

Aluna: Márcia Thais Revorêdo Aires - 122210330

Laboratório de Redes de Computadores: Implementação e Análise do CRC

Parte 2: Implementação Manual do Algoritmo CRC

```
def xor_bits(a, b):
    """
    Realiza a operação de XOR bit a bit entre duas strings binárias de mesmo comprimento.
    """
    resultado = ""
    for i in range(len(a)):
        if a[i] == b[i]:
            resultado += '0'
        else:
            resultado += '1'
    return resultado

def calcular_crc_manual(dados_bits: str, gerador_bits: str) -> str:
    """
    Calcula o CRC para uma sequência de dados M(x) usando um gerador G(x).

    Args:
        dados_bits: A string binária representando o polinômio da mensagem, M(x)
        gerador_bits: A string binária representando o polinômio gerador, G(x).

    Returns:
        A string binária de r bits representando o CRC.
    """
    # 1. Grau do gerador (r)
    r = len(gerador_bits) - 1

    # 2. Mensagem aumentada com r bits 0 no final (M(x) * 2^r)
    mensagem_aumentada = list(dados_bits + '0' * r)

    # 3. Loop de divisão binária (XOR)
    for i in range(len(dados_bits)):
        if mensagem_aumentada[i] == '1':
            # Pega a janela de r+1 bits (o mesmo comprimento do gerador)
            inicio = i
            fim = i + len(gerador_bits)
            janela_atual = "".join(mensagem_aumentada[inicio:fim])

            # Aplica XOR entre a janela atual e o gerador
            resultado_xor = xor_bits(janela_atual, gerador_bits)

            # Atualiza os bits da mensagem com o resultado do XOR
            for j in range(len(resultado_xor)):
                mensagem_aumentada[inicio + j] = resultado_xor[j]

    # 4. O resto (CRC) são os r bits finais
```

```
resto = "".join(mensagem_aumentada[-r:])
return resto
```

```
# Exemplo de uso para validação
dados_teste = "1101011111" # M(x)
gerador_teste = "10011" # G(x)
crc_calculado = calcular_crc_manual(dados_teste, gerador_teste)

print(f"Dados M(x): {dados_teste}")
print(f"Gerador G(x): {gerador_teste}")
print(f"CRC Calculado: {crc_calculado}")
quadro_tx = dados_teste + crc_calculado
print(f"Quadro a ser transmitido: {quadro_tx}")
```

```
↳ Dados M(x): 1101011111
Gerador G(x): 10011
CRC Calculado: 0010
Quadro a ser transmitido: 11010111110010
```

