Osciladores Parte 2 Ruido de Fase

Universidad Tecnológica Nacional de Argentina - F. R. Córdoba
Departamento de Electrónica - Electrónica Aplicada III
Daniel Rabinovich
Ramón Oros
Claudio Paz
Año 2016

Ruido de fase

- Oscilador ideal
 - Amplitud constante
 - Fase crece linealmente con $t \rightarrow$ cruces por 0 periódicos
- Variaciones en la fase
 - Menores a 1 s → ruido de fase (en sistemas digitales jitter)
 - Mayores a 1 s → inestabilidad a largo plazo, deriva o drift
- Importancia del ruido de fase en comunicaciones
 - Cada vez, canales más cargados y menos espaciados
 - Sistemas de modulación más complejos para lograr mayor relación bps/Hz
 - Esto implica señalizaciones en la fase con una mayor resolución

Definiciones

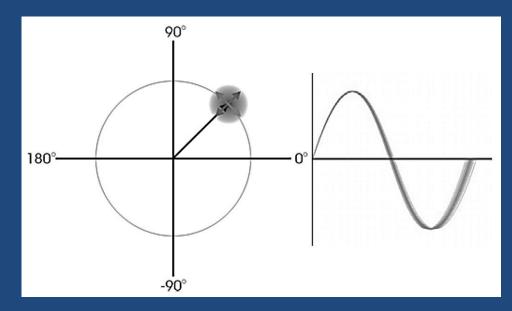
Tensión de salida ideal de un oscilador

$$V(t) = V_0 \sin(\omega_0 t) = V_0 \sin(2\pi f_0 t)$$

Tensión de salida real

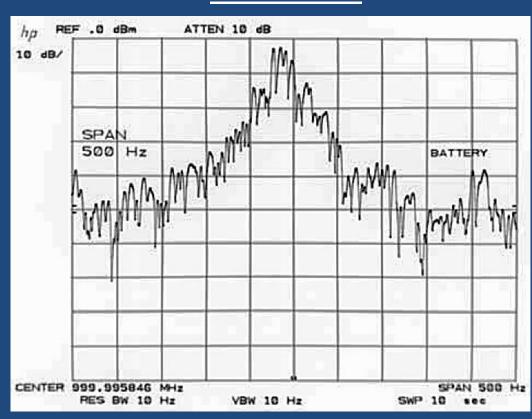
$$V(t) = [V_0 + \varepsilon(t)] \sin[2\pi f_0 t + \phi(t)]$$

Representación vectorial



 La saturación de la etapa de sostenimiento de los osciladores reduce el ruido de amplitud (no todos los autores concuerdan)

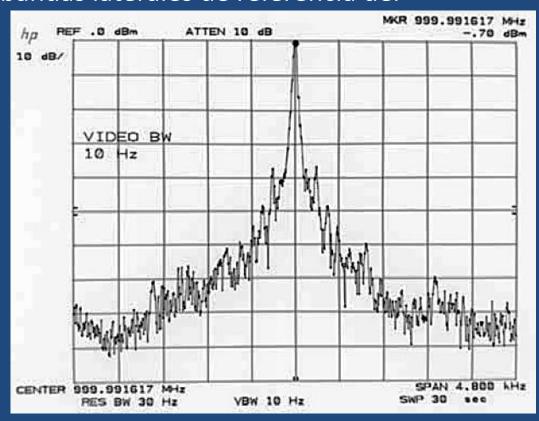
- Análisis del espectro de una portadora
 - Salida: Generador Analógico HP8640B aproximadamente 1 GHz, 0 dBm
 - Observada: Analizador Espectro HP8568A, 50 Hz/div, span 500 Hz, sweep time 1s/div
 - Durante 0,5 s, en la zona central, se observan múltiples picos en un rango de 25 Hz, esto se lo denomina <u>FM residual</u>
 - No se repite igual en barridos subsiguientes
 - Es un proceso no determinístico
 - La FM residual, la PM residual y el jitter están matemáticamente relacionados



- Se amplia el span a 4,8 kHz
- La FM residual es menos observable
- Se aprecian la bandas laterales de ruido simétricas por naturaleza
- A ± 240, ± 360, y ± 480 Hz probablemente armónicos de la frecuencia de línea de 60 Hz. No aparecen con la señal de calibración por lo que las introduce el generador de señales

