

UTN  
2014

MEDIOS DE ENLACE  
- Examen Final -  
Apellido y Nombre: Pérez Batrigo



Fecha: 03/02/2014

1. Calcular la admitancia de un ramal sintonizador (stub) en circuito abierto cuya longitud es  $\lambda_s = 0,368$  longitudes de onda. Expresar el valor en forma compleja  $y_s = a + jb$  y decir si corresponde a un capacitor o a una bobina puesta en paralelo y justificar el porqué.

$$\begin{aligned}\lambda_s &= 0,368\lambda \\ \lambda_s &= 0,368\lambda + 0,25\lambda \\ \lambda_s &= 0,618\lambda - 0,25\lambda = 0,368\lambda\end{aligned}$$

$$y_s = 0 + j0,91$$

Es un capacitor debido a que  $\angle Z_s = 1,018 \angle -90^\circ$

- 2.- Partiendo de la ecuación de la constante de propagación igual a constante de atenuación mas constante de fase, encontrar el valor de la constante beta en función de las constantes del medio y la frec.

$$\gamma = \alpha + j\beta$$

$$\gamma^2 = j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)$$

$$\beta = ?$$

- 3 - Expresar las características, usos y modo de propagación en una Fibra Optica. Graficar y clasificar los distintos tipos de Fibras Opticas según su índice de refracción.

Para aprobar debe tener el ejercicio práctico correctamente resuelto y uno de los temas totalmente desarrollado y el otro al menos planteado. Duración 50 minutos (Tema 2)

UNIVERSIDADES

Editorial Científico Universitario

Av. España 1447 - Tucumán - Tel: 0343-4200013 - B. Nueva Chica  
Córdoba - Email: editorialuniversitarias@yahoo.com.ar

Hoja 1 \*

Álvaro Rodríguez  
Leg. 54573  
03/02/2014

$$2) \delta^2 = j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon) \quad \wedge \quad \delta = \alpha + j\beta$$

$$\Rightarrow \delta^2 = (\alpha + j\beta)^2 = \alpha^2 - \beta^2 + j2\alpha\beta$$

$$\delta^2 = -\omega^2\epsilon\mu + j\omega\mu\sigma$$

$$\Rightarrow \alpha^2 - \beta^2 = -\omega^2\epsilon\mu$$

$$2\alpha\beta = \omega\mu\sigma \quad \Rightarrow \quad \alpha = \frac{\omega\mu\sigma}{2\beta}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{\omega\mu\sigma}{2\beta}\right)^2 - \beta^2 = -\omega^2\epsilon\mu$$

$$\Rightarrow \beta^2 - \omega^2\epsilon\mu - \left(\frac{\omega\mu\sigma}{2\beta}\right)^2 = 0$$

Multiplico por  $\beta^2$

$$\beta^4 - \omega^2\epsilon\mu\beta^2 - \left(\frac{\omega\mu\sigma}{2}\right)^2 = 0$$

Hago  $x = \beta^2$ , por lo que la ecuación me queda:

$$x^2 - \omega^2\epsilon\mu x - \left(\frac{\omega\mu\sigma}{2}\right)^2 = 0$$

Calculo las raíces

$$x_{1,2} = \frac{\omega^2\epsilon\mu \pm \sqrt{(\omega^2\epsilon\mu)^2 + 4\left(\frac{\omega\mu\sigma}{2}\right)^2}}{2}$$

$$= \frac{\omega^2\epsilon\mu}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{\omega^2\epsilon\mu}{2}\right)^2 + \frac{4}{4}\left(\frac{\omega\mu\sigma}{2}\right)^2}$$

Uso el "+" por tener sentido físico ya que  $\beta$  no puede ser negativo

$$= \frac{\omega^2\epsilon\mu}{2} + \sqrt{\left(\frac{\omega^2\epsilon\mu}{2}\right)^2 + \left(\frac{\omega\mu\sigma}{2\omega^2\epsilon\mu}\right)^2} \quad \wedge \quad FD = \frac{\sigma}{\omega\epsilon}$$

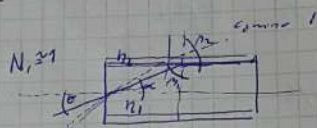
$$= \frac{\omega^2\epsilon\mu}{2} \left[ \sqrt{1 + FD^2} + 1 \right]$$

Como  $X = \beta^2$

$$\Rightarrow \beta = \sqrt{\frac{\omega^2 \mu \epsilon}{2} [\sqrt{1 + FD} + 1]}$$

3) Una fibra óptica es un conductor hueco que puede ser de vidrio o plástico que transmite la luz por medio de sucesivas refracciones, de un extremo al otro.

