

學校：長庚大學

系級：人工智慧學系 大三

學號：B1228022

姓名：梁釗豪

主題：打造自己的 DNN 手寫辨識

重點說明：

1. 理解神經網路架構設計

- 設定每層神經元數量 (N1–N6)
- 探索不同激活函數 (ReLU、LeakyReLU、PReLU、ELU、SELU)
- 建構 6 層以上的深度神經網路，並加入輸出層 (Softmax)

2. 資料前處理與格式轉換

- 將 28×28 的影像拉平成 784 維向量
- 對標籤進行 One-hot Encoding (分類任務)
- 正規化影像像素值 (除以 255)

3. 模型訓練與優化

- 使用不同的 optimizer (SGD vs Adam)
- 比較不同 loss function (MSE vs Categorical Crossentropy)
- 調整 batch size 與 epochs，並加入 EarlyStopping 提升訓練效率

4. 模型評估

- 使用 model.evaluate() 觀察 loss 與 accuracy
- 比較不同架構 (test1–test4) 的準確率與 loss 表現

5. 互動式展示與應用

- 使用 Gradio 建立手寫數字辨識 Web App
- 支援使用者在畫板上手寫數字並即時預測

6. 分析

- 分析模型在不同數字上的預測信心與混淆情況
- 分析使用者輸入位置對預測結果的影響 (例如左上角容易被判成 7)

Colab:

https://colab.research.google.com/drive/1Fo4lTc9Zgn-hJuWfjTTAu50r_9Pidkrh?usp=sharing

The screenshot shows a Google Colab notebook titled "【Demo01】設計我的神經網路.ipynb". The code cell contains the following Python script:

```
1 N1 = 35
2 N2 = 30
3 N3 = 25
4 N4 = 25
5 N5 = 20
6 N6 = 15

1. 請入套件
在這裡請入一些套件,安裝Gradio套件。
1 !pip install gradio
2 %matplotlib inline
3 # 標準數值分析, 處理套件
4 import numpy as np
5 import matplotlib.pyplot as plt
6 from PIL import Image
7
8 # 神經網路方面
9 import tensorflow as tf
10 from tensorflow.keras.datasets import mnist
11 from tensorflow.keras.utils import to_categorical
12 from tensorflow.keras.models import Sequential
13 from tensorflow.keras.layers import Dense
14 from tensorflow.keras.optimizers import SGD
15
16 # 互動設計用
```

The screenshot shows a continuation of the Google Colab notebook. The code cell contains the following Python script:

```
15
16 # 互動設計用
17 from ipywidgets import interact_manual
18
19 # 神速打造 web app 的 Gradio
20 import gradio as gr

MNIST 資料集
• 描述: 28x28 (784像素)的手繪數字灰階影像，數字範圍從 0 到 9
• 訓練集: 形狀為 (28000,28,28)(28000, 28, 28)
• 標籤: (28000)
• 測試集: 形狀為 (784,28,28)(784, 28, 28)
• 標籤: (784,) (784)
• 資料來源: Kaggle MNIST 手寫數字資料集

2.1 由 Keras 讀入 MNIST
準備好在Keras中讀MNIST數據庫
1 ! (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
2 Downloading data from https://storage.googleapis.com/tf-keras-datasets/mnist.npz
3 11499434/11499434           0ms/step
```

看看訓練資料、測試資料總筆數

```
1 print('訓練資料總筆數為', len(x_train), '筆資料')
2 print('測試資料總筆數為', len(x_test), '筆資料')
3
4 訓練資料總筆數為 60000 筆資料
測試資料總筆數為 10000 筆資料
```

2.2 數據庫的內容

【Demo01】我的神經網路.ipynb

2.2 數據庫的內容

看看訓練資料的輸入(圖像,矩阵),輸出的部份長什麼樣子

```
1 def show_xy(n=0):
2     ax = plt.gca()
3     X = x_train[n]
4     plt.xticks([], [])
5     plt.yticks([], [])
6     plt.imshow(X, cmap = 'Greys')
7     print(f'本資料 y 約定的答案為: {y_train[n]}')
```

