura, pesa 69 kg e tem calçado número 39. Para essa questão siga os passos abaixo:

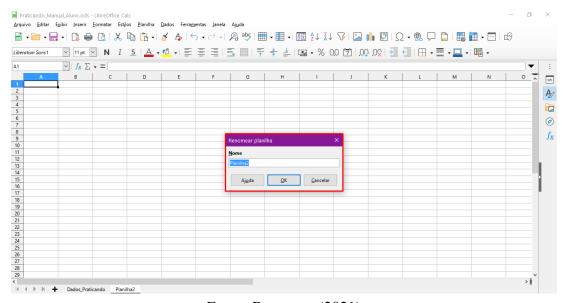
1. Vá na aba de folhas e clique no símbolo + para criar uma folha.

| Presidence | Pr

Figura 3.17 – Questão 2 - Passo 1: Nova Aba

2. Renomeie a planilha com o seu nome.

Figura 3.18 – Questão 2 - Passo 2: Renomeando



Fonte: Da autora (2021)

3. Vá na primeira planilha, selecione a planilha inteira, clique com o botão direito do mouse e clique em **copiar**.

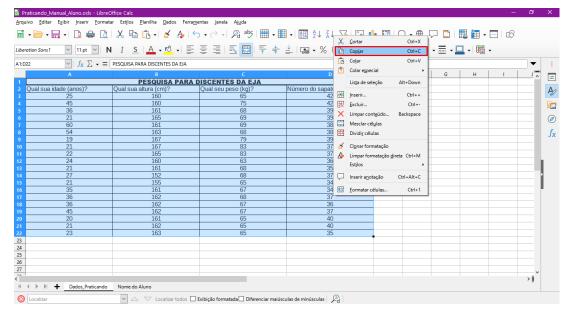


Figura 3.19 – Questão 2 - Passo 3: Copiando

4. Abra a planilha com o seu nome, selecione a célula A1, clique com o botão direito do mouse e clique em **colar**.

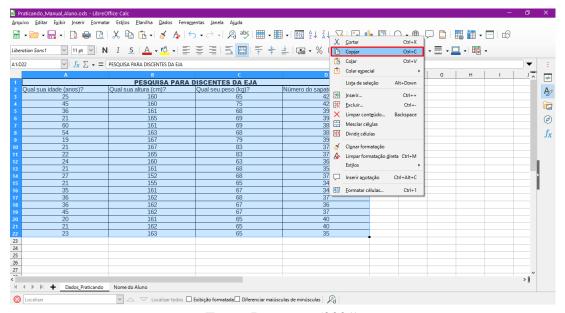


Figura 3.20 – Questão 2 - Passo 3: Colando

Fonte: Da autora (2021)

5. Adicione depois da última linha as informações do aluno novo.

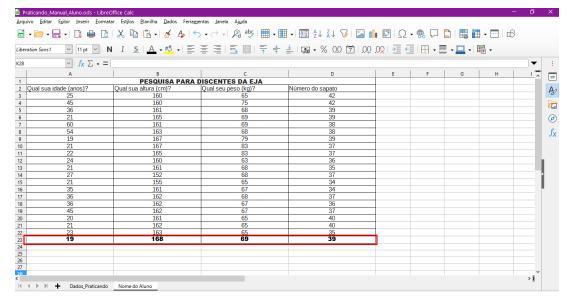


Figura 3.21 – Questão 2 - Passo 4: Adicionando dados

Obtenha média, mediana e moda dos itens abaixo:

- a) variável idade.
- b) variável altura.
- c) variável peso.
- d) variável número do sapato.

Questão 3: Construa utilizando os mesmos dados os seguintes gráficos:

- a) gráfico de colunas (com a variável idade);
- b) gráfico de barras (com a variável altura);
- c) gráfico de setores (com a variável número do sapato);
- d) gráfico de linhas (com o IMC) sabendo que o IMC pode ser calculado utilizando a fórmula  $IMC = \frac{Peso(kg)}{Altura^2(m)};$
- e) gráfico pictórico com qualquer uma das variáveis escolhida pelo aluno e com livre escolha da imagem;

**Questão 4:** A seguinte questão foi proposta em uma votação (fictícia) nas turmas da EJA – Ensino médio: Por que você parou de estudar? O resultado da pesquisa esta apresentado na tabela abaixo. Observe e complete com os dados faltosos.

Figura 3.22 – Questão 4

Motivo	MARCAS	Quantidade De Votos
Gravidez		
Trabalho		
Falta De Interesse		17
Problemas Familiares		14
Reprovação		
Outros		7

- a) Qual motivo apareceu com maior frequência? Quantos votos teve?
- b) Quantos alunos e alunas participaram da pesquisa?
- c) Qual o percentual de alunos que deixou de estudar por problemas familiares?