Parte 3: Análise Comparativa de Desempenho

```
pip install crc
```

```
↳ Requirement already satisfied: crc in /usr/local/lib/python3.11/dist-packag
```

```
import time
import tracemalloc
import os
import matplotlib.pyplot as plt
from crc import Calculator, Crc16
```

```
def xor_bits(a, b):
    resultado = ""
    for i in range(len(a)):
        if a[i] == b[i]:
            resultado += '0'
        else:
            resultado += '1'
    return resultado
```

```
def calcular_crc_manual(dados_bits: str, gerador_bits: str) -> str:
    r = len(gerador_bits) - 1
    mensagem_aumentada = list(dados_bits + '0' * r)
    for i in range(len(dados_bits)):
        if mensagem_aumentada[i] == '1':
            inicio = i
            fim = i + len(gerador_bits)
            janela_atual = "".join(mensagem_aumentada[inicio:fim])
            resultado_xor = xor_bits(janela_atual, gerador_bits)
            for j in range(len(resultado_xor)):
                mensagem_aumentada[inicio + j] = resultado_xor[j]
```

```
return "".join(mensagem_aumentada[-r:])

calculator_lib = Calculator(Crc16.MODBUS)
tamanhos_bytes = [1500, 4500, 9000]
gerador_crc16 = "11000000000000101" # Polinômio CRC-16/MODBUS

resultados = []

for tamanho in tamanhos_bytes:
    print(f"\n🔍 Testando mensagem com {tamanho} bytes...")
    mensagem_bytes = os.urandom(tamanho)
    mensagem_bits = "".join(format(byte, '08b') for byte in mensagem_bytes)

    # Teste CRC manual
    tracemalloc.start()
    start = time.perf_counter()
    crc_m = calcular_crc_manual(mensagem_bits, gerador_crc16)
    end = time.perf_counter()
    mem_atual, mem_pico = tracemalloc.get_traced_memory()
    tracemalloc.stop()
    tempo_m = end - start
    pico_manual = mem_pico / 1024 # em KiB

    # Teste CRC da biblioteca
    tracemalloc.start()
    start = time.perf_counter()
    crc_l = calculator_lib.checksum(mensagem_bytes)
    end = time.perf_counter()
    mem_atual_l, mem_pico_l = tracemalloc.get_traced_memory()
    tracemalloc.stop()
    tempo_l = end - start
    pico_lib = mem_pico_l / 1024 # em KiB

    # Salva os dados
    resultados.append({
        "tamanho": tamanho,
        "tempo_manual": tempo_m,
        "mem_manual": pico_manual,
        "tempo_lib": tempo_l,
        "mem_lib": pico_lib
    })

tamanhos = [r["tamanho"] for r in resultados]

tempos_manual = [r["tempo_manual"] for r in resultados]
tempos_lib = [r["tempo_lib"] for r in resultados]

mem_manual = [r["mem_manual"] for r in resultados]
mem_lib = [r["mem_lib"] for r in resultados]

# Gráfico 1: Tempo
plt.figure(figsize=(10, 5))
plt.plot(tamanhos, tempos_manual, marker='o', label='Manual', color='blue')
plt.plot(tamanhos, tempos_lib, marker='s', label='Biblioteca', color='green')
```

```
plt.title("Tempo de Execução vs Tamanho da Mensagem")
plt.xlabel("Tamanho da mensagem (bytes)")
plt.ylabel("Tempo (segundos)")
plt.grid(True)
plt.legend()
plt.tight_layout()
plt.savefig("grafico_tempo_crc.png")
plt.show()
```

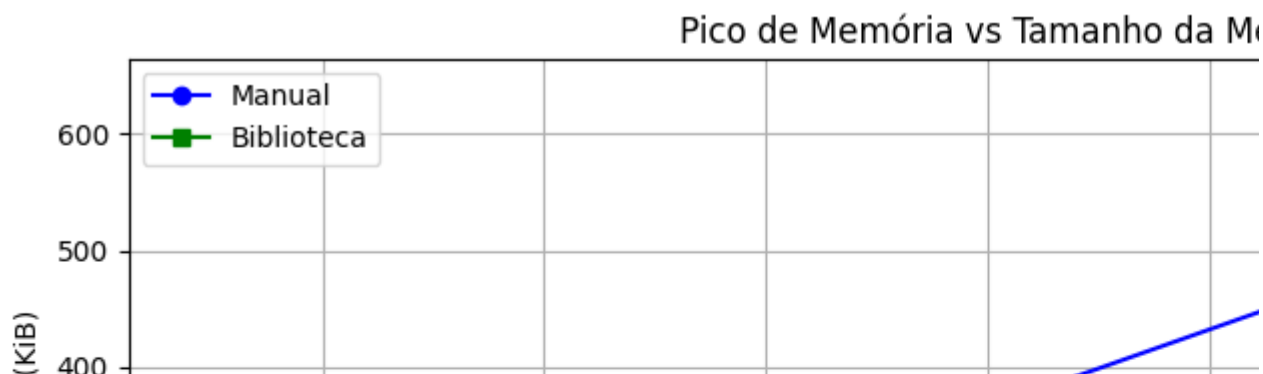
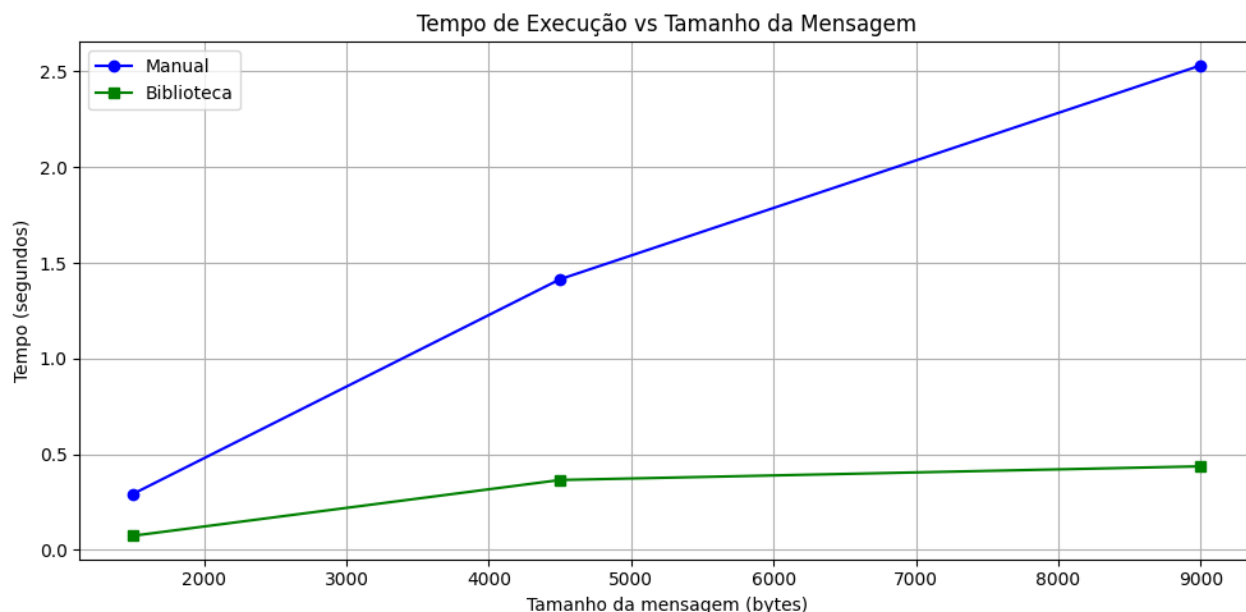
Gráfico 2: Memória

