Informática II Estructuras dinámicas de datos

Gonzalo F. Perez Paina



Universidad Tecnológica Nacional Facultad Regional Córdoba UTN-FRC

-2024 -



Conocimiento básico de C:

Conocimiento básico de C:

- ▶ Tipos de datos: int, float/double, arreglos
- ► **Aritmética** (operadores)
- ► Condiciones: if, if-else, switch
- ▶ Bucles: for, while, do-while
- ▶ Punteros, Funciones (recursión), entrada/salida, etc.

Conocimiento básico de C:

- ▶ Tipos de datos: int, float/double, arreglos
- ► Aritmética (operadores)
- ► Condiciones: if, if-else, switch
- ▶ Bucles: for, while, do-while
- ▶ Punteros, Funciones (recursión), entrada/salida, etc.

Esto es suficiente para resolver "cualquier" problema.

Conocimiento básico de C:

- ▶ Tipos de datos: int, float/double, arreglos
- ► **Aritmética** (operadores)
- ► Condiciones: if, if-else, switch
- ▶ Bucles: for, while, do-while
- ▶ Punteros, Funciones (recursión), entrada/salida, etc.

Esto es suficiente para resolver "cualquier" problema.

Enfoques para la resolución de problemas:

▶ A partir de los datos entrada, el problema es determinar la secuencia de instrucciones (algoritmo) para obtener los datos de salida.

Conocimiento básico de C:

- ▶ Tipos de datos: int, float/double, arreglos
- ► **Aritmética** (operadores)
- ► Condiciones: if, if-else, switch
- ▶ Bucles: for, while, do-while
- ▶ Punteros, Funciones (recursión), entrada/salida, etc.

Esto es suficiente para resolver "cualquier" problema.

Enfoques para la resolución de problemas:

▶ A partir de los datos entrada, el problema es determinar la secuencia de instrucciones (algoritmo) para obtener los datos de salida. La importancia está en el algoritmo.

Conocimiento básico de C:

- ▶ Tipos de datos: int, float/double, arreglos
- ► **Aritmética** (operadores)
- ► Condiciones: if, if-else, switch
- ▶ Bucles: for, while, do-while
- ▶ Punteros, Funciones (recursión), entrada/salida, etc.

Esto es suficiente para resolver "cualquier" problema.

Enfoques para la resolución de problemas:

- ▶ A partir de los datos entrada, el problema es determinar la secuencia de instrucciones (algoritmo) para obtener los datos de salida. La importancia está en el algoritmo.
- Nuevo enfoque: poner en el centro a los datos o la forma de almacenar los datos.

Conocimiento básico de C:

- ▶ Tipos de datos: int, float/double, arreglos
- ► **Aritmética** (operadores)
- ► Condiciones: if, if-else, switch
- ▶ Bucles: for, while, do-while
- ▶ Punteros, Funciones (recursión), entrada/salida, etc.

Esto es suficiente para resolver "cualquier" problema.

Enfoques para la resolución de problemas:

- ▶ A partir de los datos entrada, el problema es determinar la secuencia de instrucciones (algoritmo) para obtener los datos de salida. La importancia está en el algoritmo.
- ▶ Nuevo enfoque: poner en el centro a los datos o la forma de almacenar los datos. Estos datos se van modificando a lo largo del programa (algoritmo).

► Tamaño fijo → arreglos (uno o múltiples subíndices) y struct

- ► Tamaño fijo → arreglos (uno o múltiples subíndices) y struct
- ightharpoonup Tamaño variable $\longrightarrow estructuras dinámicas de datos (lineales y no-lineales)$

- ► Tamaño fijo → arreglos (uno o múltiples subíndices) y struct
- ► Tamaño variable → estructuras dinámicas de datos (lineales y no-lineales)

Estructuras dinámicas de datos (veremos 4 de ellas):

- ► Tamaño fijo → arreglos (uno o múltiples subíndices) y struct
- ► Tamaño variable → estructuras dinámicas de datos (lineales y no-lineales)

Estructuras dinámicas de datos (veremos 4 de ellas):

1. *Listas enlazadas:* colección de elementos de datos alineados en una fila. La inserción y eliminación se efectúa en cualquier parte.

Gonzalo Perez Paina Informática II 2/39

- ► Tamaño fijo → arreglos (uno o múltiples subíndices) y struct
- ► Tamaño variable → estructuras dinámicas de datos (lineales y no-lineales)

Estructuras dinámicas de datos (veremos 4 de ellas):

- 1. Listas enlazadas: colección de elementos de datos alineados en una fila. La inserción y eliminación se efectúa en cualquier parte.
- 2. *Pilas:* apilamiento de datos (LIFO: Last-In, First-Out). La inserción y eliminación se efectúa en un extremo (cima).

- ► Tamaño fijo → arreglos (uno o múltiples subíndices) y struct
- ► Tamaño variable → estructuras dinámicas de datos (lineales y no-lineales)

Estructuras dinámicas de datos (veremos 4 de ellas):

- 1. *Listas enlazadas:* colección de elementos de datos alineados en una fila. La inserción y eliminación se efectúa en cualquier parte.
- 2. *Pilas:* apilamiento de datos (LIFO: Last-In, First-Out). La inserción y eliminación se efectúa en un extremo (cima).
- 3. Colas: representan listas de espera (FIFO: First-In, First-Out). La inserción se efectúa en la parte trasera (cola) y la eliminación de la parte delantera (cabeza).

- ► Tamaño fijo → arreglos (uno o múltiples subíndices) y struct
- ightharpoonup Tamaño variable $\longrightarrow estructuras dinámicas de datos (lineales y no-lineales)$

Estructuras dinámicas de datos (veremos 4 de ellas):

- 1. *Listas enlazadas:* colección de elementos de datos alineados en una fila. La inserción y eliminación se efectúa en cualquier parte.
- 2. *Pilas:* apilamiento de datos (LIFO: Last-In, First-Out). La inserción y eliminación se efectúa en un extremo (cima).
- 3. Colas: representan listas de espera (FIFO: First-In, First-Out). La inserción se efectúa en la parte trasera (cola) y la eliminación de la parte delantera (cabeza).
- 4. Árboles binarios: facilita la búsqueda y clasificación de datos a alta velocidad, la eliminación eficiente de elementos duplicados de datos, etc.

Para la implementación de estructuras dinámicas de datos en lenguaje C se pueden utilizar estructuras (struct) auto-referenciadas.

Para la implementación de estructuras dinámicas de datos en lenguaje C se pueden utilizar estructuras (struct) auto-referenciadas.

Estructura que contiene un miembro de puntero al mismo tipo de estructura

Para la implementación de estructuras dinámicas de datos en lenguaje C se pueden utilizar estructuras (struct) auto-referenciadas.

Estructura que contiene un miembro de puntero al mismo tipo de estructura

Ejemplo:

```
struct nodo {
  int dato;
  struct nodo *ptrSig;
};
```

Para la implementación de estructuras dinámicas de datos en lenguaje C se pueden utilizar estructuras (struct) auto-referenciadas.

Estructura que contiene un miembro de puntero al mismo tipo de estructura

Ejemplo:

```
struct nodo {
  int dato;
  struct nodo *ptrSig;
};
```

Se declara un tipo de estructura struct nodo con:

- 1. un miembro de dato entero dato
- 2. un miembro de puntero al mismo tipo de estructura ptrSig

Para la implementación de estructuras dinámicas de datos en lenguaje C se pueden utilizar estructuras (struct) auto-referenciadas.

Estructura que contiene un miembro de puntero al mismo tipo de estructura

Ejemplo:

```
struct nodo {
  int dato;
  struct nodo *ptrSig;
};
```

Se declara un tipo de estructura struct nodo con:

- 1. un miembro de dato entero dato
- 2. un miembro de puntero al mismo tipo de estructura ptrSig

El miembro puntero (ptrSig) se conoce como enlace o vínculo y permite vincular la estructura struct nodo a otra estructura.