 A ± 1560 Hz componentes discretas causadas por disturbios repetibles como el ripple de la fuente o bandas laterales de referencia del

sintetizador



- Ruido de fase, definiciones
 - Densidad espectral de las fluctuaciones de fase

•
$$S_{\phi}(f_m) = \frac{\Delta \phi_{rms}^2(f_m)}{BW_{\Delta \phi_{rms}}} (rad^2/Hz)$$

- Ruido de fase de banda lateral única (SSB noise)
 - $L(f_m) = \frac{1}{2}S_{\phi}(f_m)$
 - Es la más común, es la relación de la potencia de una sola banda lateral modulada en fase, medida en 1 Hz de ancho de banda, a la potencia total de la señal
 - ullet Se especifica para un determinado apartamiento f_m de la portadora
 - Si se mide $L'(f_m)$ con un ancho de banda BW mayor que 1 Hz se debe corregir así

•
$$L(f_m)\left(\frac{dBc}{Hz}\right) = L'(f_m)\left(\frac{dBc}{BW}\right) - 10logBW$$

Densidad espectral de las fluctuaciones de frecuencia

•
$$S_{\Delta f}(f_m) = \frac{\Delta f_{rms}^2(f_m)}{BW_{\Delta f_{rms}}} (Hz^2/Hz)$$

 Se relaciona con la densidad espectral de fluctuaciones de fase

•
$$S_{\phi}(f_m) = \frac{S_{\Delta f}(f_m)}{fm^2} (rad^2/Hz)$$

 Por lo tanto con el ruido de fase de banda lateral única

•
$$L(f_m) = \frac{S_{\Delta f}(f_m)}{2fm^2}$$

• Medición de $L(f_m)$

- Basado en la figura anterior, para f_m = -960 Hz
- $-L(-960) = -72 \text{ dB} 10*\log(30) + 1,7 = -85,1 \text{ dBc/Hz}$
- 1,7 dB tiene en cuenta que el BW del filtro del AE no es igual que el BW efectivo de ruido
- Se observa que para f_m = +960 Hz el ruido promedio es 4 dB menor
- La asimetría se debe a que el ruido es un fenómeno estadístico y el barrido es lento
- Un nuevo barrido dará valores diferentes debido a la inestabilidad a largo plazo
- Una medición con un promediado mayor requiere mayor tiempo de barrido (Ejemplo VBW menor) la que es afectada por la inestabilidad a largo plazo
- Con un RBW mayor y ST menores, las bandas laterales de ruido se observan más simétricas

- FM residual y PM residual
 - Un barrido angosto de la salida de un oscilador muestra una portadora dispersa
 - Esto se conoce como FM residual o FM incidental
 - Con un discriminador se obtiene banda base
 - La PM residual está relacionada con $L(f_m)$
 - $\Delta \phi^2 = 2 \int_{f_a}^{f_b} L(f_m) df_m(rms)$
 - Lo mismo la FM residual
 - $\Delta f^2 = 2 \int_{f_a}^{f_b} f_m^2 L(f_m) df_m(rms)$
 - Para un estación de FM comercial f_a = 30 Hz y f_b = 15 kHz
 - La FM y PM residual están relacionadas con la performance del sistema ya que fija la máxima S/N alcanzable

•
$$\frac{S}{N}\Big|_{ultimate} = 10 log \frac{\Delta f_{sig,rms}^2}{\Delta f^2}$$

- Por ejemplo una desviación de la señal deseada de 53 kHz o mejor, para una S/N máxima de 60 dB la FM residual debe ser 53 Hz o mejor
- Este valor es aproximado ya que depende de los perfiles de pre-énfasis y de-énfasis

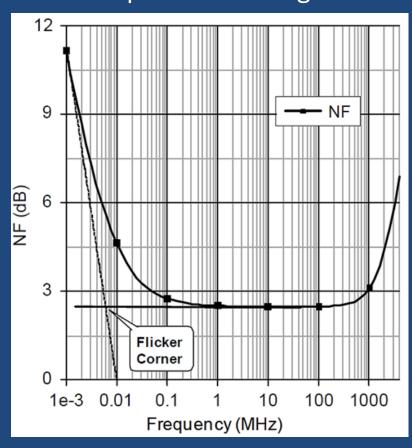
- Ruido de dos puertos
 - El ruido anterior tratado se llama ruido absoluto, lo produce el oscilador
 - Cuando la señal atraviesa un dispositivo ruidoso de 2 puertos se induce ruido de AM y PM incrementando las bandas laterales de ruido
 - Se lo llama ruido aditivo o de dos puertos
 - Normalmente es menor que el absoluto