AN



Ahora vamos a ver el ~~valor~~ el ángulo máximo de incidencia.

$$n_2 = n_1 (1 - \Delta) \quad \Delta \approx (0,2\% \text{ a } 0,1\%)$$

$$n_1 \sin \theta \pm n_2 \sin \alpha \quad \wedge \quad n_1 \approx 1$$

$$\sin \theta = n_2 \sin \alpha \quad \Rightarrow \quad \sin \alpha = \frac{\sin \theta}{n_2}$$

Sea para cuando el rayo está en el medio de  $n_1$  y se refracta en el medio con  $n_2 = n_2$ , la ecuación es:

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

Para que la refracción sea total  $\theta_2 = 90^\circ$

$$\Rightarrow n_1 \sin \theta_1 = n_2 (1) \quad \Rightarrow \quad \sin \theta_1 = \frac{n_2}{n_1}$$

Por trigonometría sabemos que los ángulos  $\alpha$  y  $\theta_1$  se cumple que

$$\sin^2 \alpha + \sin^2 \theta_1 = 1$$



Pérez Rodríguez  
leg 54573

$$\frac{\sin^2 \theta_{ic}}{n_1^2} + \frac{n_2^2}{n_1^2} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{\sin^2 \theta_{ic}}{n_1^2} = 1 - \frac{n_2^2}{n_1^2}$$

$$\sin^2 \theta_{ic} = n_1^2 - n_2^2$$

$$\Rightarrow \theta_{ic} = \sin^{-1} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$

Que es el ángulo máximo de incidencia para el cual se produce una reflexión total.

$$AN = \sin \theta_{ic} = \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$

A medida que disminuye la apertura numérica vamos a llegar a transmitir en modo simple. lo ideal sería transmitir en modo simple y con los mandamientos.

Modo)

