

PMCSN Report

Marco Marcucci

marco.marcucci96@gmail.com
0286352

Giuseppe Lasco

giuseppe.lasco17@gmail.com
0286045

Valentina Valentina Francesca falaschi
valentinayffalas@gmail.com
0295947

University of Roma Tor Vergata — January 7, 2022

Introduzione

Lo studio ha lo scopo di analizzare due sistemi a code, stocastici e dinamici, che simulano lo scenario di una sala giochi. Il primo caso di studio si riferisce ad un modello base descrivendone il comportamento ed i limiti. Il secondo caso di studio propone un modello avanzato, che ha lo scopo di enfatizzare le differenze e i miglioramenti rispetto al primo caso.

L'intera analisi viene condotta procedendo attraverso i passi di modellazione, simulazione ed analisi delle statistiche di output.

1 Modello Base

Il modello base si riferisce al comportamento di una sala giochi, al cui interno sono presenti dei videogiochi (arcade). L'accesso alla struttura può avvenire in due modi:

- Attraverso l'acquisto di un biglietto online, esibendo al momento della prenotazione il proprio green-pass, saltando così i controlli;
- Attraverso l'acquisto di un biglietto in loco, sottponendosi al controllo del proprio green-pass oppure, in mancanza di quest'ultimo, al test antigenico rapido.

L'uscita dalla struttura può avvenire in tre modi:

- In seguito al riscontro della positività al test antigenico rapido;
- In seguito al riscontro di un green-pass non idoneo;
- In seguito al completamento della partita.

Nei primi due casi, il giocatore esce dal sistema senza pagare il biglietto. Inoltre, la politica aziendale della sala giochi prevede che il giocatore abbia diritto ad un rimborso del biglietto proporzionale al tempo di attesa che ha sperimentato.

In figura 1 è possibile osservare lo schema ad alto livello del modello base.

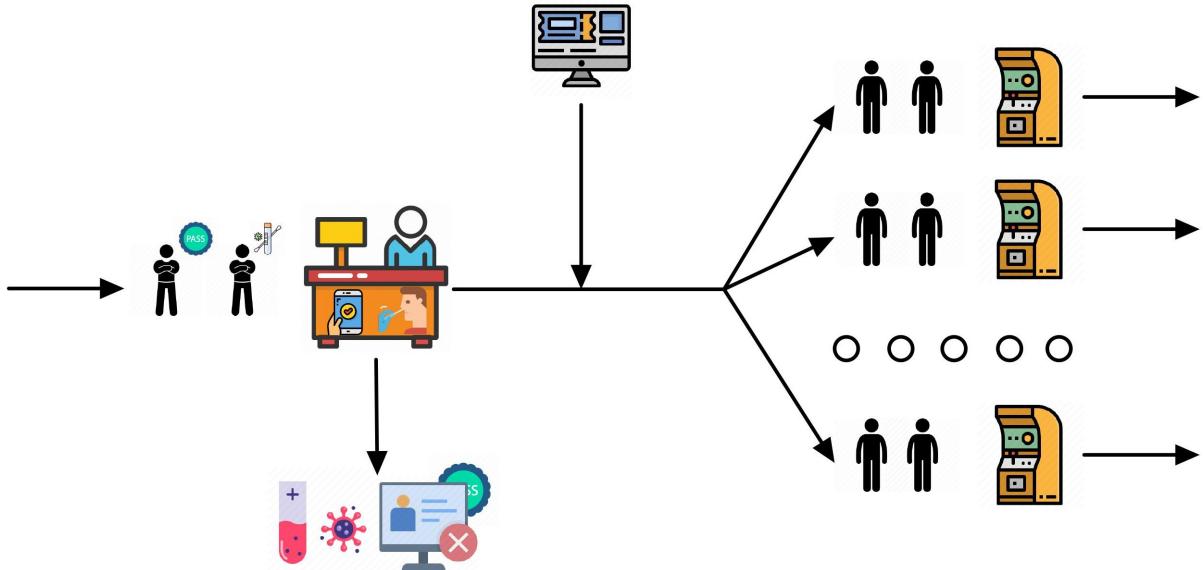


Figure 1: Advanced Model, High-level view

1.1 Obiettivi

Controllare tutti i parametri definiti

Il primo obiettivo dello studio è quello di massimizzare i profitti della sala giochi. A tale scopo è stata definita una funzione guadagno:

$$\begin{aligned}
 G = & \#giocatori * costo biglietto \\
 - & \#giocatori * rimborso biglietto(attesa media coda) * costo biglietto \\
 - & \#arcade attivi * costo elettricità
 \end{aligned}$$

Il costo del biglietto è di 10 €. Per quanto riguarda l'elettricità è stata considerata una spesa giornaliera per Arcade pari a 2.4 €. La funzione *rimborso biglietto*, che calcola la percentuale del *costo biglietto* da restituire al giocatore, è proporzionale al tempo di attesa speso da quest'ultimo in coda nei nodi Arcade. La massima percentuale rimborsabile è del 80%. L'attesa minima in coda per cui è previsto il rimborso è di 8 minuti.

Il secondo obiettivo dello studio è quello di assicurare un tempo medio di risposta del sistema inferiore a 40 minuti. Infatti, da un calcolo teorico basato sulle caratteristiche del sistema, specificate in seguito, si è dedotto che il tempo medio dei servizi del sistema è di circa 19 minuti. Per cui, è stata impostata una tolleranza del tempo medio di attesa nelle code sperimentato dall'utente, pari a circa il tempo di servizio.

1.2 Modello Concettuale

Inserire figura 2 (basso livello)

La sala giochi è modellata attraverso una rete aperta composta da N nodi rappresentanti i videogiochi e da un nodo rappresentante il controllo Covid-19. Ogni nodo si compone di un servente e di una coda infinita, poiché tale configurazione è la più verosimile.

La struttura è aperta H24 e la giornata è suddivisa in 4 fasce orarie caratterizzate da tassi di arrivo differenti:

- 08:00-12:00
- 12:00-17:00
- 17:00-22:00

- 22:00-08:00

Le variabili di stato del sistema considerate sono:

- Numero di clienti in ogni nodo;
- Numero di nodi attivi;
- Tipologia di cliente.

Le code inizialmente vengono considerate vuote, conseguentemente il numero di clienti ad ogni nodo è 0. La tipologia di ogni cliente (Green-pass, tampone o biglietto online) è decisa aleatoriamente al suo arrivo. I nodi per ogni fase vengono definiti aperti o chiusi in base alla configurazione scelta durante lo studio, che può essere ottima o non ottima.

Gli eventi considerati sono:

- Arrivo di un cliente;
- Completamento di un servizio;
- Cambio di fascia oraria.

Tali eventi possono causare cambiamenti dello stato. L'arrivo di un cliente causa l'aumento della popolazione in un dato nodo e l'aumento del numero della popolazione del sistema. Il completamento di un servizio causa il passaggio di un cliente da un nodo ad un altro o la sua uscita dal sistema. Il cambio di fascia oraria può causare l'accensione o lo spegnimento degli Arcade. Se un nodo arcade viene spento quando ha ancora clienti in servizio, questo continuerà a processarli, pur non ricevendo altri arrivi, mentre i clienti in coda vengono distribuiti uniformemente tra i nodi Arcade rimasti operativi. Il tempo in cui un nodo Arcade è idle, ma acceso, viene considerato nel calcolo dei costi.

In figura 2 è possibile osservare lo schema a basso livello del modello base.

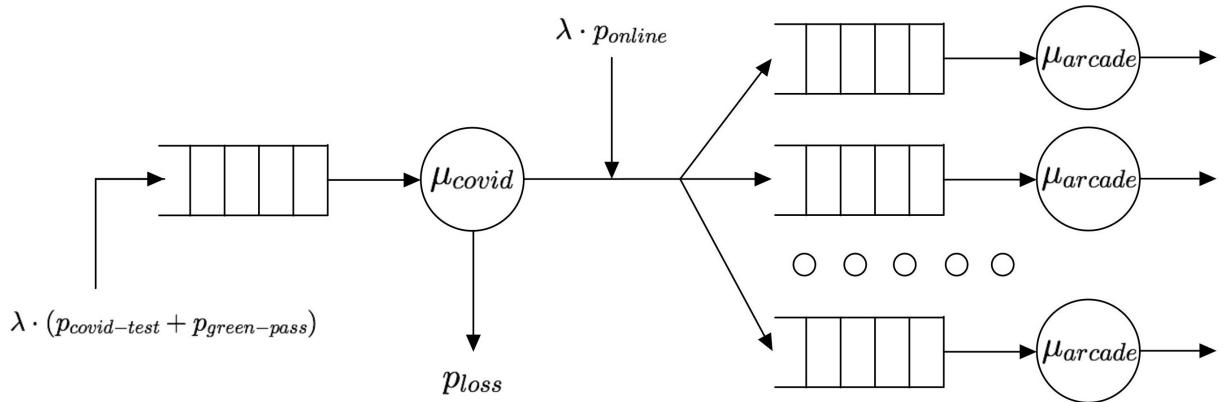


Figure 2: Base Model, Low-level view

1.3 Modello delle Specifiche

Controllare tutti i parametri definiti

Gli arrivi sono modellati con un processo di Poisson, con media variabile a seconda della fascia oraria. In particolare, la media per la prima fascia oraria è di 0.07143 minuti (14 minuti/cliente), la media per la seconda fascia oraria è di 0.2 minuti (5 minuti/cliente), la media per la terza fascia oraria è di 0.07143 minuti (15 minuti/cliente), la media per la quarta fascia oraria è di 0.02857 minuti (35 minuti/cliente).

La percentuale di clienti con biglietto online è del 20%. La percentuale di clienti che si sottopone al controllo del Green-pass è del 48%. La percentuale di clienti che si sottopone al tampone è del 32%.

La distribuzione del tempo di servizio per il controllo del green-pass è stata modellata come una distribuzione Normale con media 2 minuti (0.5 passeggeri/minuto) e varianza 2.25 minuti, troncata tra 1 e 3 minuti.

La distribuzione del tempo di servizio per il tampone è stata modellata come una distribuzione Normale con media 10 minuti (0.1 passeggeri/minuto) e varianza 2.25 minuti, troncata tra 8 e 12 minuti.

È stata scelta una Normale troncata con questi valori poiché permette di modellare un'operazione con bassa variabilità e di scartare valori eccessivamente piccoli o grandi che non rispecchierebbero tempi di servizio reali.

La distribuzione del tempo di servizio per un generico arcade è stata modellata come una distribuzione Normale con media $0.0\bar{6}$ minuti (0.1 passeggeri/minuto) e varianza 9 minuti, troncata tra 3 e 25 minuti.

La percentuale di clienti che risulta positiva al Covid-19 oppure presenta un green-pass non idoneo è in totale del 5%.

Le probabilità per la scelta del node arcade è stata modellata tramite una distribuzione Uniforme in modo che ciascun servente abbia la stessa probabilità di essere selezionato. Questa scelta permette di mantenere circa la stessa utilizzazione per tutti i serventi dato che hanno lo stesso tasso di servizio.

Infine, si considera un numero di nodi per il controllo Covid-19 pari a 1 ed un numero massimo di nodi arcade pari a 20.

1.4 Modello Computazionale

L'approccio di simulazione utilizzato è stato quello Next-Event Simulation. Il linguaggio di programmazione utilizzato è *Python v.3.8*. Il codice di base per la simulazione segue quanto descritto nell'algoritmo 1. Quest'ultimo si avvale di ulteriori strutture dati e funzioni necessarie al corretto funzionamento.

Algorithm 1 M/G/1 - Rete Aperta - Scheduling FIFO

```

1: procedure MODELLO BASE
2:   Inizializzazione clock
3:   Inizializzazione lista dei nodi
4:   Inizializzazione struttura Integrali
5:   Selezione nodo su cui generare il primo arrivo
6:   Generazione primo arrivo
7:   while ultimo arrivo < STOP or ci sono job nel sistema do
8:     Scelta del prossimo evento
9:     for  $i \leftarrow 0$ , numero nodi do
10:    if nodi non vuoti then
11:      Aggiornamento statistiche
12:      Avanzamento del clock
13:      if Evento = Arrivo then                                 $\triangleright$  Arrivo
14:        if Evento = Cambio fascia oraria then
15:          Selezione tasso arrivi corretto
16:          Aggiornamento stato nodo
17:          Aggiornamento stato sistema
18:          Schedulazione prossimo arrivo
19:          if Jobs nel centro = 1 then
20:            Schedulazione prossimo servizio
21:          else                                                  $\triangleright$  Completamento
22:            Aggiornamento stato nodo
23:            if Nodo Arcade then
24:              Aggiornamento stato sistema
25:            if Jobs nel centro > 0 then
26:              Schedulazione prossimo servizio
27:            if Nodo Covid-Check then
28:              if Covid test negativo and Green-pass valido then
29:                Aggiornamento stato sistema

```

Cambiare o no lo pseudocodice?

1.5 Verifica

Le strutture e le funzioni precedentemente accennate sono state sottoposte ad una fase di testing in modo da garantire il loro corretto funzionamento. Durante l'implementazione del progetto, l'applicazione iterativa di tale fase ha permesso di individuare e correggere diversi difetti, emersi a seguito del manifestarsi di malfunzionamenti del sistema.

1.6 Validazione

Al fine di validare il modello implementato, sono state eseguite diversi run variando determinati parametri. I risultati possono essere osservati in tabella 4 e 5.

Table 1: System statistics

# nodi arcades	avg interarrival time	avg wait	avg # node
2	14.037119	27.6247051	1.967967
5	14.037119	21.808119	1.553597
9	14.037119	20.885323	1.487860

* seed = 1234567891, $\lambda_{system} = \frac{1}{14}$, #jobs = 517028,

Per quanto riguarda la tabella 4, è possibile evincere come il tempo di interarrivo medio del sistema converga al parametro impostato λ_{system}^{-1} .

Table 2: Arcade statistics

# nodi arcades	avg interarrival time	avg wait	avg delay	avg # node	avg # queue	utilization
2	29.243586	23.024591	8.028968	0.787335	0.274554	0.512781
5	73.123549	16.937644	1.940329	0.231630	0.026538	0.205092
9	131.750016	15.999674	0.983205	0.121439	0.007463	0.113977

* seed = 1234567891, $\lambda_{system} = \frac{1}{14}$, #jobs = 517028,

Per quanto riguarda la tabella 5, si può notare come la relazione di Little sia soddisfatta e come l'utilizzazione e il tempo di interarrivo medio, rispettivamente, decresca ed aumenti al crescere del numero del numero degli arcade. Tale comportamento è giustificato dal fatto che i jobs vengono distribuiti in modo equiprobabile tra i diversi nodi arcade.