A diferencia del absoluto el ruido de AM es comparable en magnitud

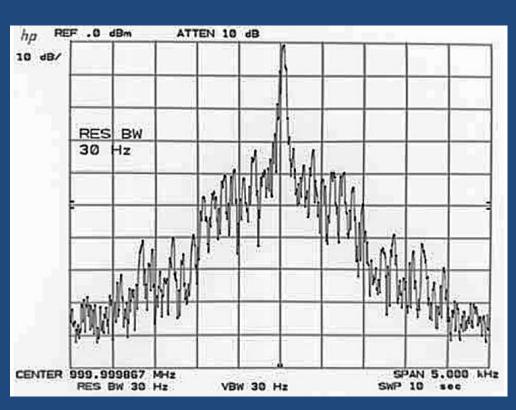
con el de FM

En la figura, de 1 a 100 MHz es ruido
 blanco con una NF plana de 2,5 dB

- Los efectos de alta frecuencia hacen que el ruido aumente arriba de 100 MHz (shot noise entre otros)
- Debajo de 1MHz se impone el ruido de parpadeo o flicker o 1/f
- La intersección de la NF del ruido plano con el de parpadeo se la conoce la f esquina de flicker. En este caso 6 kHz



- Perturbaciones acústicas
 - El espectrograma de una portadora de 1 GHz producido por un generador HP8640B, con un pequeño vibrador mecánico apoyado en la misma mesa
 - Los niveles de las bandas laterales entre 400 y 1000 Hz se incrementan entre 10 y 15 dB
 - Se conocen como bandas laterales acústicas
 - Son determinísticas para una excitación sinusoidal y semi-determinísticas para el caso de rodamientos ruidosos
 - Este problema es importante en la aviación y otros entornos móviles
 - También los coolers pueden provocar este tipo de perturbación
 - Verdaderamente limitan la performance de un oscilador



- Predicción del ruido de fase en osciladores
 - De las técnicas para estimar el ruido de fase el método clásico es el descripto por David B. Leeson
 - Es sencillo e intuitivo
 - Está basado en la teoría lineal invariante en el tiempo (LTI)
 - Algunos señalan que ciertas limitaciones de esta teoría se alivian mediante la aplicación de la teoría variante en el tiempo (LTV)

- Teoría lineal invariante en el tiempo
 - D. B. Leeson la derivó heurísticamente
 - Sauvage la probó formalmente
 - Leeson supuso un oscilador lineal y que los resultado solo requieren correcciones menores para tener en cuenta los efectos no lineales
 - Afirmó que los componentes de ruido de AM son mucho menores que los de FM, excepto para f suficientemente alejadas de la portadora
 - Supuso un resonador simple, serie o ||, en la red de realimentación

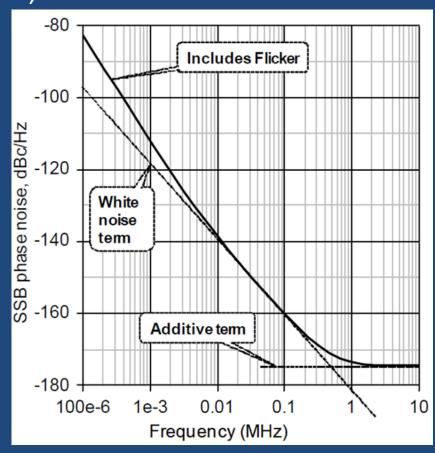
 La expresión de la densidad espectral de potencia de las fluctuaciones de fase es

•
$$S_{\phi}(\omega_m) = S_{\Delta\phi} \left[1 + \left(\frac{\omega_0}{2Q\omega_m} \right)^2 \right]$$