**Questão 5:** Um professor combinou com seus alunos que daria no final do bimestre de 0 a 10 pontos em uma das provas da gincana, como mostra a tabela seguinte:

Pontuação obtida na gincana	Pontos equivalentes			
30	6			
40	8			
50	10			

Sabendo que no 1º EJA, estão matriculados 20 alunos e que todos os alunos participarão da gincana, o professor já distribuiu a pontuação para 15 alunos, como mostra a tabela abaixo:

Número de aluno	Pontuação
3	6
5	8
6	10

- a) Qual é a mediana da pontuação ofertada pelo professor?
- **b**) Sabe-se que os seis alunos restantes receberão pontuação de 8 ou 10 pontos. Qual é o número de alunos que devem receber pontuação igual a 8 para que a mediana dos 20 valores seja 9?

**Questão 6:** Na volta às aulas, o educador fez uma pesquisa nas turmas da EJA a partir da questão: Por que você voltou a estudar? O resultado da pesquisa está registrado no gráfico de barras abaixo:

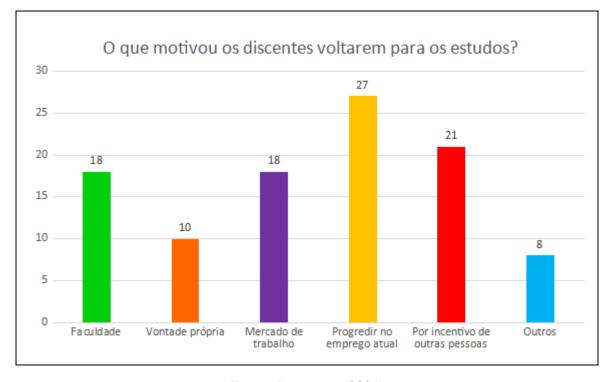


Figura 3.23 – Questão 6

Fonte: Da autora (2021)

- a) O que mais motivou o retorno dos discentes? Quantos escolheram esta opção?
- **b)** Qual dos motivos foi citado por exatamente 10 pessoas?
- c) Quais motivos foram citados pelo mesmo número de pessoas? Quantos citaram estes motivos?
- d) Quais motivos foram citados por mais de 20 pessoas?

**Questão 7:** O gráfico de barras abaixo mostra o meio de locomoção utilizado pelos discentes da EJA para chegarem até à escola.

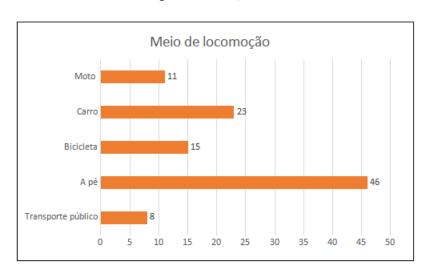


Figura 3.24 – Questão 7

- a) Quantos alunos da EJA responderam a esta pergunta?
- **b)** Qual o meio de locomoção mais e o menos utilizando por este público? Qual a diferença entre eles?
- c) Qual o percentual dos alunos que usam carro ou moto?

**Questão 8:** O gráfico pictórico abaixo mostra a quantidade do tipo sanguíneo dos alunos matriculados na EJA.

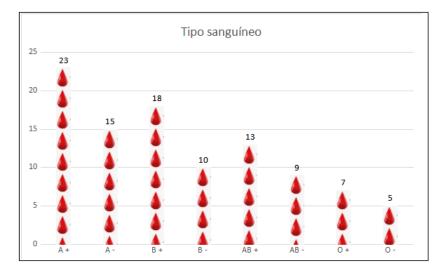


Figura 3.25 – Questão 8

Fonte: Da autora (2021)

- a) Qual o tipo sanguíneo que mais apareceu?
- b) Qual tipo sanguíneo apareceu exatamente 18 vezes, representando 18% do total dos entre-

vistados?

- c) Qual a porcentagem do tipo sanguíneo A+?
- d) Quais tipos sanguíneos apareceram menos de 13%?

Questão 9: Sabendo que no 1º EJA – ENSINO MÉDIO, estão matriculados 25 alunos.

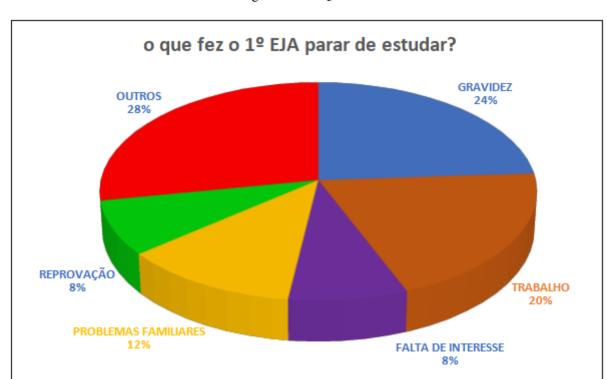


Figura 3.26 – Questão 9

Fonte: Da autora (2021)

- a) Determine a quantidade de alunos que escolheram cada situação apresentada no gráfico acima.
- b) Qual a diferença entre outros motivos e problemas familiares. Expresse a resposta em quantidade.