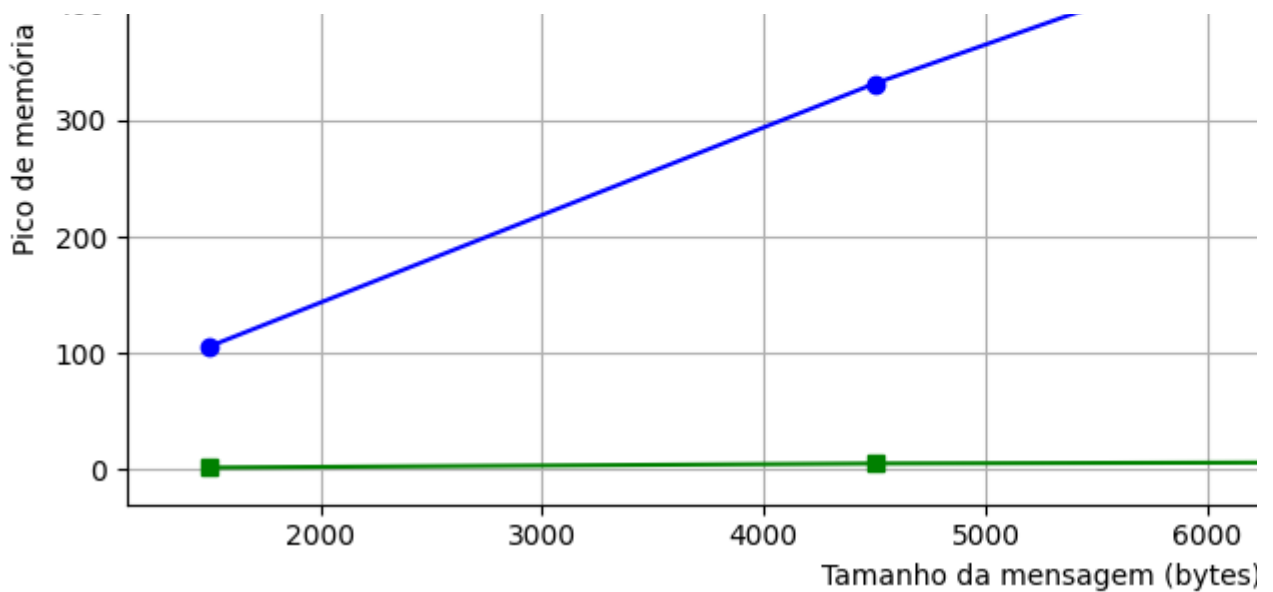
```
plt.figure(figsize=(10, 5))
plt.plot(tamanhos, mem_manual, marker='o', label='Manual', color='blue')
plt.plot(tamanhos, mem_lib, marker='s', label='Biblioteca', color='green')
plt.title("Pico de Memória vs Tamanho da Mensagem")
plt.xlabel("Tamanho da mensagem (bytes)")
plt.ylabel("Pico de memória (KiB)")
plt.grid(True)
plt.legend()
plt.tight_layout()
plt.savefig("grafico_memoria_crc.png")
plt.show()
```

🔍 Testando mensagem com 1500 bytes...

