Algorytmy i struktury danych (bioinformatyka, 2024)

Ćwiczenia 10

Zadanie 1. Narysuj dowolny graf skierowany, na którym możliwy jest następujący przebieg wywołań funkcji DFS (przeszukiwania w głąb). Ile najwięcej krawędzi może mieć taki graf?

1. Przykład 1:

```
dfs(3)
dfs(1)
dfs(2)
dfs(4)
dfs(5)
```

- 2. Przykład 2; kolorujemy wierzchołki zgodnie z algorytmem na wykładzie, na początku wszystkie są białe, "w trakcie przetwarzania" są szare, a "przetworzone" czarne:
 - $2 \leftarrow \text{szary}$;
 - $5 \leftarrow \text{szary}$;
 - $5 \leftarrow \text{czarny};$
 - $3 \leftarrow \text{szary}$;
 - $4 \leftarrow \text{szary}$;
 - $1 \leftarrow \text{szary}$;
 - $1 \leftarrow \text{czarny};$
 - $4 \leftarrow \text{czarny};$
 - $3 \leftarrow \text{czarny};$
 - $2 \leftarrow \text{czarny}$.

Zadanie 2. Jak można zdefiniować spójność dla grafu skierowanego?

Zadanie 3. Zaproponuj algorytm wyznaczający dla danego acyklicznego grafu skierowanego o dwóch zadanych wierzchołków u i v liczbę różnych ścieżek z u do v.

Zadanie 4. Zaproponuj algorytm, który sortuje topologicznie wierzchołki acyklicznego grafu skierowanego bez użycia rekurencji.

Zadanie 5. Zaproponuj algorytm wyznaczający najkrótszą ścieżkę między dwoma wierzchołkami u i v w acyklicznym grafie skierowanym.