**Questão 10:** Foi feita uma pesquisa no 2º EJA, para saber o mês de nascimento de cada integrante da turma. Sabendo que esta turma possui 38 alunos, observe o gráfico de linhas dos resultados obtidos e responda:



Figura 3.27 – Questão 10

- a) Quais os meses com maior número de aniversariantes?
- b) Qual o percentual de alunos que fazem aniversário em dezembro?
- c) Quantos alunos fazem aniversário no primeiro trimestre? Qual é o percentual?

**Questão 11:** (Utilizando o CALC). Realizou-se uma pesquisa entre os alunos da EJA para levantar informações sobre o salário recebido por cada um deles. Foram entrevistadas 100 pessoas, e os dados obtidos estão representados no gráfico abaixo.

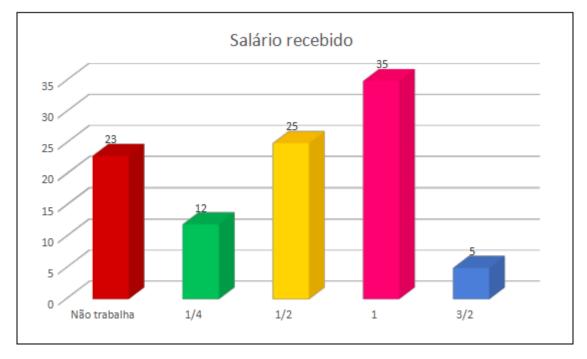


Figura 3.28 – Questão 11

Sabendo que o salário mínimo vale R\$1100,00, verifique se são verdadeiras ou falsas as seguintes afirmações, justificando.

- a) O salário médio desse público é de 1 salário mínimo.
- b) Suponha que o público pesquisado seja uma empresa. Então, podemos considerar que a folha de pagamento da mesma seja de R\$ 63800,00.
- c) Se cada aluno recebesse um aumento de R\$ 300,00 no salário, inclusive os que não trabalham vão receber o mesmo valor, a média de salários ultrapassaria 1 salário mínimo.
- d) Se todos os alunos que não trabalham arrumarem um trabalho e passarem a ganhar 2 salários mínimos, o salário médio deste público passaria a R\$ 1144,00.

**Questão 12:** Realizou-se uma pesquisa entre os alunos da EJA para levantar informações sobre o número de filhos. Foram entrevistadas 100 pessoas, e os dados estão apresentados no gráfico de setores abaixo.

Número de filhos

(4) 5%
(3) 10%
(0) 20%

(2) 35%
(1) 30%

Figura 3.29 – Questão 12

- a) Quantos estudantes têm três ou mais filhos?
- b) Qual é a média de filhos dos estudantes desta amostra?
- c) Qual é o percentual das famílias que têm até 2 filhos?

# 3.3.1 Respostas

## Questão 1:

Figura 3.30 – Resolução questão 1

	1	A	B	С	D	I	
		А		DISCENTES DA EJA	U	+	
	2 0	Olagas) ababi aya la		Qual seu peso (kg)?	Número do sapato	4	
	2 Qu	25	160	Quai seu peso (kg)?	42	-	
	4	45	160	75	42	-	
	5	36	161	68	39	1	
	6	21	165	69	39	1	
	7	60	161	69	38	1	
	8	54	163	68	38	1	
	9	19	167	79	39	1	
	10	21	167	83	37	1	
	11	22	165	83	37	1	
	12	24	160	63	36	1	
	13	21	161	68	35	1	
	14	27	152	68	37	1	
	15	21	155	65	34	1	
	16	35	161	67	34	1	
	17	36	162	68	37	1	
	18	36	162	67	36	1	
	19	45	162	67	37	1	
	20	20	161	65	40	]	
	21	21	162	65	40	]	
	22	23	163	65	35	]	
		Média		Mediana		Moda	
	Fórmula	Resultado	Fórmula	Resulta	do Fórmula		Resultado
idade	=MÉDIA(A3:A2	2) 30,6	=MED(A3:A	22) 24,5	=MODO(A3:	A22)	21
altura	=MÉDIA(B3:B2		=MED(B3:B		=MODO(B3:	B22)	161
peso	=MÉDIA(C3:C2		=MED(C3:C		=MODO(C3:	C22)	65
nº sapato	=MÉDIA(D3:D2	2) 37,6	=MED(D3:D	22) 37	=MODO(D3:	D22)	37

Fonte: Da autora (2021)

