

2.FUNCIONES LOGICAS

1. Expandir las siguientes funciones booleanas a su forma canónica.

$$F1 = \overline{AB} + CA$$

$$F2 = (AB + A\overline{B}C)(\overline{BD})$$

$$F3 = BD + A\overline{D}$$

2. Simplificar algebraicamente las siguientes funciones booleanas, utilizar el boole deusto para obtener la forma simplificada pegar las pantallas del mismo en la carpeta:

$$F4 = m0 + m3 + m7$$

$$F5 = m0 + m1 + m3 + m7$$

$$F6 = m1 + m2 + m3 + m5 + m6 + m7$$

3. Expresar la función de tres variables F7 = m0 + m1 como términos de producto de sumas.

Expresar la función de tres variables F8 = M0.M1.M2.M7 como suma de términos producto.

Determinar la función inversa de F9 = m1 + m3 + m5 + m6 + m7 y expresarla como producto de términos suma.

4. Implementar las siguientes funciones utilizando puertas NAND, dibujar el circuito correspondiente y realizar la descripción en VHDL de un componente que obtenga cada una de las funciones:

$$F10 = A\overline{B} + (\overline{B} + \overline{C})\overline{A}$$

$$F11 = (AB + C)(B + \overline{D}) + A(\overline{B} + C)(D + \overline{E})$$

$$F12 = m1 + m2 + m5 + m7$$

5. Implementar las siguientes funciones booleanas utilizando puertas NOR, dibujar el circuito y realizar la descripción en VHDL del circuito correspondiente:

$$F13 = \overline{A} + \overline{B} + A(B + \overline{C}D)$$

$$F14 = \overline{A}(B + C + D) + (\overline{B} + CD\overline{A})$$

6. Minimizar e implementar las siguientes funciones utilizando puertas NAND de dos entradas:



$$F15 = (A+D)\overline{B} + B\overline{C}\overline{D} + AC\overline{D}$$

$$F16 = AB + \overline{A}D + (\overline{C} + AC)D$$

$$F17 = \overline{A}B\overline{C}D + AB\overline{D} + CD$$

7. Implementar las siguientes funciones utilizando puertas NOR de dos entradas para F18,F19 y F20, en F21,F22,F23 esta limitación no existe:

$$F18 = (\overline{A} + B) (B + \overline{C}) (\overline{A} + C)$$

$$F19 = (A\overline{C} + BC) + D(\overline{A} + \overline{C})$$

$$F20 = \overline{A}B + B\overline{C}D + A\overline{B}\overline{D}$$

$$F21 = C(\overline{A}B + D) + A\overline{B}\overline{D}$$

$$F22 = \sum 0, 2,4,6,7$$

$$F23 = \sum 0, 1, 2, 3, 4, 9, 10, 13, 14$$

$$F24 = \sum 0, 1, 2, 3, 4, 6, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 29, 31.$$

8. Minimizar las siguientes funciones utilizando términos «no importa» para 1a simplificación.

F25 (A, B, C) =
$$\Sigma$$
 3, 5,4 + términos «no importa» (0, 7,8)
F26 (A, B, C, D) = Σ 1,2, 3, 5, 6, 7, 10, 11 + términos «no importa» (9,12, 15).
F27(A, B, C, D, E) = Π 0, 4, 5, 6. 7, 12, 14, 16, 20, 21, 24, 26, 27, 31 + términos «no importa» (0, 11, 19, 22)
F28 = Σ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6
F29(A, B, C, D) = Σ 7, 0, 2, 8, 9, 10, 12, 13, 14

Verificar los resultados utilizando el boole Deusto y pegar las pantallas del mapa de karnaugh que entrega el programa.

9. Hallar la forma mínima del producto lógico F = F1F2, de los siguientes pares de funciones.

(a)
$$F29=F1F2$$
 F1 (**A**, **B**, **C**, **D**) = $\sum 1$, 3, 5, 7, **F2** (**A**, **B**, **C**, **D**) = $\sum 2$, 3,6, 7
(b) $F30=F1F2$ **F1** (**A**, **B**, **C**, **D**) = $\sum 1$, 3, 5, 6, 8, 10, 11, 12, 13
F2 (**A**, **B**, **C**, **D**) = $\prod 0$, 3, 5, 8, 9, 11, 13, 15
(c) $F31=F1F2$ **F1** (**A**, **B**, **C**) = $\prod 0$, 3, 6, 7, **F2** (**A**, **B**, **C**) = $\prod 1$, 3, 7

- 10. Se desea gobernar un motor desde 4 interruptores: A,B,C y D de forma que entre en funcionamiento si están cerrados 3 y sólo 3 de ellos. Construir el esquema lógico mediante puertas NOR.
- 11. Se desea construir un circuito combinacional con un total de 4 entradas (A4, A3, A2, A1) y 3 salidas (Z2, Z1, Z0). Su funcionamiento a de ser tal que a la salida se obtenga el equivalente binario al número del subíndice de la entrada activa (1 lógico). Puesto que simultáneamente puede haber varias entradas activas se fijará



prioridad a la entrada activa de menor subíndice. En el caso de que ninguna de las entradas se encuentre activa, a la salida se obtiene el equivalente binario del decimal "5". Realizar el circuito lógico mediante puertas NAND de 2 entradas.