## 1. Productos

| Clase de reserva | Tarifa [€] | Cambios permitidos              | Sala Vip | Fast Track | Elección asiento |
|------------------|------------|---------------------------------|----------|------------|------------------|
| A                | 180        | Sí                              | Sí       | Sí         | Sí               |
| В                | 130        | Solo 1 (penalización 25 €)      | No       | Sí         | Sí               |
| $\mathbf{C}$     | 100        | Solo 1 (penalización $60 \in$ ) | No       | No         | Sí               |
| D                | 80         | No                              | No       | No         | No               |
| E                | 40         | No                              | No       | No         | No               |

Tabla 1: Servicios y precio de cada clase.

| Clase de reserva | $\mu$ | $\sigma$ |
|------------------|-------|----------|
| A                | ?     | ?        |
| В                | 87    | 8        |
| С                | 89    | 9        |
| D                | ?     | ?        |
| E                | 60    | 9        |

Tabla 2: Proyección de demanda para cada clase. (Trayecto MAD - BIO)

$$\sigma_1 = e^{\mu/7} + 2 \tag{1}$$

$$\sigma_2 = \frac{1}{10}\mu^3 - 20\mu + 20\tag{2}$$

La tabla 2 y las ecuaciones (1) y (2) corresponden al trayecto MAD - BIO; las ecuaciones aplican a las clases A y D.

Sea el espacio de la solución:

$$\{5 \le \mu \le 35\}, \{1 \le \sigma \le 30\}$$

Según las figuras 1 y 2, la solución se encuentra en un entorno alrededor de  $\mu \approx 14$ .

## 2. Probabilidad EMSR

Para el cálculo de los EMSR(s), se requiere conocer la probabilidad de demanda; para lo cual el modelo toma los datos de demanda proyectados en

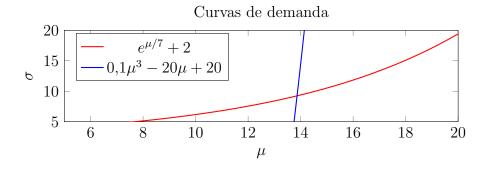


Figura 1: Representación de las ecuaciones (1) y (2)

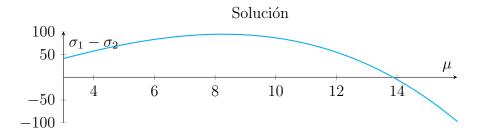


Figura 2: Ecuación (1) - (2)

Campana de Gauss

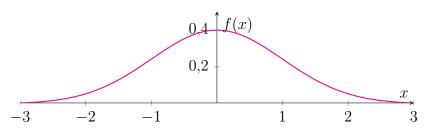


Figura 3: Ecuación (3)  $\mu=0, \sigma=$ 

la tabla 2 y forma una distribución normal de probabilidades.

La distribución gaussiana:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{1}{2} \left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2\right)$$
 (3)

$$P(t) = \int_{-\infty}^{t} f(x) dx = 1$$

$$(4)$$

La integral (4) no se puede resolver de forma analítica, sino por aproximación por el *método del trapecio* y también por el método de Simpson.

Dado que la función (3) es simétrica, la integral (4) es igual a  $\frac{1}{2}$ . Entonces no es necesario calcular entre  $(-\infty,t)$ , sino  $\frac{1}{2}+\int_{\mu}^{t}f(x)\,\mathrm{d}x$  lo que alivia muchos recursos computacionales.

$$P(t) = \frac{1}{2} + \int_{\mu}^{t} f(x) \, \mathrm{d}x \tag{5}$$

# 3. Algoritmo EMSR-b

Consiste en proteger suficientes asientos de respectivas clases con tal de maximizar el ingreso total.

#### Probabilidad acumulada

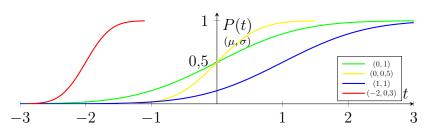


Figura 4: Probabilidad acumulada en función de t y  $(\mu, \sigma)$  (5)

Se basa en la Regla de Littlewood:

Regla 1 La razón entre las tarifas de respectivas clases ha de ser igual a la probabilidad de ser ocupado el asiento de la clase de la tarifa superior

Ha de encontrarse el número de asientos protegidos (t) que satisfaga la probabilidad (P(t)) (5) de ser ocupados requerida por la razón de las respectivas tarifas.

Ampliamos la tabla 2 para calcular los parámetros relativos a los EMSR(s):

| $Clase_i$      | $Tarifa_i$ | $\mu_i$ | $\sigma_{i}$ | Tarifa media ponderada | $\sum \mu_i$ | $\sqrt{\sum \sigma_i^2}$ | Protección |
|----------------|------------|---------|--------------|------------------------|--------------|--------------------------|------------|
| $A_1$          | 180        | ?       | ?            |                        |              |                          |            |
| $\mathrm{B}_2$ | 130        | 87      | 8            |                        |              |                          |            |
| $C_3$          | 100        | 89      | 9            |                        |              |                          |            |
| $D_4$          | 80         | ?       | ?            |                        |              |                          |            |
| $E_5$          | 40         | 60      | 9            | -                      | -            | -                        | -          |

Tabla 3: Valores EMSR-b

Según el algoritmo EMSR-b se comparan las clases en orden ascendente de precio. Se aplica la regla de Littlewood entre una clase y el resto cuál sea de mayor tarifa. i.e. la clase E (i = 5) se compara con el conjunto de las clases A, B, C y D; la clase C (i = 3) se compara con A y B etc.

Entonces se obtiene la tarifa media ponderada de un conjunto de clases como:

### Complementario

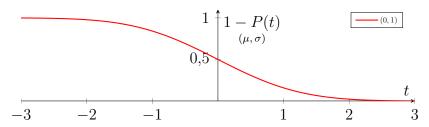


Figura 5: Complementario de CDF

Tarifa media ponderada<sub>i</sub> 
$$\equiv \text{tmp}_i = \frac{\sum_{k=1}^{i} \text{tarifa}_k \cdot \mu_k}{\sum_{k=1}^{i} \mu_k}$$
 (6)

Para el conjunto de demanda se agregan las demandas:

$$\sum_{k=1}^{i} \mu_k \tag{7}$$

Para la desviación conjunta se toma la raíz cuadrada del sumatorio de las varianzas:

$$\sqrt{\sum_{k=1}^{i} \sigma_k^2} \tag{8}$$

Dados estos parámetros conjuntos, se procede a aplicar la regla de Littlewood entre cada clase y el conjunto restante.

$$\frac{\operatorname{tarifa}_{i+1}}{\operatorname{tmp}_i} = P(x > \theta_i) \tag{9}$$

Ha de encontrarse un valor  $\theta_i$  para cada conjunto de clase, que representa el número de asientos protegidos, para el cuál la probabilidad de que tantos sean ocupados sea igual a la razón de tarifas.

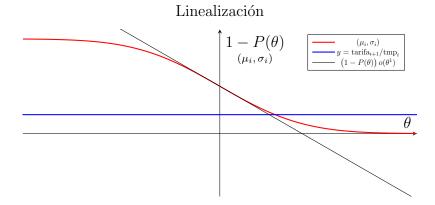


Figura 6: Resolución de (10)

$$g(\theta) = \int_{\mu_i}^{\theta_i} f(x) dx + \frac{\text{tarifa}_{i+1}}{\text{tmp}_i} - \frac{1}{2} = 0$$
 (10)

Se puede resolver por linealización, i.e. Newton.

Se resuelve para todos los valores EMSR y completa la tabla 3.