## Questão 2:

Figura 3.31 – Resolução Questão 2

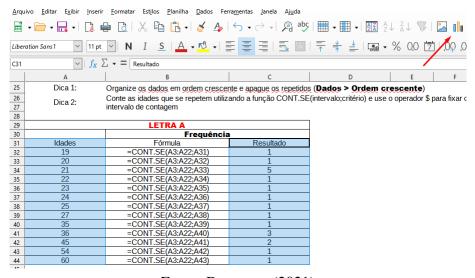
		_ A	В	C	D	
	1		PESQUISA PARA I	DISCENTES DA EJA		<u> </u>
	2	Qual sua idade (ano	s Qual sua altura (cm)?			
	3	25	160	65	42	
	4	45	160	75	42	
	5	36	161	68	39	
	6	21	165	69	39	
	7	60	161	69	38	
	8	54	163	68	38	
	9	19	167	79	39	
	10	21	167	83	37	
	11	22	165	83	37	
	12	24	160	63	36	
	13	21	161	68	35	
	14	27	152	68	37	
	15	21	155	65	34	
	16	35	161	67	34	
	17	36	162	68	37	
	18	36	162	67	36	_ Dados do n
	19	45	162	67	37	7 aluno
	20	20	161	65	40	7 /
	21	21	162	65	40	
	22	23	163	65	35	
	23	19	168	69	39	<b>'</b>
	Méd	ia	Media	na	Mod	la
	Fórmula	Resultado	Fórmula	Resultado	Fórmula	Resultado
idade	=MÉDIA(A3:A23)	30,6	=MED(A3:A23)	24,5	=MODO (A3:A23)	21
altura	=MÉDIA(B3:B23)	161,5	=MED(B3:B23)	161,5	=MODO (B3:B23)	161
peso	=MÉDIA(C3:C23)	69,35	=MED(C3:C23)	68	=MODO(C3:C23)	65
) n <sup>o</sup> sapato	=MÉDIA(D3:D23)	37,6	=MED(D3:D23)	37	=MODO(D3:D23)	37

Fonte: Da autora (2021)

## Questão 3:

a)

Figura 3.32 – Resolução Questão 3.a



Fonte: Da autora (2021)

É importante, neste caso, marcar no passo 2 (Intervalo de dados) que o rótulo está na primeira coluna, desta forma as idades vão ser posicionadas no eixo x.

Assistente de gráficos Escolha um intervalo de dados <u>Passos</u> 显 Intervalo de dados: \$Resposta\_Q3.\$A\$31:\$A\$44;\$Resposta\_Q3.\$C\$31:\$C\$44 1. Tipo de gráfico O Série de dados em linhas Série de dados em colunas 3. Série de dados Primeira linha como rótulo 4. Elementos do gráfico Primeira <u>c</u>oluna como rótulo <u>P</u>róximo > Aj<u>u</u>da < Anterior <u>F</u>inalizar 3 Cancelar

Figura 3.33 – Resposta Questão 3.a - Intervalo de Dados

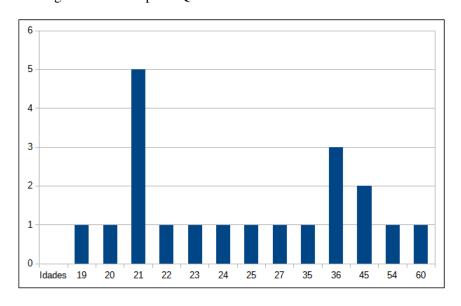


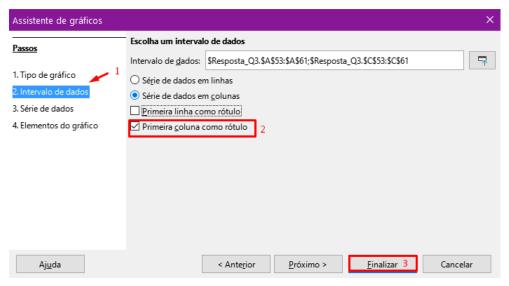
Figura 3.34 – Resposta Questão 3.a Gráfico de colunas das idades

Fonte: Da autora (2021)

Figura 3.35 – Resolução Questão 3. b

É importante também, neste caso, marcar no passo 2 (Intervalo de dados) que o rótulo está na primeira coluna, desta forma as idades vão ser posicionadas no eixo x.

Figura 3.36 – Resposta Questão 3.b - Intervalo de Dados



Fonte: Da autora (2021)

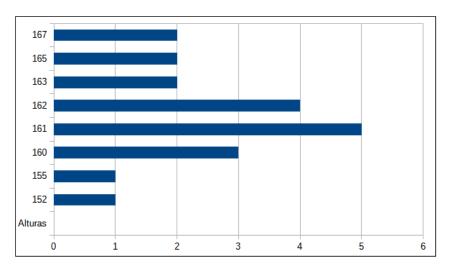


Figura 3.37 – Resposta Questão 3 - b) Gráfico de barras das alturas

c)

Neste item, o percentual deve ser calculado, para isto é necessário calcular a quantidade de alunos com cada numeração de sapato e dividir pelo total de alunos (20) conforme mostra figura abaixo.

 $| f_X \sum_{\bullet} | F_{\text{Resultado}} |$ 67 Dica 1: Organize os dados em ordem crescente e apague os repetidos (Dados > Ordem crescente) 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 Conte as idades que se repetem utilizando a função CONT.SE(intervalo;critério) e use o operador \$ para fixar o intervalo de contagem Dica 2: Percentual (%) Frequência Fórmula =C74/C82 =C75/C82 =C76/C82 Número do Sapato Fórmula Quantidade Resultado =CONT.SE(D3:D22;A74) =CONT.SE(D3:D22;A75) 10,00% 10,00% =CONT.SE(D3:D22:A77) =C78/C82 =C79/C82 =C80/C82 =CONT.SE(D3:D22;A78) =CONT.SE(D3:D22;A79) 78 79 80 81 CONT.SE(D3:D22;A81) 82

Figura 3.38 – Resolução Questão 3. c

Fonte: Da autora (2021)

Após calculados os percentuais, selecionar as colunas com a numeração e o percentual e selecionar o tipo de gráfico de setores.