- $-S_{\Delta\phi}$ es la componente de ruido aditivo de tensión, que es plana e igual a FkT/P_S para el ruido blanco y se incrementa hacia frecuencias más bajas a 6 dB/octava por el ruido flicker, donde
 - F es un factor empírico débilmente correlacionado con el ruido del dispositivo
 - k es la constante de Boltzmann (1,3806488×10⁻²³)
 - T es la temperatura de funcionamiento
 - P_S es la potencia de salida
 - Q es el Q cargado del circuito a lazo abierto del oscilador realimentado
 - f_0 (o ω_0) es la frecuencia de la portadora
 - f_m (o ω_m) es el desplazamiento (offset), modulación o frecuencia banda base

- Agregando un término para tener en cuenta el ruido de flicker o parpadeo, la ecuación queda
 - $L(f_m) = 10log \left[\frac{1}{2} \left(1 + \frac{f_c}{f_m} \right) \left(1 + \left(\frac{f_0}{2Q_L f_m} \right)^2 \right) \left(\frac{FkT}{P_S} \right) \right] (dBc/Hz)$
 - Donde f_C es la frecuencia esquina de flicker
- Dado que F es empírico y f_c está solo indirectamente relacionada con la f esquina de flicker del dispositivo, el poder de predicción cuantitativo de la ecuación es limitado
- Sin embargo, el ruido de fase predicho por la ecuación de Leeson correlaciona bien con los datos de osciladores ensayados

- Ejemplo de ruido de fase SSB predicho por la ecuación de Leeson
 - $f_0 = 100 \text{ MHz}$, $f_C = 6 \text{ kHz}$, $Q_L = 100$, F = 1,77 (2,5 dB) y $P_S = 0 \text{ dBm}$
 - Para un desplazamiento superior al BW del resonador $(f_0/2Q_L = 0.5 \text{ MHz})$ el ruido de fase es plano, donde el ruido de AM domina
 - Para $f_m < f_0/2Q_L$ el ruido de fase aumenta con f_m -2
 - Para $f_m < f_C$ el ruido de fase aumenta con f_m^{-3} donde el primer término de Leeson proporciona el f_m^{-1}
 - Para desplazamientos muy próximos a la portadora se produce una paseo aleatorio (random walk) con una pendiente total f_m^{-4}



- Extensiones a la teoría
 - El ruido predicho por la ecuación de Leeson se llama ruido Leeson
 - El ruido de fase de un oscilador está también generado por otros mecanismos además de los predichos por Leeson, principalmente
 - Pushing
 - Ruido por modulación de varactor
 - Ruido de buffer

Pushing

- Un cambio en la tensión de alimentación cambia la polarización y por ende la función de transferencia del amplificador
- Un cambio en la fase cambia la f del oscilador
- Este ruido es predecible y se determina midiendo la f para tensiones de alimentación por encima y por debajo de la tensión nominal y está dado por

•
$$\theta_d = \frac{2K_p V_{ns}}{f_m}$$

- Donde K_P es la sensibilidad de f a los cambios de tensión en Hz/V, y V_{ns} es la tensión de ruido de la fuente. El ruido de fase SSB debido al pushing vale
- $L(f_m) = 20log \frac{\theta_d}{2}$
- Si V_{ns} es una señal discreta el par de BL es determinístico
- Si V_{ns} es ruido que se expresa en V/Hz las BL son no determinísticas

Ruido por modulación de varactor

- Es común la sintonía por diodo varactor o varicap
- Cualquier ruido en la tensión de sintonía modula la portadora
- Aunque la tensión de sintonía no tenga ruido, los diodos varactores tienen ruido interno
- La resistencia efectiva de ruido R_{enr} para diodos varactores de Si de juntura hiper abrupta va de 300 ohm a 10 kohm
- Esta R_{enr} no es la que se usa para modelar el Q sin carga del varactor, la cual es un R en serie normalmente menor que 10 ohm
- La tensión de ruido producida por la R_{enr} está dada por

•
$$V_{nv} = \sqrt{4kTR_{enr}}$$

- Y la desviación de fase pico en 1 Hz de BW se calcula con
 - $\bullet \quad \theta_d = \frac{\sqrt{2}K_v V_{nv}}{f_m}$
 - Donde K_v es la constante de la ganancia del VCO expresada en V/Hz
- El ruido de fase está dado, al igual que el pushing, por
 - $L(f_m) = 20log \frac{\theta_d}{2}$
- La degradación por ruido de varactor es más severa cuanto mayor sea la banda de sintonización por lo que este ruido es limitante en osciladores con K_v de 50 MHz/V o mayor
- El ruido total es la suma de Leeson + pushing + ruido por varactor