Para la implementación de estructuras dinámicas de datos en lenguaje C se pueden utilizar estructuras (struct) auto-referenciadas.

Estructura que contiene un miembro de puntero al mismo tipo de estructura

Ejemplo:

```
struct nodo {
  int dato;
  struct nodo *ptrSig;
};
```

Se declara un tipo de estructura struct nodo con:

- 1. un miembro de dato entero dato
- 2. un miembro de puntero al mismo tipo de estructura ptrSig

El miembro puntero (ptrSig) se conoce como enlace o vínculo y permite vincular la estructura struct nodo a otra estructura.

Se pueden enlazar varias estructuras auto-referenciadas para formar estructuras de datos útiles como: listas, pilas, colas, y árboles.

Para la implementación de estructuras dinámicas de datos en lenguaje C se pueden utilizar estructuras (struct) auto-referenciadas.

Estructura que contiene un miembro de puntero al mismo tipo de estructura

Ejemplo:

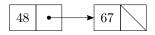
```
struct nodo {
  int dato;
  struct nodo *ptrSig;
};
```

Se declara un tipo de estructura struct nodo con:

- 1. un miembro de dato entero dato
- 2. un miembro de puntero al mismo tipo de estructura ptrSig

El miembro puntero (ptrSig) se conoce como enlace o vínculo y permite vincular la estructura struct nodo a otra estructura.

Se pueden enlazar varias estructuras auto-referenciadas para formar estructuras de datos útiles como: listas, pilas, colas, y árboles.



Colección lineal de estructuras auto-referenciadas llamadas nodos conectados por enlaces de punteros.

Colección lineal de estructuras auto-referenciadas llamadas nodos conectados por enlaces de punteros.

▶ Se tiene acceso a la lista mediante un puntero al primer nodo

Colección lineal de estructuras auto-referenciadas llamadas nodos conectados por enlaces de punteros.

- ▶ Se tiene acceso a la lista mediante un puntero al primer nodo
- El acceso a otros nodos es mediante el puntero de enlace de cada nodo

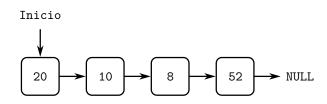
Gonzalo Perez Paina Informática II 4/39

Colección lineal de estructuras auto-referenciadas llamadas nodos conectados por enlaces de punteros.

- ▶ Se tiene acceso a la lista mediante un puntero al primer nodo
- El acceso a otros nodos es mediante el puntero de enlace de cada nodo
- El final de la lista queda indicado por un puntero de enlace a NULL

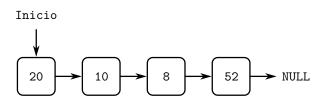
Colección lineal de estructuras auto-referenciadas llamadas nodos conectados por enlaces de punteros.

- ▶ Se tiene acceso a la lista mediante un puntero al primer nodo
- El acceso a otros nodos es mediante el puntero de enlace de cada nodo
- El final de la lista queda indicado por un puntero de enlace a NULL



Colección lineal de estructuras auto-referenciadas llamadas nodos conectados por enlaces de punteros.

- ▶ Se tiene acceso a la lista mediante un puntero al primer nodo
- ▶ El acceso a otros nodos es mediante el puntero de enlace de cada nodo
- El final de la lista queda indicado por un puntero de enlace a NULL



Concepto recursivo

- ▶ Tiene un inicio/cabeza y una cola
- La cola es otra lista

Ventajas y desventajas respecto a los arreglos

▶ ⚠ Son dinámicas, por lo que puede aumentar y disminuir su tamaño en tiempo de ejecución

Ventajas y desventajas respecto a los arreglos

- ▶ ♦ Son dinámicas, por lo que puede aumentar y disminuir su tamaño en tiempo de ejecución
- ▶ ⚠ Adecuadas cuando no se sabe la cantidad de elementos a guardar en la estructura

Ventajas y desventajas respecto a los arreglos

- ▶ ⚠ Son dinámicas, por lo que puede aumentar y disminuir su tamaño en tiempo de ejecución
- ▶ ⚠ Adecuadas cuando no se sabe la cantidad de elementos a guardar en la estructura
- ▶ ♥ No existe un índice por lo que no se puede acceder a un elemento de forma aleatoria

Ventajas y desventajas respecto a los arreglos

- ▶ ₺ Son dinámicas, por lo que puede aumentar y disminuir su tamaño en tiempo de ejecución
- ▶ ⚠ Adecuadas cuando no se sabe la cantidad de elementos a guardar en la estructura
- ▶ ♥ No existe un índice por lo que no se puede acceder a un elemento de forma aleatoria
- ▶ 🧖 Necesitan más espacio en memoria para incluir el puntero

Ventajas y desventajas respecto a los arreglos

- ▶ 🖒 Son dinámicas, por lo que puede aumentar y disminuir su tamaño en tiempo de ejecución
- ▶ ⚠ Adecuadas cuando no se sabe la cantidad de elementos a guardar en la estructura
- ▶ ♥ No existe un índice por lo que no se puede acceder a un elemento de forma aleatoria
- ▶ Necesitan más espacio en memoria para incluir el puntero

Normalmente, los nodos de las listas enlazadas no están almacenados en memoria en forma contigua. Sin embargo, lógicamente, los nodos de una lista enlazada aparecen como contiguos.

Operaciones con listas enlazadas

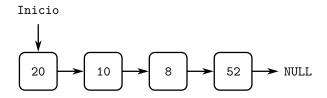
▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.

Operaciones con listas enlazadas

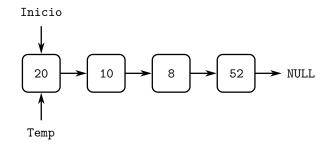
- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio

- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

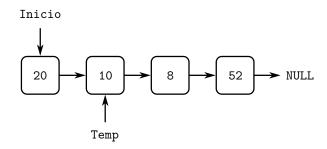
- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio
- 1. Puntero temporal apuntando a la cabeza de la lista (Temp=Inicio)



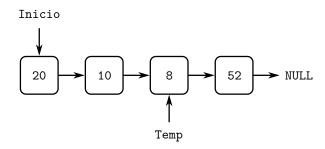
- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio
- 1. Puntero temporal apuntando a la cabeza de la lista (Temp=Inicio)



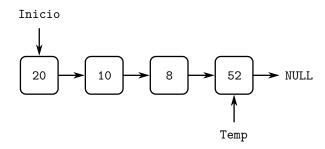
- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio
- 1. Puntero temporal apuntando a la cabeza de la lista (Temp=Inicio)
- 2. Ir reasignando el puntero temporal al enlace del nodo actual



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio
- 1. Puntero temporal apuntando a la cabeza de la lista (Temp=Inicio)
- 2. Ir reasignando el puntero temporal al enlace del nodo actual



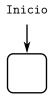
- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio
- 1. Puntero temporal apuntando a la cabeza de la lista (Temp=Inicio)
- 2. Ir reasignando el puntero temporal al enlace del nodo actual



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Lista vacía:

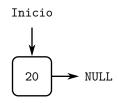
1. Crear un nuevo nodo apuntado por Inicio



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Lista vacía:

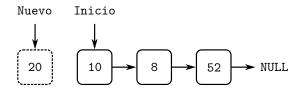
- 1. Crear un nuevo nodo apuntado por Inicio
- 2. Almacenar datos y asignar enlace a NULL



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al principio (prepend):

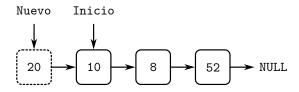
1. Crear un nuevo nodo y almacenar datos



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al principio (prepend):