Para inserir os valores dentro do próprio gráfico basta clicar com o botão direito do mouse dentro do gráfico e selecionar a opção "Inserir rótulos de dados", o resultado deve ser próximo a este.

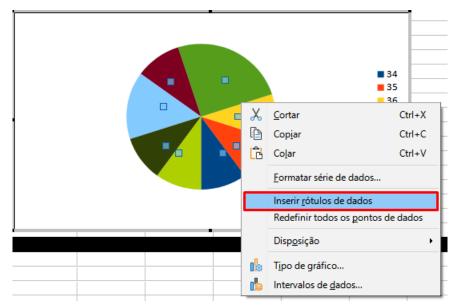


Figura 3.39 – Gráfico de setores: Inserindo Rótulos

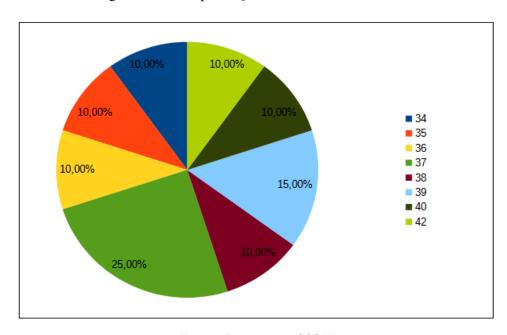


Figura 3.40 – Resposta Questão 3. c Gráfico de setores

Fonte: Da autora (2021)

Figura 3.41 – Resolução Questão 3. d

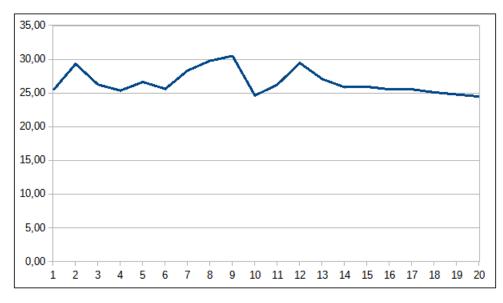


Figura 3.42 – Resposta Questão 3. d Gráfico de Linhas

Fonte: Da autora (2021)

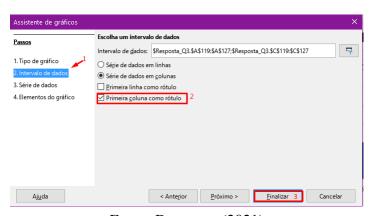
e)

Este item pode ser feito com quase todos os gráficos anteriores e a imagem deve ser escolhida pelo aluno. Uma possível resposta seria o gráfico de barras da frequência de alunos com cada numeração de sapatos.

Figura 3.43 – Resolução Questão 3. e - Passo 1

- Selecionar o gráfico de barras e a primeira coluna como rótulo

Figura 3.44 – Resolução Questão 3. e - Indicando Rótulo



Fonte: Da autora (2021)

Selecionar a imagem escolhida e seguir os passos abaixo

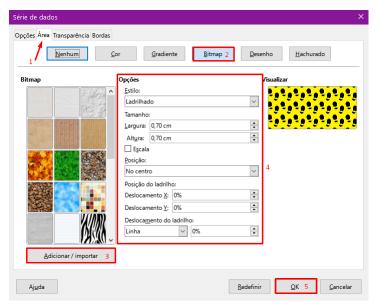
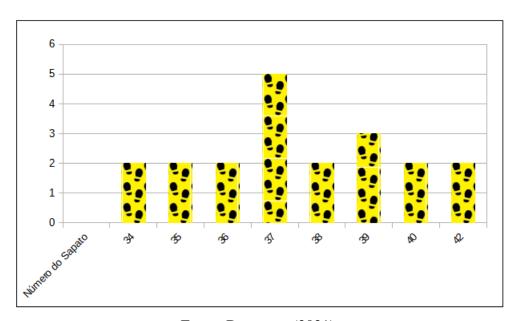


Figura 3.45 – Resolução Questão 3. e - Passo 2

O resultado deve ser próximo da figura 3.44

Figura 3.46 – Resposta Questão 3. e Gráfico Pictórico



Fonte: Da autora (2021)

# Questão 4:

Figura 3.47 – Resolução questão 4

Motivo	MARCAS	Quantidade De Votos
Gravidez		17
Trabalho		22
Falta De Interesse		17
Problemas Familiares		14
Reprovação		6
Outros		7

- a) O motivo mais frequente foi trabalho, com 22 votos
- **b**) o total de alunos na pesquisa foi de 17 + 22 + 17 + 14 + 6 + 7 = 83
- c) O percentual de alunos que deixaram de estudar por problemas familiares foi de  $\frac{14}{83} * 100 = 16,87\%$

## Questão 5:

a)