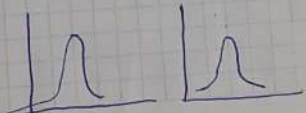
Modo Escalonado

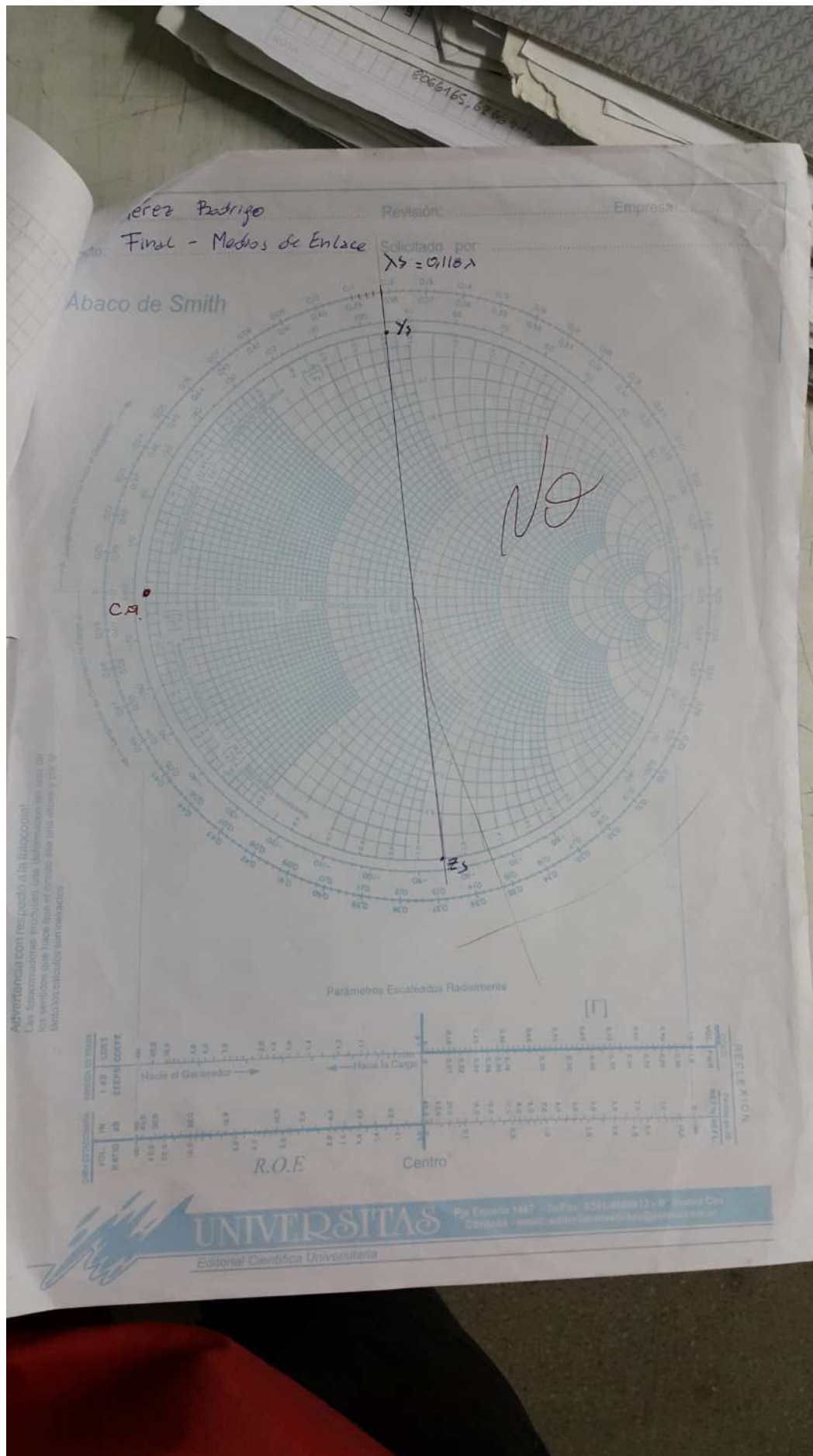


Modo Gradual




Modo simple











also do this 30-40%  
pair cent  $\rightarrow$  fc

④ naphtalen norm

IT  
indirect  
 $\phi_{T-3}$

Antes de

De-fusion  
FD-700s

Wester  
Polder

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \text{ difference}$$

Strophos

⑩ difference  
of oblique

canoe to back

5. Wiederholung

⑦ reflexion  
 11/12 [E]

② Forma → compos  
diferença estrutural  
compos estática

lexia

reflexes

Crack → release  
entirely smooth.

2. Purely

④ Ex onob reflexus

Δt tempo  
coprante  
st rappresente

⑥ Vector pointing

Linear Tx  $\rightarrow$  Parameter distributions  
 C?  $\rightarrow$  Zernst?  $\rightarrow$  cone  
 surface

$c \rightarrow$  Zernst?  $c_{\text{max}}$   
 Come  
 sind sie

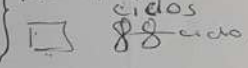
Terminale cut  
distancia n  
redrice → R

$\frac{1}{2}$

12/15

ondas  $\rightarrow$  en respecto a la fuente  
 graficas  $\rightarrow$  ond isocronas  
 ond ref

S/D

- Polarización  $\rightarrow$  ond harig  $\rightarrow$  comp electrica
- (2) Reflexion normal  $\rightarrow$  q pasa con b ond  
 q le hace el conductor } dimension del  
 cilindro, red de bordes
- (11) Guio ondas  $\rightarrow$  como utilizamos los ec ondas } ondas, m, n  
 Tm, compuestos } ciclos  


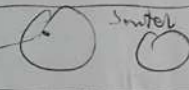
- (14) Radiacion  $\rightarrow$  fize ante ?  
 compuestos campo mag } Potencia radiada  
 elec } a distancia maxima  
 electrica  $\rightarrow R$

- (11) Reflexion  $\rightarrow$  tipos proping } Voz, OM  $\rightarrow$  para ligo mag y a  
 onda terrestre } ondas terrestres  
 AM, FM } FM  $\rightarrow$  detuena