1 interact_manual(show_xy, n=(0,59999)):

n 4548

Run interact

本資料 y 約定的答案為: 7



The screenshot shows a Jupyter Notebook interface with the following details:

- Title Bar:** hwt1 - Google 論壇標題 | Demo01 | 設計我的神經網路 | 第二週作業0509
- Header:** colab.research.google.com/drive/1Fo4I1c9Zgn-hJuWjTTAu50r_9Pdkrh#scrollTo=VJl2GBHfslp
- Toolbar:** 檔案、編輯、檢視畫面、插入、執行階段、工具、說明、共用、Gemini、重新連線
- Code Cell:** 顯示了Python代码，用于显示数据集中的第100个样本。
- Output Cell:** 显示了100个样本的特征向量，每行包含一个样本的100个特征值。

【Demo01】設計我的神經網.ipynb

把原來的每筆數據是個 28×28 的矩陣用 `reshape` 調校成「平平的」 $28 \times 28 \times 784$ 長的向量

```
[1]: 1 x_train = x_train.reshape(60000, 784)/255
2 x_test = x_test.reshape(10000, 784)/255
```

2.4 輸出格式整理

因為函數
 $\hat{f}: \mathbb{R}^{784} \rightarrow \mathbb{R}$

可能會得到的總會有點誤差，例如：
 $f(x) = 0.5$

有可能是0，也有可能是1！
所以要做“1-hot encoding”，例如：

- $9 \rightarrow [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]$

```
[1]: 1 y_train = to_categorical(y_train, 10)
2 y_test = to_categorical(y_test, 10)
```

看看某數據的答案

```
[1]: 1 n = 87
2 y_train[n]
3 array([0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1.])
```

3. 打造神經網路

3.1 決定神經網路架構、讀入相關套件

【Demo01】設計我的神經網.ipynb

3.1 決定神經網路架構、讀入相關套件

讀入Dense, LeakyReLU, PReLU, ELU

```
[1]: 1 from keras.layers import Dense, LeakyReLU, PReLU, ELU
```

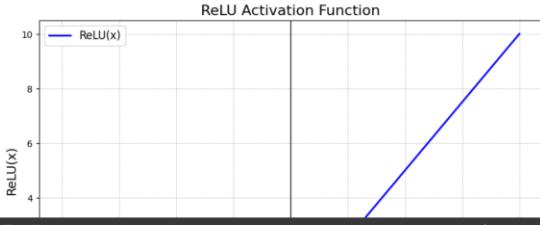
3.2 建構神經網路

建構標準一層一層傳遞的神經網路 Sequential，打開一個空的神經網路

```
[1]: 1 model = Sequential()
```

用 `add` 去加一層，從第一個隱藏層開始，告訴TensorFlow輸入有 784 個 features

ReLU function:
 $f(x) = \max(0, x)$



【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```

ReLU function:

$$f(x) = \max(0, x)$$



```

```

1 []
1 model.add(Dense(N1, input_dim=784, activation='relu'))
/usr/local/lib/python3.12/dist-packages/keras/src/layers/core/dense.py:53: UserWarning: Do not pass an `input_shape` / `input_dim` argument to a layer. When using Sequential models, prefer using an `Input(shape)` object as `input` instead.
super().__init__(activity_regularizer=activity_regularizer, **kwargs)

```

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```

第二層開始就不用再說明輸入神經元個數 (因為就是前一層神經元數)

1 []
1 #model.add(Dense(N2, activation='relu'))
1 #test1
1 #model.add(Dense(N2, activation='relu')) N2>25
1 #model.add(Dense(N3, activation='relu')) N3>25
1 #model.add(Dense(N4, activation='relu')) N4>25
1 #model.add(Dense(N5, activation='relu')) N5>25
1 #model.add(Dense(N6, activation='relu')) N6>25

LeakyReLU function:

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{if } x \geq 0 \\ \text{negative\_slope} \times x, & \text{otherwise} \end{cases}$$

or

$$f(x) = \max(0, x) + \text{negative\_slope} * \min(0, x)$$