6	6	6	8	8	8	8	8	10	10	10	10	10	10

Como n = 14 (par), temos que a mediana é a média aritmética entre 7° e o 8° valores da sequência acima, a saber  $\frac{8+8}{2}=8$ 

**b**) Como n = 20 valores, a mediana é calculada fazendo-se a média entre o  $10^{\circ}$  e o  $11^{\circ}$  valor. Para que a mediana resulte em 9 pontos (média aritmética entre 8 e 10) é preciso que o  $10^{\circ}$  valor seja 8 pontos e o  $11^{\circ}$  valor seja 10. Como o  $8^{\circ}$  valor da sequência original é 8, devemos acrescentar 2 valores iguais a 8. Obtendo a seguinte sequência:

6	6	6	8	8	8	8	8	8	8	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Assim, dos 6 alunos restantes, 2 devem receber pontuação igual a 8 pontos e 4 devem receber pontuação referente a 10 pontos.

## Questão 6:

- **a**) O que mais motivos o retorno aos estudos foi "Progredir no emprego atual". Esta opção foi escolhida por 27 alunos
- b) "Vontade própria"
- c) "Faculdade" e "Mercado de trabalho" foram citados exatamente por 18 discentes.
- **d**) "Por incentivo de outras pessoas" citado por 21 alunos e "Progredir no emprego atual" citado por 27 alunos.

#### Questão 7:

- a) Responderam 103 alunos
- **b**) O meio mais utilizado foi "A pé"utilizado por 46 alunos, o menos utilizado foi "Transporte Público"utilizado por 8 alunos e a diferença entre eles é de 38 (46-8)
- c) O percentual de alunos que usam carro ou moto é de  $(\frac{11+23}{103})*100 = 33\%$

## Questão 8:

- a) A+
- **b**) B+

$$\mathbf{c)} \; \frac{23}{100} \cdot 100 = 23\%$$

**d**) B- (10%); AB- (9%); O+ (7%); O- (5%)

## Questão 9:

a)

• Outros: 
$$25 \cdot \frac{28}{100} = 7$$
 alunos

• Gravidez: 
$$25 \cdot \frac{24}{100} = 6$$
 alunos

• Trabalho: 
$$25 \cdot \frac{20}{100} = 5$$
 alunos

- Falta de Interesse:  $25 \cdot \frac{8}{100} = 2$  alunos
- Problemas Familiares:  $25 \cdot \frac{12}{100} = 3$  alunos
- Reprovação:  $25 \cdot \frac{8}{100} = 2$  alunos
- **b**) 7 3 = 4

## Questão 10:

- a) Março e agosto com 6 aniversariantes em cada
- **b**)  $\frac{2}{38} \cdot 100 = 5,25\%$
- c) Janeiro (5) + Fevereiro (1) + Março (6) = 12 alunos representando um total de  $\frac{12}{38} \cdot 100 = 31,58\%$  da turma

## Questão 11:

Figura 3.48 – Questão 11 - Resposta

a) (F) - Como mostrado abaixo o salário médio é de R\$ 638,00

Classe	Salário	Frequência	Freq . Salário
Não trabalha	0	23	0
1/4	275	12	3300
1/2	550	25	13750
1	1100	35	38500
3/2	1650	5	8250
TOTAL		100	63800

Salário Médio = 63800/100 R\$ 638,00

b) (V) - A folha de pagamento seria R\$ 63800

c) (F) - O salário médio seria de R\$938,00 como mostrado abaixo

Classe	Salário	Frequência	Freq . Salário
Não trabalha	300	23	6900
1/4	575	12	6900
1/2	850	25	21250
1	1400	35	49000
3/2	1950	5	9750
TOTAL		100	93800

Salário Médio = 93800/100 R\$ 938,00

d) (V)

Classe	Salário	Frequência	Freq . Salário
2	2200	23	50600
1/4	275	12	3300
1/2	550	25	13750
1	1100	35	38500
3/2	1650	5	8250
TOTAL		100	114400

Salário Médio = 114400/100 R\$ 1.144,00

Fonte: Da autora (2021)

## Questão 12:

- a) 10% (com 3 filhos) + 5% (com 4 filhos) = 15% dos estudantes o que equivale a  $\frac{15}{100} \cdot 100 = 15$  alunos
- b) A média e dada por:

$$\bar{x} = \frac{0 \cdot 20 + 1 \cdot 30 + 2 \cdot 35 + 3 \cdot 10 + 4 \cdot 5}{100} = \frac{0 + 30 + 70 + 30 + 20}{100} = \frac{150}{100} = 1,5$$

c) 20% (com 0 filhos) + 30% (com 1 filho) + 35% (com 2 filhos) = 85% das famílias tem até 2 filhos.

