

Interazione gamma con la materia

Gianluca Cavallaro
Marco Gobbo

19 Maggio 2020

1 Introduzione

Lo scopo di questa esperienza è quello di indagare le caratteristiche dell'interazione gamma con la materia, utilizzando differenti sorgenti e differenti materiali. Per fare questo si sfrutta un rivelatore al germanio, rivelatore a semiconduttore che sfrutta la tecnologia della giunzione P-N, sottoposta ad un drogaggio opportuno. Nella giunzione P-N è presente una zona, la zona di svuotamento, dove non sono presenti cariche libere: una volta che una radiazione gamma attraversa questa zona crea una coppia elettrone-lacuna, le quali, accelerate da una differenza di potenziale opportuna, generano una corrente che permette in ultima istanza di risalire all'energia depositata dal gamma nel rivelatore. In spettroscopia la giunzione va polarizzata inversamente, di modo tale che all'interno del rivelatore non ci sia nessuna corrente che si sovrappone a quella generata dalla raccolta di cariche, così da ottenere misure corrette. L'utilizzo del germanio come semiconduttore comporta che il rivelatore vada mantenuto ad una temperatura molto bassa, di circa 77K: questo perchè il germanio ha un gap energetico fra banda di conduzione e banda di valenza molto basso (0.67 eV), e se il rivelatore fosse lasciato a temperatura ambiente l'agitazione termica sarebbe già sufficiente a superarlo, ostacolando le misure. Si ottiene questa condizione attraverso un bagno di azoto liquido.

I gamma, attraversando la materia vengono attenuati, con modalità e caratteristiche che dipendono dalla loro energia, nonché dal materiale utilizzato come schermo. Se andiamo a considerare un fascio di gamma di intensità iniziale I_0 , attraversando un certo materiale il fascio sarà attenuato secondo la seguente relazione:

$$I(x) = I_0 e^{-\mu x} \quad (1)$$

dove μ indica il coefficiente di attenuazione lineare, caratteristico del mezzo utilizzato e variabile anche secondo la densità del mezzo stesso, e x indica lo spessore di materiale utilizzato come schermo. Altra grandezza importante è il coefficiente di attenuazione massico, μ/ρ : esso è costante per un determinato mezzo, indipendentemente dalla densità dello stesso.

Nella loro interazione con la materia, i gamma possono andare incontro a diversi processi, principalmente 3: effetto fotoelettrico, scattering compton e produzione di coppie. Per quanto riguarda l'effetto fotoelettrico, il gamma interagisce con un elettrone atomico, cedendo completamente la sua energia all'elettrone che viene liberato dall'atomo. L'atomo ionizzato andrà incontro a processi di ricombinazione per riempire la lacuna lasciata dal fotoelettrone liberato, emettendo in questo caso dei gamma caratteristici. Nello scattering compton il gamma interagisce con un fotone del mezzo, cedendogli parte della sua energia, e venendo deviato di un certo angolo rispetto alla sua direzione iniziale. L'energia ceduta dipende dall'angolo di scattering del gamma. La produzione di coppie è un processo che può avvenire solo se l'energia del gamma in questione è superiore ad una certa soglia, che in questo caso è 1.022 MeV, ossia due volte la massa dell'elettrone. In questo processo il gamma crea una coppia elettrone-positrone, con quest'ultimo che essendo poco stabile, decadrà rapidamente in due gamma da 511 KeV.

Per l'interazione dei gamma con la materia è necessario introdurre la sezione d'urto, ossia la probabilità di interazione del gamma con un bersaglio del mezzo considerato. La sezione d'urto è legata al coefficiente di attenuazione lineare attraverso la relazione:

$$\sigma = \frac{\mu}{\rho} \cdot \frac{A}{N_{Av}} \quad (2)$$

dove A indica il numero di massa del materiale usato come bersaglio, e N_{Av} indica il numero di Avogadro. Si nota in particolar modo come la sezione d'urto sia proporzionale al coefficiente di attenuazione massico. Nel caso dell'interazione gamma va sottolineato che, essendo possibili diverse interazioni, la sezione d'urto totale dipende dalla sezione d'urto caratteristica di ogni singolo processo. Le singole sezioni d'urto hanno una dipendenza diversa dall'energia del gamma incidente e dallo Z del materiale:

$$\sigma_{fototeletrico} \propto \frac{Z^5}{E_\gamma^{3.5}} \quad (3)$$

$$\sigma_{compton} \propto \frac{Z}{E} \quad (4)$$

$$\sigma_{coppie} \propto Z^2 \cdot \ln(E) \quad (5)$$

E' possibile fare a priori alcune considerazioni: per materiali ad alto Z sarà preponderante l'effetto fototeletrico, mentre in materiale a Z inferiore diventa sempre più importante il contributo del Compton o della produzione di coppie. Anche a seconda del range di energie considerato può essere più significativo il contributo del fototeletrico, a basse energie, o del Compton e della produzione di coppie, ad energie sempre più alte.