```

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```

LeakyReLU function:

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{if } x \geq 0 \\ negative\_slope \times x, & \text{otherwise} \end{cases}$$

or

$$f(x) = \max(0, x) + negative\_slope * \min(0, x)$$



```

```

1 """txt2
2 model.add(Dense(10,
3 model.add(LeakyReLU(alpha=0.1))
4 """

```

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```

1 model.add(Dense(10))
2 model.add(LeakyReLU(alpha=0.1))
3
4 /usr/local/lib/python3.12/dist-packages/keras/src/layers/activations/leaky_relu.py:41: UserWarning: Argument 'alpha' is deprecated. Use 'negative_slope' instead.
warnings.warn(

```

PReLU function:

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{if } x \geq 0 \\ ax, & \text{otherwise} \end{cases}$$
or
$$f(x) = \max(0, x) + a * \min(0, x)$$

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```

1 """test2
2 model.add(Dense(16, input_dim=784))
3 model.add(PReLU())
4 """
5
6 model.add(Dense(16))
7 model.add(PReLU())

```

Elu function:

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{if } x > 0 \\ \alpha * (\exp(x) - 1), & \text{if } x \leq 0 \end{cases}$$

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```

1 #model.add(Dense(16, input_dim=784, activation='elu')) test2
2
3 model.add(Dense(16,activation='elu'))

```

Selu function:

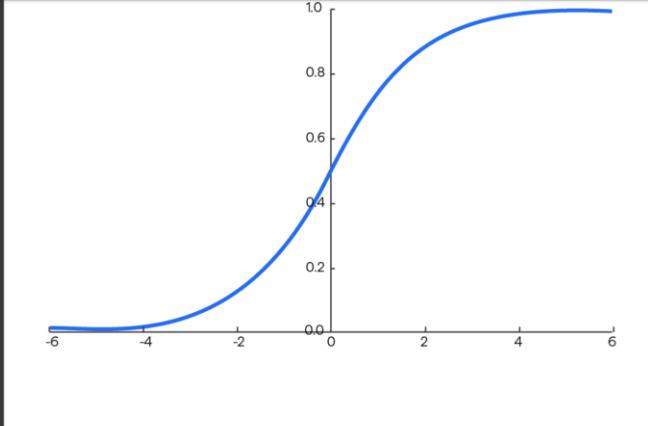
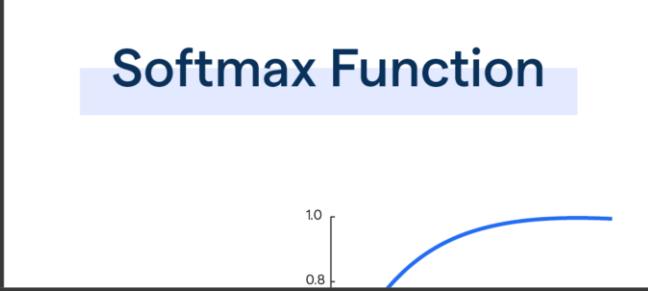
$$f(x) = scale * (max(0, x) + min(0, \alpha * (\exp(x) - 1)))$$

輸出有 10 個數字，所以輸出層的神經元是 10 個，網路輸出是
 $(y_1, y_2, \dots, y_{10})$

希望是
 $\sum_{i=1}^{10} y_i = 1$

所以用 softmax

Softmax function:
$$f(x) = \frac{\exp(x_i)}{\sum_j \exp(x_i)}$$



```
model.add(Dense(10, activation='softmax'))
```