- (3) Condicion frontera  $\rightarrow$  tg campo mag } cond frontera  
 para medio electrico/isolacion } isotropico  
 tg1, tg2

- (0) Clasif f0  $\rightarrow$  existencias  $\rightarrow$  indige general  $\rightarrow$  nombrado  
 ventos, incombustibles  $\rightarrow$  estibar

- (4) Radiacion (cilindro)  
 termino induci } componentes  $\rightarrow$  es puer  
 por R2  $\approx$  1/6 } radial  
 un elemento radiante } radial, induci, Ec  
 antena

Vector pointing  $P_r = R E$   
 E: H Ext } densidad  
 onda  
 plano  


- (2) E max y campos estaticos  $\rightarrow$  difraccion  
 unificase

Reflexion de ondas  $\rightarrow$  guio ond  
 Condicion frontera

- (4) Como esta formula P radiacion

Antena 72gu: la bala  $\rightarrow$  dipolo  
 director



Ec ondas para antenas







Banco de Galicia

Depto : INGENIERÍA EN ELECTRONICA  
Materia : MEDIOS DE ENLACE  
Alumno : Caceres Mendonza, Elías Ariel Curso :  
Tema : Legajo : Fecha : 25/08/2014



$$1) V = I \left( \frac{Z_0 + Z_L}{2} \right) e^{j\beta d} + I \left( \frac{Z_L - Z_0}{2} \right) e^{-j\beta d}$$

$$I = \frac{V}{Z_0} \left( \frac{Z_0 + Z_L}{2} \right) e^{j\beta d} + I \left( \frac{Z_L - Z_0}{2} \right) e^{-j\beta d}$$

$$Z_i = \frac{V}{I} = \frac{I \left( \frac{Z_0 + Z_L}{2} \right) e^{j\beta d} + I \left( \frac{Z_L - Z_0}{2} \right) e^{-j\beta d}}{\frac{I}{Z_0} \left( \frac{Z_0 + Z_L}{2} \right) e^{j\beta d} + \frac{I}{Z_0} \left( \frac{Z_L - Z_0}{2} \right) e^{-j\beta d}}$$

$$= Z_0 \cdot \frac{Z_L (e^{j\beta d} + e^{-j\beta d}) + Z_0 (e^{j\beta d} - e^{-j\beta d})}{Z_L (e^{j\beta d} - e^{-j\beta d}) + Z_0 (e^{j\beta d} + e^{-j\beta d})} \quad \begin{matrix} p_{00} = 0 \\ \beta = j\beta \end{matrix}$$

$$= Z_0 \cdot \frac{Z_L \cdot 2 \cos(\beta d) + j 2 Z_0 \sin(\beta d)}{j 2 Z_L \sin(\beta d) + Z_0 2 \cos(\beta d)} = Z_0 \cdot \frac{Z_L + j Z_0 \tan(\beta d)}{Z_0 + j Z_L \tan(\beta d)}$$

Circuito en CC :  $Z_L = 0$

Circuito en CA :  $Z_L = \infty$



$$a) Z_i /_{CC} = Z_0 + \frac{j Z_0 \tan \beta d}{Z_0} = j Z_0 \tan(\beta d) \quad Z_{in} = \frac{Z_i}{Z_0} = j \tan(\beta d)$$

$$Z_{in} /_{0.155 \lambda} = j \tan \left( \frac{2\pi}{\lambda} 0.155 \lambda \right) = j 1.06$$

$$b) Z_{in} /_{CA} = \frac{Z_0}{j Z_0 \tan(\beta d)} = -j \frac{1}{\tan(\beta d)}$$

$$Z_{in} /_{CA} = -j \frac{1}{\tan \left( \frac{2\pi}{\lambda} 0.155 \lambda \right)} = -j 0.94$$

$$\lambda_{CA} = 0.25 + 0.185 \lambda = 0.435 \lambda$$

$$2) Z_u = 0,62 + j1,4$$

- a) modelo de onda estacionaria  
 b) POE  
 c)  $Z_{max}$  y  $Z_{min}$ ,  $P/f = 250 \mu W$

$$E_r = 100 V$$

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{3 \times 10^8}{2,5 \times 10^8} = 1,2 m$$