- Comparación de dos módulos osciladores
 - Módulo VCO

VOLTAGE CONTROLLED OSCILLATOR SURFACE MOUNT MODEL: DCRO1317-5

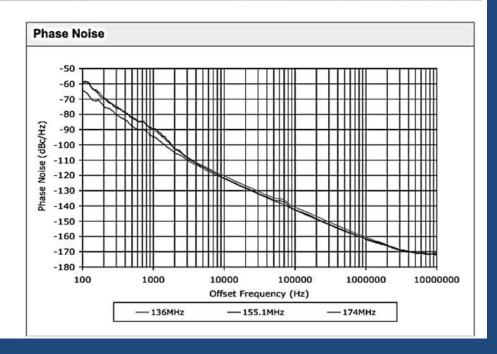
OPTIMIZED BANDWIDTH

136 - 174 MHz

FEATURES:

- Exceptional Phase Noise Performance
- Small Size, Surface Mount
- Lead Free Patented REL-PRO® Technology
- ► Planar Resonator Construction





Oven Controlled Crystal Oscillator (OCXO)

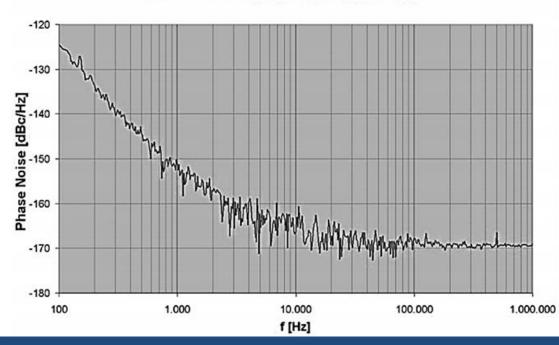
OVEN CONTROLLED CRYSTAL OSCILLATOR PLUG-IN MODEL: OXO120-1-349

FEATURES:

- ► Exceptionally Low Phase Noise
- ▶ Fast Warm-up Time
- ▶ Low Power Consumption
- ▶ Tight Frequency Stability
- ▶ Excellent Long-Term Stability
- ► El. Frequency Tuning Input
- ► Reference Voltage Output
- ► Small CO-8 package



Phase Noise 0.30.800784-LF - 120.000 MHz



Observaciones de la comparación

- El primero es un VCO probablemente controlado por diodo varactor
- El segundo es un OCXO de frecuencia fija
- El ruido de fase térmico plano vale lo mismo en ambos dispositivos -170 dBc
- En el VCO el ruido de fase comienza a crecer aproximadamente dos décadas antes que el OCXO, esto se debe al ruido por el diodo varactor y el bajo Q
- Sin embargo, si el VCO es parte de un sintetizador con PLL, y el lazo esta enganchado, su ruido de fase tiende a aproximarse al ruido de fase del oscilador fijo de referencia

Ruido de buffer

- Un amplificador separador degrada la performance del ruido de fase cuando su ruido térmico, referenciado a su entrada, es mayor que el ruido de salida del oscilador
- El ruido de buffer referenciado a su entrada, y luego referenciado a la portadora del oscilador viene dado por

•
$$L(f_m) = 10\log \frac{F_{buf}kT}{P_S}$$

Ecuación maestra de ruido

- Los términos anteriores no están correlacionados y se pueden sumar en potencia
- Por lo tanto el ruido de fase SSB de un oscilador es

$$-L(f_{m}) = 10log \left[\frac{1}{2} \left(1 + \frac{f_{c}}{f_{m}} \right) \left(1 + \left(\frac{f_{0}}{2Q_{L}f_{m}} \right)^{2} \right) \left(\frac{FkT}{P_{S}} \right) + \frac{2kTR_{enr}K_{v}^{2}}{f_{m}^{2}} + \left(\frac{K_{p}V_{ns}}{f_{m}} \right)^{2} + \frac{F_{buf}kT}{P_{S}} \right] (dBc/Hz)$$