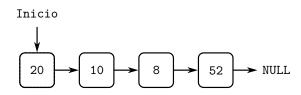
- 1. Crear un nuevo nodo y almacenar datos
- 2. Enlace del nuevo nodo apunta al inicio



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al principio (prepend):

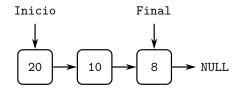
- 1. Crear un nuevo nodo y almacenar datos
- 2. Enlace del nuevo nodo apunta al inicio
- 3. Actualizar el puntero al inicio de la lista (Inicio=Nuevo)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al final (append):

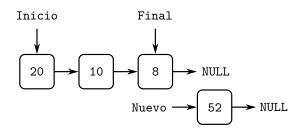
1. Recorrer la lista hasta el último nodo (enlace: NULL)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al final (append):

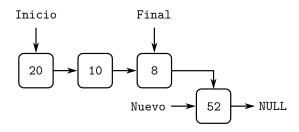
- 1. Recorrer la lista hasta el último nodo (enlace: NULL)
- 2. Crear un nuevo nodo, almacenar datos y poner enlace a NULL



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al final (append):

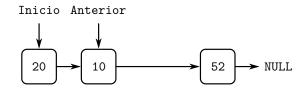
- 1. Recorrer la lista hasta el último nodo (enlace: NULL)
- 2. Crear un nuevo nodo, almacenar datos y poner enlace a NULL
- 3. Último enlace apunta al nuevo nodo (enlace: Nuevo)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al medio:

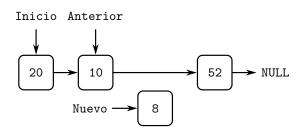
1. Recorrer la lista hasta el nodo anterior



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al medio:

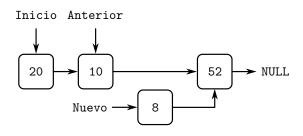
- 1. Recorrer la lista hasta el nodo anterior
- 2. Crear nuevo nodo y almacenar datos



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al medio:

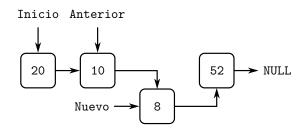
- 1. Recorrer la lista hasta el nodo anterior
- 2. Crear nuevo nodo y almacenar datos
- 3. Enlace del nuevo nodo apunta al nodo siguiente (enlace de anterior)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Agregar al medio:

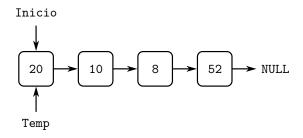
- 1. Recorrer la lista hasta el nodo anterior
- 2. Crear nuevo nodo y almacenar datos
- 3. Enlace del nuevo nodo apunta al nodo siguiente (enlace de anterior)
- 4. Actualizar enlace del nodo anterior al nuevo nodo creado



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar el primer nodo:

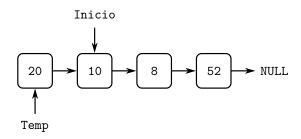
1. Puntero temporal al primer elemento (Temp=Inicio)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar el primer nodo:

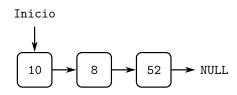
- 1. Puntero temporal al primer elemento (Temp=Inicio)
- 2. Hacer que Inicio apunte al siguiente (enlace)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar el primer nodo:

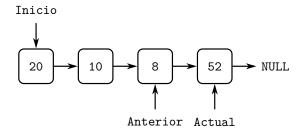
- 1. Puntero temporal al primer elemento (Temp=Inicio)
- 2. Hacer que Inicio apunte al siguiente (enlace)
- 3. Eliminar de memoria primer nodo (apuntado por temporal)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar el último nodo:

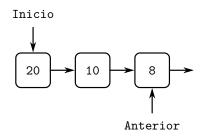
1. Recorrer la lista hasta último nodo (Actual)



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar el último nodo:

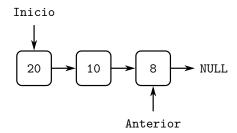
- 1. Recorrer la lista hasta último nodo (Actual)
- 2. Eliminar el nodo con el puntero Actual



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar el último nodo:

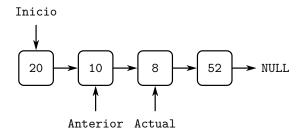
- 1. Recorrer la lista hasta último nodo (Actual)
- 2. Eliminar el nodo con el puntero Actual
- 3. Enlace del último nodo a NULL



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar un nodo del medio:

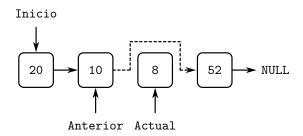
1. Recorrer la lista hasta el nodo a eliminar



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar un nodo del medio:

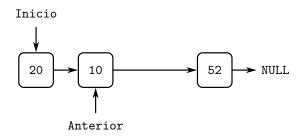
- 1. Recorrer la lista hasta el nodo a eliminar
- 2. Apuntar enlace del nodo Anterior al nodo siguiente



- ▶ Recorrer la lista: p.e. para imprimir la lista, buscar un elemento, etc.
- ▶ Insertar un nodo: lista vacía, agregar al principio, al final o en medio
- ▶ Eliminar un nodo: primer nodo, último o del medio

Eliminar un nodo del medio:

- 1. Recorrer la lista hasta el nodo a eliminar
- 2. Apuntar enlace del nodo Anterior al nodo siguiente
- 3. Eliminar el nodo con el puntero Actual



Se insertan caracteres en la lista en orden alfabético.

```
La lista es:
A --> B --> C --> E --> NULL
```

Se insertan caracteres en la lista en orden alfabético.

```
La lista es:
A --> B --> C --> E --> NULL
```

Definición de tipo y prototipos de funciones:

```
/* Estructura auto-referenciada */
struct nodoLista {
  char dato; /* Cada nodoLista contiene un caracter */
  struct nodoLista *ptrSig; /* Apuntador al siguiente nodo */
};
```

Se insertan caracteres en la lista en orden alfabético.

```
La lista es:
A --> B --> C --> E --> NULL
```

Definición de tipo y prototipos de funciones:

```
/* Estructura auto-referenciada */
struct nodoLista {
  char dato; /* Cada nodoLista contiene un caracter */
   struct nodoLista *ptrSig; /* Apuntador al siguiente nodo */
};

typedef struct nodoLista NodoLista; /* Sinónimo para la estructura nodoLista */
typedef NodoLista *ptrNodoLista; /* Sinónimo para el puntero de nodoLista */
```

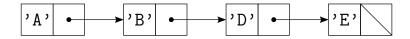
Se insertan caracteres en la lista en orden alfabético.

```
La lista es:
A --> B --> C --> E --> NULL
```

Definición de tipo y prototipos de funciones:

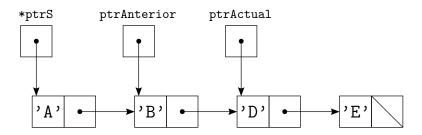
```
/* Estructura auto-referenciada */
struct nodoLista {
 char dato; /* Cada nodoLista contiene un caracter */
 struct nodoLista *ptrSig; /* Apuntador al siguiente nodo */
}:
typedef struct nodoLista NodoLista; /* Sinónimo para la estructura nodoLista */
typedef NodoLista *ptrNodoLista; /* Sinónimo para el puntero de nodoLista */
/* Prototipos */
void insertar(ptrNodoLista * , char );
char eliminar(ptrNodoLista * , char );
int estaVacia(ptrNodoLista );
void imprimeLista(ptrNodoLista );
void instrucciones(void):
```

```
ptrNodoLista ptrInicial = NULL;
/* Se cargan valores en la lista */
/* Agregar el valor 'C' */
insertar(&ptrInicial, elemento);
```