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{360^\circ}{1,2 m} = 300 \frac{^\circ}{m}$$

$$Z_n = 1,53 \angle 66,11^\circ$$

$$Z_n = \frac{1 + \Gamma_e}{1 - \Gamma_e} \Rightarrow$$

$$Z_n - Z_0 \Gamma_e = 1 + \Gamma_e$$

$$- \Gamma_e (Z_n + 1) = 1 - Z_n$$

$$\Gamma_e = \frac{Z_n - 1}{Z_n + 1} = \frac{0,62 + j1,4 - 1}{0,62 + j1,4 + 1} = \frac{-0,38 + j1,4}{1,62 + j1,4}$$

$$\Gamma_e = \frac{-0,38 + j1,4}{1,62 + j1,4} = \frac{1,45 \angle 105,18^\circ}{2,14 \angle 40,83^\circ} = 0,67 \angle 64,35^\circ$$

tomamos en  $E_i$  arbitrario  $E_i = 100 V$ ,  $\therefore$

$$\Gamma_e = \frac{E_r}{E_i} \Rightarrow E_r = \Gamma_e E_i = 0,67 \cdot 100 \angle 64,35^\circ = 67 \angle 64,35^\circ V$$

$$100V = 10 \text{ cuadros}$$

$$67V = x = 6,7 \text{ cuadros}$$

$$E_T = \sqrt{E_i^2 + E_r^2 + 2E_i E_r \cos \theta_r} = \sqrt{100^2 + 67^2 + 2 \cdot 100 \cdot 67 \cdot \cos(64,35^\circ)} = 142,44 V$$

$$E_{max} = |E_i| + |E_r| = 100 + 67 V = 167 V$$

$$E_{min} = |E_i| - |E_r| = 100 - 67 V = 33 V$$

$$b) POE = \frac{E_{max}}{E_{min}} = \frac{167 V}{33 V} = 5,06 = \frac{1 + |\Gamma_e|}{1 - |\Gamma_e|}$$

$$c) \theta_{Z_{max}} = 64,35^\circ \therefore \theta_z = 2\beta z \Rightarrow \boxed{Z_{max} = \frac{\theta_{Z_{max}}}{2\beta} = \frac{64,35^\circ}{2 \cdot \frac{360^\circ}{1,2}} = 0,089 \lambda}$$

$$\theta_{Z_{min}} = \theta_{Z_{max}} + 180^\circ = 244,35^\circ \Rightarrow \boxed{Z_{min} = \frac{\theta_{Z_{min}}}{2\beta} = \frac{244,35^\circ}{2 \cdot \frac{360^\circ}{1,2}} = 0,339 \lambda}$$

$$0,5 \lambda = 16 \text{ cuadros}$$

$$0,089 \lambda = 2,848 \text{ cuadros}$$

$$0,5 \lambda = 16 c$$

$$0,339 \lambda_{min} = x = 10,848$$

$$Z_{max} = 0,089 \cdot 1,2 = 0,1068 m$$

$$Z_{min} = 0,339 \cdot 1,2 = 0,4068 m$$

2

Depto : INGENIERIA EN ELECTRONICA  
 Materia : MEDIOS DE ENLACE  
 Alumno : Córsico Mendoza, Elías Ariel Curso :  
 Tema : Legajo : Fecha 25/08/2014



$$3) \quad Z_s = Z_0 = \frac{Z_1}{2} + \frac{Z_2 \cdot \left( \frac{Z_1}{2} + Z_0 \right)}{Z_2 + \frac{Z_1}{2} + Z_0} = \frac{Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{2} + Z_1 Z_0 + \frac{Z_1}{2} (Z_1 Z_2 + Z_1 Z_0)}{(2Z_2 + Z_1 + 2Z_0)} =$$

$$Z_0 (2Z_2 + 2Z_0 + Z_1) = Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{2} + Z_1 Z_0 + Z_1 Z_2 + Z_1 Z_0 + \frac{Z_1^2}{2}$$

$$2Z_1 Z_0 + 2Z_0^2 + Z_0 Z_1 = Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{2} + Z_1 Z_0 + Z_1 Z_2 + Z_1 Z_0 + \frac{Z_1^2}{2}$$

$$2Z_1 Z_0 + 2Z_0^2 = 2Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{2} + 2Z_1 Z_0$$