神經網路就建好了!

hw1 - Google 論壇

【Demo01】設計我的神經網... x 第二章作業0909 x +

colab.research.google.com/drive/1fo4I1c9Zgn-hluWjJTAu50r_9Pdkh#scrollTo=VIIl2GBHfsfp

【Demo01】設計我的神經網.ipynb ☆ ↗

檔案 優化 檢視畫面 插入 執行階段 工具 說明

指令 程式碼 文字 全部執行

3.3 組裝

要做 compile 才正式把神經網建好
還需要設幾件事:

- loss function
- 決定 optimizer
- 設 learning rate

為了了一邊訓練一邊看到結果，加設

```
metrics=['accuracy']
```

```
model.compile(loss='mse', optimizer=SGD(learning_rate=0.007), metrics=['accuracy']) test1.2
```

對於分類問題，categorical_crossentropy 更合適，能更快收斂並提升準確率。SGD 是經典但收斂慢，試試Adam

```
from tensorflow.keras.optimizers import Adam
model.compile(loss='categorical_crossentropy', optimizer=Adam(learning_rate=0.001), metrics=['accuracy'])
```

4. 檢視神經網路

可以用 model.summary() 檢視神經網路的架構，可以確認一下是不是和想像的一樣

4.1 看 model 的 summary

```
model.summary()
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
dense	(None, 10)	100
dense_1 (Dense)	(None, 50)	2500
dense_2 (Dense)	(None, 50)	2500
leaky_re_lu (LeakyReLU)	(None, 25)	0
dense_3 (Dense)	(None, 25)	625
p_re_lu (ReLU)	(None, 25)	0
dense_4 (Dense)	(None, 25)	625
dense_5 (Dense)	(None, 15)	375
dense_6 (Dense)	(None, 10)	100

Total params: 11,000 (121.09 KB)
Trainable params: 11,000 (121.09 KB)
Non-trainable params: 0 (0.00 KB)

很快速算參數數目和想像是否是一樣

5. 訓練神經網路

現在要訓練的時候，這裡有3件事要決定:

- 一次要訓練幾筆資料 (batch_size)，就 150 筆調一次參數
- 這 6 箱量資料一共有訓練幾次 (epochs)，訓練個 100 次
- (val_loss)重複>=幾次停掉，避免過度訓練。重複3次就早停

hw1 - Google 論壇

【Demo01】設計我的神經網.ipynb ☆ ↗

colab.research.google.com/drive/1fo4I1c9Zgn-hluWjJTAu50r_9Pdkh#scrollTo=VIIl2GBHfsfp

【Demo01】設計我的神經網.ipynb ☆ ↗

檔案 優化 檢視畫面 插入 執行階段 工具 說明

指令 程式碼 文字 全部執行

4.1 看 model 的 summary

```
model.summary()
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
dense (Dense)	(None, 10)	100
dense_1 (Dense)	(None, 50)	2500
dense_2 (Dense)	(None, 50)	2500
leaky_re_lu (LeakyReLU)	(None, 25)	0
dense_3 (Dense)	(None, 25)	625
p_re_lu (ReLU)	(None, 25)	0
dense_4 (Dense)	(None, 25)	625
dense_5 (Dense)	(None, 15)	375
dense_6 (Dense)	(None, 10)	100

Total params: 11,000 (121.09 KB)
Trainable params: 11,000 (121.09 KB)
Non-trainable params: 0 (0.00 KB)

很快就算參數數目和想像是否是一樣

5. 訓練神經網路

現在要訓練的時候，這裡有3件事要決定:

