frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff

 frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff: relative Häufigkeit vs. Glaubensgrad (degree of belief)

- frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff: relative Häufigkeit vs. Glaubensgrad (degree of belief)
- ▶ beide Begriffe sind verbunden

- frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff: relative Häufigkeit vs. Glaubensgrad (degree of belief)
- beide Begriffe sind verbunden, z.B. durch Humes Induktionsproblem (Glaubensgrad, dass die Sonne morgen aufgeht)

- frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff: relative Häufigkeit vs. Glaubensgrad (degree of belief)
- beide Begriffe sind verbunden, z.B. durch Humes Induktionsproblem (Glaubensgrad, dass die Sonne morgen aufgeht)
- z.B. Interpretation von "Wahrscheinlichkeit" in den folgenden Sätzen:

- ► frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff: relative Häufigkeit vs. Glaubensgrad (degree of belief)
- beide Begriffe sind verbunden, z.B. durch Humes Induktionsproblem (Glaubensgrad, dass die Sonne morgen aufgeht)
- z.B. Interpretation von "Wahrscheinlichkeit" in den folgenden Sätzen:
 - "Die Wahrscheinlichkeit, dass Obama bei der nächsten Wahlen wiedergewählt wird, ist 60%"

- ► frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff: relative Häufigkeit vs. Glaubensgrad (degree of belief)
- beide Begriffe sind verbunden, z.B. durch Humes Induktionsproblem (Glaubensgrad, dass die Sonne morgen aufgeht)
- ▶ z.B. Interpretation von "Wahrscheinlichkeit" in den folgenden Sätzen:
 - "Die Wahrscheinlichkeit, dass Obama bei der nächsten Wahlen wiedergewählt wird, ist 60%"
 - "Die Wahrscheinlichkeit, dass diese bestimmte Münze beim nächsten Wurf Kopf zeigt, ist 60%"

▶ de Finetti (1931). Sul significato soggettivo della probabilità. Fundamenta Mathematicae 17.

- de Finetti (1931). Sul significato soggettivo della probabilità. Fundamenta Mathematicae 17.
- ▶ die Wahrscheinlichkeit von einem Ereignis ist der *Preis eines Wertpapiers* mit einmaliger Auszahlung 1, wenn das Ereignis eintritt, und 0 sonst

- de Finetti (1931). Sul significato soggettivo della probabilità. Fundamenta Mathematicae 17.
- ▶ die Wahrscheinlichkeit von einem Ereignis ist der *Preis eines Wertpapiers* mit einmaliger Auszahlung 1, wenn das Ereignis eintritt, und 0 sonst
- z.B. "Der Preis eines Wertpapiers mit einmaliger Auszahlung 100 €, wenn Obama wiedergewählt wird (und 0 € sonst), ist 60 €."

- de Finetti (1931). Sul significato soggettivo della probabilità. Fundamenta Mathematicae 17.
- ▶ die Wahrscheinlichkeit von einem Ereignis ist der *Preis eines Wertpapiers* mit einmaliger Auszahlung 1, wenn das Ereignis eintritt, und 0 sonst
- z.B. "Der Preis eines Wertpapiers mit einmaliger Auszahlung 100 €, wenn Obama wiedergewählt wird (und 0 € sonst), ist 60 €."
- die Wahrscheinlichkeiten (Preise von Wertpapieren) von verschiedenen Ereignissen müssen die Regeln der Wahrscheinlichkeitsrechnung erfüllen, um einen "sicheren Verlust" zu vermeiden

- de Finetti (1931). Sul significato soggettivo della probabilità. Fundamenta Mathematicae 17.
- ▶ die Wahrscheinlichkeit von einem Ereignis ist der *Preis eines Wertpapiers* mit einmaliger Auszahlung 1, wenn das Ereignis eintritt, und 0 sonst
- z.B. "Der Preis eines Wertpapiers mit einmaliger Auszahlung 100 €, wenn Obama wiedergewählt wird (und 0 € sonst), ist 60 €."
- die Wahrscheinlichkeiten (Preise von Wertpapieren) von verschiedenen Ereignissen müssen die Regeln der Wahrscheinlichkeitsrechnung erfüllen, um einen "sicheren Verlust" zu vermeiden
- von Neumann und Morgestern (1944). Theory of Games and Economic Behavior.
- ▶ Savage (1954). The Foundations of Statistics.

- de Finetti (1931). Sul significato soggettivo della probabilità. Fundamenta Mathematicae 17.
- ▶ die Wahrscheinlichkeit von einem Ereignis ist der *Preis eines Wertpapiers* mit einmaliger Auszahlung 1, wenn das Ereignis eintritt, und 0 sonst
- z.B. "Der Preis eines Wertpapiers mit einmaliger Auszahlung 100 €, wenn Obama wiedergewählt wird (und 0 € sonst), ist 60 €."
- die Wahrscheinlichkeiten (Preise von Wertpapieren) von verschiedenen Ereignissen müssen die Regeln der Wahrscheinlichkeitsrechnung erfüllen, um einen "sicheren Verlust" zu vermeiden
- von Neumann und Morgestern (1944). Theory of Games and Economic Behavior.
- ► Savage (1954). The Foundations of Statistics.
- ▶ Walley (1991). Statistical Reasoning with Imprecise Probabilities.

▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

parametrisches Modell P_{θ}

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

parametrisches Modell P_{θ} a-priori-W.verteilung für θ

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

parametrisches Modell P_{θ} a-priori-W.verteilung für θ Daten

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

```
parametrisches Modell P_{\theta} a-priori-W.verteilung für \theta Daten  \qquad \qquad \text{a-posteriori-W.verteilung für } \theta
```

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

```
parametrisches Modell P_{\theta} a-priori-W.verteilung für \theta Daten a-posteriori-W.verteilung für \theta
```

Interpretation einer Wahrscheinlichkeitsverteilung für einen (unbekannten aber festen) Parameter?

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

```
parametrisches Modell P_{\theta} a-priori-W.verteilung für \theta Daten a-posteriori-W.verteilung für \theta
```

- ► Interpretation einer Wahrscheinlichkeitsverteilung für einen (unbekannten aber festen) Parameter?
- ▶ frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff

- ▶ Bayes (1763). An essay towards solving a problem in the doctrine of chances. Philosophical Transactions 53.
- Bayestheorem:

```
parametrisches Modell P_{\theta} a-priori-W.verteilung für \theta a-posteriori-W.verteilung für \theta
```

- Interpretation einer Wahrscheinlichkeitsverteilung für einen (unbekannten aber festen) Parameter?
- frequentistischer vs. subjektiver Wahrscheinlichkeitsbegriff, klassische vs. Bayessche Statistik