2 Strumentazione

- Crate NIM per alimentazione di elettronica standard
- Rivelatore coassiale HPGe (Ortec Coaxial HPGe Detector GEM20P)
- Generatore HV Label Model 8124 per tensione di polarizzazione
- Amplificatore CAEN Model N968
- ADC/MCA CAEN Model N957
- Sorgenti di calibrazione: ^{22}Na , ^{60}Co , ^{228}Th
- Becker graduato per contenere acqua
- Dischi di rame e piombo

3 Raccolta dati ed elaborazione

3.1 Coefficiente di attenuazione lineare

Abbiamo a disposizione 3 diverse sorgenti di radiazione (^{22}Na , ^{60}Co , ^{228}Th) e 3 materiali da interporre fra sorgente e rivelatore (acqua, rame, piombo). Dei 3 materiali si possono cambiare gli spessori utilizzati: 4, 8, 12, 16, 20 cm per l'acqua, 0.11, 0.22, 0.33, 0.44, 0.54 cm per il rame, 0.1, 0.21, 0.33, 0.58, 1.08 cm per il piombo. Tali spessori sono raggiunti riempiendo un becker nel caso dell'acqua, impilando dei dischi nel caso di rame e piombo. Mantenendo la sorgente ad una distanza fissata dal rivelatore e modificando di volta in volta lo spessore del materiale, si raccoglie

lo spettro gamma. Per ogni picco visibile dei vari spettri, si procede, tramite una interpolazione gaussiana, ad individuare l'area sottesa al picco. Tenendo conto che le misure sono durate 6 minuti per quanto riguarda l'acqua e 2 minuti per rame e piombo, tramite la seguente relazione si procede a calcolare il rate di conteggi al secondo:

$$\text{Rate} = \frac{\text{Area}}{\text{Durata misura}} \quad (6)$$

—inserire qualche grafico di esempio—

Per calcolare il coefficiente di attenuazione lineare dei vari materiali alle varie energie, si costruisce un grafico del rate in funzione dello spessore. Per interpolare è stata utilizzata la relazione (1):

—grafici—

Dall'interpolazione i valori ottenuti sono i seguenti:

—osservazioni e conclusioni su questa parte—

3.2 Picco a 1460KeV

Negli spettri a nostra disposizione si nota la presenza di un picco non atteso, attorno ad una energia di 1460 Kev. La presenza di questo picco è dovuta alla presenza di 40K nell'ambiente. Come fatto nel punto precedente, andiamo a calcolare il rate di conteggi al secondo di questo picco, mettendolo in funzione dello spessore del materiale:

—grafico—

Si nota come il rate del 40K sia pressochè costante: questo è dovuto al fatto che, essendo questo picco dovuto alla radioattività ambientale, non è prodotto dalla sorgente in questione e di conseguenza non deve attraversare il materiale venendo attenuato. Per misure della stessa durata temporale dunque il numero di conteggi al secondo di questo isotopo sarà costante.

3.3 Coefficiente di attenuazione massico e sezione d'urto

Avendo a disposizione i coefficienti di attenuazione lineare μ ricavati nella sezione 3.1, andiamo a calcolare i coefficienti di attenuazione massici μ/ρ . Per i 3 materiali si utilizzano come densità:

$$\rho_{acqua} = 1 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{rame} = 8,96 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho_{piombo} = 11,34 \text{ g/cm}^3$$

I risultati ottenuti vengono messi in un grafico in funzione dell'energia, ottenendo in totale 3 grafici, uno per ciascun materiale interposto fra sorgente e rivelatore. Come sottolineato nell'introduzione, attraverso la relazione (2), la sezione d'urto è proporzionale a μ/ρ . In questi 3 grafici, avendo fissato di volta in volta il materiale, la sezione d'urto è ottenuta semplicemente moltiplicando i valori ottenuti per un valore costante A/N_{Av} ; per questo l'andamento in funzione dell'energia può essere ricavato semplicemente dal grafico del coefficiente di attenuazione massico.

3.3.1 Acqua

Riportiamo di seguito il grafico di μ/ρ in funzione dell'energia per l'acqua:

—grafico—

Il grafico è stato interpolato, tenendo conto delle relazioni (3), (4) e (5), con la seguente funzione:

$$\sigma = \frac{a}{E^{3.5}} + \frac{b}{E} \quad (7)$$

poichè, nel range di energie considerate sono prevalenti l'effetto fotoelettrico e Compton.

—osservazioni—

3.3.2 Rame

Riportiamo di seguito il grafico di μ/ρ in funzione dell'energia per l'acqua:

—grafico—

Il grafico è stato interpolato, tenendo conto delle relazioni (3), (4) e (5), con la seguente funzione:

$$\sigma = \frac{a}{E^{3.5}} + \frac{b}{E} \quad (8)$$

poichè, nel range di energie considerate sono prevalenti l'effetto fotoelettrico e Compton.

—osservazioni—

3.3.3 Piombo

Riportiamo di seguito il grafico di μ/ρ in funzione dell'energia per l'acqua:

—grafico—

Il grafico è stato interpolato, tenendo conto delle relazioni (3), (4) e (5), con la seguente funzione:

$$\sigma = \frac{a}{E^{3.5}} + \frac{b}{E} \quad (9)$$

poichè, nel range di energie considerate sono prevalenti l'effetto fotoelettrico e Compton.

—osservazioni—

3.4 Sezione d'urto in funzione di Z

In questo caso ci proponiamo invece di studiare la dipendenza dalla Z del materiale della sezione d'urto. Fissata l'energia di un certo picco, andiamo a calcolare la sezione d'urto attraverso la relazione (2). Come A è stata utilizzata la massa molecolare dell'acqua e la massa atomica di rame e piombo, pesata in base all'abbondanza dei vari isotopi. Per ogni picco avremo a disposizione 3 valori, ognuno corrispondente ad uno dei 3 materiali usati come bersaglio. Si ottengono i seguenti grafici:

—inserire i 7 grafici dei picchi—

A seconda dell'energia del picco in questione si interpola con funzioni differenti.

—osservazioni—