Come è possibile osservare dalle tabelle, inoltre, all'aumentare dei nodi nel sistema i tempi di attesa e il numero di jobs nei rispettivi centri diminuisce coerentemente a ciò che ci si aspetta.

1.7 Esperimenti di Simulazione

Al fine di raggiungere gli obiettivi prefissati, è utile dedurre il minimo numero di nodi che permette al sistema di raggiungere la stazionarietà e, in seguito, ricavare la configurazione ottimale del sistema.

Il raggiungimento della stazionarietà o meno viene studiato attraverso l'impiego dell'analisi a orizzonte finito, mentre quella a orizzonte infinito permette di confrontare le configurazioni del sistema a partire dai risultati ottenuti dal comportamento transiente.

1.7.1 Analisi del comportamento transiente

Attraverso l'analisi del comportamento transiente viene studiato il tempo medio di risposta del sistema, per ogni fascia oraria, utilizzando il metodo delle repliche. In particolare, vengono effettuate run di simulazione consecutive, utilizzando ogni volta come punto di partenza lo stato del sistema raggiunto dalla replica precedente. Il seed, infatti, viene settato una volta, all'inizio della prima replica. La tecnica delle repliche permette di calcolare stime puntuali e intervallari ad ogni acquisizione, ognuna di queste corrispondente ad un certo numero di richieste processate.

Una prima analisi ha portato ad osservare che il sistema non può raggiungere la stazionarietà per via dei limiti introdotti dalla coda del controllo Covid-19, essendo unica per modellazione. Infatti, per un $\lambda_{arrival} \gtrsim \frac{1}{4.1}$, l'utilizzazione di tale centro è approssimativamente pari ad 1, mentre quella dei centri Arcade risulta essere inferiore. Questo studio permette di concludere che il collo di bottiglia è rappresentato dalla coda del controllo Covid-19, per questo motivo, segue solamente lo studio dei nodi Arcade, considerando un $\lambda_{arrival} < \frac{1}{4.1}$.

Per quanto riguarda la prima fascia e la terza fascia oraria, rispettivamente (08:00-12:00) e (17:00-22:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura 3 e figura 4. Tali fasce, infatti, hanno lo stesso $\lambda_{arrival}$ da modellazione.

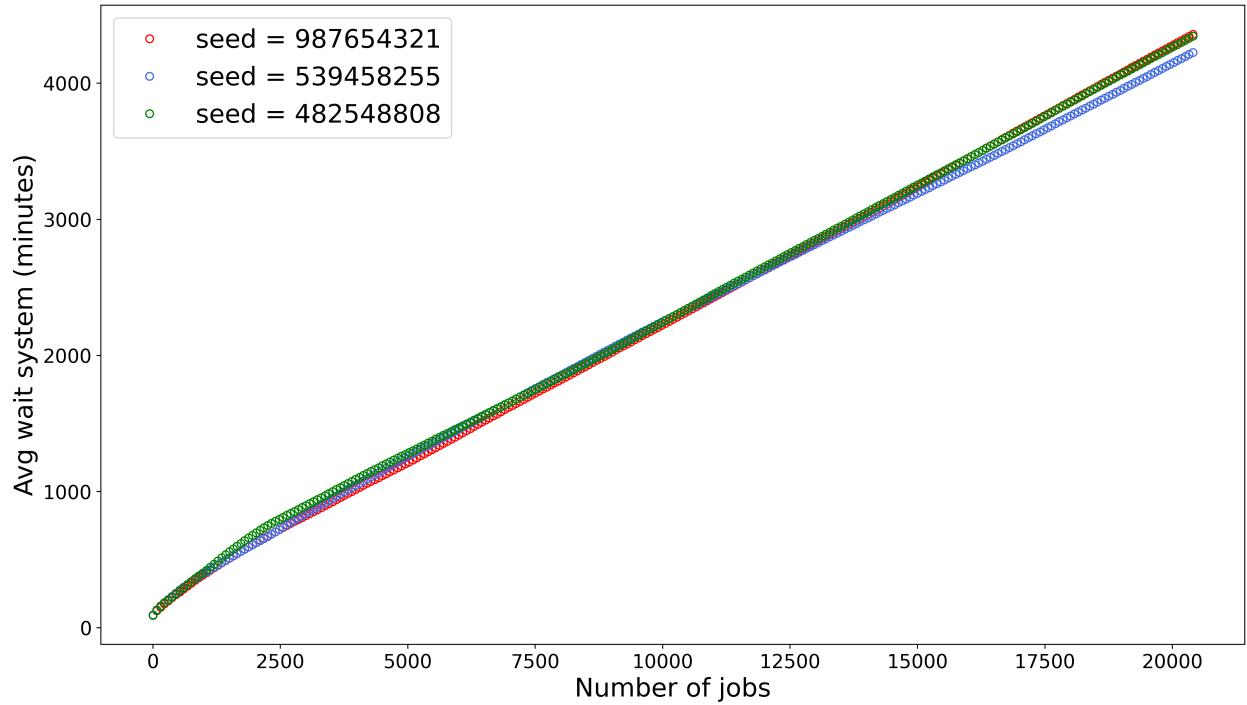


Figure 3: Average Wait System, 08:00-12:00 & 17:00-22:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} \frac{job}{min}$, Arcades: 1, repliche=64, Sampling_freq=75

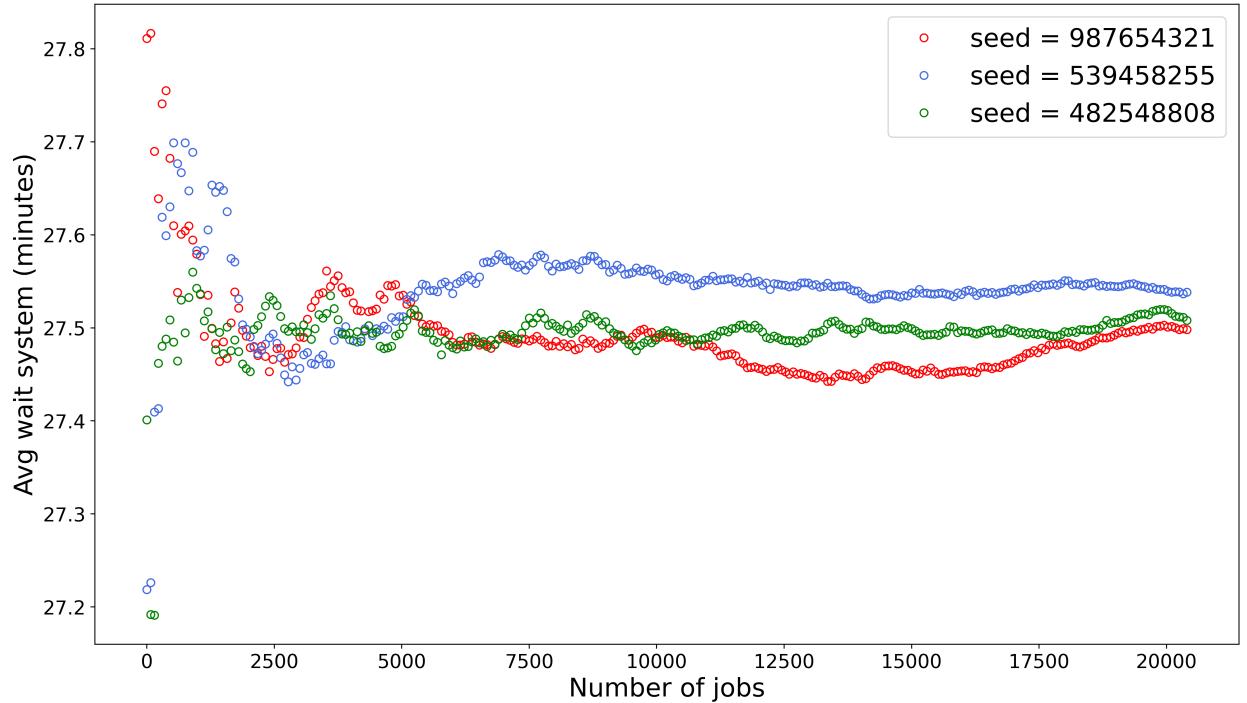


Figure 4: Average Wait System, 08:00-12:00 & 17:00-22:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} \frac{job}{min}$, Arcades: 2, repliche=64, Sampling_freq=75

Come si evince dai grafici, il numero minimo di nodi Arcade necessari per il raggiungimento della stazionarietà, nella fascia oraria 08:00-12:00 e 17:00-22:00, è pari a 3. Infatti, nella figura 4 il tempo medio di risposta del sistema assume un comportamento stabile dopo il processamento di circa 5000 jobs. Inoltre, sono stati utilizzati 3 seed iniziali diversi, in modo tale da simulare il comportamento in condizioni

aleatorie differenti. Tali considerazioni, con le dovute differenze, valgono per le altre fasce orarie.

Per quanto riguarda la seconda fascia oraria (12:00-17:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura 5 e figura 6.

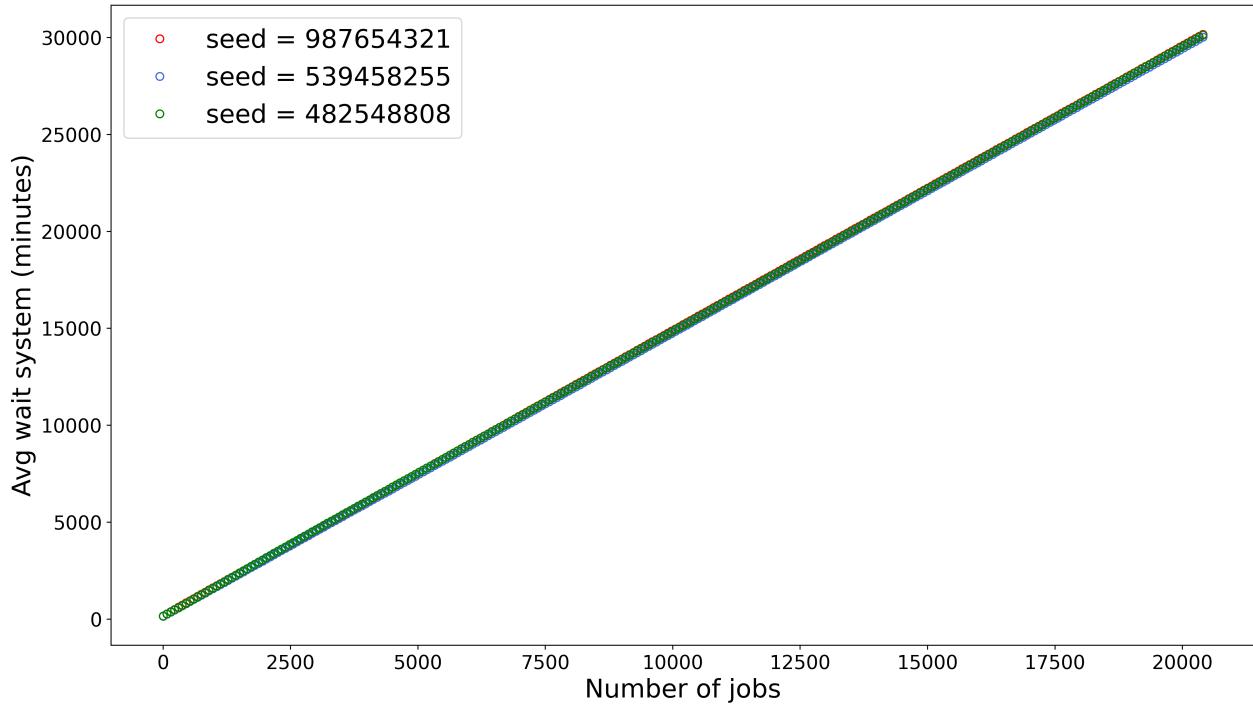


Figure 5: Average Wait System, 12:00-17:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} \frac{job}{min}$, Arcades: 2,
repliche=64, Sampling_freq=75

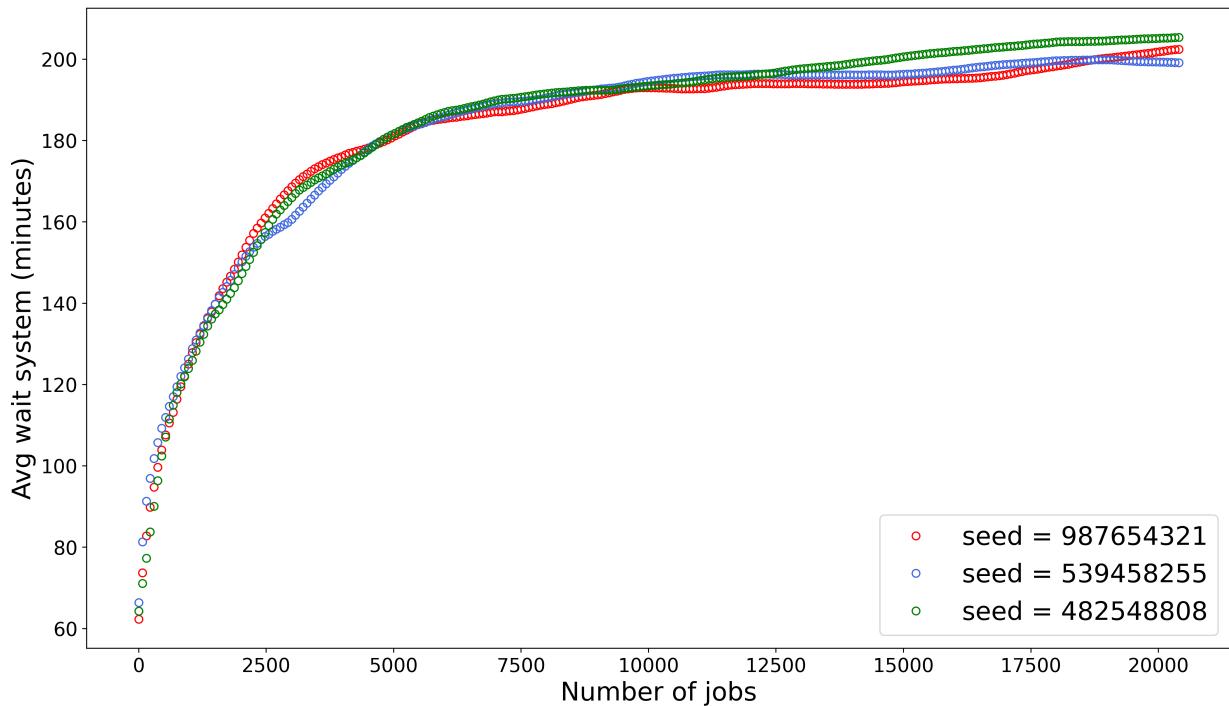


Figure 6: Average Wait System, 12:00-17:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} \frac{job}{min}$, Arcades: 3,
repliche=64, Sampling_freq=75

Per quanto riguarda la quarta fascia oraria (22:00-08:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura 7.