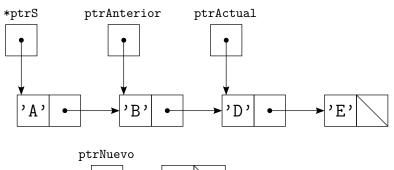


```
/* Agregar el valor 'C' */
insertar(&ptrInicial, elemento);
```

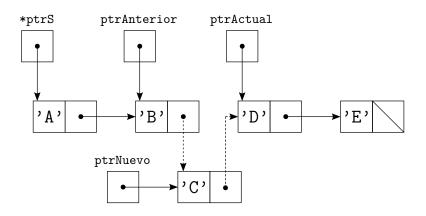




```
ptrNodoLista ptrInicial = NULL;
/* Se cargan valores en la lista */
/* Agregar el valor 'C' */
insertar(&ptrInicial, elemento);
```



```
ptrNodoLista ptrInicial = NULL;
/* Se cargan valores en la lista */
/* Agregar el valor 'C' */
insertar(&ptrInicial, elemento);
```



Dentro de la función insertar():

 Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL (ptrNuevo->ptrSig)

Dentro de la función insertar():

- Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL (ptrNuevo->ptrSig)
- 2. Inicializa ptrAnterior a NULL y ptrActual a *ptrS

9/39

Dentro de la función insertar():

- Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL (ptrNuevo->ptrSig)
- 2. Inicializa ptrAnterior a NULL y ptrActual a *ptrS
- 3. En tanto ptrActual no sea NULL y el valor a insertar sea mayor que ptrActual->dato se van moviendo los punteros. Determina el punto de inserción en la lista.

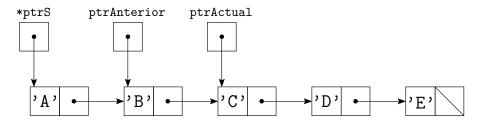
Dentro de la función insertar():

- Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL (ptrNuevo->ptrSig)
- 2. Inicializa ptrAnterior a NULL y ptrActual a *ptrS
- 3. En tanto ptrActual no sea NULL y el valor a insertar sea mayor que ptrActual->dato se van moviendo los punteros. Determina el punto de inserción en la lista.
- 4. Inserta en nuevo nodo
 - ▶ Si ptrAnterior es NULL el nuevo nodo es el primero de la lista

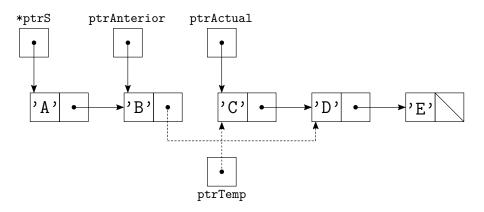
Dentro de la función insertar():

- Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL (ptrNuevo->ptrSig)
- 2. Inicializa ptrAnterior a NULL y ptrActual a *ptrS
- 3. En tanto ptrActual no sea NULL y el valor a insertar sea mayor que ptrActual->dato se van moviendo los punteros. Determina el punto de inserción en la lista.
- 4. Inserta en nuevo nodo
 - ▶ Si ptrAnterior es NULL el nuevo nodo es el primero de la lista
 - ▶ Si no, el nuevo nodo se inserta en su lugar, y ordena los punteros

```
ptrNodoLista ptrInicial = NULL;
/* Se cargan valores en la lista */
/* Agregar el valor 'C' */
eliminar(&ptrInicial, elemento);
```



```
ptrNodoLista ptrInicial = NULL;
/* Se cargan valores en la lista */
/* Agregar el valor 'C' */
eliminar(&ptrInicial, elemento);
```



Dentro de la función eliminar():

- 1. Si el caracter es el primero de la lista
 - ► Asigna *ptrS a ptrTemp
 - ► Asigna (*ptrS)->ptrSig a *ptrS
 - ▶ Libera la memoria usando ptrTemp
- 2. Si no, inicializa ptrAnterior con *ptrS y ptrActual con
 (*ptrS)->ptrSig
- 3. Mientras ptrActual no sea NULL y el valor a borrar no sea ptrActual->dato reasigna los punteros. Esto ubica el caracter a borrar.
- 4. Elimina el caracter
 - ➤ Si ptrActual no es NULL, asigna ptrActual a ptrTemp y ptrActual->ptrSig a ptrAnterior->ptrSig, libera el nodo apuntado por ptrTemp, y regresa el caracter borrado
 - ➤ Si ptrActual es NULL regresa el caracter nulo ('\0') que indica que no se encontró el caracter a borrar

▶ Las listas anteriores se denominas listas enlazadas simples

- Las listas anteriores se denominas listas enlazadas simples
- ► También existen *listas doblemente enlazadas* en las que cada elemento tiene dos punteros: uno al elemento anterior y otro al posterior

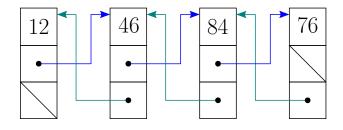
- Las listas anteriores se denominas listas enlazadas simples
- ► También existen *listas doblemente enlazadas* en las que cada elemento tiene dos punteros: uno al elemento anterior y otro al posterior
- ▶ Una lista doblemente enlazada se puede recorrer en ambos sentidos

12 / 39

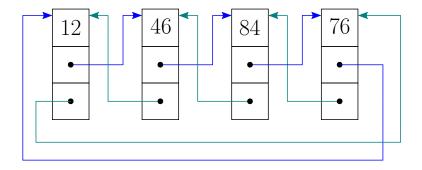
- Las listas anteriores se denominas listas enlazadas simples
- ► También existen *listas doblemente enlazadas* en las que cada elemento tiene dos punteros: uno al elemento anterior y otro al posterior
- ▶ Una lista doblemente enlazada se puede recorrer en ambos sentidos
- ▶ Si los extremos se apuntan entre sí se tiene un anillo lógico

- Las listas anteriores se denominas listas enlazadas simples
- ► También existen *listas doblemente enlazadas* en las que cada elemento tiene dos punteros: uno al elemento anterior y otro al posterior
- ▶ Una lista doblemente enlazada se puede recorrer en ambos sentidos
- ▶ Si los extremos se apuntan entre sí se tiene un anillo lógico
- Una lista de anillo lógico se puede recorrer de forma circular en ambos sentidos

Ejemplo de lista doblemente enlazada



Ejemplo de lista doblemente enlazada



Se la conoce como una estructura de datos *último en entrar, primero en salir* (LIFO, last-in, first-out). Puede interpretarse como una versión restringida de una lista enlazada.

Se la conoce como una estructura de datos *último en entrar, primero en salir* (LIFO, last-in, first-out). Puede interpretarse como una versión restringida de una lista enlazada.

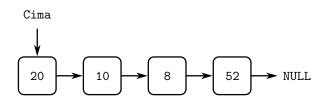
Se referencia a una pila mediante un puntero al elemento superior de la misma

Se la conoce como una estructura de datos *último en entrar, primero en salir* (LIFO, last-in, first-out). Puede interpretarse como una versión restringida de una lista enlazada.

- Se referencia a una pila mediante un puntero al elemento superior de la misma
- ▶ Hay que definir a NULL el mimbro de enlace del último nodo para indicar que se trata de la parte inferior del a pila

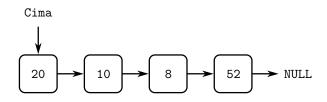
Se la conoce como una estructura de datos *último en entrar, primero en salir* (LIFO, last-in, first-out). Puede interpretarse como una versión restringida de una lista enlazada.

- Se referencia a una pila mediante un puntero al elemento superior de la misma
- ▶ Hay que definir a NULL el mimbro de enlace del último nodo para indicar que se trata de la parte inferior del a pila



Se la conoce como una estructura de datos *último en entrar, primero en salir* (LIFO, last-in, first-out). Puede interpretarse como una versión restringida de una lista enlazada.