$$\left( \begin{aligned} 2Z_0^2 &= 2Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{4} + 2Z_1 Z_0 - 2Z_1 Z_0 = 2Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{4} + Z_0 (2Z_1 - 2Z_2) \\ Z_0^2 &= Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{4} + Z_0 (Z_1 - Z_2) \end{aligned} \right)$$

$$2Z_0^2 = 2Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{2} \quad \checkmark$$

$$Z_0^2 = Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{4} \quad \checkmark$$

$$Z_0 = \sqrt{Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{4}} = \sqrt{Z_1 Z_2 \left( 1 + \frac{Z_1}{4Z_2} \right)} \quad \checkmark$$

$$\frac{Z_1}{Z_0} = \frac{Z_1}{\sqrt{Z_1 Z_2 + \frac{Z_1^2}{4}}} = \frac{Z_1}{\sqrt{Z_1 Z_2} \sqrt{1 + \frac{Z_1}{4Z_2}}}$$



$$B = \frac{n\pi}{b}$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{\mu \epsilon}} \sqrt{A^2 + B^2}$$

$$f_c = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} \sqrt{A^2 + B^2}$$



$$b = 0,4 \mu\text{g} = 0,0004 \text{ m}$$

a)  $TE_{10} \Rightarrow m=1 \wedge n=0$

$$\therefore f_c = \frac{1}{2\pi \mu_0 \epsilon_0} \sqrt{\left(\frac{1}{a}\right)^2 + 0} = \frac{15,66 \text{ MHz}}{6,5616 \text{ GHz}} = 68,66 \text{ MHz}$$

b)  $J_{E20} \rightarrow m=2 \wedge n=0$

$$f_c = \frac{1}{2\pi \cdot 100} \sqrt{\left(\frac{2\pi}{a}\right)^2 + 0} = 13,123 \text{ GHz}$$

c)  $TE_{11} \Rightarrow m=1, n=1$

$$f_c = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} \sqrt{\left(\frac{\pi}{a}\right)^2 + \left(\frac{\pi}{b}\right)^2} = 16,156 \text{ GHz}$$

d)  $TE_{21} \Rightarrow m=2 \wedge n=1$

$$f_c = \frac{1}{2\pi \sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} \sqrt{\left(\frac{2\pi}{a}\right)^2 + \left(\frac{\pi}{b}\right)^2} = 19,7536 \text{ THz}$$

12

# DIAGRAMA DE CRANK

Práctico N° ..... Curso: .....

Alumno: Casas Mendozo, Elias Ariel

OBJETIVO: Conocer la "DISTRIBUCIÓN DEL CAMPO TOTAL" en un medio con reflexiones

$\eta_1 = \dots\dots\dots$   $\eta_2 = \dots\dots\dots$

$E_i = \dots\dots\dots$   $\Gamma_E = \dots\dots\dots$   $E_r = \dots\dots\dots$

Frec.: 250 MHz

$\lambda$ : 1,2 m

$\beta$ : 300°

Dist. al máximo

$\theta_{zm}$ : 244,35°

$Z_m$ : 0,329  $\lambda$

0,4068 m

Dist. al máximo

$\theta_{zm}$ : 64,35°

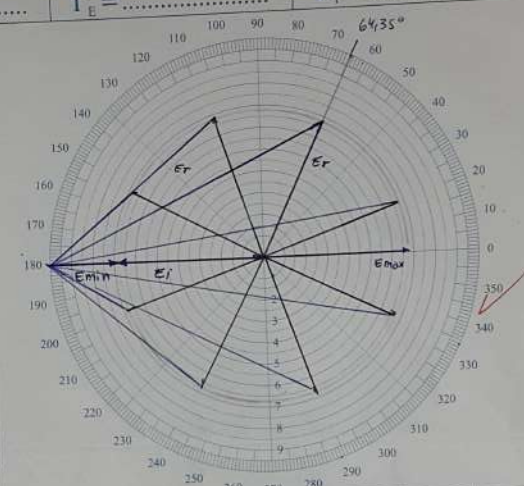
$Z_m$ : 0,089  $\lambda$

0,1068 m

Relac. Onda

Estac.