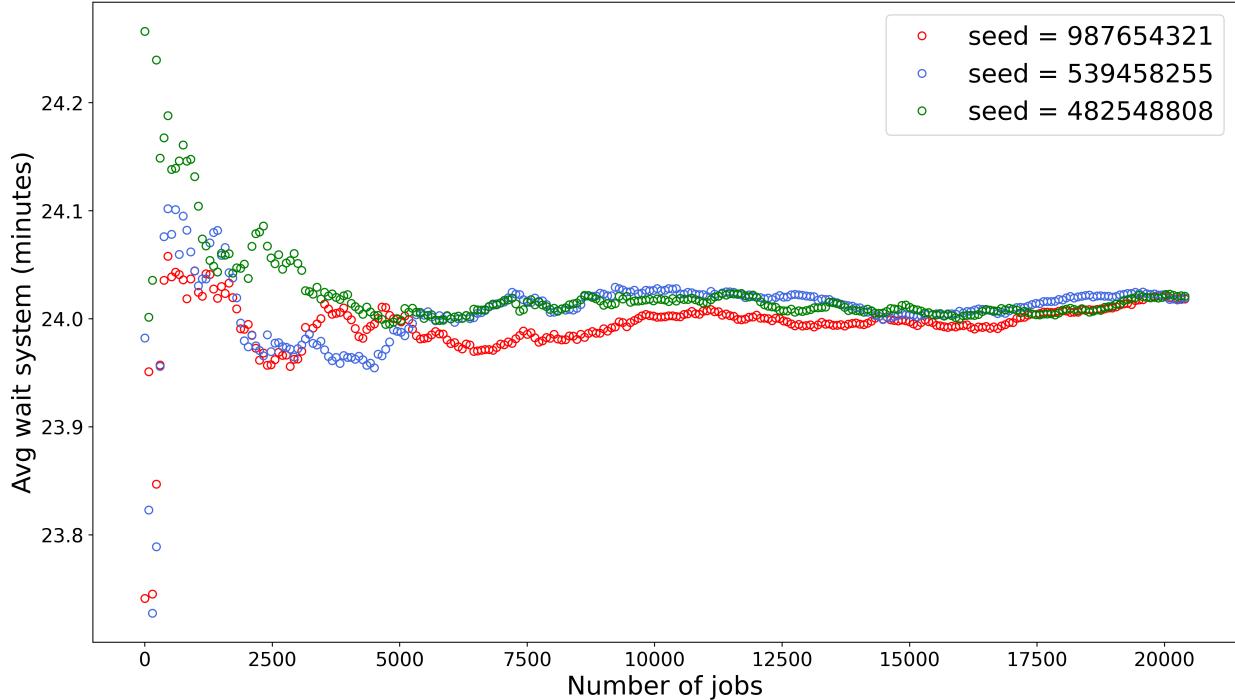


Figure 7: Average Wait System, 22:00-08:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{35} \frac{job}{min}$, Arcades: 1, repliche=64, Sampling_freq=75

In questo caso, il tempo di risposta medio del sistema si stabilizza anche con l'utilizzo di un solo nodo Arcade.

1.7.2 Analisi del comportamento stazionario

Considerati i risultati dell'analisi transiente, è possibile procedere allo studio del comportamento stazionario. Attraverso l'analisi del comportamento stazionario si vuole trovare la configurazione ottima di nodi arcade, per ogni fascia oraria, che permetta di raggiungere gli obiettivi prefissati in 1.1, partendo dai risultati ottenuti dallo studio precedente. In questa fase sono state effettuate simulazioni con tempi d'osservazione molto lunghi, utilizzando la tecnica delle batch-means per ottenere delle stime degli indici di prestazione in regime stazionario, evitando la problematica del bias dovuto alle condizioni iniziali del sistema. Cruciale in questa fase la scelta di due parametri: b e k , rispettivamente la grandezza del batch e il numero di batch in cui si divide la simulazione. Per la scelta di b è stata utilizzata la linea guida di Banks, Carson, Nelson, e Nicol (2001), la quale afferma che il batch size venga aumentato fintantoché l'autocorrelazione a lag 1 tra batch means sia minore di 0.2. Nel caso in esame è stato constatato che tale direttiva viene rispettata con un b pari a 256.

Controllare ultima frase

Per la scelta del parametro k è stato usato il valore pari a 64 come consigliato dalle linee guida.

In seguito per ogni fascia oraria viene riportato il grafico relativo alla funzione guadagno e del tempo medio di risposta del sistema al variare del numero di nodi Arcade, mediata sui seed. L'asse y "income" riportato nelle figure non rappresenta l'effettivo guadagno della sala giochi in una specifica fascia oraria, che verrà analizzato in uno studio successivo, ma esprime l'effettivo andamento del guadagno, utile ad individuare la miglior configurazione da utilizzare.

Per quanto riguarda la prima fascia e la terza fascia oraria, rispettivamente (08:00-12:00) e (17:00-22:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura figura 8. Tali fasce, infatti, hanno lo stesso $\lambda_{arrival}$ da modellazione.

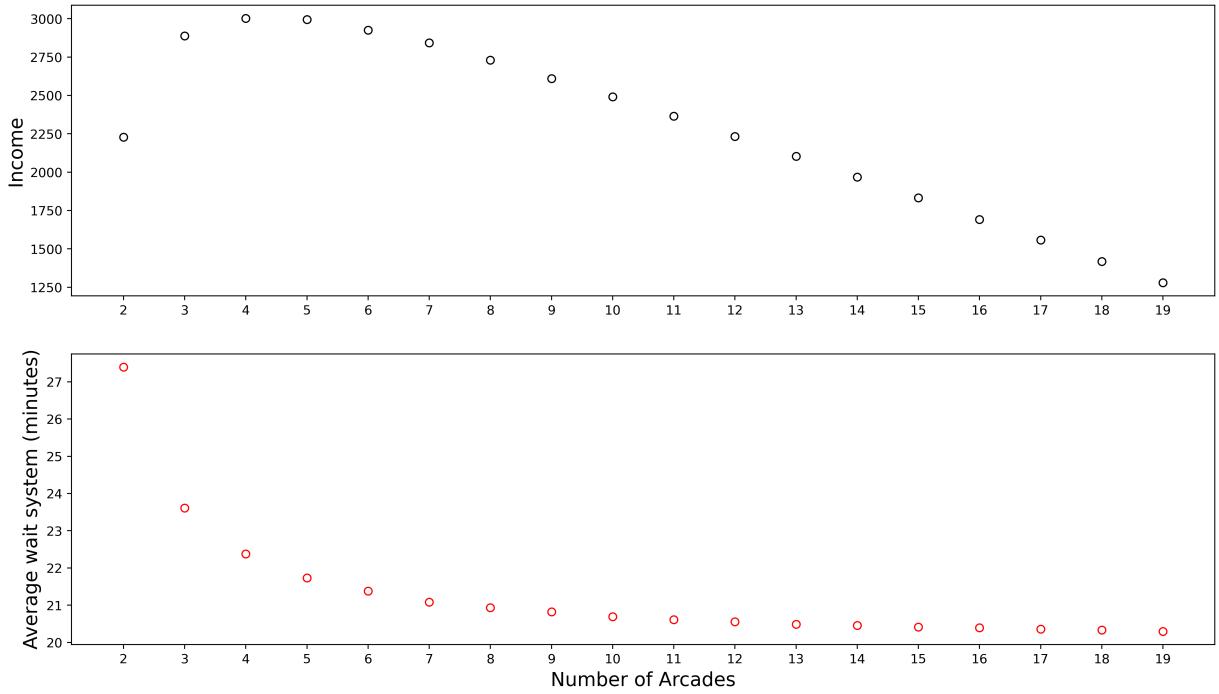


Figure 8: Income, 08:00-12:00 & 17:00-22:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} \frac{job}{min}$, b=256, k=64

Usare 1 seed o fare la media??

Come si evince dal grafico, il numero ottimale di nodi Arcade per la prima e la terza fascia oraria, che permette di raggiungere entrambi gli obiettivi prefissati, è pari a 5.

Per quanto riguarda la seconda fascia oraria (12:00-17:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura 9.

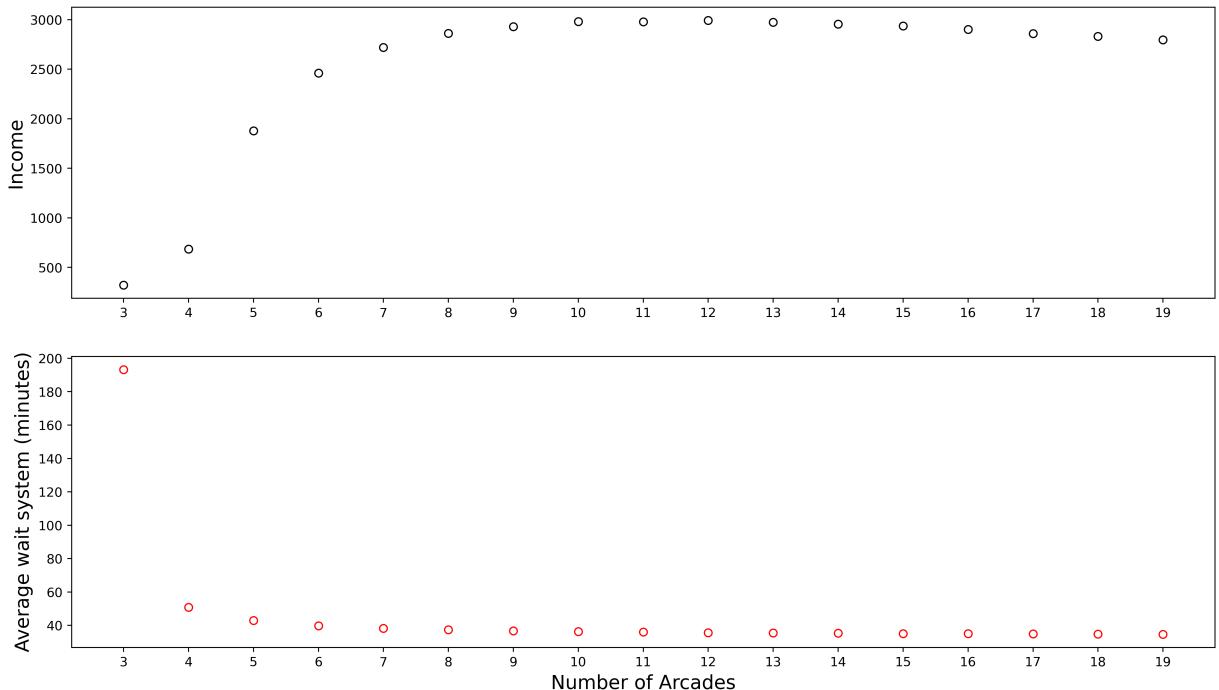


Figure 9: Income, 12:00-17:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} \frac{job}{min}$, b=256, k=64

Il numero ottimale di server Arcade, per la seconda fascia oraria, è pari a 12.

Per quanto riguarda la quarta fascia oraria (22:00-08:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura 10.

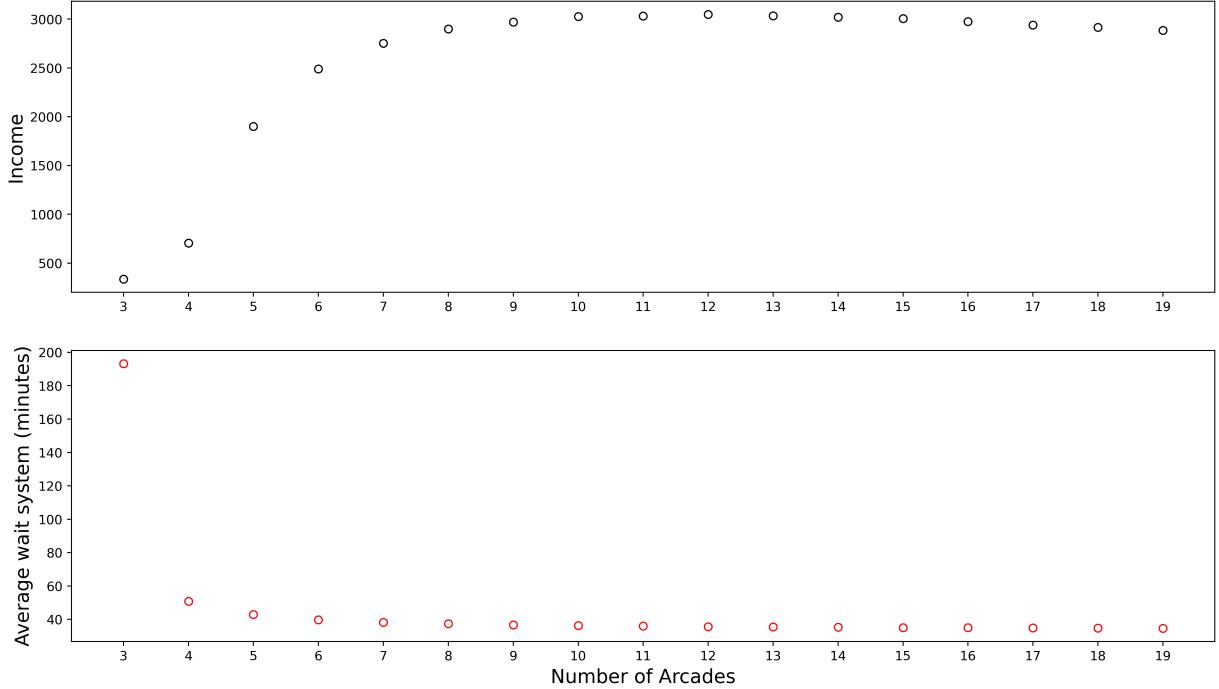


Figure 10: Income, 22:00-08:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{35} \frac{job}{min}$, b=256, k=64

In questo caso, il numero ottimale di server Arcade da utilizzare è pari a 2.