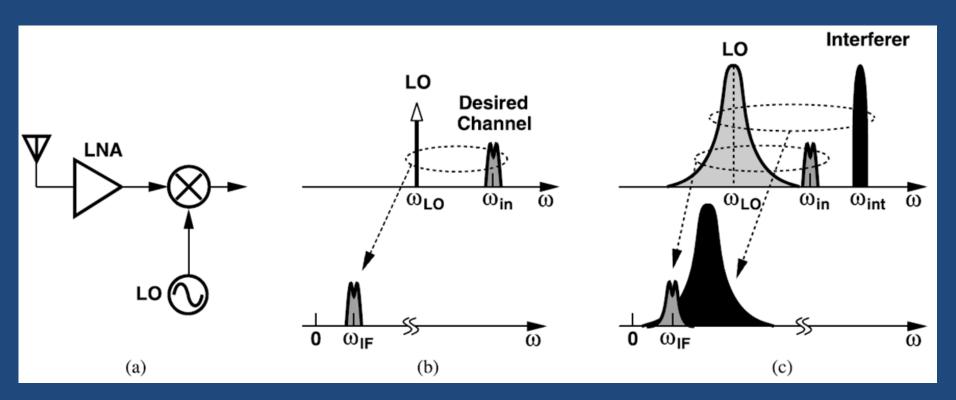
 Esta expresión vale todas las fuentes de ruido en osciladores bien diseñados, sin un excesivo MG del lazo abierto y con componentes pasivos que sólo poseen ruido térmico

^{*}Se sugiere simular en Genesys

- Multiplicación de frecuencia
 - La multiplicación de frecuencia degrada el ruido de fase SSB
 - Sea N el factor de multiplicación
 - $L_{xN}(f_m) = L(f_m) + 10 \log N^2 + A \quad (dBc/Hz)$
 - Donde A es un factor aditivo que depende del tipo de multiplicador usado
 - Reactancia no lineal
 - Conductancia no lineal (como en los diodos dobladores)
 - Los diodos dobladores de barrera Schottky A vale 1 dB o menos
 - Los varactores reactivos y los diodos multiplicadores tipo snap son generalmente más ruidosos

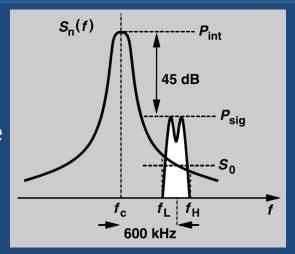
- Estimación de la fuente de ruido predominante
 - Para mejora el comportamiento hay que determinar la fuente principal de ruido
 - Si se conocen los parámetros, la ecuación maestra del ruido de fase SSB, se la aplica para estimar cual ruido predomina
 - Si lo que predomina es el ruido de modulación producido por el varactor, el aumentar el Q_L del lazo abierto no lo mejora, pero sí si se reemplaza el varactor por un C fijo
 - Para verificar el pushing se reemplaza la fuente por una batería
 - Relativo al ruido de buffer, si P_S es mayor que 0 dBm, el ruido de buffer no afectaría salvo a f alejadas de la portadora, para evaluar se puede retirar o anular temporalmente el buffer

- Efectos del ruido de fase
 - Un LO ruidoso por medio de la mezcla con una señal interferente transfiere su ruido de fase a la IF corrompiéndola
 - Este fenómeno se lo llama mezcla recíproca
 - Esto se vuelve crítico en Rx que no tienen filtro de RF, en este caso es muy importante el ruido de fase del LO



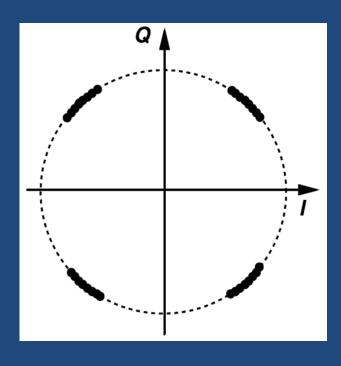
Ejemplo

 Un receptor GSM debe soportar una interferencia localizada a tres canales de distancia del canal deseado y es 45 dB mayor. Estime el ruido de fase máximo tolerable del LO si la corrupción por mezcla recíproca debe permanecer 15 dB debajo del nivel de la señal deseada



