



# Programación. Python

Programación funcional y orden superior

# Orden superior

Funciones  
de primer  
orden

```
def cua(n):  
    return n*n  
  
def re_aplica(f, n):  
    return f(f(n))
```

Funciones  
de orden  
superior

```
def elevar_a(n):  
    def elevar(x):  
        return x ** n  
    return elevar
```

```
print(re_aplica(cua, 5))
```

625

```
cubo = elevar_a(3)  
print(cubo(4))
```

64

```
print(elevar_a(3)(4))
```

64

# Dos ejemplos más de f.o.s.

```
def componer(f, g):  
    def fun_result(x):  
        return f(g(x))  
    return fun_result  
  
print(componer(cua, cua)(3))
```

81

```
def integral(f, a, b):  
    n = 100    # num de trozos iguales en que dividimos el intervalo [a, b]  
    suma_acum = 0.0  
    """  
        Calcular el sumatorio  
    """  
    return suma_acum  
  
def f(x):  
    return x*x  
  
def g(x):  
    return 2*x - 1  
  
print(integral(f, 0, 2))  
print(integral(g, 0, 1))
```

0.0

0.0

# Expresiones lambda

$$x \rightarrow x^2$$

```
lambda x : x**2
```

```
# x -> x**2
```

```
print((lambda x : x**2)(5))
```

```
25
```

# Expresiones lambda

$$x \rightarrow x^2$$

```
lambda x : x**2
```

```
# x -> x**2
```

```
print((lambda x : x**2)(5))
```

25

$$x \rightarrow 2x^2 + 3x + 4$$

```
lambda x : 2*x*x + 3*x + 4
```

```
(lambda x : 2*x*x + 3*x + 4)(2.0)
```

18.0

# Expresiones lambda

$$x \rightarrow x^2$$

```
lambda x : x**2
```

```
# x -> x**2
```

```
print((lambda x : x**2)(5))
```

```
25
```

$$x \rightarrow 2x^2 + 3x + 4$$

```
lambda x : 2*x*x + 3*x + 4
```

```
(lambda x : 2*x*x + 3*x + 4)(2.0)
```

```
18.0
```

$$a, b, c \rightarrow (x \rightarrow ax^2 + bx + c)$$

```
fun_pol = lambda a, b, c : (lambda x : a*x*x + b*x + c)
f = fun_pol(2, 3, 4)
print(f(4))
print(fun_pol(1, 0, 1)(2))
```

```
48
```

```
5
```

# F.O.S. predefinidas: map

```
def mymap(funcion, lista):  
    lista_nueva = []  
    for a in lista:  
        lista_nueva.append(funcion(a))  
    return lista_nueva
```

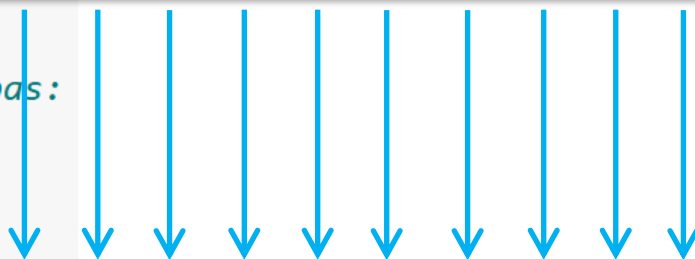
```
lista_a = list(range(10))  
print(lista_a)
```

*# Incremento en una unidad, para pruebas:*

```
def incr_1(n):  
    return n+1
```

```
print(mymap(incr_1, lista_a))  
print(map(incr_1, lista_a))  
print(list(map(incr_1, lista_a)))
```

[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]



[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10]

<map object at 0x000002163D595750>

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10]

# F.O.S. predefinidas: map

```
lista_a = [1, 2, 3, 4, 5]
lista_b = map(lambda d : 10 / d, lista_a)
print(lista_b)
print(list(lista_b))
```

```
print(".....")
```

*# lo siguiente produciría un error con evaluación impaciente:*

```
lista_a = [5, 4, 3, 2, 1, 0]
lista_b = map(lambda d : 10 / d, lista_a)
print(lista_b)
for e in range(3):
    print(next(lista_b))
```

01D6D6BB8D90>

33333335, 2.5, 2.0]

000001D6D7BB5670>

3.3333333333333335



# F.O.S. predefinidas: filter

```
def myfilter(predicado, lista):  
    lista_nueva = []  
    for a in lista:  
        if predicado(a):  
            lista_nueva.append(a)  
    return lista_nueva
```

```
lista_a = list(range(10))  
print(lista_a)
```