- 一次要訓練幾筆資料 (batch_size)，就 150 筆調一次參數
- 這 6 箱量資料一共有訓練幾次 (epochs)，訓練個 100 次
- (val_loss)重複>=幾次停掉，避免過度訓練。重複3次就早停

hw1 - Google 諶幕筆記

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

第二趟作業0909

Colab 單元 插入 執行階段 工具 說明

指令 + 程式碼 + 文字 ▶ 全部執行

5. 訓練神經網路

現在要訓練的時候，這裡有3件事要決定：

- 一次要訓練幾筆資料 (batch_size)，就 150 筆調一次參數
- 這 6 萬筆資料一共要訓練幾次 (epoch)，訓練個 100 次
- (val_loss)重複>>幾次早停，避免過度訓練。重複3次就早停

```
1 from tensorflow.keras.callbacks import EarlyStopping
2 early_stop = EarlyStopping(monitor='val_loss', patience=3)

3 #model.fit(x_train, y_train, batch_size=150, epochs=100)

4 i model.fit(x_train, y_train, batch_size=150, epochs=100)
5 400/400
6 Epoch 73/100
7 Epoch 74/100
8 Epoch 75/100
9 Epoch 76/100
10 Epoch 77/100
11 Epoch 78/100
12 Epoch 79/100
13 Epoch 80/100
14 Epoch 81/100
15 Epoch 82/100
16 Epoch 83/100
17 Epoch 84/100
18 Epoch 85/100
19 Epoch 86/100
20 Epoch 87/100
21 Epoch 88/100
22 Epoch 89/100
23 Epoch 90/100
24 Epoch 91/100
25 Epoch 92/100
26 Epoch 93/100
27 Epoch 94/100
28 Epoch 95/100
29 Epoch 96/100
30 Epoch 97/100
31 Epoch 98/100
32 Epoch 99/100
33 Epoch 100/100
34 keras.callbacks.history.History at 0x78ae69adfd0
```

◎ 數據 ◎ 終端機

今日書籤: 盡女神集
解鎖你的每日進步

搜尋

凌晨12:29

135 英速 21/9/2025

hw1 - Google 諶幕筆記

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

第二趟作業0909

Colab 單元 插入 執行階段 工具 說明

指令 + 程式碼 + 文字 ▶ 全部執行

6. 結果

神經網路學習成果

```
i loss, acc = model.evaluate(x_test, y_test)
2 313/313
3 3s 4ms/step - accuracy: 0.9639 - loss: 0.2392

4 print(f'測試資料正確率 {acc*100:.2f}%')
5 测試資料正確率 96.89%
```

test1 測試資料正確率 86.31%
test2 測試資料正確率 90.74%
test3 測試資料正確率 96.60%
test4 測試資料正確率 96.89%

predict 放的是神經網路的學習結果。做完之後用 argmax 找到數值最大的那一項。

```
i predict = np.argmax(model.predict(x_test), axis=-1)
2 313/313
3 3s 4ms/step

4 predict
5 array([7, 2, 1, ..., 4, 5, 6])
```

◎ 數據 ◎ 終端機

今日書籤: 盡女神集
解鎖你的每日進步

搜尋

凌晨12:29

136 英速 21/9/2025

hw1 - Google 論壇

【Demo01】設計我的神經網... x 第二章作業0909 x +

colab.research.google.com/drive/1fo4I1c9Zgn-huWjJIAu50r_9Pdkh#scrollTo=VIIl2GBHfsfp

檔案 優化 檢視畫面 插入 執行階段 工具 說明

指令 + 程式碼 + 文字 ▶ 全部執行

因為 `x_test` 每筆資料已經換成 784 維的向量。所以要整型回 28x28 的矩阵才能當圖形顯示出來

```
[1]: def test(測試編號):
    plt.imshow(x_test[測試編號], reshape(28, 28), cmap='Greys')
    print('神經網路判斷為：', predict(測試編號))

[2]: interact_manual(test, 測試編號=0, 9999):
```