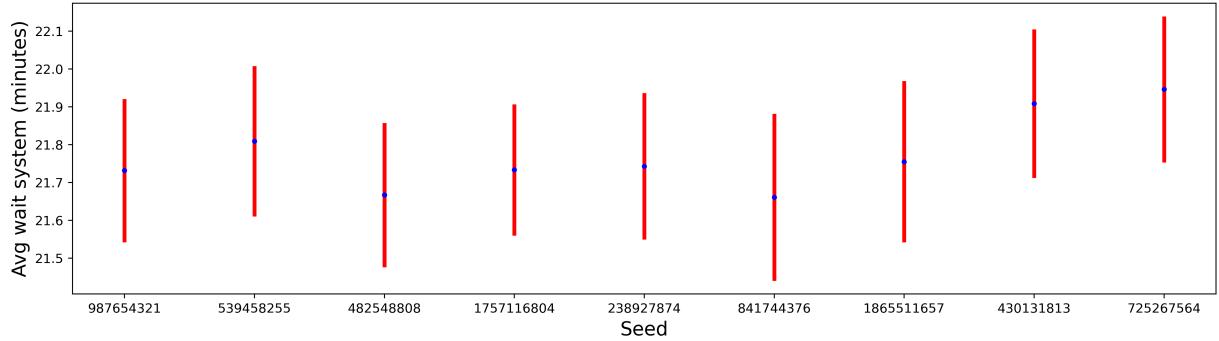
In tabella 3 è possibile individuare la configurazione ottimale dei nodi Arcade, per ogni fascia oraria.

Table 3: Configurazione ottimale

Fascia oraria	Configurazione ottimale *
08:00-12:00	5
12:00-17:00	12
17:00-22:00	5
22:00-08:00	2

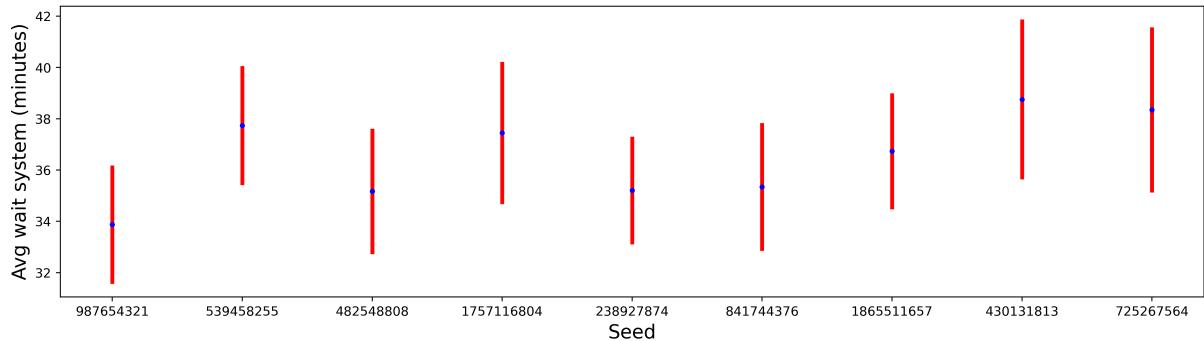
* Numero di nodi Arcade nel sistema.

Sono stati effettuati run con seed diversi con la configurazione ottimale, precedentemente ricavata, per studiare il tempo di risposta medio, per ogni fascia oraria, con un intervallo di confidenza pari al 95%.



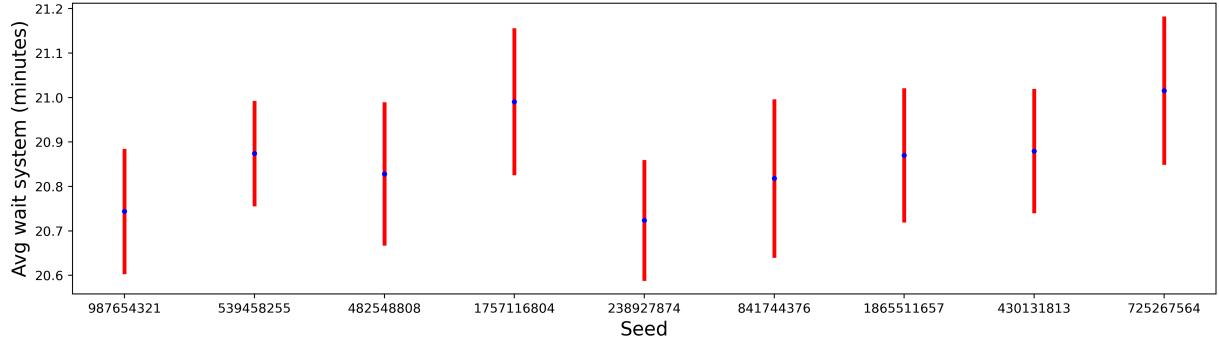
SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	21.73139159874175	0.7278992755036976	± 0.18962315438362418	95%
539458255	21.809212808024988	0.7628715753780063	± 0.19873369761589693	95%
482548808	21.666685360018118	0.7320529654790335	± 0.19070522139751125	95%
1757116804	21.733187590110223	0.6658261867805824	± 0.1734526548624279	95%
238927874	21.742766801070932	0.7434122717449919	± 0.19366440484259734	95%
841744376	21.660830598797475	0.8470157213826731	± 0.2206538710867113	95%
1865511657	21.755024295060352	0.8186747356682376	± 0.21327083432548677	95%
482548808	21.666685360018118	0.7320529654790335	± 0.19070522139751125	95%
430131813	21.90874969573461	0.754130418552268	± 0.19645656149825008	95%
725267564	21.946094727089662	0.7402658474250582	± 0.19284473799492488	95%

Figure 11: Average Wait System, 08:00-12:00 & 17:00-22:00,
 $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} \frac{job}{min}$, b=256, k=64



SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	33.7434704959296	8.85265866112511	± 2.306183171898936	95%
539458255	37.73964266185599	8.903839742578084	± 2.3195162228257447	95%
482548808	35.16960459487452	9.37057765306069	± 2.441104906637649	95%
1757116804	37.44713454948432	10.645813492771289	± 2.77313291295871	95%
238927874	35.20481120340799	8.052652349810858	± 2.0977756004348183	95%
841744376	35.34220932149259	9.567809468452168	± 2.4924852558672326	95%
1865511657	36.73704579213175	8.6869109509003513	± 2.2635774060110605	95%
482548808	35.16960459487452	9.37057765306069	± 2.441104906637649	95%
430131813	38.75500315059004	11.96718419666216	± 3.1175401498931827	95%
725267564	38.34969784084128	12.355261767159236	± 3.218637232332599	95%

Figure 12: Average Wait System, 12:00-17:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} \frac{job}{min}$, b=256, k=64



SFED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	20.74372572771343	0.5405007892785019	±0.14080446025846807	95%
539458255	20.874077863916316	0.4556085657658852	±0.1186894070542143	95%
482548808	20.82819102551389	0.6191799666948291	±0.161300968921248	95%
1757116804	20.990702794608307	0.6338106065720944	±0.16511235900988094	95%
238927874	20.72363775624641	0.5215049595598914	±0.13585590587381846	95%
841744376	20.817911117315198	0.6838168478927295	±0.17813935537764883	95%
1865511657	20.870077510579396	0.5796530520031625	±0.1510039147832292	95%
430131813	20.82819102551389	0.6191799666948291	±0.161300968921248	95%
725267564	21.015500744854428	0.6405610735009728	±0.16687090566007576	95%

Figure 13: Average Wait System, 22:00-08:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{35} \frac{job}{min}$, b=256, k=64

1.7.3 Analisi guadagno giornaliero

Intervalli di confidenza??

Attraverso questa analisi viene effettuata una simulazione concreta di una tipica giornata lavorativa, con tre configurazioni differenti:

- Configurazione minima (2 Arcade 08:00-12:00 & 17:00-22:00, 3 Arcade 12:00-17:00, 1 Arcade 22:00-08:00);
- Configurazione ottimale(5 Arcade 08:00-12:00 & 17:00-22:00, 12 Arcade 12:00-17:00, 2 Arcade 22:00-08:00);
- Configurazione massima(20 Arcade 08:00-12:00 & 17:00-22:00, 20 Arcade 12:00-17:00, 20 Arcade 22:00-08:00).

È possibile osservare il risultato di tale analisi in figura 14, 15 e 16.

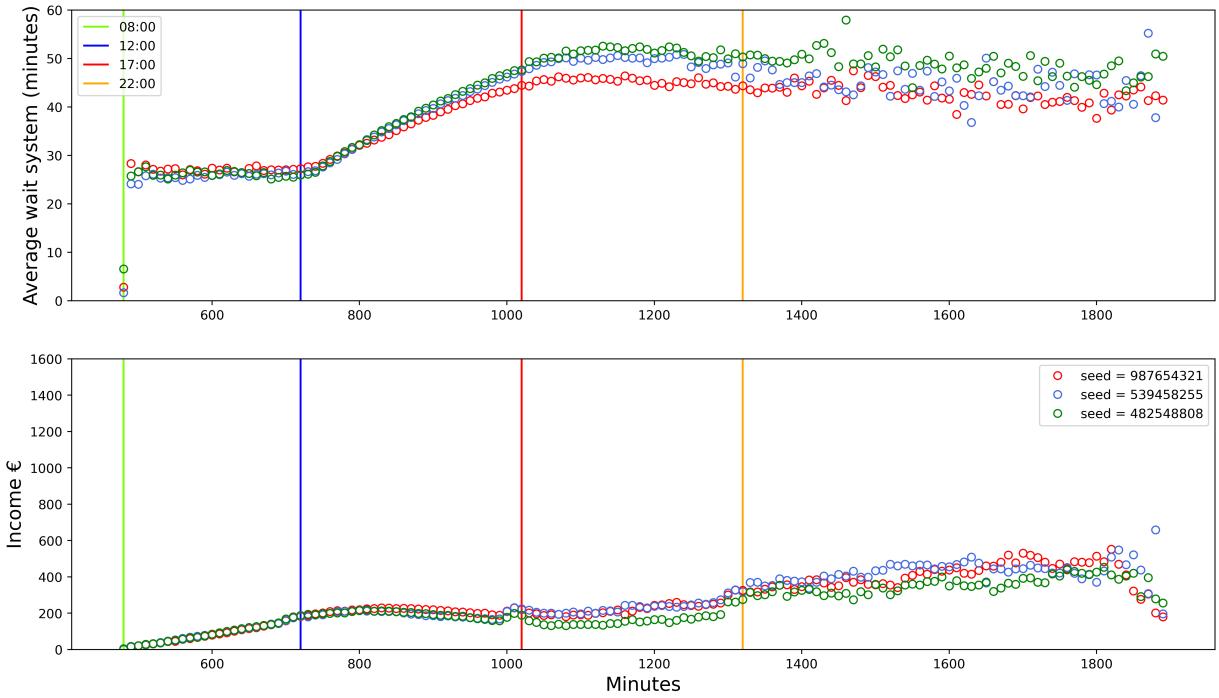


Figure 14: Average Wait System & Income Daily, Base Model, minimal configuration, sampling frequency=10 min

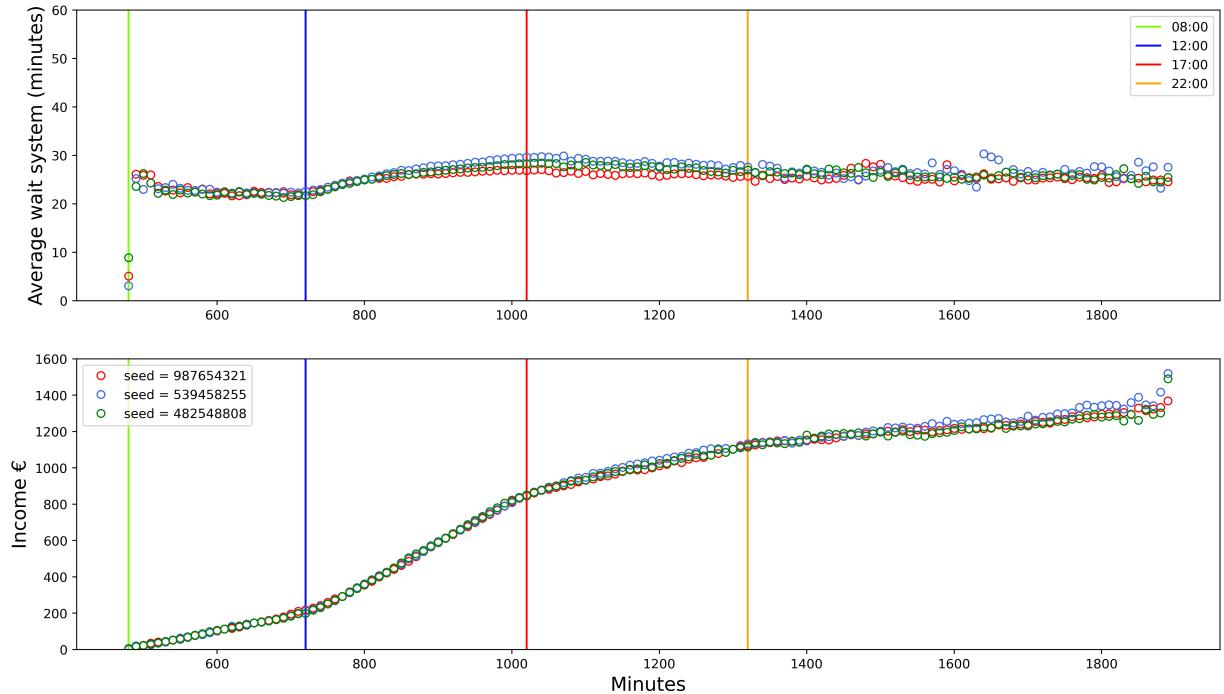


Figure 15: Average Wait System & Income Daily, Base Model, optimal configuration, sampling frequency=10 min

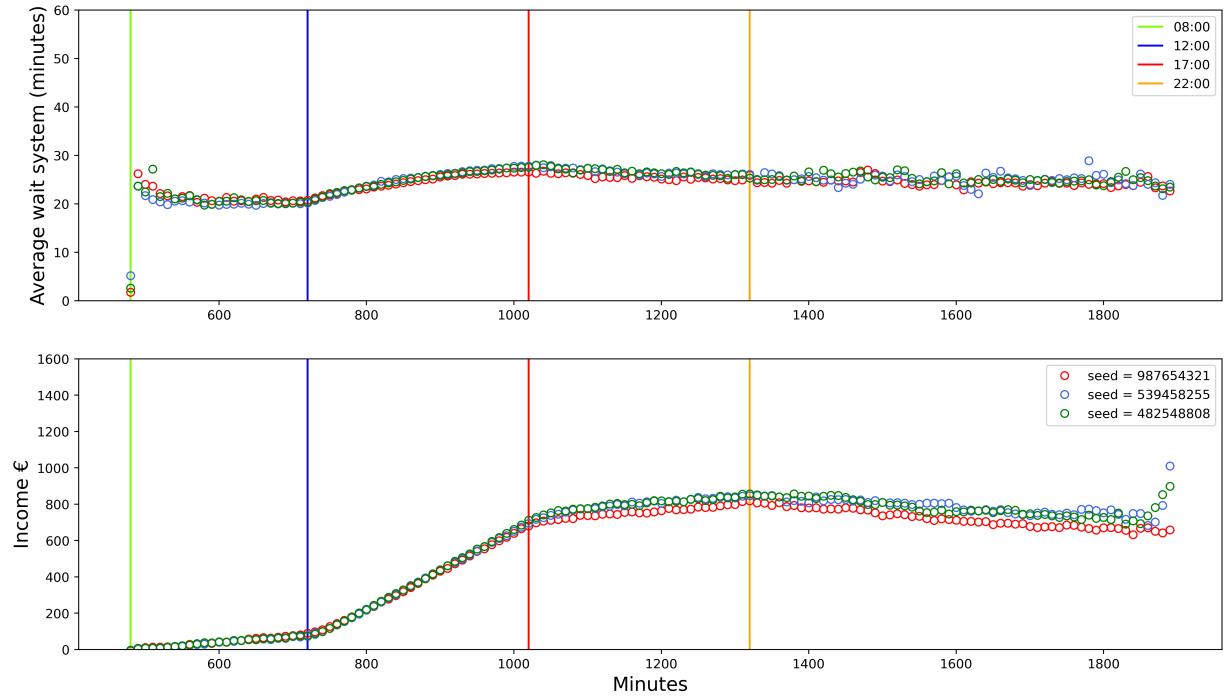


Figure 16: Average Wait System & Income Daily, Base Model, maximum configuration, sampling frequency=10 min

Come si evince da tali risultati, oltre a rispettare i QoS imposti, la configurazione ottimale porta ad un guadagno giornaliero migliore. Inoltre, si può osservare come il tempo di risposta medio del sistema della configurazione massimale è comparabile con quello della configurazione ottimale, nonostante quest'ultimo abbia un numero minore di nodi Arcade.