*# La función es\_par nos servirá para las pruebas:*

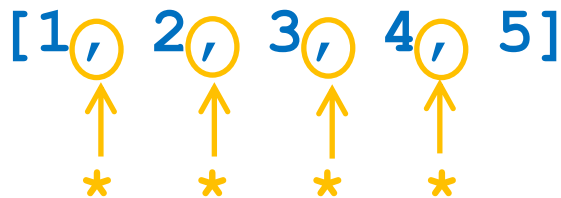
```
def es_par(n):  
    return n%2 == 0
```

```
print(myfilter(es_par, lista_a))  
lista_b = list(filter(es_par, lista_a))  
print(lista_b)
```

, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]

[0, 2, 4, 6, 8]  
[0, 2, 4, 6, 8]

# F.O.S. predefinidas: reduce



```
def prod(a, b):  
    return a*b
```

```
from functools import reduce
```

```
lista = range(1, 6)  
print(list(lista))
```

```
fact = reduce(prod, range(1, 6))  
print(fact)
```

```
[1, 2, 3, 4, 5]  
120
```

# Notación intensional para listas

```
print([i**2 for i in range(11)])
```

*# una expresión (sencilla) y un generador*

```
[0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100]
```

```
print([(i, i**2) for i in range(11)])
```

*# una expresión (una tupla) y un generador*

```
[(0, 0), (1, 1), (2, 4), (3, 9), (4, 16), (5, 25), (6, 36), (7, 49), (8, 64), (9, 81), (10, 100)]
```

```
print([(i, i**2) for i in range(11) if i%2==0])
```

*# una expresión, un generador y un filtro*

```
[(0, 0), (2, 4), (4, 16), (6, 36), (8, 64), (10, 100)]
```

```
print([(i, j) for i in range(5) for j in range(3)])
```

*# una expresión y dos generadores*

```
[(0, 0), (0, 1), (0, 2), (1, 0), (1, 1), (1, 2), (2, 0), (2, 1), (2, 2), (3, 0), (3, 1), (3, 2),  
(4, 0), (4, 1), (4, 2)]
```

```
print([(i, j) for i in range(10) for j in range(i)])
```

*# una expresión y dos generadores, el segundo*

```
[(1, 0), (2, 0), (2, 1), (3, 0), (3, 1), (3, 2), (4, 0), (4, 1), (4, 2), (4, 3), (5, 0), (5, 1),  
(5, 2), (5, 3), (5, 4), (6, 0), (6, 1), (6, 2), (6, 3), (6, 4), (6, 5), (7, 0), (7, 1), (7, 2),  
(7, 3), (7, 4), (7, 5), (7, 6), (8, 0), (8, 1), (8, 2), (8, 3), (8, 4), (8, 5), (8, 6), (8, 7),  
(9, 0), (9, 1), (9, 2), (9, 3), (9, 4), (9, 5), (9, 6), (9, 7), (9, 8)]
```

# Generador perezoso

```
# Generador (perezoso) definido con la notación intensional
```

```
lista = [5, 4, 3, 2, 1, 0]
generador = (10 / d for d in lista_a)
print(generador)
for e in range(3):
    print(next(generador))
```

```
# OJO: La variable generador es una estructura perezosa:
# Si se evaluara de forma impaciente, daría lugar a un error
# Compruébalo tú mismo:
```

```
# lista_b = [10 / d for d in lista_a]
```

```
<generator object <genexpr> at 0x000001D6D7BABC80>
```

```
2.0
```

```
2.5
```

```
3.3333333333333335
```

# Listas infinitas. La función yield

```
def natural_numbers():
    i = 0
    while True:
        yield i
        i = i+1

def tomar_n_valores_de(generator, n):
    cont = 0
    for i in generator:
        yield i
        cont = cont + 1
    if cont == n:
        return

lista = tomar_n_valores_de(natural_numbers(), 50)
print(list(lista))
```

```
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49]
```

```
zeta = natural_numbers()

for i in zeta:
    print(i, end= " ")
    if i >= 50:
        print()
        break

print("-----")

for i in zeta:
    print(i, end= " ")
    if i > 100:
        print()
        break
```

```
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21
22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40
41 42 43 44 45 46 47 48 49 50
-----
51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69
70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88
89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100 101
```



# Programación. Python

Programación funcional y orden superior