測試編號 ————— 4548

Run Interact

神經網路判斷為：0

測試資料總可以給神經網路「瞧評量」

```
[3]: score = model.evaluate(x_test, y_test)
```

0.9639

測試機器

26°C 滑鼠多雲

136 12:29 21/9/2025

hw1 - Google 論壇

【Demo01】設計我的神經網... x 第二章作業0909 x +

colab.research.google.com/drive/1fo4I1c9Zgn-huWjJIAu50r_9Pdkh#scrollTo=VIIl2GBHfsfp

檔案 優化 檢視畫面 插入 執行階段 工具 說明

指令 + 程式碼 + 文字 ▶ 全部執行

測試資料總可以給神經網路「瞧評量」

```
[1]: score = model.evaluate(x_test, y_test)
```

313/313 → 1s 2m/step - accuracy: 0.9639 - loss: 0.2392

```
[2]: print('loss:', score[0])
2 print('正確率', score[1])
```

loss: 0.1998744225025177
正確率 0.963099992275238

```
[3]: test:
loss: 0.020268570631742477
正確率 0.9074000120162964
```

```
[4]: test2:
loss: 0.013836865313351154
正確率 0.9074000120162964
```

```
[5]: test3:
loss: 0.18997877836227417
正確率 0.9660000205039978
```

```
[6]: test4:
loss: 0.1998674425025177
正確率 0.96890002489808997
```

▼ 7. 用 Gradio 來展示

```
[7]: def resize_image(inp):
    # 圓在 inp["layers"][0]
    image = np.array(inp["layers"][0]).reshape(28, 28)
```

測試機器

26°C 滑鼠多雲

136 12:29 21/9/2025

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```
1 def resize_image(img):
2     # 取左 img["layers"][0]
3     image = np.array(img["layers"][0], dtype=np.float32)
4     image = image.astype(np.uint8)
5
6     # 轉成 PIL 格式
7     image_pil = Image.fromarray(image)
8
9     # Alpha 通道設為白色，再把最後 RGBA 轉成 RGB
10    background = Image.new("RGB", image_pil.size, (255, 255, 255))
11    background.paste(image_pil, mask=image_pil.split()[3]) # 把圖片黏貼到白色背景上，使用透明通道作為遮罩
12    image_pil = background
13
14    # 轉換為灰階圖像
15    image_gray = image_pil.convert("L")
16
17    # 將灰階圖像縮放到 28x28，轉回 numpy array
18    img_array = np.array(image_gray.resize(28, 28), resample=Image.LANCZOS)
19
20    # 配合 MNIST 數據集
21    img_array = 255 - img_array
22
23    # 按平並縮放
24    img_array = img_array.reshape(1, 784) / 255.0
25
26    return img_array

[1] i def recognize_digit(img):
2     img_array = resize_image(img)
3     prediction = model.predict(img_array).flatten()
4     labels = list('0123456789')
5     return {labels[i]: float(prediction[i]) for i in range(10)}

[1] i iface = gr.Interface(
    fn=recognize_digit,
    inputs=gr.Sketchpad(),
    outputs=gr.Label(num_top_classes=3),
    title="MNIST 手寫辨識",
    description="請在畫板上繪製數字"
)
8
9 iface.launch(shared=True, debug=True)
```

【Demo01】設計我的神經網路.ipynb