- Se referencia a una pila mediante un puntero al elemento superior de la misma
- ▶ Hay que definir a NULL el mimbro de enlace del último nodo para indicar que se trata de la parte inferior del a pila

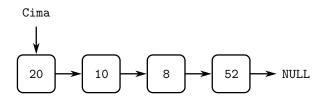


14/39

Es similar a una lista pero con operaciones restringidas

Se la conoce como una estructura de datos *último en entrar, primero en salir* (LIFO, last-in, first-out). Puede interpretarse como una versión restringida de una lista enlazada.

- Se referencia a una pila mediante un puntero al elemento superior de la misma
- ▶ Hay que definir a NULL el mimbro de enlace del último nodo para indicar que se trata de la parte inferior del a pila



- Es similar a una lista pero con operaciones restringidas
- Se agregan y extraen elementos desde la Cima

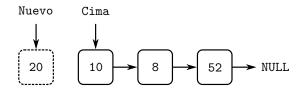
▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()

- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

Similar a "agregar al inicio" en una lista:

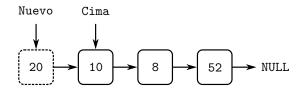
1. Crear un nuevo nodo y almacenar datos



- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

Similar a "agregar al inicio" en una lista:

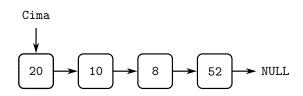
- 1. Crear un nuevo nodo y almacenar datos
- 2. Enlace del nuevo nodo apunta a la cima



- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

Similar a "agregar al inicio" en una lista:

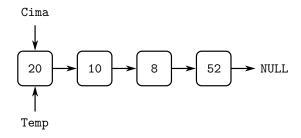
- 1. Crear un nuevo nodo y almacenar datos
- 2. Enlace del nuevo nodo apunta a la cima
- 3. Actualizar el puntero a la cima de la pila (Cima=Nuevo)



- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

Similar a "eliminar el primer nodo" en una lista:

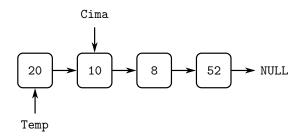
1. Puntero temporal al nodo de la cima (Temp=Cima)



- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

Similar a "eliminar el primer nodo" en una lista:

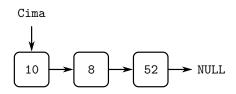
- 1. Puntero temporal al nodo de la cima (Temp=Cima)
- 2. Hacer que Cima apunte al siguiente (enlace)



- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

Similar a "eliminar el primer nodo" en una lista:

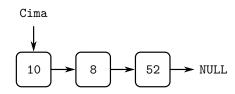
- 1. Puntero temporal al nodo de la cima (Temp=Cima)
- 2. Hacer que Cima apunte al siguiente (enlace)
- 3. Eliminar de memoria nodo cima (apuntado por temporal)



- ▶ Agregar un elemento: se agrega en la cima. Función push()
- Extraer un elemento: extrae el valor de la cima. Función pop()

Similar a "eliminar el primer nodo" en una lista:

- 1. Puntero temporal al nodo de la cima (Temp=Cima)
- 2. Hacer que Cima apunte al siguiente (enlace)
- 3. Eliminar de memoria nodo cima (apuntado por temporal)
- 4. Devolver el valor obtenido previamente guardado

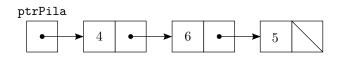


Pila – ejemplo D&D Fig.12.8

```
Introduzca su elección:
  1 para empujar un valor dentro de la pila
  2 para sacar un valor de la pila
  3 para terminar el programa
Introduzca un entero: 4
La pila es:
El valor sacado es 4.
La pila es:
```

Pila – ejemplo D&D Fig.12.8

```
Introduzca su elección:
  1 para empujar un valor dentro de la pila
  3 para terminar el programa
Introduzca un entero: 4
La pila es:
El valor sacado es 4.
La pila es:
```



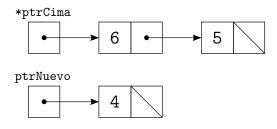
Pila – ejemplo D&D Fig.12.8

Definición de tipo y prototipos de funciones:

```
/* Estructura auto-referenciada */
struct nodoPila {
 int dato: /* Define un dato como int */
 struct nodoPila *ptrSig; /* Apuntador a nodoPila */
}:
typedef struct nodoPila NodoPila; /* Sinónimo de la estructura nodoPila */
typedef NodoPila *ptrNodoPila; /* Sinónimo para NodoPila */
/* Prototipos */
void push(ptrNodoPila * , int );
int pop(ptrNodoPila * );
int estaVacia(ptrNodoPila );
void imprimePila(ptrNodoPila );
void instrucciones(void):
```

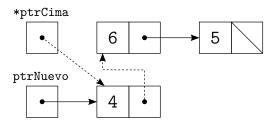
```
ptrNodoPila ptrPila = NULL;
/* Se cargan valores en la pila */
/* Agregar el valor 4 */
push(&ptrPila, valor);
```

Representación de la pila dentro de push()



```
ptrNodoPila ptrPila = NULL;
/* Se cargan valores en la pila */
/* Agregar el valor 4 */
push(&ptrPila, valor);
```

Representación de la pila dentro de push()



Dentro de la función push():

1. Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL

- 1. Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL
- 2. Asigna el puntero de la pila *ptrCima a ptrNuevo->ptrSig. El nuevo enlace ahora apunta al nodo superior de la pila.

- 1. Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL
- 2. Asigna el puntero de la pila *ptrCima a ptrNuevo->ptrSig. El nuevo enlace ahora apunta al nodo superior de la pila.
- 3. Asigna ptrNuevo a *ptrCima. *ptrCima apunta ahora a la nueva cima de la pila.

Dentro de la función push():

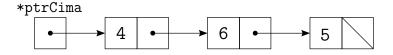
- 1. Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, almacena el nuevo dato en ptrNuevo->dato, y pone el enlace a NULL
- 2. Asigna el puntero de la pila *ptrCima a ptrNuevo->ptrSig. El nuevo enlace ahora apunta al nodo superior de la pila.
- 3. Asigna ptrNuevo a *ptrCima. *ptrCima apunta ahora a la nueva cima de la pila.

19 / 39

Las modificaciones realizadas a *ptrCima modifican el valor de ptrPila en main().

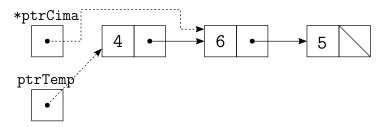
```
ptrNodoPila ptrPila = NULL;
/* Se cargan valores en la pila */
/* Extraer el valor de la cima */
valor = pop(&ptrPila);
int pop(ptrNodoPila *ptrCima)
/* Al modificar *ptrCima se modifica
ptrPila de la función main */
}
```

Representación de la pila dentro de pop()



```
ptrNodoPila ptrPila = NULL;
/* Se cargan valores en la pila */
/* Extraer el valor de la cima */
valor = pop(&ptrPila);
int pop(ptrNodoPila *ptrCima)
/* Al modificar *ptrCima se modifica
ptrPila de la función main */
}
```

Representación de la pila dentro de pop()



Dentro de la función pop():

1. Asignar *ptrCima a ptrTemp (para luego liberar memoria)

- 1. Asignar *ptrCima a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 2. Asignar (*ptrCima)->dato a valorElim (guarda el valor del nodo)

- 1. Asignar *ptrCima a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 2. Asignar (*ptrCima)->dato a valorElim (guarda el valor del nodo)
- 3. Asignar (*ptrCima)->ptrSig a *ptrCima (nuevo nodo cima)

- 1. Asignar *ptrCima a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 2. Asignar (*ptrCima)->dato a valorElim (guarda el valor del nodo)
- 3. Asignar (*ptrCima)->ptrSig a *ptrCima (nuevo nodo cima)
- 4. Liberar la memoria apuntada por ptrTemp con free()

- 1. Asignar *ptrCima a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 2. Asignar (*ptrCima)->dato a valorElim (guarda el valor del nodo)
- 3. Asignar (*ptrCima)->ptrSig a *ptrCima (nuevo nodo cima)
- 4. Liberar la memoria apuntada por ptrTemp con free()
- 5. Regresar valorElim a la función llamadora (en este caso main())

Se la conoce como una estructura de datos *primero en entrar, primero en salir* (FIFO, first-in, first-out).