R.O.E.: 5,06

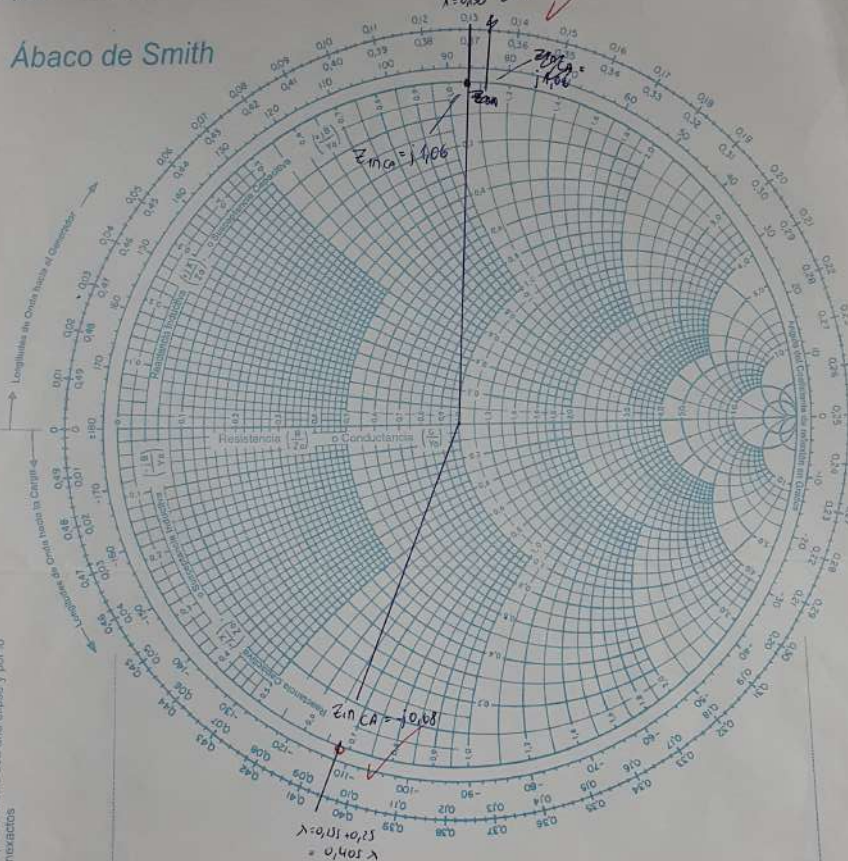


Z	$\lambda/2$	$7\lambda/16$	$6\lambda/8$	$5\lambda/16$	$\lambda/4$	$3\lambda/16$	$\lambda/8$	$\lambda/16$	0
$\theta - \theta_z$	-245,65	-250,65	-205,65	-160,65	-115,65	-70,65	-25,65	19,35	64,35
$E_r$	142,44	100,24	49,08	42,46	93,21	132,38	162,74	164,21	142,44





### Ábaco de Smith



**Advertencia con respecto a la fotocopia!**  
Las fotocopadoras producen una deformación en uno de los sentidos que hace que el círculo sea una elipse y por lo tanto los cálculos son inexactos

### Parámetros Escaleados Radialmente



**UNIVERSITAS**  
Editorial Científica Universitaria



Carrera : INGENIERIA ELECTRONICA  
 Materia : MEDIOS DE ENLACE  
 Alumno : Cáceres Mendoza, Elías Ariel Año : Div :  
 Tema : 4 Plan : Legajo : Fecha : 23 / 08 / 2014