```
1 iface = gr.Interface(
    fn=recognize_digit,
    inputs=gr.Sketchpad(),
    outputs=gr.Label(num_top_classes=3),
    title="MNIST 手寫辨識",
    description="請在畫板上繪製數字"
)
8
9 iface.launch(shared=True, debug=True)
```

notebook detected. This cell will run indefinitely so that you can see errors and logs. To turn off, set debug=False in launch().

sharing on public URL: <https://907bd48c8cd72da829c.gradio.live>

share link expires in 1 week. For free permanent hosting and GPU upgrades, run "gradio deploy" from the terminal in the working directory to deploy to Hugging Face Spaces (<https://huggingface.co/spaces>)

MNIST 手寫辨識

請在畫板上繪製數字

input

output

Flag

Layer 1

Clear

Submit

hw1 - Google 論壇

【Demo01】設計我的神經網.ipynb

第二趟作業0909

colab.research.google.com/drive/1fo4I1c9Zgn-hluWjJTAu50r_9Pldkh#scrollTo=VIIl2GBHfsfp

CO 檢視 布局 插入 執行階段 工具 說明

指令 程式碼 文字 全部執行

搜尋

test1 2 4
1 9.6% 2.6%
2 0.18% 9.25%
3 71.0% 0.23%

test2 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
1 0.68% 1.93% 7.89% 3.64% 4.94% 5.83% 6.98% 7.73% 8.66% 9.93%
2 9.9% 9.2% 9.4% 8.2% 9.6% 8.1% 8.1% 8.8% 3.12% 4.4%
3 7.7% 3.2% 5.3% 5.4% 6.1% 7.2% 4.0% 3.8% 9.6% 7.1%

test3 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
1 0.98% 1.99% 2.96% 4.89% 5.100% 6.88% 7.100% 8.100% 9.100%
2 5.1% 7.1% 7.9% 8.2% 9.1% 3.0% 5.10% 3.0% 9.0% 4.0%
3 3.0% 3.0% 9.0% 9.0% 7.0% 9.0% 8.1% 9.0% 3.0% 3.0%

test4 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
1 0.98% 1.00% 2.100% 3.100% 4.100% 5.100% 6.100% 7.100% 8.100% 9.100%
2 7.2% 4.0% 10% 9.0% 9.0% 3.0% 5.0% 3.0% 9.0% 3.0%
3 5.0% 3.0% 7.0% 8.0% 2.0% 9.0% 8.0% 2.0% 3.0% 8.0%

實驗報告

測試版本成效比較

測試版本	激活函數設計	Optimizer	Loss Function	Batch / Epochs	測試準確率	測試 Loss
test1	全零 ReLU	SGD	MSE	100 / 10	86.31%	0.0203
test2	LeakyReLU + PReLU + ELU + SELU (形態固定 input_dim)	Adam	Categorical Crossentropy	100 / 10	90.74%	0.0138
test3	同 test2 + 移動重置 input_dim + EarlyStopping	Adam	Categorical Crossentropy	100 / 50	96.60%	0.1900
test4	同 test3 + 更大 batch, 步長訓練	Adam	Categorical Crossentropy	150 / 100	96.89%	0.1999

捲曲山茶花、火烈鳥

啟動器 計算機

28°C 持持多雲

凌晨12:29

137 21/9/2025

hw1 - Google 論壇

【Demo01】設計我的神經網.ipynb

第二趟作業0909

colab.research.google.com/drive/1fo4I1c9Zgn-hluWjJTAu50r_9Pldkh#scrollTo=oiztAZGjDB3S

CO 檢視 布局 插入 執行階段 工具 說明

指令 程式碼 文字 全部執行

3 5.0% 2.0% 7.0% 8.0% 2.0% 9.0% 8.0% 2.0% 3.0% 8.0%

實驗報告

測試版本成效比較

測試版本	激活函數設計	Optimizer	Loss Function	Batch / Epochs	測試準確率	測試 Loss
test1	全零 ReLU	SGD	MSE	100 / 10	86.31%	0.0203
test2	LeakyReLU + PReLU + ELU + SELU (形態固定 input_dim)	Adam	Categorical Crossentropy	100 / 10	90.74%	0.0138