🔍 Testando mensagem com 4500 bytes...

🔍 Testando mensagem com 9000 bytes...





Especificação da máquina:

Sistema Operacional: Ubuntu 22.04.2 LTS

Processador (CPU): AMD Ryzen 5 3500U with Radeon Vega Mobile Gfx

Memória RAM: 12 GB

Comparando a função `calcular_crc_manual` com a biblioteca otimizada (`crc`), observamos uma diferença significativa em desempenho, tanto em tempo de execução quanto no uso de memória.

- **Tempo de Execução:** A biblioteca padrão foi consideravelmente mais rápida, especialmente com mensagens maiores. Isso se deve ao fato de estar implementada em linguagens de baixo nível (como C) e otimizada com tabelas de consulta e operações em nível de byte, enquanto a implementação manual faz operações bit a bit, o que é naturalmente mais lento em Python.
- **Uso de Memória:** A versão manual também consumiu mais memória, já que opera com strings longas de bits, enquanto a biblioteca trabalha com estruturas binárias mais compactas (bytes).

A análise reforça a importância de usar bibliotecas otimizadas em aplicações reais, especialmente quando o desempenho é crítico (como em redes de alta velocidade). Ainda

assim, a implementação manual é essencial para fins didáticos e para entender profundamente o funcionamento do algoritmo de CRC.

Parte 4: Análise Investigativa da Detecção de Erros (Cenário Personalizado)

Preparação do cenário:

VARIAVEL -> VALOR

MENSAGEM -> Marcia Thais Revoredo Aires

MENSAGEM_BASE -> 01001101 01100001 01110010 01100011 01101001 01100001
00100000 01010100 01101000 01100001 01101001 01110011 00100000 01010010
01100101 01110110 01101111 01110010 01100101 01100100 01101111 00100000
01000001 01101001 01110010 01100101 01110011

CRC -> CRC-16/MODBUS (11000000000000101 ou $x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$) ->
11000000000000101