2 Modello Avanzato

Si procede alla realizzazione di un modello avanzato che sia in grado di adattarsi ai nuovi obiettivi, descritti in seguito, a costo zero. Per tale scopo, è stata introdotta nella sala giochi, la possibilità, da parte di un utente, di acquistare un biglietto *premium* che gli permette di passare avanti agli utenti che sono in possesso di un biglietto standard.

In figura 17 è possibile osservare lo schema ad alto livello del modello base.

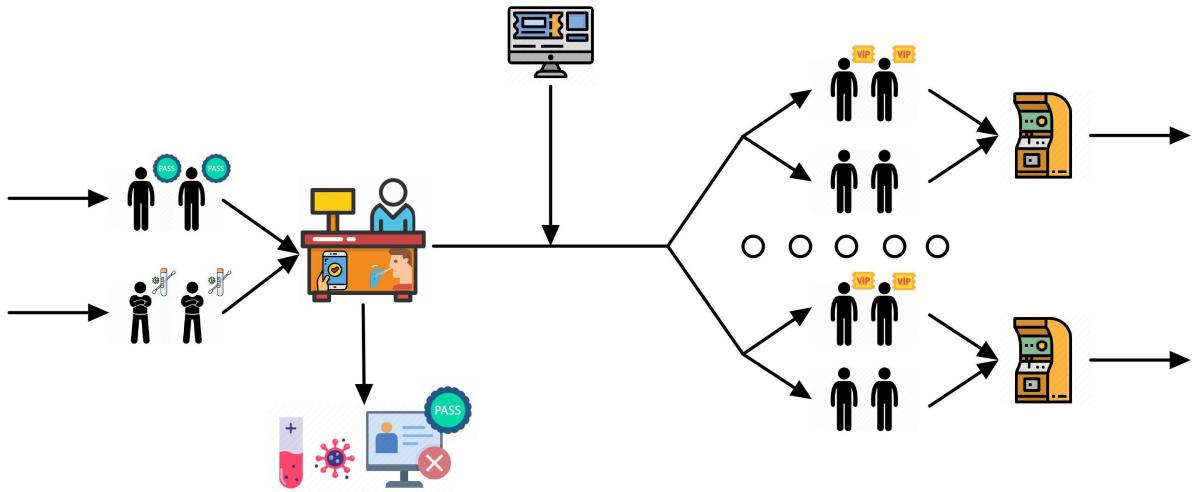


Figure 17: Advanced Model, High-level view

2.1 Obiettivi

Controllare tutti i parametri definiti

Il primo obiettivo dello studio avanzato è quello di massimizzare i profitti della sala giochi. A tale scopo è stata definita una funzione guadagno:

$$\begin{aligned}
 G = & \# \text{giocatori standard} * \text{costo biglietto standard} + \# \text{giocatori premium} * \text{costo biglietto premium} \\
 - & \# \text{giocatori standard} * \text{rimborso biglietto(attesa media coda standard)} * \text{costo biglietto standard} \\
 - & \# \text{giocatori premium} * \text{rimborso biglietto(attesa media coda premium)} * \text{costo biglietto premium} \\
 - & \# \text{arcade attivi} * \text{costo elettricità}
 \end{aligned}$$

Il costo del biglietto standard è di 10 €, mentre il costo del biglietto premium è di 20 €. Per quanto riguarda l'elettricità è stata considerata una spesa giornaliera per Arcade pari a 2.4 €. La funzione *rimborso biglietto*, che calcola la percentuale del *costo biglietto* da restituire al giocatore, è proporzionale al tempo di attesa speso da quest'ultimo in coda nei nodi Arcade. La massima percentuale rimborsabile è del 80%. L'attesa minima in coda per cui è previsto il rimborso è di 8 minuti.

Il secondo obiettivo dello studio è quello di assicurare un tempo medio di attesa nella coda Covid-19, inferiore a quello del modello base, per gli utenti che possiedono il green-pass.

2.2 Modello Concettuale

Nel modello avanzato la sala giochi è modellata attraverso una rete aperta composta da N nodi rappresentanti i videogiochi (Arcade) e da un nodo rappresentante il controllo Covid-19. Ogni nodo Arcade si compone di un servente e di due code infinite con priorità astratta senza prelazione. L'accesso alla coda con priorità più alta è riservato agli utenti che acquistano il biglietto premium. Il nodo Covid-19 si compone di un servente e di due code infinite con priorità size-based senza prelazione. L'accesso alla prima coda è riservato agli utenti che possiedono il green-pass, dato che questi ultimi hanno un tempo di servizio inferiori rispetto a chi esegue il test antigenico rapido.

Non sono state scelte code di priorità con prelazione poiché, nonostante esse avrebbero avuto prestazioni migliori per gli obiettivi prefissati, non rispecchiano uno scenario reale.

La struttura è aperta H24 e la giornata è suddivisa in 4 fasce orarie caratterizzate da tassi di arrivo differenti:

- 08:00-12:00
- 12:00-17:00

- 17:00-22:00
- 22:00-08:00

Le variabili di stato del sistema considerate sono:

- Numero di clienti standard in ogni nodo;
- Numero di clienti premium in ogni nodo;
- Numero di nodi attivi;
- Tipologia di cliente.

Le code inizialmente vengono considerate vuote, conseguentemente il numero di clienti ad ogni nodo è 0. La tipologia di ogni cliente (Green-pass, tampone o biglietto online) è decisa aleatoriamente al suo arrivo. I nodi per ogni fase vengono definiti aperti o chiusi in base alla configurazione scelta durante lo studio, che può essere ottima o non ottima.

Gli eventi considerati sono:

- Arrivo di un cliente standard;
- Arrivo di un cliente premium;
- Completamento di un servizio;
- Cambio di fascia oraria.

Tali eventi possono causare cambiamenti dello stato. L'arrivo di un cliente causa l'aumento della popolazione in un dato nodo e l'aumento del numero della popolazione del sistema. Il completamento di un servizio causa il passaggio di un cliente da un nodo ad un altro o la sua uscita dal sistema. Il cambio di fascia oraria può causare l'accensione o lo spegnimento degli Arcade. Se un nodo arcade viene spento quando ha ancora clienti in servizio, questo continuerà a processarli, pur non ricevendo altri arrivi, mentre i clienti in coda vengono distribuiti uniformemente tra i nodi Arcade rimasti operativi. Il tempo in cui un nodo Arcade è idle, ma acceso, viene considerato nel calcolo dei costi.

In figura 18 è possibile osservare lo schema a basso livello del modello base.

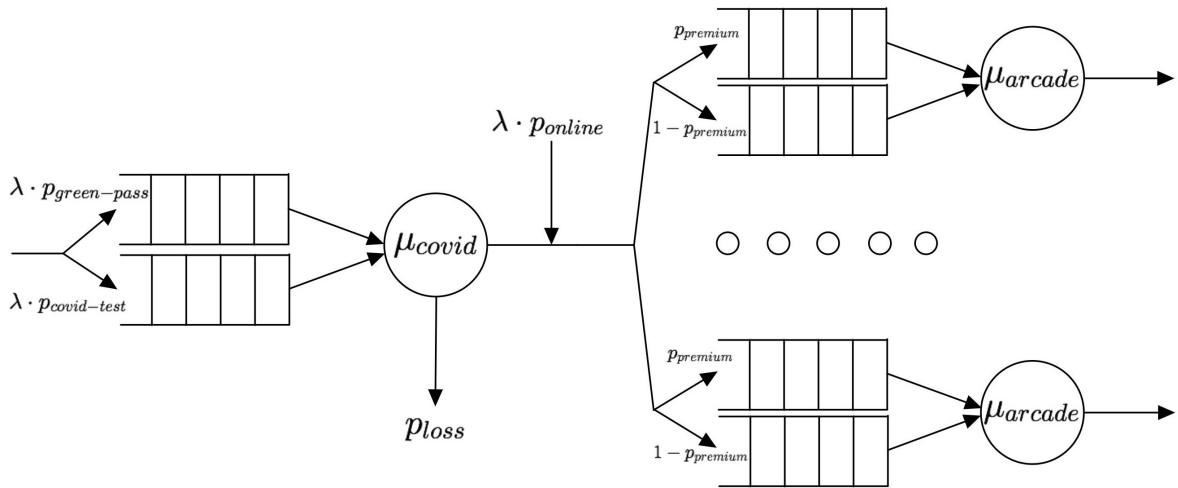


Figure 18: Base Model, Low-level view

2.3 Modello delle Specifiche

Controllare tutti i parametri definiti

Gli arrivi sono modellati con un processo di Poisson, con media variabile a seconda della fascia oraria. In particolare, la media per la prima fascia oraria è di 0.07143 minuti (14 minuti/cliente), la media per la seconda fascia oraria è di 0.2 minuti (5 minuti/cliente), la media per la terza fascia oraria è di 0.07143 minuti (15 minuti/cliente), la media per la quarta fascia oraria è di 0.02857 minuti (35 minuti/cliente).

La percentuale di clienti con biglietto online è del 20%. La percentuale di clienti che si sottopone al controllo del Green-pass è del 48%. La percentuale di clienti che si sottopone al tampone è del 32%.

La distribuzione del tempo di servizio per il controllo del green-pass è stata modellata come una distribuzione Normale con media 2 minuti (0.5 passeggeri/minuto) e varianza 2.25 minuti, troncata tra 1 e 3 minuti.

La distribuzione del tempo di servizio per il tampone è stata modellata come una distribuzione Normale con media 10 minuti (0.1 passeggeri/minuto) e varianza 2.25 minuti, troncata tra 8 e 12 minuti.

È stata scelta una Normale troncata con questi valori poiché permette di modellare un'operazione con bassa variabilità e di scartare valori eccessivamente piccoli o grandi che non rispecchierebbero tempi di servizio reali.

La distribuzione del tempo di servizio per un generico arcade è stata modellata come una distribuzione Normale con media 0.06 minuti (0.1 passeggeri/minuto) e varianza 9 minuti, troncata tra 3 e 25 minuti.

La percentuale di clienti che acquista un biglietto premium è pari al 36%.

La percentuale di clienti che risulta positiva al Covid-19 oppure presenta un green-pass non idoneo è in totale del 5%.

Le probabilità per la scelta del node arcade è stata modellata tramite una distribuzione Uniforme in modo che ciascun servente abbia la stessa probabilità di essere selezionato. Questa scelta permette di mantenere circa la stessa utilizzazione per tutti i serventi dato che hanno lo stesso tasso di servizio.

Infine, si considera un numero di nodi per il controllo Covid-19 pari a 1 ed un numero massimo di nodi arcade pari a 20.

2.4 Modello Computazionale

L'approccio di simulazione utilizzato è stato quello Next-Event Simulation. Il linguaggio di programmazione utilizzato è *Python v.3.8*. Il codice di base per la simulazione segue quanto descritto nell'algoritmo 2. Quest'ultimo si avvale di ulteriori strutture dati e funzioni necessarie al corretto funzionamento.

Algorithm 2 M/G/1 Multiqueue Priority - Rete Aperta - Scheduling FIFO

```

1: procedure MODELLO BASE
2:   Inizializzazione clock
3:   Inizializzazione lista dei nodi
4:   Inizializzazione struttura Integrali
5:   Selezione nodo su cui generare il primo arrivo
6:   Generazione primo arrivo
7:   while ultimo arrivo < STOP or ci sono job nel sistema do
8:     Scelta del prossimo evento
9:     for  $i \leftarrow 0$ , numero nodi do
10:    if nodi non vuoti then
11:      Aggiornamento statistiche
12:      Avanzamento del clock
13:      if Evento = Arrivo then                                 $\triangleright$  Arrivo
14:        if Evento = Cambio fascia oraria then
15:          Selezione tasso arrivi corretto
16:          Aggiornamento stato nodo e code di priorità            $\triangleright$  Aggiornamento code di priorità
17:          Aggiornamento stato sistema
18:          Schedulazione prossimo arrivo
19:          if Jobs nel centro = 1 then
20:            Schedulazione prossimo servizio
21:          else                                                  $\triangleright$  Completamento
22:            Aggiornamento stato nodo e code di priorità            $\triangleright$  Aggiornamento code di priorità
23:            if Nodo Arcade then
24:              Aggiornamento stato sistema
25:            if Jobs nel centro > 0 then
26:              Schedulazione prossimo servizio
27:            if Nodo Covid-Check then
28:              if Covid test negativo and Green-pass valido then
29:                Aggiornamento stato sistema

```

2.5 Verifica

Le strutture e le funzioni precedentemente accennate sono state sottoposte ad una fase di testing in modo da garantire il loro corretto funzionamento. Durante l'implementazione del progetto, l'applicazione iterativa di tale fase ha permesso di individuare e correggere diversi difetti, emersi a seguito del manifestarsi di malfunzionamenti del sistema.

2.6 Validazione

Al fine di validare il modello implementato, sono state eseguite diversi run variando determinati parametri. I risultati possono essere osservati in tabella 4 e 5.