test3	同 test2 + 移動重置 input_dim + EarlyStopping	Adam	Categorical Crossentropy	100 / 50	96.60%	0.1900
test4	同 test3 + 更大 batch, 步長訓練	Adam	Categorical Crossentropy	150 / 100	96.89%	0.1999

模型信心分布演進

test1：信心低且分散

- 多數預測信心在 60% 以下，容易誤判
- 例如：數字 9 → 61%，數字 2 → 62%

test2：信心提升但仍有混淆

- 多數預測達 90% 左右，但仍有誤判（如數字 8 被誤認為 3）
- 顯示激活函數搭配開始發揮效果

test3：信心集中且準確

- 多數預測達 98-100%，誤判比例極低
- EarlyStopping 幫助模型穩定收斂

test4：幾乎完美預測

- 所有數字預測信心達 100%，誤判樣本極少
- 更大的 batch size 與更長訓練週期進一步提升泛化能力

捲曲山茶花、火烈鳥

啟動器 計算機

28°C 持持多雲

凌晨12:29

137 21/9/2025

hwt - Google 論壇

Demo01 設計我的神經網路

第二回作業0509

colab.research.google.com/drive/1Fo4Ic9Zgn-hJuWjTTAu50r9Ridkrh#scrollTo=oIZtAzGjDB3S

共用 Gemini 重新連線 14

模型混淆分析：哪些數字彼此相似？

依據 Test2 的預測分布（準確率 90.74%）

以下是一些明顯的混淆情況：

真實數字	最易被誤判為	原因可能
8	3, 9	點橫短折，圓形形狀重疊
9	4, 8	上半部分 4，下半部分 8
5	3, 7	筆劃缺口相似，首尾誤判
7	1, 9	筆劃簡單，與 1, 9 難以區隔

Test3 與 Test4 的預測分布（準確率 96.60% / 96.89%）

這兩組模型幾乎達到完美預測，但仍有些量混淆：

真實數字	誤判機率	被誤判為
2	9%	(Test3)
4	11%	(Test1)
6	10%	(Test2)
7	2%	(Test4)
3	0-2%	(Test34)
5	9%	

最常見的混淆對

綜合分析，以下幾組數字在模型中最容易彼此混淆：

- 8 vs 3 / 9
- 9 vs 4 / 8
- 5 vs 3 / 7
- 2 vs 7 / 9
- 6 vs 5
- 7 vs 1 / 9

這些混淆通常來自筆劃結構相似、手寫風格變異大，或是模型尚未充分學習邊界特徵。

卷層 12-29

The screenshot shows a Jupyter Notebook interface with the following content:

- 【Demo04】-設計我的神經網路.ipynb**
- 觀察到的現象解析**
 - 左上角或左下角 → 預測成 7**
 - 以下圖!
 - 手寫數字 7 常常是「一撇」在左上。一樣在中上
 - 如果只寫在左上或左下，模型可能只看到「一撇」，就以為是 7
 - 右上角或右下角 → 預測成 5**
 - 5 的上半部是右上角的弧形，下半部是右下角的鉤
 - 如果只寫在右側，模型可能看到類似的局部特徵 → 誤判為 5
 - 左下 + 右上 → 預測成 3**
 - 3 的筆劃是上下兩個弧形，分布在右上與左下
 - 如果兩處的圓剛好在這兩個區域有筆劃，模型可能「拼湊」成 3 的形狀
 - 正中間一點 → 預測成 8**
 - 8 的中心常常有交疊或連接點
 - 如果只有中間一點，模型可能誤以為是 8 的交界處
- 圖1:** A screenshot of a Jupyter Notebook cell showing handwritten digit recognition. The input image shows a handwritten digit '7' with a large black oval stroke on the left side. The output panel shows a predicted digit '7' with a confidence bar at 100% and an alternative digit '3' with a confidence bar at 0%.

The screenshot shows a digital drawing application interface. On the left, the 'input' panel displays a white canvas with a black, handwritten-style digit '3'. On the right, the 'output' panel shows a list of digits and their corresponding confidence percentages. The digit '3' is at the top with 100% confidence. Below it are '9' (0%) and '8' (0%). A large grey button labeled 'Flag' is positioned below the confidence list. At the bottom of the screen are two buttons: 'Clear' on the left and 'Submit' on the right. The overall theme is dark with orange highlights.