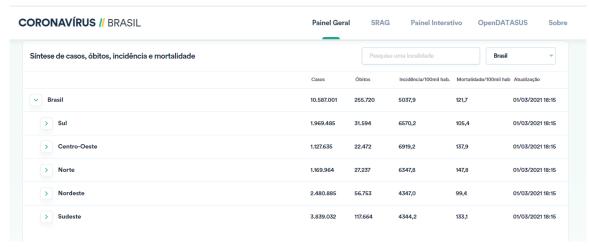
## REFERÊNCIAS

- AINLEY, J. Transparency in graphs and graphing tasks: An iterative design process. **The Journal of Mathematical Behavior**, Elsevier, v. 19, n. 3, p. 365–384, 2000.
- BRASIL. Secretaria de educação fundamental. parâmetros curriculares nacionais: Matemática. In: **MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO E DO DESPORTO**. [s.n.], 1997. Disponível em: <a href="http://portal.mec.gov.br/seb/arquivos/pdf/livro03.pdf">http://portal.mec.gov.br/seb/arquivos/pdf/livro03.pdf</a>>. Acesso em: 16 abr. 2021.
- BRASIL. **BNCC Base Nacional Comum Curricular**: Ministério da educação mec. [S.l.], 2018.
- BUSSAB, W. d. O.; MORETTIN, P. A. Estatística básica. In: **Estatística básica**. [S.l.: s.n.], 2010. p. xvi–540.
- CASTRO, J. B. d. A utilização de objetos de aprendizagem para a compreensão e construção de gráficos estatísticos. www. teses. ufc. br, 2012.
- CASTRO, J. Braga de; FILHO, J. A. de C. Desenvolvimento do pensamento estatístico com suporte computacional. **Educação Matemática Pesquisa**, v. 17, n. 5, 2015.
- LIBREOFFICE. LibreOffice. Calc, o programa de planilhas do LibreOffice). (The Document Foundation, 2018. Disponível em: <a href="https://pt-br.libreoffice.org/">https://pt-br.libreoffice.org/</a>. Acesso em: 27 jun. 2021.
- MARTINS, M. E. G. Introdução à probabilidade e à estatística-com complementos de excel. 2011.
- NASCIMENTO, J. L. d. A utilização do excel para o ensino de estatística no ensino médio: um estudo de caso no município de mamanguape. Universidade Federal da Paraíba, 2016.
- OMS. **Organização Mundial da Saúde**: Coronavírus brasil. 2021. Disponível em: <a href="https://covid.saude.gov.br/">https://covid.saude.gov.br/</a>. Acesso em: 12 jan. 2021.
- PARENTE, R. N. C. **BrOffice Calc–Inserindo Funções**. BrOffice Calc Inserindo Funções, 2021. Disponível em: <a href="https://docente.ifrn.edu.br/nonatocamelo/disciplinas/informatica-basica/aulas-ead-curso-tecnico-em-seguranca-do-trabalho/broffice-calc-2013-inserindo-funcoes">https://docente.ifrn.edu.br/nonatocamelo/disciplinas/informatica-basica/aulas-ead-curso-tecnico-em-seguranca-do-trabalho/broffice-calc-2013-inserindo-funcoes</a>>. Acesso em: 13 jul. 2021.
- PORTAL DA TRANSPARÊNCIA. **Portal da Transparência do Registro Civil**. Arpen Brasil. Associação Nacional dos Registradores de pessoas naturais, 2021. Disponível em: <a href="https://transparencia.registrocivil.org.br/inicio">https://transparencia.registrocivil.org.br/inicio</a>. Acesso em: 27 fev. 2021.
- SANTOS, C. Estatística descritiva. Manual de auto-aprendizagem, v. 2, 2007.
- SILVANO, M. F. G.; OLIVEIRA, M. F. d. A Utilização do Excel como ferramenta didática: funções de primeiro e segundo grau no primeiro ano do ensino médio. Monografia (Trabalho de conclusão de curso em Matemática) Universidade do Sul de Santa Catarina, Tubarão, 2018.

## APÊNDICE A - Extração dos dados: Dados sobre COVID-19 (OMS)

- 1. Acesse o site <a href="https://covid.saude.gov.br/">https://covid.saude.gov.br/>
- 2. Selecione a região e/ou microrregião desejada conforme imagem abaixo

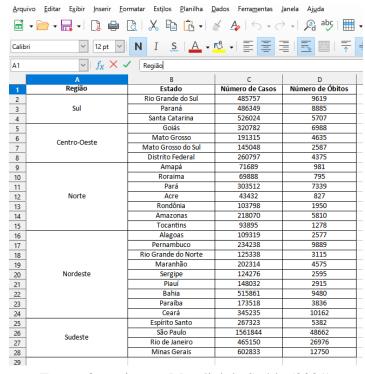
Figura 49 – Base de dados - Covid 19



Fonte: Organização Mundial da Saúde (2021)

3. Copie os dados e cole no Calc como mostrado abaixo

Figura 50 – Base de dados - Covid 19 - Parte 2

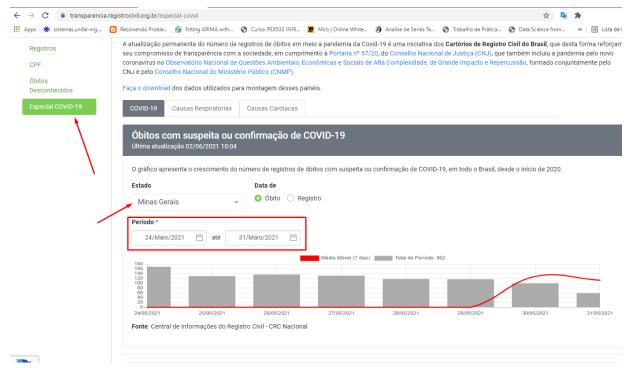


Fonte: Organização Mundial da Saúde (2021)