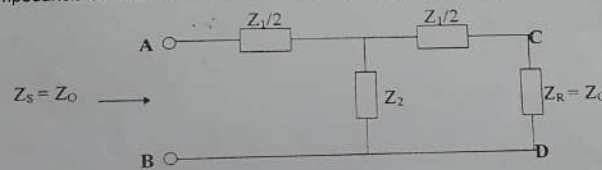
PRÁCTICO

CALIFICACION DEFINITIVA 10/10

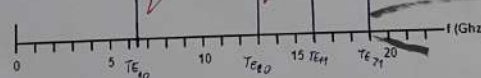
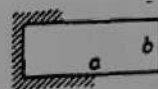
- 1.- Partiendo de la ecuación de onda de tensión y corriente de una línea de transmisión, encontrar la ecuación de cálculo de la impedancia de entrada de la línea sin pérdidas. Representar una línea en corto circuito de  $0,130 \lambda$  y en circuito abierto de  $0,155 \lambda$ , comprobar los valores de impedancia con la fórmula obtenida y verificar con ábaco de Smith. 15%
- 2.- Dada la impedancia normalizada de carga, trazar el modelo de onda estacionaria cada  $\lambda/16$  o distribución del campo eléctrico, por medio del diagrama de Crank. Calcular la relación de Onda estacionaria (R.O.E.) y las distancias al máximo y al mínimo en grados y longitudes de onda. Para una frecuencia de 250 Mhz. 35%

$$Z_n = 0.62 + j1.4$$

- 3.- Partiendo del siguiente circuito con parámetros concentrados, demostrar como obtiene la ecuación de la impedancia característica en función de los elementos del circuito. 15%



- 4.- Dada una guía rectangular de dimensiones a, b, calcular la frecuencia de corte y representarla en la escala adjunta para los modos  $TE_{10}$ ,  $TE_{20}$ ,  $TE_{11}$  y  $TE_{21}$ .  
 $a = 0,9$  pulg.  $b = 0,4$  pulg. 1 pulg. = 0,0254 metros 35%



Observaciones: Los % son solo por ejercicio completo, correctamente realizado.  
 La calificación es logarítmica: 60% = 4, mínimo para aprobar. (Duración 1,5 hora)

# Guías de Onda.

11-02-72  
 3E campo que un  
 filtro pasabanda  
 no es el mismo que  
 el filtro, sino que  
 el filtro, sino que

Dadas dos guías de onda rectangulares, con los mismos perímetros interiores como sigue  
 comparar sus frecuencias de corte para el modo  $TM_{11}$  y luego para el modo  $TM_{12}$ .

a)  $a = 0,9 \text{ pulg}$   $b = 0,4 \text{ pulg}$   $1 \text{ pulg} = 0,0254 \text{ metros}$ .

perpendicular  
 al eje de  
 propagación

Consideramos una guía sin pérdidas,  $\mu = \mu_0$

$1 \text{ pulg} \rightarrow 0,0254 \text{ m}$

$1 \text{ pulg} \rightarrow 0,0254 \text{ m}$

$0,9 \text{ pulg} \rightarrow x = 0,02286 \text{ m}$

$0,4 \text{ pulg} \rightarrow x = 0,01016 \text{ m}$

$f_c$  (bajo b no se puede haber propagación)

Para  $TM_{11}$

$$f_c = \frac{1}{2\pi\sqrt{\mu\epsilon}} \sqrt{\left(\frac{m\pi}{a}\right)^2 + \left(\frac{n\pi}{b}\right)^2} =$$

$$= \frac{1}{2\sqrt{\mu_0\epsilon_0}} \sqrt{\left(\frac{m}{a}\right)^2 + \left(\frac{n}{b}\right)^2}$$

$$= \frac{c}{2} \sqrt{\left(\frac{m}{a}\right)^2 + \left(\frac{n}{b}\right)^2}$$

$$= 1,5 \times 10^8 \sqrt{\left(\frac{1}{0,02286}\right)^2 + \left(\frac{1}{0,01016}\right)^2} = 6,725 \text{ GHz}$$

Para  $TM_{12}$

$$f_c = 1,5 \times 10^8 \sqrt{\left(\frac{1}{0,02286}\right)^2 + \left(\frac{2}{0,01016}\right)^2} = 7,19 \text{ GHz}$$

b)  $a = b = 0,65$ .

$1 \text{ pulg} = 0,0254 \text{ m}$   
 $0,65 \text{ pulg} \rightarrow x = 0,01651$

Para  $TM_{11}$

$$f_c = 1,5 \times 10^8 \sqrt{\left(\frac{1}{0,01651}\right)^2 + \left(\frac{1}{0,01651}\right)^2} = 12,84 \text{ GHz}$$

Para  $TM_{12}$

$$f_c = 1,5 \times 10^8 \sqrt{\left(\frac{1}{0,01651}\right)^2 + \left(\frac{2}{0,01651}\right)^2} = 20,31 \text{ GHz}$$

La  $f_c$  de la guía es la menor de las guías rectangulares