- Solución
 - La figura muestra el espectro interferente ya convertido. La potencia total de ruido introducida por la señal interferente en el canal deseado vale $P_{n,tot} = \int_{f_L}^{f_H} S_n(f) df$
 - Asumiendo $S_n(f)$ plano con f, e igual a S_0 , se obtiene $P_{n,tot} = S_0(f_H f_L)$
 - Entonces $SNR = \frac{P_{sig}}{S_0^{S_0}(f_H f_L)}$ que debería ser al menos 15 dB, en otras palabras $10log \frac{S_0^{S_0}(f_H f_L)}{P_{sig}} = -15dB 10log(f_H f_L)$
 - Como $10log(P_{int}/P_{sig}) = 45~dB$ la ecuación anterior queda $10log\frac{S_0}{P_{int}} = -15dB 10\log(f_H f_L) 45~dB$
 - Si f_H - f_L = 200 kHz entonces $10 log \frac{S_0}{P_{int}} = -113 dB/Hz$
 - El ruido de fase SSB del LO no puede mayor que -113 dBc/Hz a 600 kHz

- Efectos del ruido de fase
 - El ruido de fase también corrompe a las señales moduladas en fase en los procesos de up y downconversion
 - Como el ruido de fase no se distingue de una modulación de fase o frecuencia, un LO ruidoso corrompe la información transportada por la señal



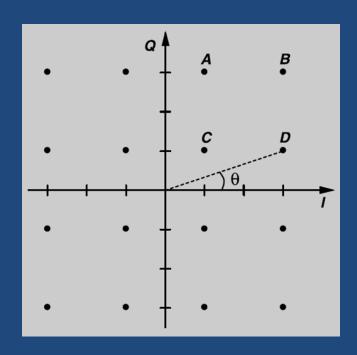
Una señal QPSK con ruido de fase se expresa así

•
$$X_{QPSK} = A\cos\left[\omega_c t + (2k+1)\frac{\pi}{4} + \phi_n(t)\right] k = 0, ..., 3$$

 El ruido puede girar la constelación fuera de la zona de detección correcta

Ejemplo

- Determine cuales puntos en una constelación 16-QAM son más sensibles al ruido de fase
- Solución
 - Considere los cuatro puntos del cuadrante de arriba a la derecha de la figura
 - Los puntos B y C pueden tolerar una rotación de 45° antes de introducirse en los cuadrantes adyacentes
 - Por otro lado los puntos A y D, solo pueden rotar θ = tan-1(1/3) = 18,4°
 - Entonces, los ocho puntos externos cercanos a los ejes I y Q son los más sensibles al ruido de fase



Parámetros de ruido

- La figura de ruido (F o NF) es un modelo simplificado del ruido real en un sistema
- Supone un único elemento de ruido teórico presente en cada etapa
- Los dispositivos reales tienen varias fuentes contribuyentes al ruido
 - Ruido térmico
 - Ruido de disparo (shot)
 - Ruido 1/f o de parpadeo (flicker)
- La figura de ruido del dispositivo activo cambian en función de la impedancia o admitancia de la fuente

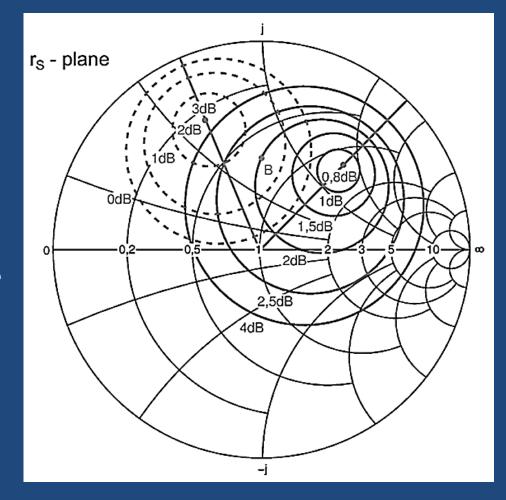
- Normalmente la impedancia de fuente óptima para el ruido no coincide con la óptima para la ganancia
- Para elegir la impedancia óptima se necesitan dos caracterizaciones, una para la ganancia y otra para el ruido
- Con los parámetros S se puede calcular la máxima ganancia disponible o la ganancia para impedancias de puertos dadas
- Para caracterizar los parámetros de ruido del dispositivo bajo prueba (DUT) hace falta un sintonizador especial que presente diferentes impedancias complejas al DUT
- La elección de la impedancia de fuente que ve el dispositivo activo es un compromiso entre ganancia y NF