# APÊNDICE B – Extração dos dados: Óbitos com suspeita ou confirmação de COVID-19 entre os dias 24/05/2021 e 31/05/2021

- 1. Acesse o site <a href="https://transparencia.registrocivil.org.br/especial-covid">https://transparencia.registrocivil.org.br/especial-covid</a>
- 2. Selecione o estado e o período conforme a imagem abaixo

Figura 51 - Base de dados - Painel da Transparência



Fonte: Portal da Transparência

3. Copie os dados no Excel organizando por estado e por dia conforme mostrado abaixo

Figura 52 – Base de dados - Painel da Transparência

	А	В	С	D	E
1	Óbitos com suspeita ou confirmação de COVID de 24 a 31 de maio de 2021				
2		MG	SP	RJ	ES
3	24/mai	169	378	167	22
4	25/mai	130	398	156	28
5	26/mai	137	305	142	28
6	27/mai	132	256	177	17
7	28/mai	118	224	145	19
8	29/mai	117	157	151	22
9	30/mai	100	137	138	19
10	31/mai	59	93	89	6
44					

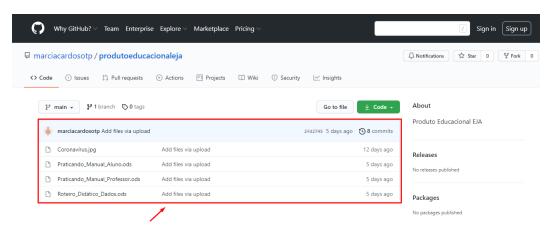
Fonte: Elaboração própria

## APÊNDICE C - Download dos dados via GITHUB

Existem duas formas de baixar os dados desta dissertação, a primeira delas é diretamente pelo diretório conforme os passos abaixo:

- 1. Acesso o diretório <a href="https://github.com/marciacardosotp/produtoeducacionaleja.git">https://github.com/marciacardosotp/produtoeducacionaleja.git</a>
- 2. clique no arquivo desejado.

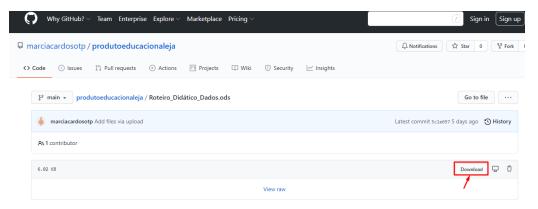
Figura 53 – Passo 1: GitHub



Fonte: Elaboração Própria

3. Clique em Download

Figura 54 – Passo 2: GitHub



Fonte: Elaboração Própria

Outra forma é fazer a busca manual deste diretório através dos passos abaixo:

- 1. Digitar na barra de endereço do nagevador o site <github.com>
- 2. Pesquisar "produtoeducacionaleja"na barra de pesquisa

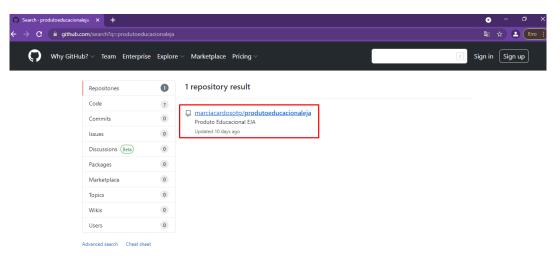


Figura 55 – Passos 1 e 2: GitHub

Fonte: Elaboração Própria

#### 3. Clicar no diretório

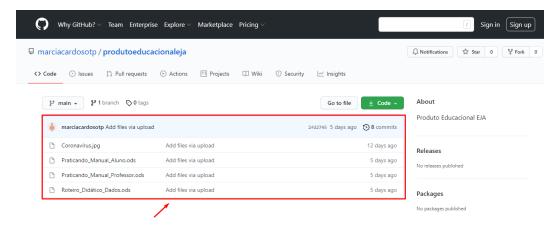
Figura 56 – Passos 3: GitHub



Fonte: Elaboração Própria

4. clique no arquivo desejado.

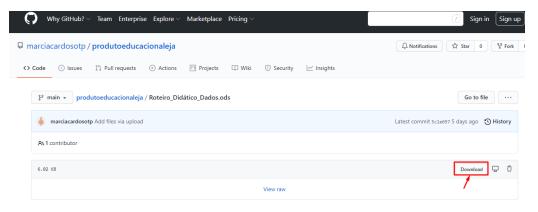
Figura 57 – Passo 4: GitHub



Fonte: Elaboração Própria

## 5. Clique em Download

Figura 58 – Passo 5: GitHub



Fonte: Elaboração Própria