Table 4: System statistics

# nodi arcades	avg interarrival time	avg wait	avg # node
2	14.037119	27.424052	1.953673
5	14.037119	21.654822	1.542677
9	14.037119	20.727016	1.476581

* seed = 1234567891, $\lambda_{system} = \frac{1}{14}$, #jobs = 517028,

Per quanto riguarda la tabella 4, è possibile evincere come il tempo di interarrivo medio del sistema converga al parametro impostato λ_{system}^{-1} .

Table 5: Arcades statistics

# nodi arcades	avg interarrival		avg wait		avg # node		avg # queue	
	Priority	N Priority	Priority	N Priority	Priority	N Priority	Priority	N Priority
2	81.467323	45.547404	17.803708	22.031882	0.218535	0.483710	0.034664	0.154467
5	205.391722	113.252959	15.827623	16.397222	0.077060	0.144781	0.004122	0.012311
9	370.111505	203.980331	15.425839	15.681829	0.041678	0.076871	0.001129	0.003296

* seed = 1234567891, $\lambda_{system} = \frac{1}{14}$, #jobs = 517028.

Per quanto riguarda la tabella 5, si può notare come la relazione di Little sia soddisfatta e come l'utilizzazione e il tempo di interarrivo medio, rispettivamente, decresca ed aumenti al crescere del numero del numero degli arcade. Tale comportamento è giustificato dal fatto che i jobs vengono distribuiti in modo equiprobabile tra i diversi nodi arcade.

Come è possibile osservare dalle tabelle, inoltre, all'aumentare dei nodi nel sistema i tempi di attesa e il numero di jobs nei rispettivi centri diminuisce coerentemente a ciò che ci si aspetta.

Inoltre si può constatare che tutte le statistiche risultano inferiori nel caso prioritario, in conformità con quanto ci si figuri.

Se confronta con la tabella sopra so cazzo. Che fare?

2.7 Esperimenti di Simulazione

Al fine di raggiungere gli obiettivi prefissati, è utile effettuare degli esperimenti di simulazione, utilizzando la configurazione ottimale dello studio precedente.

2.7.1 Analisi del comportamento transiente

Attraverso l'analisi del comportamento transiente viene studiato il tempo medio di risposta del sistema, per ogni fascia oraria, utilizzando il metodo delle repliche. In particolare, vengono effettuate run di simulazione consecutive, utilizzando ogni volta come punto di partenza lo stato del sistema raggiunto dalla replica precedente. Il seed, infatti, viene settato una volta, all'inizio della prima replica. La tecnica delle repliche permette di calcolare stime puntuali e intervallari ad ogni acquisizione, ognuna di queste corrispondente ad un certo numero di richieste processate.

Per quanto riguarda la prima fascia e la terza fascia oraria, rispettivamente (08:00-12:00) e (17:00-22:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura 19. Tali fasce, infatti, hanno lo stesso $\lambda_{arrival}$ da modellazione.

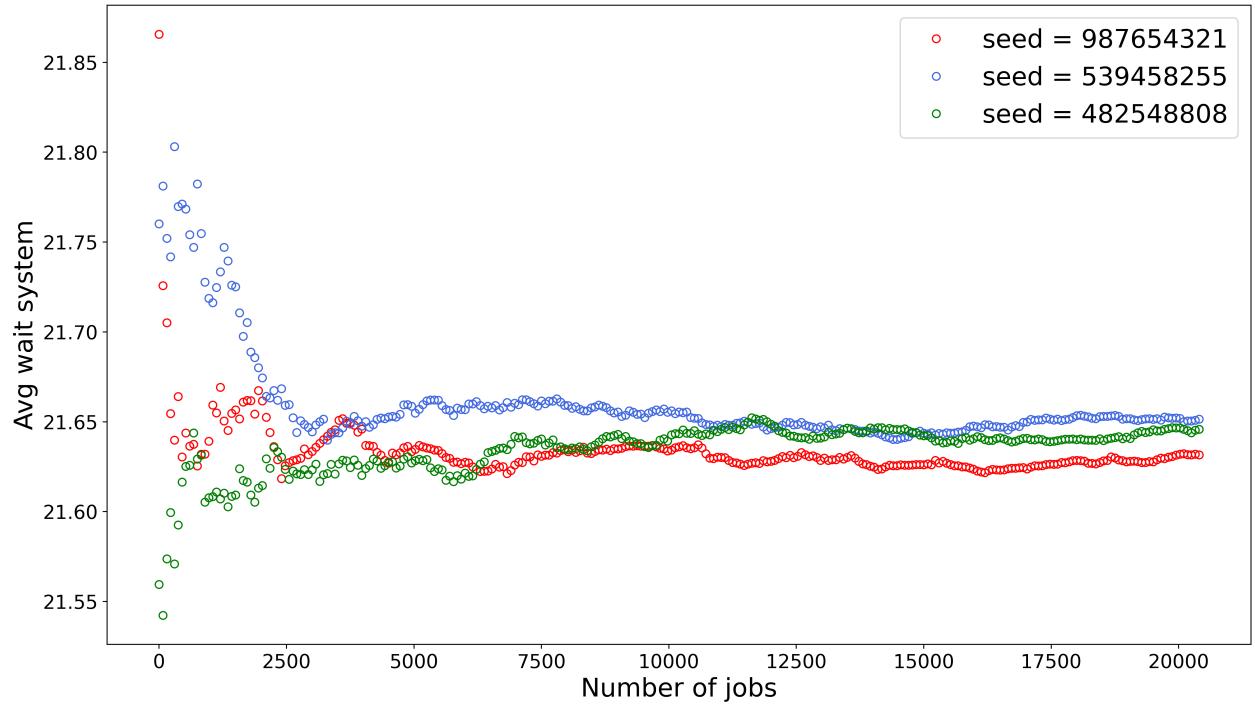


Figure 19: Average Wait System, 08:00-12:00 & 17:00-22:00,
 $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} \text{ min}$, Arcades: 5, repliche=64, Sampling_freq=75

Per quanto riguarda la seconda fascia oraria (12:00-17:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura ??.

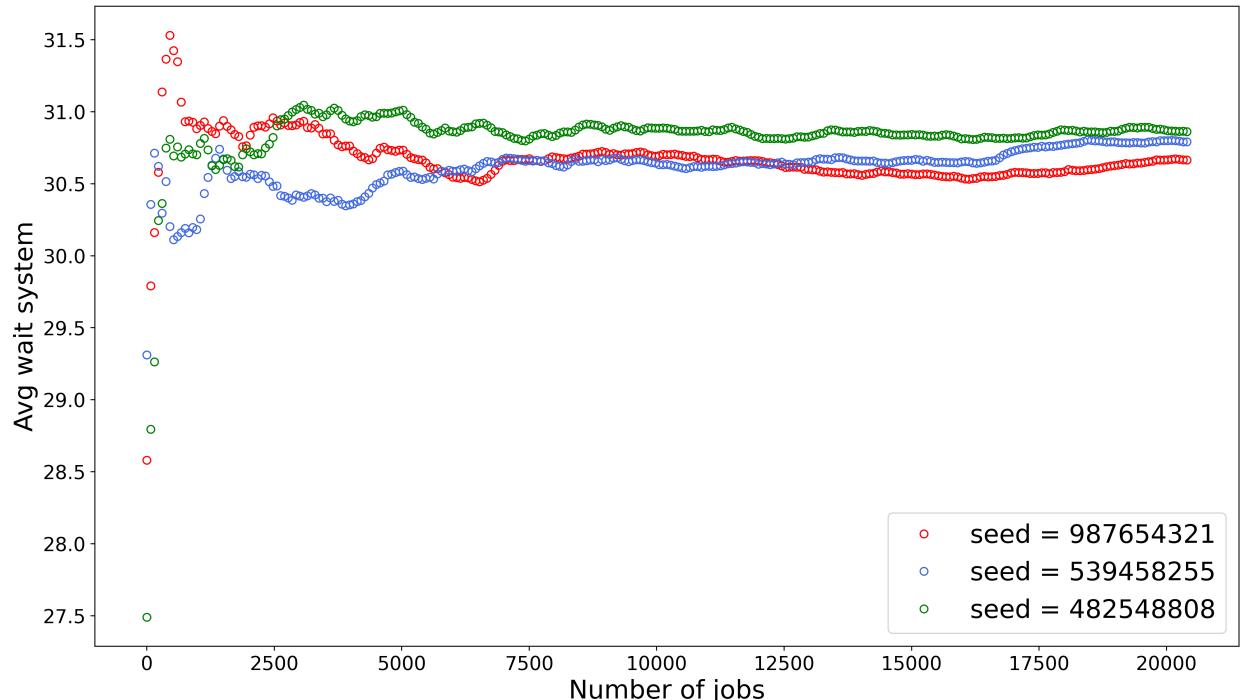


Figure 20: Average Wait System, 12:00-17:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} \text{ min}$, Arcades: 12, repliche=64, Sampling_freq=75

Per quanto riguarda la quarta fascia oraria (22:00-08:00), è possibile osservare i risultati dell'analisi in figura 21.

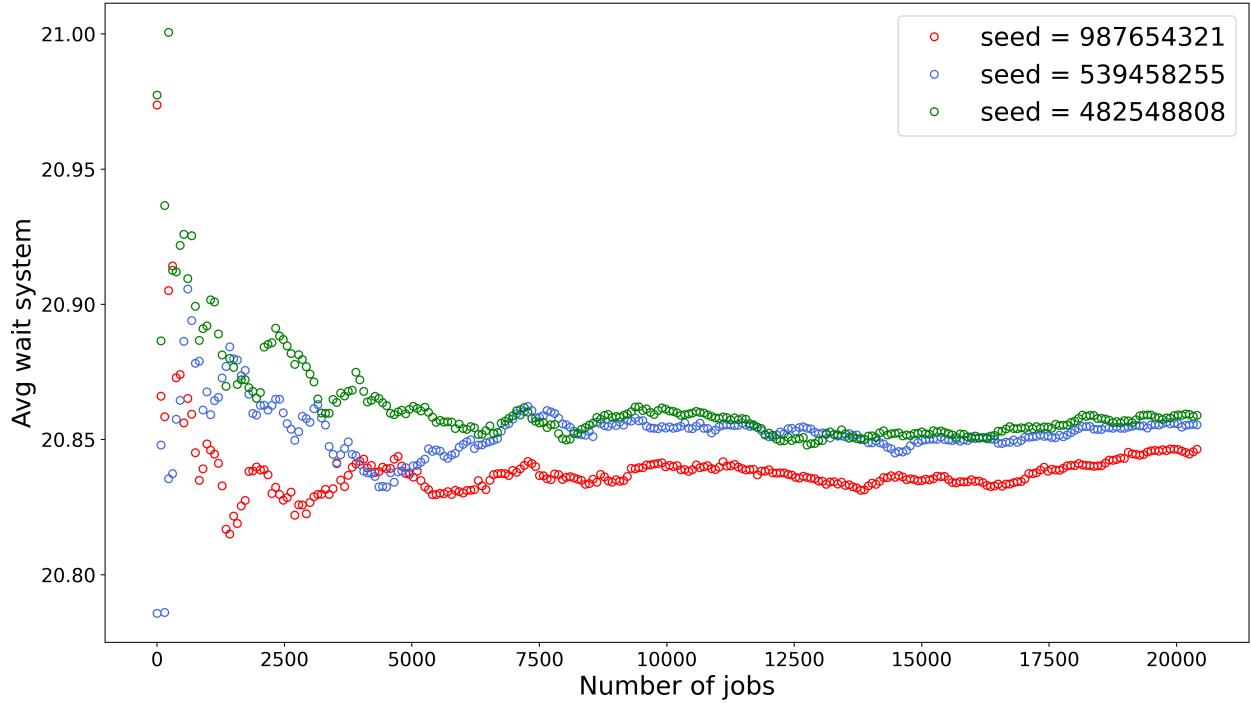


Figure 21: Average Wait System, 22:00-08:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{35} \frac{job}{min}$, Arcades: 2, repliche=64, Sampling_freq=75

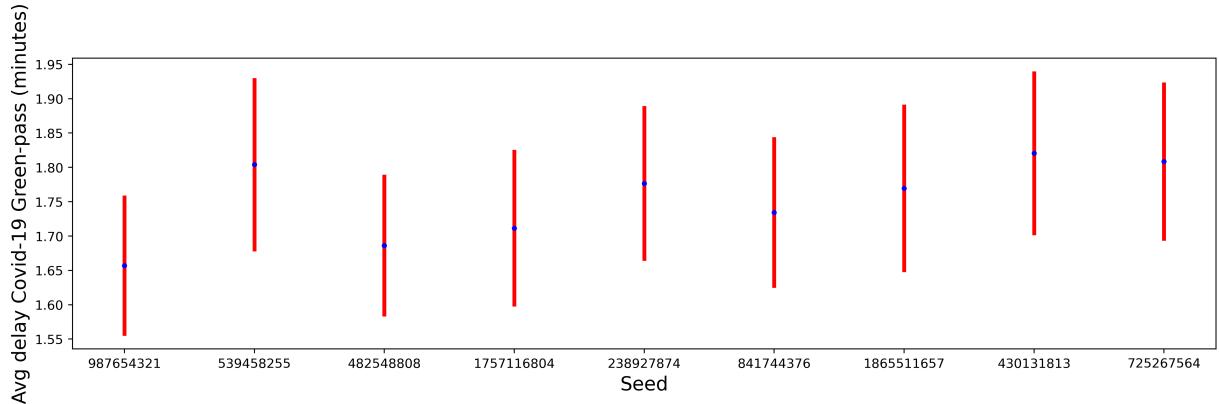
Come si evince dai risultati dell’analisi, il modello avanzato, come previsto, raggiunge la stazionarietà utilizzando la configurazione ottimale ottenuta nel modello base.

2.7.2 Analisi del comportamento stazionario

Considerati i risultati dell’analisi transiente, è possibile procedere allo studio del comportamento stazionario. Attraverso l’analisi del comportamento stazionario si vuole confrontare, con la configurazione ottima di nodi arcade, per ogni fascia oraria, i tempi di attesa nella coda Covid-19 sperimentati dagli utenti con green-pass, per quanto riguarda il modello base e quello avanzato, verificando che l’obiettivo 2 in 2.1 venga raggiunto.