4.2 - A Caça aos Erros

```
import random

def string_to_bits(s):
    """Converte uma string para representação binária (ASCII, 8 bits por caract
    return ''.join(format(ord(c), '08b') for c in s)

def flip_bits(bits, start_pos, n):
    """Inverte 'n' bits começando na posição 'start_pos'"""
    bits_list = list(bits)
    for i in range(start_pos, min(start_pos + n, len(bits_list))):
        bits_list[i] = '1' if bits_list[i] == '0' else '0'
    return ''.join(bits_list)

def test_error_detection(message_bits, generator_bits, num_tests=10):
    """Testa a detecção de erros aleatórios"""
    results = []

    # Calcula o CRC da mensagem original
    original_crc = calcular_crc_manual(message_bits, generator_bits)
    transmitted_frame = message_bits + original_crc

    for test_num in range(1, num_tests + 1):
        # Escolhe uma posição e tamanho de erro aleatórios
        max_pos = len(transmitted_frame) - 1
        error_pos = random.randint(0, max_pos)
        error_length = random.randint(1, 16) # Até 16 bits de erro

        # Cria o padrão de erro (todos 1s para inverter os bits)
        error_pattern = '1' * error_length
```

```
    # Corrompe o quadro transmitido
    corrupted_frame = flip_bits(transmitted_frame, error_pos, error_length)

    # Calcula o CRC do quadro corrompido
    # (precisamos separar os dados originais do CRC anexado)
    data_part = corrupted_frame[:-len(generator_bits)+1]
    crc_part = corrupted_frame[-len(generator_bits)+1:]

    # Verifica com nossa implementação manual
    manual_crc = calcular_crc_manual(data_part, generator_bits)
    manual_detected = manual_crc != ('0' * (len(generator_bits)-1))

    # Verifica com a biblioteca (precisamos converter de bits para bytes)
    try:
        # Converte os bits para bytes
        data_bytes = bits_to_bytes(data_part)
        calculator = Calculator(Crc16.MODBUS)
        lib_crc = calculator.checksum(data_bytes)

        # Converte o CRC calculado para string binária
        lib_crc_bits = format(lib_crc, '016b')
        lib_detected = lib_crc != 0
    except:
        # Em caso de erro na conversão (mensagem não múltiplo de 8), conside
        lib_detected = True

    # Registra os resultados
    results.append({
        'Teste': test_num,
        'Posição do erro': error_pos,
        'Tamanho do erro (bits)': error_length,
        'Erro detectado (manual)': manual_detected,
        'Erro detectado (biblioteca)': lib_detected,
        'Padrão de erro': f"{error_pos}:{error_length} bits"
    })

    return results

def bits_to_bytes(bits):
    """Converte string de bits para bytes"""
    # Completa com zeros se necessário para ter um múltiplo de 8
    padding = (8 - len(bits) % 8) % 8
    padded_bits = bits + '0' * padding

    bytes_list = []
    for i in range(0, len(padded_bits), 8):
        byte_bits = padded_bits[i:i+8]
        bytes_list.append(int(byte_bits, 2))

    return bytes(bytes_list)

# Configuração do teste
MENSAGEM = "Marcia Thais Revoredo Aires"
```

```

MENSAGEM_BASE = string_to_bits(MENSAGEM)
GERADOR = "11000000000000101" # CRC-16/MODBUS

# Executa os testes
resultados_teste = test_error_detection(MENSAGEM_BASE, GERADOR, 10)

# Exibe os resultados
print("Resultados dos testes de detecção de erros:")
print("-" * 80)
print(f"{'Teste':<6} | {'Posição':<10} | {'Tamanho':<8} | {'Detectado (Manual)'}")
print("-" * 80)
for res in resultados_teste:
    print(f"{'Teste':<6} | {'Posição do erro':<10} | {'Tamanho do erro':<8} | "
          f"{'SIM' if res['Erro detectado (manual)'] else 'NÃO':<18} | "
          f"{'SIM' if res['Erro detectado (biblioteca)'] else 'NÃO':<15} | {res['Padrão']}>6}")

```

Resultados dos testes de detecção de erros:

Teste	Posição	Tamanho	Detectado (Manual)	Detectado (Lib)	Pad
1	116	9	SIM	SIM	116
2	166	2	SIM	SIM	166
3	157	8	SIM	SIM	157
4	31	10	SIM	SIM	31:
5	63	16	SIM	SIM	63:
6	158	16	SIM	SIM	158
7	166	12	SIM	SIM	166
8	191	6	SIM	SIM	191
9	18	12	SIM	SIM	18:
10	120	5	SIM	SIM	120

Reportando o Ponto Cego

```

# Mensagem original e CRC
message_bits = "0100110101100001011100100110001101101001011000010010000001010100"
generator_bits = "11000000000000101" # CRC-16/MODBUS

# Calcula o CRC original
original_crc = calcular_crc_manual(message_bits, generator_bits)
transmitted_frame = message_bits + original_crc

# Cria um erro que é múltiplo do polinômio gerador
error_position = 50 # Posição arbitrária
error_pattern = generator_bits # Usa o próprio gerador como erro

# Aplica o erro
corrupted_frame = transmitted_frame[:error_position] + \
    xor_bits(transmitted_frame[error_position:error_position+len(error_pattern)],
             transmitted_frame[error_position+len(error_pattern):])

# Verifica a detecção
data_part = corrupted_frame[:-len(generator_bits)+1]
manual_crc = calcular_crc_manual(data_part, generator_bits)
manual_detected = manual_crc != ('0' * (len(generator_bits)-1))

```



```
manual_detected = manual_crc != 0 && (len(generator_bits) > 1),

# Verifica com a biblioteca
data_bytes = bits_to_bytes(data_part)
calculator = Calculator(Crc16.MODBUS)
lib_crc = calculator.checksum(data_bytes)
lib_detected = lib_crc != 0

print(f"Erro não detectado (manual): {not manual_detected}")
print(f"Erro não detectado (biblioteca): {not lib_detected}")

    Erro não detectado (manual): False
    Erro não detectado (biblioteca): False
```