Se la conoce como una estructura de datos *primero en entrar*, *primero en salir* (FIFO, first-in, first-out).

▶ Se eliminan nodos de la cola solo de la parte delantera o *cabeza* de la cola,

Se la conoce como una estructura de datos *primero en entrar*, *primero en salir* (FIFO, first-in, first-out).

- ▶ Se eliminan nodos de la cola solo de la parte delantera o *cabeza* de la cola,
- y son incluidos o insertados únicamente en la parte trasera de la cola.

Se la conoce como una estructura de datos primero en entrar, primero en salir (FIFO, first-in, first-out).

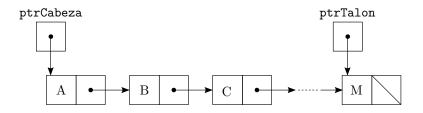
- ▶ Se eliminan nodos de la cola solo de la parte delantera o *cabeza* de la cola,
- y son incluidos o insertados únicamente en la parte trasera de la cola.

Las operaciones de insertar y retirar se conoce como enqueue y dequeue.

Se la conoce como una estructura de datos primero en entrar, primero en salir (FIFO, first-in, first-out).

- ▶ Se eliminan nodos de la cola solo de la parte delantera o *cabeza* de la cola,
- > y son incluidos o insertados únicamente en la parte trasera de la cola.

Las operaciones de insertar y retirar se conoce como enqueue y dequeue.



Cola – ejemplo D&D Fig.12.13

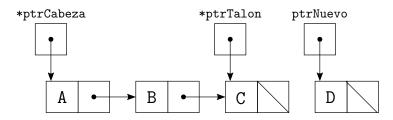
```
Introduzca su elección:
  1 para ingresar un elemento a la cola
  2 para eliminar un elemento de la cola
Introduzca un caracter: C
La cola es:
A --> B --> C --> NULL
Se desenfilo A.
La cola es:
B --> C --> NULL
```

Cola – ejemplo D&D Fig.12.13

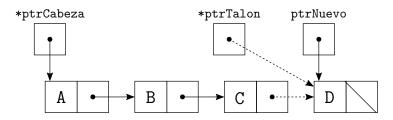
Definición de tipo y prototipos de funciones:

```
/* Estructura auto-referenciada */
struct nodoCola {
 char dato: /* Define dato como un char */
 struct nodoCola *ptrSig; /* Apuntador nodoCola */
}:
typedef struct nodoCola NodoCola;
typedef NodoCola *ptrNodoCola;
/* Prototipos de funciones */
void imprimeCola(ptrNodoCola );
int estaVacia(ptrNodoCola );
char dequeue(ptrNodoCola * , ptrNodoCola * );
void enqueue(ptrNodoCola * , ptrNodoCola * , char );
void instrucciones(void):
```

Representación de la cola dentro de enqueue()



Representación de la cola dentro de enqueue()



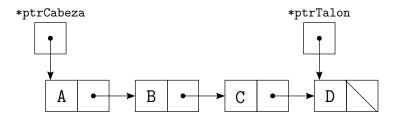
Dentro de la función enqueue():

 Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, guarda el valor a insertar en la cola ptrNuevo->dato, y el enlace ptrNuevo->ptrSig a NULL

- Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, guarda el valor a insertar en la cola ptrNuevo->dato, y el enlace ptrNuevo->ptrSig a NULL
- 2. Si la cola está vacía, asigna ptrNuevo a *ptrCabeza; si no, asigna ptrNuevo a (*ptrTalon)->ptrSig

- Crea un nuevo nodo con malloc() apuntado por ptrNuevo, guarda el valor a insertar en la cola ptrNuevo->dato, y el enlace ptrNuevo->ptrSig a NULL
- 2. Si la cola está vacía, asigna ptrNuevo a *ptrCabeza; si no, asigna ptrNuevo a (*ptrTalon)->ptrSig
- 3. Asigna ptrNuevo a *ptrTalon

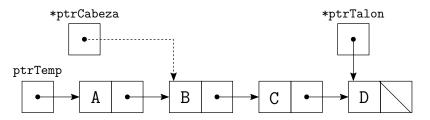
Representación de la cola dentro de dequeue()



```
ptrNodoCola ptrCabeza = NULL; char dequeue(ptrNodoCola *ptrCabeza, ptrNodoCola ptrTalon = NULL; ptrNodoCola *ptrTemp)

/* Extraer un nodo */ ptrCabeza de la función main */
elemento = dequeue(&ptrCabeza, &ptrTalon); }
```

Representación de la cola dentro de dequeue()



Dentro de la función dequeue():

1. Asigna (*ptrCabeza)->dato a valor (valor del nodo)

Dentro de la función dequeue():

- 1. Asigna (*ptrCabeza)->dato a valor (valor del nodo)
- 2. Asigna *ptrCabeza a ptrTemp (para luego liberar memoria)

28 / 39

- 1. Asigna (*ptrCabeza)->dato a valor (valor del nodo)
- 2. Asigna *ptrCabeza a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 3. Asigna (*ptrCabeza)->ptrSig a *ptrCabeza (apunta al primer nodo de la cola)

- 1. Asigna (*ptrCabeza)->dato a valor (valor del nodo)
- 2. Asigna *ptrCabeza a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 3. Asigna (*ptrCabeza)->ptrSig a *ptrCabeza (apunta al primer nodo de la cola)
- 4. Si *ptrCabeza es NULL asigna NULL a *ptrTalon

- 1. Asigna (*ptrCabeza)->dato a valor (valor del nodo)
- 2. Asigna *ptrCabeza a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 3. Asigna (*ptrCabeza)->ptrSig a *ptrCabeza (apunta al primer nodo de la cola)
- 4. Si *ptrCabeza es NULL asigna NULL a *ptrTalon
- 5. Libera la memoria apuntada por ptrTemp con free()

- 1. Asigna (*ptrCabeza)->dato a valor (valor del nodo)
- 2. Asigna *ptrCabeza a ptrTemp (para luego liberar memoria)
- 3. Asigna (*ptrCabeza)->ptrSig a *ptrCabeza (apunta al primer nodo de la cola)
- 4. Si *ptrCabeza es NULL asigna NULL a *ptrTalon
- 5. Libera la memoria apuntada por ptrTemp con free()
- 6. Regresa valor a la función llamadora (en este caso main())

Árboles

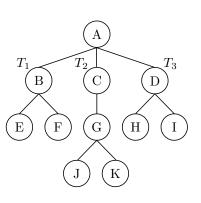
▶ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)

Árboles

- ▶ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces

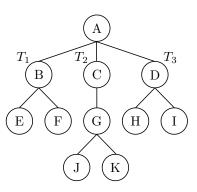
- ➤ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces
- ▶ Utilizados para guardar datos que tiene una relación de jerarquía

- ➤ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces
- ▶ Utilizados para guardar datos que tiene una relación de jerarquía



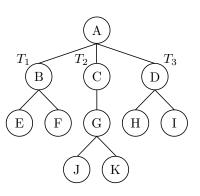
Nodo raíz (R): nodo superior (no tiene nodo padre). Si R es NULL el árbol está vacío