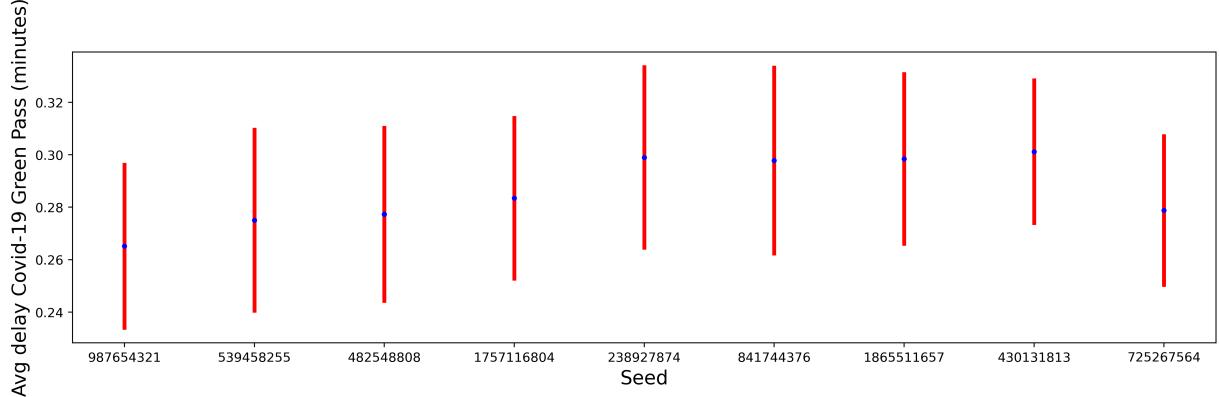
In questa fase sono state effettuate simulazioni con tempi d’osservazione molto lunghi, utilizzando la tecnica delle batch-means per ottenere delle stime degli indici di prestazione in regime stazionario, evitando la problematica del bias dovuto alle condizioni iniziali del sistema. Cruciale in questa fase la scelta di due parametri: b e k , rispettivamente la grandezza del batch e il numero di batch in cui si divide la simulazione. Per la scelta di b è stata utilizzata la linea guida di Banks, Carson, Nelson, e Nicol (2001), la quale afferma che il batch size venga aumentato fintantoché l’autocorrelazione a lag 1 tra batch means sia minore di 0.2. Nel caso in esame è stato constatato che tale direttiva viene rispettata con un b pari a 256. Per la scelta del parametro k è stato usato il valore pari a 64 come consigliato dalle linee guida.

In seguito per ogni fascia oraria viene riportato il grafico relativo al tempo medio di attesa nella coda Covid-19 per i clienti dotati di green-pass, mediata sui seed, per il modello base e il modello avanzato.



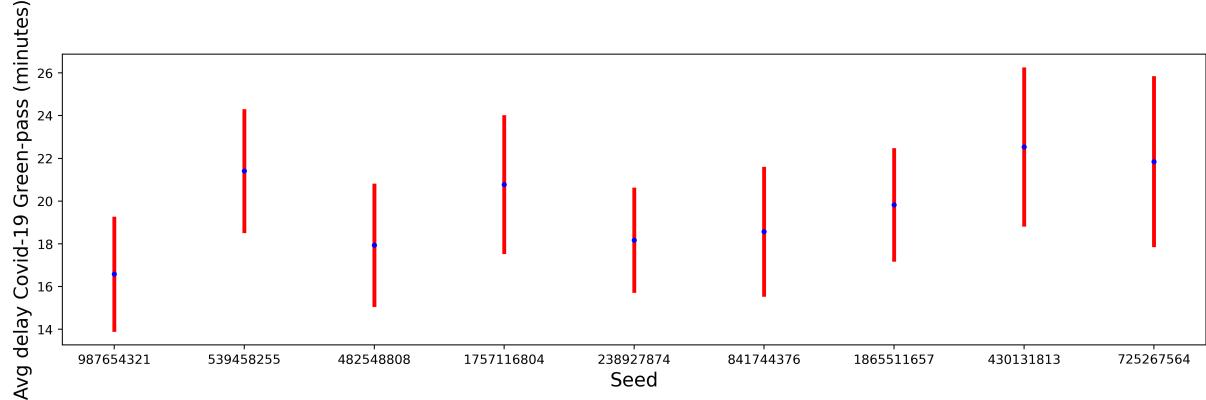
SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	1.657018427230146	0.3919550835253442	± 0.1021072033123597	95%
539458255	1.8039738942805255	0.4840676232809395	± 0.1261032023943117	95%
482548808	1.686246769873599	0.3955807785380034	± 0.10305172372647185	95%
1757116804	1.711487892489119	0.432773518366248093	± 0.11269158697428673	95%
238927874	1.776710078911322	0.4325849592608041	± 0.11269158697428673	95%
841744376	1.7343391918196984	0.4208117032744516	± 0.10962456656002241	95%
1865511657	1.7695524880930216	0.4677824699371919	± 0.12186079928912168	95%
482548808	1.686246769873599	0.3955807785380034	± 0.10305172372647185	95%
430131813	1.8204593383438676	0.45782138818595	± 0.11926586368977439	95%
725267564	1.8085013862657082	0.44195527177589905	± 0.11513262281051986	95%

Figure 22: Base Model, Average delay Covid-19 Green-Pass, 08:00-12:00 & 17:00-22:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} \text{ job/min}$, b=256, k=64



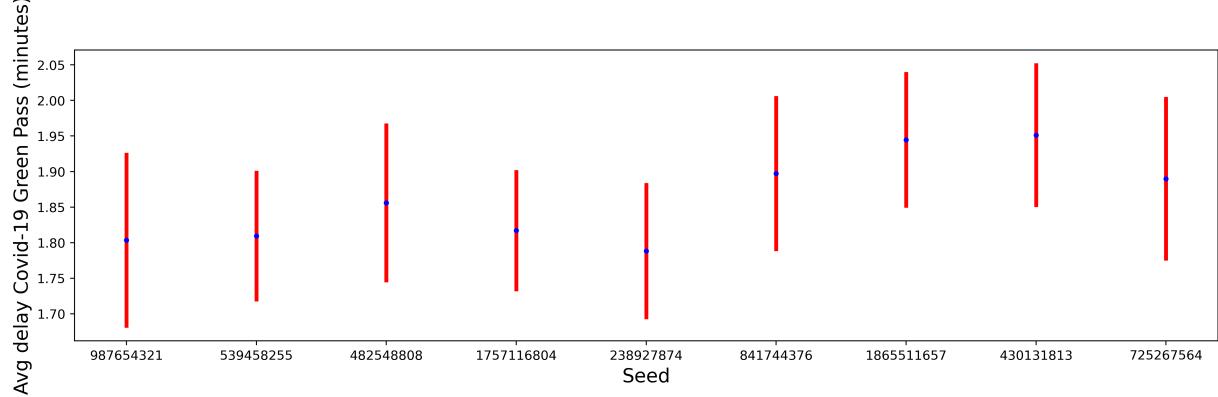
SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	0.2651574725493838	0.12217031946752235	± 0.031826273399511024	95%
539458255	0.2750603147245544	0.13541923538702763	± 0.035277714159747425	95%
482548808	0.27731700699764233	0.12950154138068184	± 0.0373611102601185	95%
1757116804	0.28345604955486087	0.12051481035056412	± 0.03139500100862805	95%
238927874	0.2898919860265338	0.13494951156739	± 0.03516718497417174	95%
841744376	0.29782725559551576	0.13883149510258191	± 0.03616663309759336	95%
1865511657	0.2984097446397857	0.12708981315955176	± 0.033107837955551334	95%
482548808	0.27731700699764233	0.12950154138068184	± 0.0373611102601185	95%
430131813	0.301206712608697	0.10733001305826144	± 0.027960263625842453	95%
725267564	0.2787716806661602	0.11167149861255289	± 0.029091252779453035	95%

Figure 23: Advanced Model, Average delay Covid-19 Green-Pass, 08:00-12:00 & 17:00-22:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} \text{ job/min}$, b=256, k=64



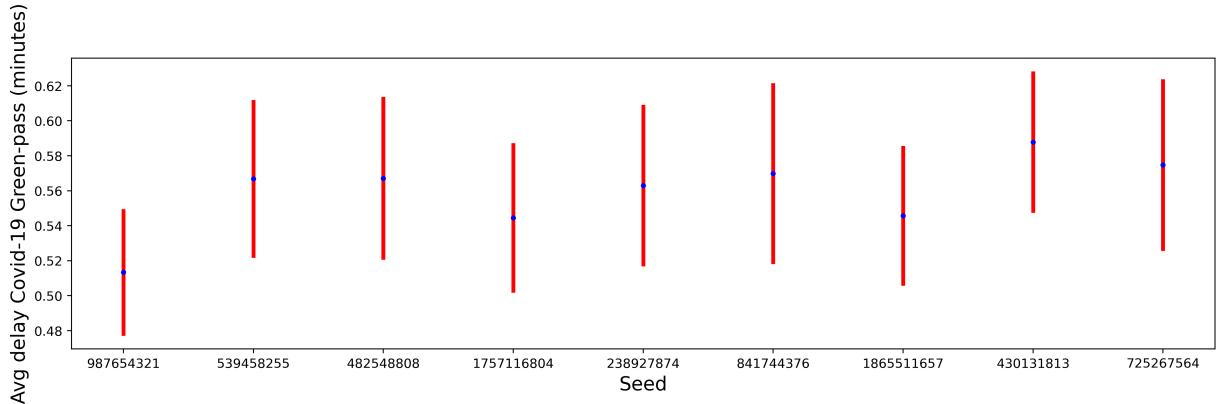
SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	16.57858055630903	10.340424122234236	± 2.6937570975953165	95%
539458255	21.407738790082796	11.123453820573319	± 2.8977421355971305	95%
482548808	17.932942527942615	11.060285119938108	± 2.8812862210552805	95%
1757116804	20.7705051224049072	12.484255713497168	± 3.252241111089127	95%
238927874	18.168705982472815	9.45458010190495	± 2.462988166948323	95%
841744376	18.566191283355685	11.664418328554277	± 3.0386673980133496	95%
1865511657	19.825435921071426	10.204153425073331	± 2.658257571334866	95%
482548808	17.932942527942615	11.060285119938108	± 2.8812862210552805	95%
430131813	22.55319996338946	14.296622537077328	± 3.724376096729394	95%
725267564	21.848367622807526	15.34816708403181	± 3.9983112422623077	95%

Figure 24: Base Model, Average delay Covid-19 Green-Pass, 12:00-17:00,
 $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} \frac{job}{min}$, b=256, k=64



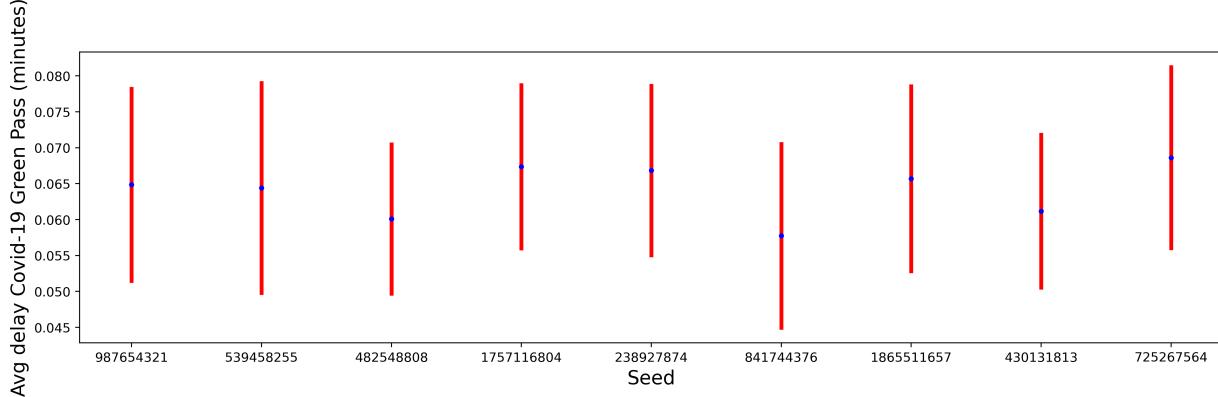
SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	1.8034880175227537	0.47198074955617925	± 0.129544822355129	95%
539458255	1.8091756139848176	0.3527244438920505	± 0.09188733102218964	95%
482548808	1.8560161814868013	0.4280255767992163	± 0.1150383406189458	95%
1757116804	1.81702156618597	0.3272186452784387	± 0.08524288652166885	95%
238927874	1.78825935211381844	0.3674339241589149	± 0.09571925961645342	95%
841744376	1.8971495526408553	0.41836913891639527	± 0.10898626044742305	95%
1865511657	1.9446076702122521	0.36659595003384093	± 0.09550096114819566	95%
482548808	1.8560161814868013	0.4280255767992163	± 0.1150383406189458	95%
430131813	1.9511742534920518	0.3881784978402056	± 0.10112337476008756	95%
725267564	1.8898890165264743	0.44189141355215256	± 0.11511598727009874	95%

Figure 25: Advanced Model, Average delay Covid-19 Green-Pass, 12:00-17:00,
 $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} \frac{job}{min}$, b=256, k=64



SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	0.513337755964413	0.1389768632666143	± 0.03620450258137832	95%
539458255	0.5668592708571076	0.17320402378595803	± 0.045120931490833446	95%
482548808	0.5670787667601349	0.1784899723734353	± 0.04649796026225721	95%
1757116804	0.544480465812209	0.16419449241216016	± 0.04277388181498979	95%
238927874	0.5629645019579377	0.17740935193746357	± 0.04621645063220767	95%
841744376	0.5698849315806727	0.19848823601376447	± 0.05170765611069784	95%
1865511657	0.545664712269986	0.15348755174963197	± 0.03998464444307188	95%
482548808	0.5670787667601349	0.1784899723734353	± 0.04649796026225721	95%
430131813	0.5878378446236471	0.15512438713645538	± 0.04041105218889827	95%
725267564	0.5746980243411038	0.1884268190984402	± 0.049086582457708805	95%

Figure 26: Base Model, Average delay Covid-19 Green-Pass, 22:00-08:00,
 $\lambda_{arrival} = \frac{1}{35} \frac{job}{min}$, b=256, k=64



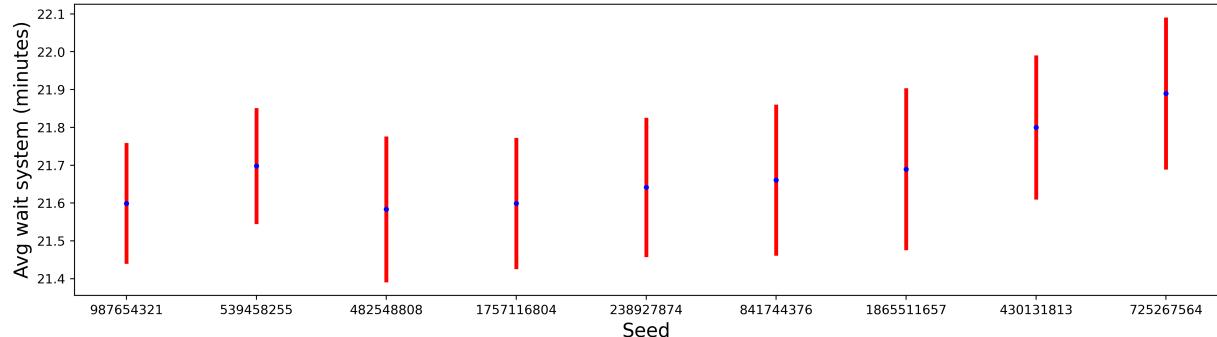
SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	0.06484014683463561	0.05235408393665761	± 0.013638626764759866	95%
539458255	0.06439144084013518	0.05711860261048901	± 0.014879819180326439	95%
482548808	0.06008617668833253	0.04087314377753175	± 0.010647756789357579	95%
1757116804	0.06735423961675877	0.0446622027822353	± 0.011634834603477959	95%
238927874	0.066682874160319838	0.046311543366728325	± 0.012064500176203873	95%
841744376	0.057742149418870105	0.050120237816276655	± 0.013056693299499662	95%
1865511657	0.06567901270092515	0.050457586744239495	± 0.013144575194702789	95%
482548808	0.06008617668833253	0.04087314377753175	± 0.010647756789357579	95%
430131813	0.061163732445865586	0.04185184940469543	± 0.010902716856552825	95%
725267564	0.06861758389201747	0.04938956064319112	± 0.01286634648221411	95%

Figure 27: Advanced Model, Average delay Covid-19 Green-Pass, 22:00-08:00,
 $\lambda_{arrival} = \frac{1}{35} \frac{job}{min}$, b=256, k=64

Come si può osservare dai grafici e dalle tabelle riportate, il tempo di attesa medio nella coda Covid-19, per i clienti che possiedono un Green-Pass valido, diminuisce sensibilmente utilizzando il modello avanzato, a parità di configurazione e fascia oraria. Tale risultato permette di raggiungere il secondo obiettivo prefissato relativo al modello avanzato.