 La dependencia de la F con la impedancia de fuente del sintonizador está descripta por

•
$$F = F_{min} + \frac{4R_n}{Z_0} \left(\frac{|\Gamma_{opt} - \Gamma_S|^2}{|1 + \Gamma_{opt}|^2 (1 - |\Gamma_S|^2)} \right)$$

- Donde Γ es coeficiente de reflexión de fuente que resulta en una figura de ruido F
- F_{min} es la mínima figura de ruido que ocurre cuando $\Gamma = \Gamma_{opt}$
- R_n es la resistencia de ruido (describe la sensibilidad de la figura de ruido a los cambios de la admitancia de fuente)
- A F_{min} , R_n y Γ_{opt} se los conoce como los "parámetros de ruido"

- Cuando se traza Γ_S para un F dado, quedan definidos círculos de ruido constante
- Los círculos de ruido son un formato conveniente para mostrar la compleja relación entre la impedancia de la fuente y el factor de ruido



Plano de Γ_s . En líneas continuas los círculos de figura de ruido constante y en líneas de guiones los círculos de ganancia constante. La figura de ruido mínima es 0,8 dB.

Modelos de ruido para simuladores

- Existen varios formatos para especificar las características de los dispositivo
- Uno muy difundido es el Touchstone File Format
 Specification Version 1.1 y 2.0
- ! Indica comentario
- # describe el formato de datos subsiguientes
- # MHz S MA R 50
- indica frecuencia en MHz, parámetros S, expresados en MA módulo y ángulo sexagesimal, y R 50 indica impedancia de referencia de 50 ohm
- Los datos de ruido no necesitan encabezado, basta que f sea menor que la última f de los parámetros S
- $-R_n$ está normalizado con la misma Z_0 que los parámetros S

```
! Filename: BFG505C.S2P Version: 3.0
! Philips part #: BFG505 Date: Feb 1992
! Bias condition: Vce=3V, Ic=2.5mA
! IN LINE PINNING: same data as with cross emitter pinning.
# MHz S MA R 50
! Freg S11 S21 S12 S22 !GUM [dB]
40 .949 -3.5 6.588 176.1 .005 86.6 .993 -2.0 ! 45.1
100 .942 -8.7 6.499 170.9 .012 83.9 .988 -4.9 | 42.0
200 .920 -17.1 6.337 163.0 .024 79.0 .972 -9.5 ! 36.8
300 .892 -25.6 6.226 155.7 .035 74.1 .949 -13.8 ! 32.8
400 .858 -33.9 6.046 149.3 .045 69.6 .922 -17.6 ! 29.6
500 .823 -41.3 5.771 143.5 .053 65.8 .893 -21.1 ! 27.1
600 .788 -48.4 5.529 138.3 .060 62.9 .862 -24.1 ! 25.0
700 .750 -55.5 5.338 133.3 .066 60.0 .830 -26.5 ! 23.2
800 .706 -62.1 5.126 128.1 .071 57.6 .801 -28.6 ! 21.6
900 .663 -68.1 4.858 123.3 .076 55.6 .772 -30.5 ! 20.2
1000 .619 -74.2 4.605 119.0 .080 53.8 .745 -32.3 ! 18.9
1200 .539 -86.9 4.210 111.0 .088 51.6 .702 -35.9 ! 16.9
```

Formato de archivo, según especificación Touchstone®, de los parámetros S y de ruido para el transistor BFG505 polarizado a 3 V y 2.5 mA.

3000 .275 179.0 2.125 68.6 .131 51.1 .582 -57.3 ! 8.7

! Noise data:

! Freq. Fmin Gamma-opt rn

900 1.30 .583 19.0 .69

2000 1.90 .473 45.0 .55

*Se sugiere simular C:\Program Files (x86)\GENESYS2009.04\Examples\Amplifiers\Amp Noise.wsx *Con más detalle en AWR Examples: LNA measurements.emp