- ➤ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces
- ▶ Utilizados para guardar datos que tiene una relación de jerarquía



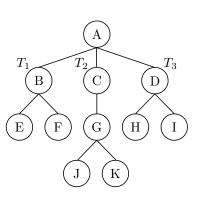
- Nodo raíz (R): nodo superior (no tiene nodo padre). Si R es NULL el árbol está vacío
- Sub-árbol: si el nodo raíz R no es NULL, T_1 , T_2 y T_3 son sub-árboles de R

- ➤ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces
- ▶ Utilizados para guardar datos que tiene una relación de jerarquía



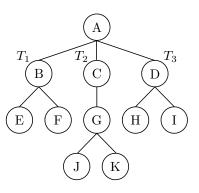
- Nodo raíz (R): nodo superior (no tiene nodo padre). Si R es NULL el árbol está vacío
- ▶ Sub-árbol: si el nodo raíz R no es NULL, T_1 , T_2 y T_3 son sub-árboles de R
- ▶ Nodo hoja: nodo que no tiene hijos

- ➤ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces
- ▶ Utilizados para guardar datos que tiene una relación de jerarquía



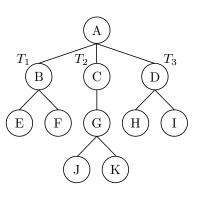
- Nodo raíz (R): nodo superior (no tiene nodo padre). Si R es NULL el árbol está vacío
- ▶ Sub-árbol: si el nodo raíz R no es NULL, T_1 , T_2 y T_3 son sub-árboles de R
- ▶ Nodo hoja: nodo que no tiene hijos
- Camino: se forma por una secuencia de aristas, p.e.: el camino de A a I es: A, D, e I

- ▶ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces
- Utilizados para guardar datos que tiene una relación de jerarquía



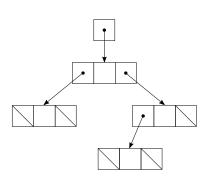
- Nodo raíz (R): nodo superior (no tiene nodo padre). Si R es NULL el árbol está vacío
- ▶ Sub-árbol: si el nodo raíz R no es NULL, T_1 , T_2 y T_3 son sub-árboles de R
- ▶ Nodo hoja: nodo que no tiene hijos
- Camino: se forma por una secuencia de aristas, p.e.: el camino de A a I es: A, D, e I
- ▶ Nro de nivel: el nodo raíz tiene nivel 0 y sus hijos nivel 1, y así sucesivamente

- ▶ Son estructura de datos no lineales (a diferencia de las listas, pilas y colas)
- Los nodos de los *árboles* contienen dos o más enlaces
- ▶ Utilizados para guardar datos que tiene una relación de jerarquía

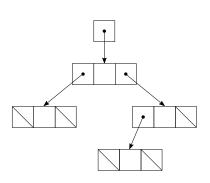


- Nodo raíz (R): nodo superior (no tiene nodo padre). Si R es NULL el árbol está vacío
- Sub-árbol: si el nodo raíz R no es NULL, T_1 , T_2 y T_3 son sub-árboles de R
- ▶ Nodo hoja: nodo que no tiene hijos
- Camino: se forma por una secuencia de aristas, p.e.: el camino de A a I es: A, D, e I
- ► Nro de nivel: el nodo raíz tiene nivel 0 y sus hijos nivel 1, y así sucesivamente
- Grado: el grado de un nodo es la cantidad de nodos hijos que tiene

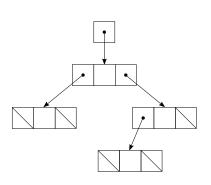
Todos los nodos contienen dos enlaces (ninguno, uno o ambos definidos a NULL)



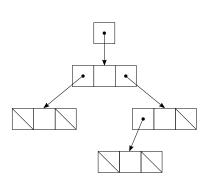
El nodo raíz es el primer nodo del árbol



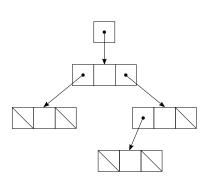
- El nodo raíz es el primer nodo del árbol
- ▶ Cada enlace del nodo raíz apunta a un hijo



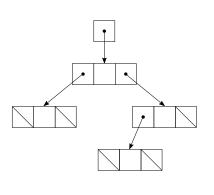
- ▶ El nodo raíz es el primer nodo del árbol
- Cada enlace del nodo raíz apunta a un hijo
- ► El hijo izquierdo es el primer nodo del sub-árbol izquierdo



- ▶ El nodo raíz es el primer nodo del árbol
- Cada enlace del nodo raíz apunta a un hijo
- ► El hijo izquierdo es el primer nodo del sub-árbol izquierdo
- ► El hijo derecho es el primer nodo del sub-árbol derecho



- ▶ El nodo raíz es el primer nodo del árbol
- ► Cada enlace del nodo raíz apunta a un hijo
- ► El hijo izquierdo es el primer nodo del sub-árbol izquierdo
- El hijo derecho es el primer nodo del sub-árbol derecho
- Los hijos de los nodos se conocen como descendientes



- ▶ El nodo raíz es el primer nodo del árbol
- Cada enlace del nodo raíz apunta a un hijo
- ► El hijo izquierdo es el primer nodo del sub-árbol izquierdo
- El hijo derecho es el primer nodo del sub-árbol derecho
- Los hijos de los nodos se conocen como descendientes
- Un nodo sin hijos se conoce como nodo hoja

▶ No contiene nodos duplicados

- ▶ No contiene nodos duplicados
- ▶ Los valores de cualquier sub-árbol izquierdo son menores que el valor de su nodo padre

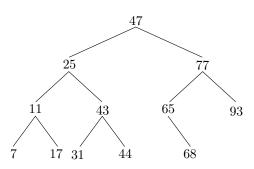
- ► No contiene nodos duplicados
- ➤ Los valores de cualquier sub-árbol izquierdo son menores que el valor de su nodo padre
- ▶ Los valores de cualquier sub-árbol derecho son mayores que el valor de su nodo padre

- ► No contiene nodos duplicados
- Los valores de cualquier sub-árbol izquierdo son menores que el valor de su nodo padre
- \blacktriangleright Los valores de cualquier sub-árbol derecho son mayores que el valor de su nodo padre

También se conoce como árbol binario ordenado.

- ► No contiene nodos duplicados
- Los valores de cualquier sub-árbol izquierdo son menores que el valor de su nodo padre
- ▶ Los valores de cualquier sub-árbol derecho son mayores que el valor de su nodo padre

También se conoce como árbol binario ordenado.



Árbol binario – ejemplo D&D Fig.12.19

- ▶ En un árbol binario el nodo se inserta únicamente como nodo hoja
- Recorrer un árbol binario: proceso de visitar cada nodo de un árbol solo una vez de forma sistemática
- ▶ No tienen una única forma de ser recorrido como las estructuras lineales
- ▶ Se recorren de tres formas: enorden, preorden, y postorden

Árbol binario – ejemplo D&D Fig.12.19

- ▶ En un árbol binario el nodo se inserta únicamente como nodo hoja
- Recorrer un árbol binario: proceso de visitar cada nodo de un árbol solo una vez de forma sistemática
- ▶ No tienen una única forma de ser recorrido como las estructuras lineales
- ▶ Se recorren de tres formas: enorden, preorden, y postorden

