

# Lista 1

**Exercício 1.** Dados dois vetores  $\vec{A} = \hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k}$  e  $\vec{B} = -2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ , determine o produto vetorial  $\vec{A} \times \vec{B}$ , o produto escalar  $\vec{A} \cdot \vec{B}$  e o ângulo entre eles.

**Exercício 2.** Prove que o vetor velocidade  $\vec{v}(t)$  de uma partícula tem módulo constante para todo tempo se e somente se  $\vec{v}(t)$  é ortogonal à aceleração  $\vec{a}(t)$  para todo tempo.

**Exercício 3.** Demonstre que

$$\int_{t_1}^{t_2} \left[ \frac{1}{r} \frac{d\vec{r}}{dt} - \frac{dr}{dt} \frac{\vec{r}}{r^2} \right] dt = \left[ \frac{r(\vec{t}_2)}{r(t_2)} - \frac{r(\vec{t}_1)}{r(t_1)} \right]$$

**Exercício 4.** Para quais valores de  $a$  os vetores  $\vec{A} = 2a\hat{i} - 2\hat{j} + a\hat{k}$  e  $\vec{B} = a\hat{i} + 2a\hat{j} + 2\hat{k}$  são perpendiculares?

**Exercício 5.** Um projétil é disparado com velocidade  $v_0$ , de modo a passar entre dois pontos a uma distancia  $h$  acima da horizontal. Mostre que se a arma for ajustada para alcance máximo, a separação entre os pontos é

$$d = \frac{v_0}{g} \sqrt{v_0^2 - 4gh}$$

**Exercício 6.** Uma partícula se move em uma órbita circular plana descrita pelo vetor posição:

$$\vec{r}(t) = \cos(4t)\hat{i} + \sin(4t)\hat{j}$$

Calcule a velocidade da partícula nos seguintes instantes de tempo:

$$t_0 = 0 \text{ s}, \quad t_1 = \frac{\pi}{2} \text{ s}, \quad t_2 = \pi \text{ s}, \quad t_3 = \frac{3\pi}{2} \text{ s}, \quad t_4 = 2\pi \text{ s}$$

Em seguida, desenhe a trajetória da partícula e as velocidades nos tempos calculados.