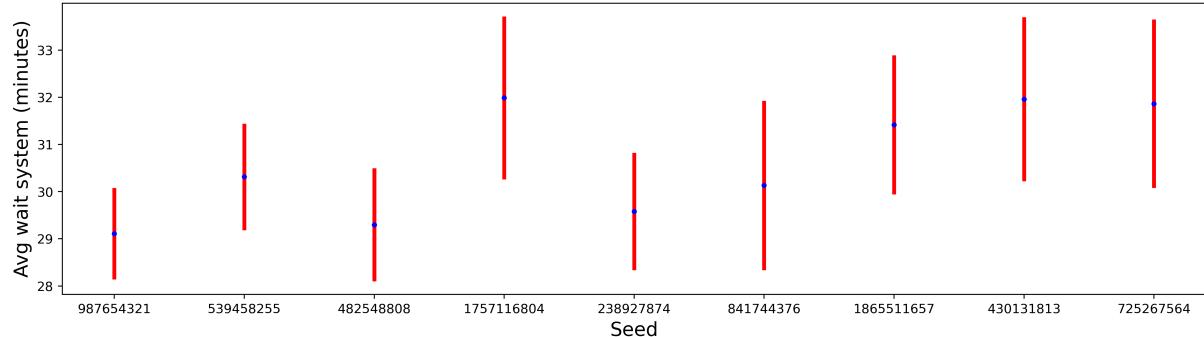
La notte il modello avanzato va peggio. Non metterli o mettere solo una/detemrinate fasce?

Inoltre, per ogni fascia oraria viene riportato il grafico relativo al tempo medio di attesa nel sistema per i clienti, mediata sui seed, per il modello avanzato.



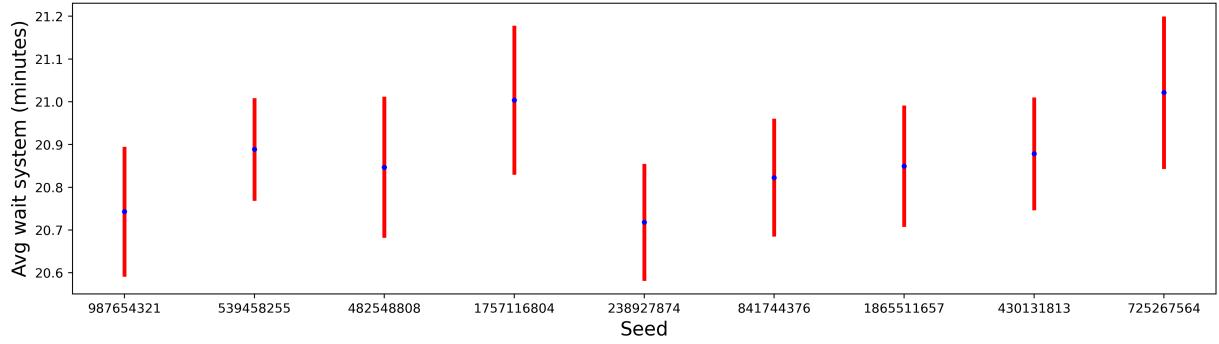
SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	21.599181813166833	0.6136016957940974	±0.1598477880213616	95%
539458255	21.697926396730285	0.5892536701936019	±0.15350494695425884	95%
482548808	21.58340906655712	0.7390972210404593	±0.1925403021632087	95%
1757116804	21.59881496705215	0.6653255175576975	±0.1733222682033302	95%
238927874	21.641408321369294	0.7057551947131397	±0.18385445726886787	95%
841744376	21.66063981344659	0.7665524097517782	±0.1969258224211847	95%
1865511657	21.689520757443116	0.8219839748826707	±0.2141329156594963	95%
482548808	21.58340906655712	0.7390972210404593	±0.1925403021632087	95%
430131813	21.79981251895874	0.7306655368901731	±0.1903437859704466	95%
725267564	21.889582887316536	0.709839125068633	±0.20084702154348674	95%

Figure 28: Advanced Model, Average Wait System, 08:00-12:00 & 17:00-22:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{14} job/min$, b=256, k=64



SEED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	29.11725045934126	3.725835958024863	±0.9706078723429339	95%
539458255	30.312809150264403	4.331966681125904	±1.128509416624197	95%
482548808	29.298037701786463	4.5911293965775	±1.243931317469847	95%
1757116804	31.98834452719996	6.624084913433544	±1.725623198788	95%
238927874	29.58141217620457	4.775032393622403	±1.243931317469847	95%
841744376	30.131821209255264	6.897305056741363	±1.7967990704488281	95%
1865511657	31.418674349975205	5.660101082551149	±1.474982685424624	95%
482548808	29.298037701786463	4.5911293965775	±1.1960232241747688	95%
430131813	31.96140225644038	6.671626129684984	±1.73800803786161	95%
725267564	31.865277351534193	6.8539027791409275	±1.7854924555599299	95%

Figure 29: Advanced Model, Average Wait System, 12:00-17:00, $\lambda_{arrival} = \frac{1}{5} job/min$, b=256, k=64



SFED	MEAN VALUE	STD	CONFIDENCE INTERVAL	CONFIDENCE LEVEL
987654321	20.743048054602223	0.58335803044035	± 0.15196329871543132	95%
539458255	20.88860128088868	0.46125801283859313	± 0.12016112987425545	95%
482548808	20.846913143110072	0.6334662867373057	± 0.16502266114180117	95%
1757116804	21.003934220699872	0.6692331829135547	± 0.17434020259801256	95%
238927874	20.71804934871145	0.5246407392668141	± 0.136672799720934	95%
841744376	20.82268529326093	0.5289220937446132	± 0.13778812428359813	95%
1865511657	20.849327242055253	0.5449132215830297	± 0.14195393156617034	95%
482548808	20.846913143110072	0.6334662867373057	± 0.16502266114180117	95%
430131813	20.87835196886989	0.5058943513845587	± 0.13178922678280683	95%
725267564	21.021391400742644	0.6840036318343187	± 0.17818801397834305	95%

Figure 30: Advanced Model, Average Wait System, 22:00-08:00,
 $\lambda_{arrival} = \frac{1}{35} \frac{job}{min}$, b=256, k=64

2.7.3 Analisi guadagno giornaliero

Attraverso questa analisi viene effettuata una simulazione concreta di una tipica giornata lavorativa, ricavata nello studio precedente, utilizzando il modello avanzato.

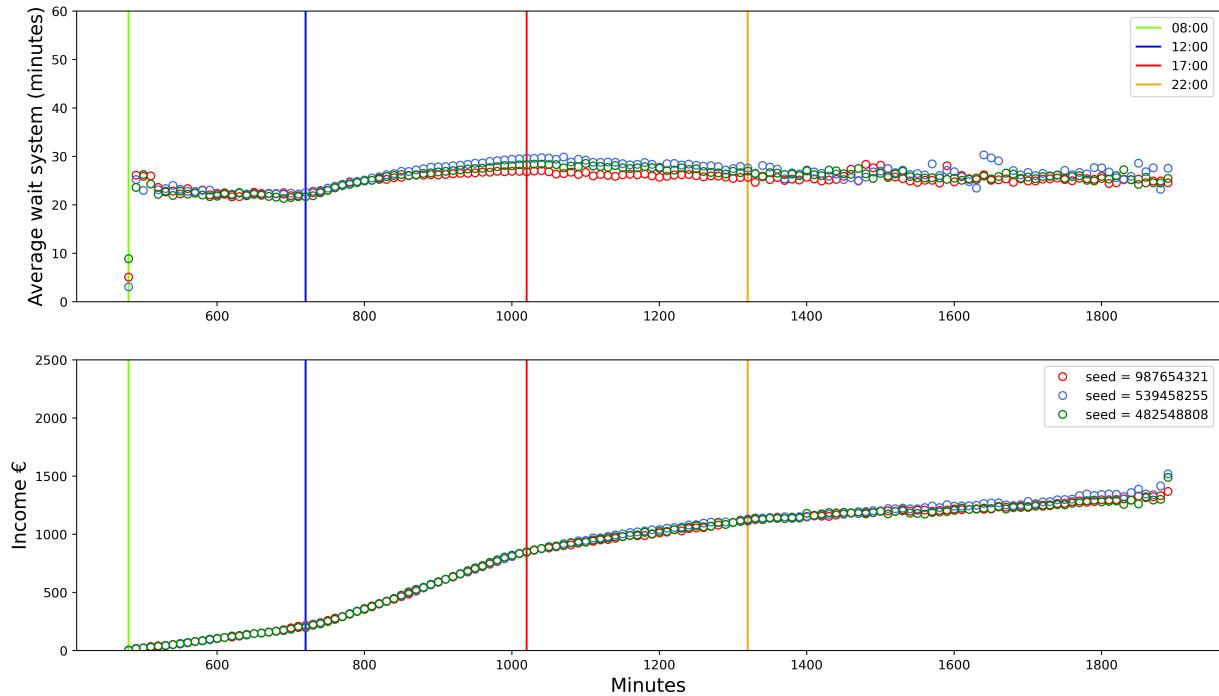


Figure 31: Average Wait System & Income Daily, Base Model, optimal configuration, sampling frequency=10 min

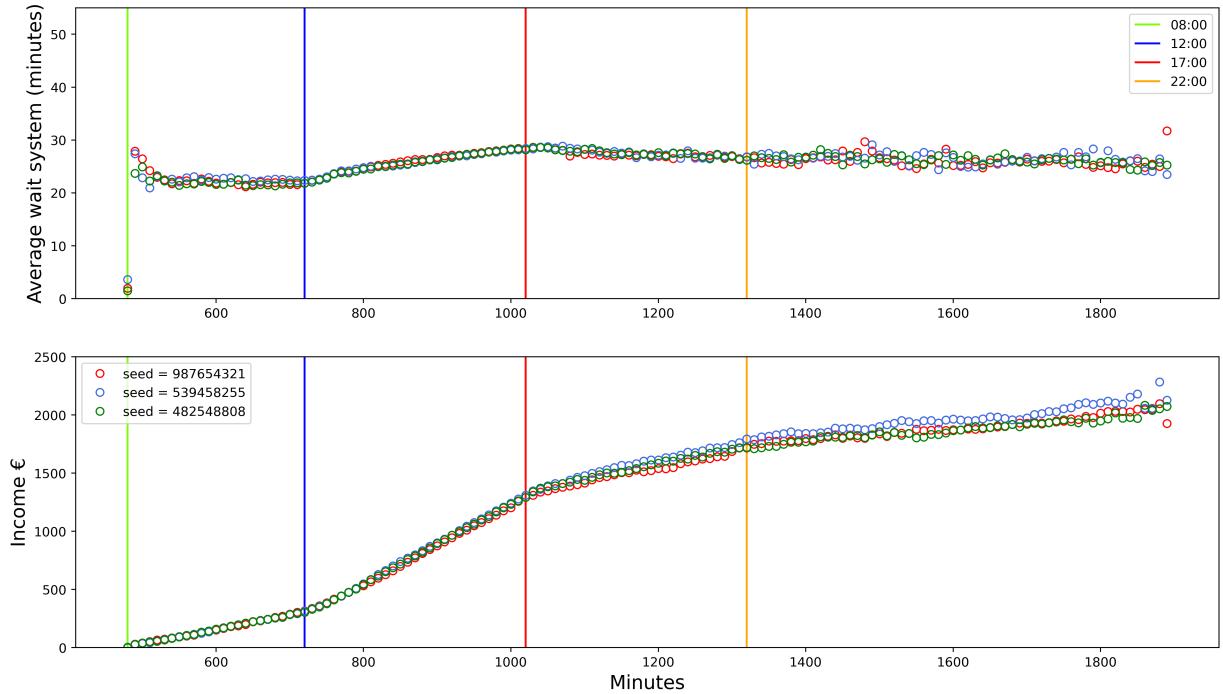


Figure 32: Average Wait System & Income Daily, Advanced Model, optimal configuration, sampling frequency=10 min

Nelle figure 31 e 32 si può notare il confronto tra il modello base e quello avanzato in corrispondenza della configurazione ottimale. In particolare si osserva un aumento del guadagno, nel caso avanzato, semplicemente introducendo code di priorità, senza incrementare il numero di nodi o i tempi di servizio. Inoltre, si ottiene, mediamente, un tempo di risposta medio del sistema pari o minore a quello del modello base, per via dell'introduzione della priorità basata sulla size per quanto riguarda il nodo Covid-19, nonostante quest'ultima impatti poco sul sistema stesso. Questa analisi conduce al raggiungimento del primo obiettivo.

3 Conclusioni

L'obiettivo cardine dello studio è quello di massimizzare i profitti di una sala giochi, lavorando sulla struttura della rete, in modo da evitare ulteriori spese dovute all'introduzione di centri aggiuntivi. Inoltre, è stata adottata una politica più fair nei confronti dei clienti provvisti di green-pass, infatti questi sperimentano un tempo di attesa in coda proporzionale al tempo di servizio, corrispondente al raggiungimento del secondo obiettivo del caso avanzato.