Árbol binario – ejemplo D&D Fig.12.19

Definición de tipo y prototipos de funciones:

```
/* Estructura auto-referenciada */
struct nodoArbol {
 int dato: /* valor del nodo */
 struct nodoArbol *ptrIzq; /* Apuntador al subárbol izquierdo */
 struct nodoArbol *ptrDer; /* Apuntador al subárbol derecho */
};
typedef struct nodoArbol NodoArbol; /* Sinónimo de la estructura nodoArbol */
typedef NodoArbol *ptrNodoArbol; /* Sinónimo de NodoArbol* */
/* Prototipos */
void insertarNodo(ptrNodoArbol * , int );
void inOrden(ptrNodoArbol );
void preOrden(ptrNodoArbol );
void postOrden(ptrNodoArbol );
```

```
void insertarNodo(ptrNodoArbol *ptrArbol, int valor)
  /* Si el árbol está vacío */
  if(*ptrArbol == NULL) {
   *ptrArbol = malloc(sizeof(NodoArbol));
   if(*ptrArbol != NULL) { /* Hay memoria */
     (*ptrArbol)->dato = valor;
     (*ptrArbol)->ptrIzq = NULL;
     (*ptrArbol)->ptrDer = NULL;
   } /* fin de if */
   else
     printf("No se insertó %d. No hay memoria disponible.\n", valor);
  } else { /* el árbol no está vacío */
   if(valor < (*ptrArbol)->dato) /* dato < nodo actual */</pre>
     insertarNodo( &( (*ptrArbol)->ptrIzq ), valor);
   else if(valor > (*ptrArbol)->dato) /* dato > nodo actual */
     insertarNodo( &( (*ptrArbol)->ptrDer ), valor);
   else /* valor duplicado */
     printf("dup");
  }
```

Dentro de la función insertarNodo():

Si *ptrArbol es NULL, crea un nuevo nodo llamando a malloc() y apuntado por *ptrArbol, asigna el valor a almacenar en (*ptrArbol)->dato, y los enlaces (*ptrArbol)->ptrIzq y (*ptrArbol)->ptrDer a NULL.

Dentro de la función insertarNodo():

- Si *ptrArbol es NULL, crea un nuevo nodo llamando a malloc() y apuntado por *ptrArbol, asigna el valor a almacenar en (*ptrArbol)->dato, y los enlaces (*ptrArbol)->ptrIzq y (*ptrArbol)->ptrDer a NULL.
- Si *ptrArbol no es NULL, y el valor a insertar es menor que (*ptrArbol)->dato se llama a insertarNodo() con la dirección (*ptrArbol)->ptrIzq; si no, se llama a insertarNodo() con la dirección (*ptrArbol)->ptrDer.

Dentro de la función insertarNodo():

- Si *ptrArbol es NULL, crea un nuevo nodo llamando a malloc() y apuntado por *ptrArbol, asigna el valor a almacenar en (*ptrArbol)->dato, y los enlaces (*ptrArbol)->ptrIzq y (*ptrArbol)->ptrDer a NULL.
- Si *ptrArbol no es NULL, y el valor a insertar es menor que (*ptrArbol)->dato se llama a insertarNodo() con la dirección (*ptrArbol)->ptrIzq; si no, se llama a insertarNodo() con la dirección (*ptrArbol)->ptrDer.
- 3. Se sigue la recursividad hasta que se encuentre un puntero \mathtt{NULL} y se ejecuta el paso 1

Ejemplo D&D Fig.12.19 – Recorrido pre-orden

```
/* Recorrido preorden del árbol */
void preOrden(ptrNodoArbol ptrArbol)
{
   /* Si el árbol no está vacío, entonces recórrelo */
   if(ptrArbol != NULL) {
      printf("%3d", ptrArbol->dato);
      preOrden(ptrArbol->ptrIzq);
      preOrden(ptrArbol->ptrDer);
   }
}
```

- 1. Visita el nodo raíz,
- 2. recorre el sub-árbol izquierdo, y finalmente
- 3. recorre el sub-árbol derecho.

Ejemplo D&D Fig.12.19 – Recorrido en-orden

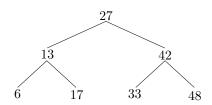
```
/* Recorrido inorden del árbol */
void inOrden(ptrNodoArbol ptrArbol)
{
   /* Si el árbol no está vacío, entonces recórrelo */
   if(ptrArbol != NULL) {
     inOrden(ptrArbol->ptrIzq);
     printf("%3d", ptrArbol->dato);
     inOrden(ptrArbol->ptrDer);
   }
}
```

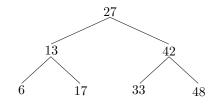
- 1. Recorrer el sub-árbol izquierdo,
- 2. visita el nodo raíz, y finalmente
- 3. recorre el sub-árbol derecho.

Ejemplo D&D Fig.12.19 – Recorrido post-orden

```
/* Recorrido postorden del árbol */
void postOrden(ptrNodoArbol ptrArbol)
{
   /* Si el árbol no está vacío, entonces recórrelo */
   if(ptrArbol != NULL) {
      postOrden(ptrArbol->ptrIzq);
      postOrden(ptrArbol->ptrDer);
      printf("%3d", ptrArbol->dato);
   }
}
```

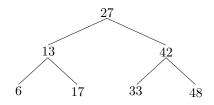
- 1. Recorrer el sub-árbol izquierdo,
- 2. recorrer el sub-árbol derecho, y finalmente
- 3. visita el nodo raíz.



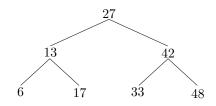


▶ preorden: 27 13 6 17 42 33 48

[<raiz> <izq> <der>]

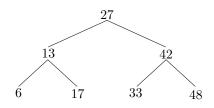


▶ preorden: 27 13 6 17 42 33 48 [<raiz> <izq> <der>] se procesa cada nodo conforme se pasa por el, luego se procesa el sub-árbol izquierdo y a continuación el sub-árbol derecho

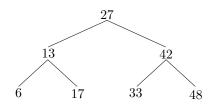


- ▶ preorden: 27 13 6 17 42 33 48 [⟨raíz⟩ ⟨izq⟩ ⟨der⟩] se procesa cada nodo conforme se pasa por el, luego se procesa el sub-árbol izquierdo y a continuación el sub-árbol derecho
- ▶ enorden: 6 13 17 27 33 42 48

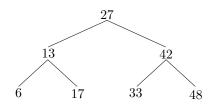
[<izq> <raiz> <der>]



- ▶ preorden: 27 13 6 17 42 33 48 [<raiz> <izq> <der>] se procesa cada nodo conforme se pasa por el, luego se procesa el sub-árbol izquierdo y a continuación el sub-árbol derecho
- ▶ enorden: 6 13 17 27 33 42 48 [<izq> <raiz> <der>] imprime los valores de los nodos en forma ascendente (el proceso de cargar un árbol de búsqueda binario de hecho ordena los datos)



- ▶ preorden: 27 13 6 17 42 33 48 [<raiz> <izq> <der>] se procesa cada nodo conforme se pasa por el, luego se procesa el sub-árbol izquierdo y a continuación el sub-árbol derecho
- ▶ enorden: 6 13 17 27 33 42 48 [<izq> <raiz> <der>] imprime los valores de los nodos en forma ascendente (el proceso de cargar un árbol de búsqueda binario de hecho ordena los datos)
- ▶ postorden: 6 17 13 33 48 42 27 [<izq> <der> <<u>raíz></u>]



- ▶ preorden: 27 13 6 17 42 33 48 [⟨raíz⟩ ⟨izq⟩ ⟨der⟩] se procesa cada nodo conforme se pasa por el, luego se procesa el sub-árbol izquierdo y a continuación el sub-árbol derecho
- ▶ enorden: 6 13 17 27 33 42 48 [<izq> <raíz> <der>] imprime los valores de los nodos en forma ascendente (el proceso de cargar un árbol de búsqueda binario de hecho ordena los datos)
- ▶ postorden: 6 17 13 33 48 42 27 [<izq> <der> <raíz>] no se imprime el valor de cada nodo hasta que sean impresos los valores de sus hijos