

DIAGRAMA POLAR Y DIAGRAMA DE BODE DE CIRCUITO DE MODELO LINEAL EQUIVALENTE DE UN AMPLIFICADOR TRANSISTORIZADO EN BAJA FRECUENCIA

Dado el circuito de la Figura 1 , obtenga la función de transferencia, trace el diagrama polar y el diagrama de Bode del mismo.

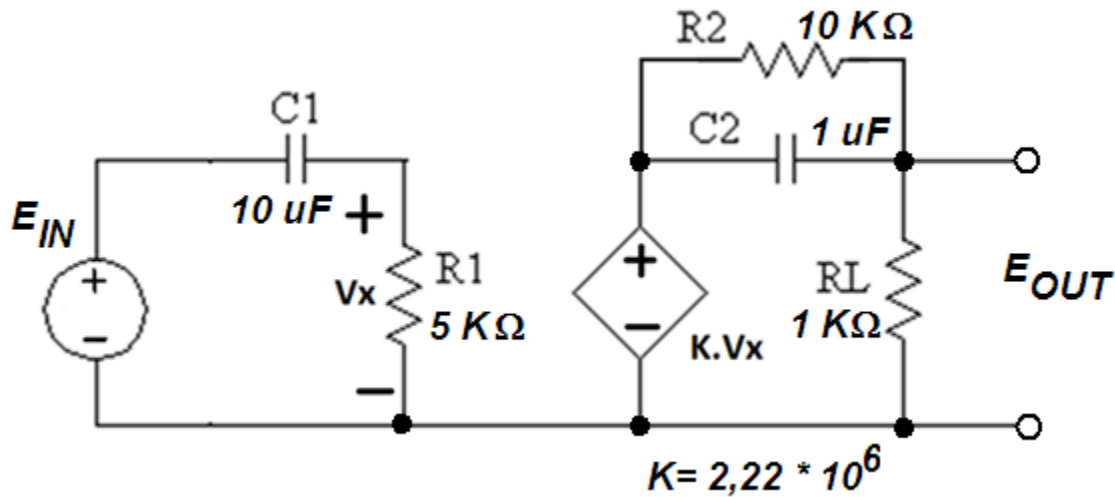


FIGURA 1. Circuito de modelo equivalente de un amplificador transistorizado en baja frec.

Determinamos la función de transferencia :

$$E_{IN(P)} = I_{IN} \times \left(R_1 + \frac{1}{C_1 P} \right) \quad \text{por lo tanto :} \quad V_X = \frac{E_{IN} \times R_1}{\left(R_1 + \frac{1}{C_1 P} \right)}$$

$$E_{OUT(P)} = \frac{K \times V_X}{\frac{R_2 \times \frac{1}{C_2 P} + R_L}{R_2 + \frac{1}{C_2 P}}} \times R_L = \frac{K \times \frac{E_{IN} \times R_1}{\left(R_1 + \frac{1}{C_1 P} \right)}}{\frac{R_2 \times \frac{1}{C_2 P} + R_L \times \left(R_2 + \frac{1}{C_2 P} \right)}{R_2 + \frac{1}{C_2 P}}} \times R_L =$$

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{K \times R_1 \times R_L \times \left(R_2 + \frac{1}{C_2 P} \right)}{\left(R_1 + \frac{1}{C_1 P} \right) \times \left[R_2 \times \frac{1}{C_2 P} + R_L \times \left(R_2 + \frac{1}{C_2 P} \right) \right]}$$

Operamos :

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{K \times R_1 \times R_L \times R_2 + \frac{K \times R_1 \times R_L}{C_2 P}}{\left(\frac{R_1 \times R_2}{C_2 P} + R_1 \times R_2 \times R_L + \frac{R_1 \times R_L}{C_2 P} + \frac{R_2}{C_1 C_2 P^2} + \frac{R_2 \times R_L}{C_1 P} + \frac{R_L}{C_1 C_2 P^2} \right)}$$

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{\frac{1}{C_2 P} \times (K R_1 R_L R_2 C_2 P + K R_1 R_L)}{\frac{1}{C_1 C_2 P^2} (R_1 R_2 C_1 P + R_1 R_2 R_L C_1 C_2 P^2 + R_1 R_L C_1 P + R_2 + R_2 R_L C_2 P + R_L)}$$

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{\frac{C_1 C_2 P^2}{C_2 P} \times (K R_1 R_L R_2 C_2 P + K R_1 R_L)}{[R_1 R_2 R_L C_1 C_2 P^2 + (R_1 R_2 C_1 + R_1 R_L C_1 + R_2 R_L C_2) P + (R_2 + R_L)]}$$

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{K \times P \times (R_1 R_2 R_L C_2 C_1 P + R_1 R_L C_1)}{[R_1 R_2 R_L C_1 C_2 P^2 + (R_1 R_2 C_1 + R_1 R_L C_1 + R_2 R_L C_2)P + (R_2 + R_L)]}$$

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{K \times P \times (R_1 R_2 R_L C_2 C_1 P + R_1 R_L C_1)}{(R_1 R_2 R_L C_1 C_2) \left[P^2 + \frac{(R_1 R_2 C_1 + R_1 R_L C_1 + R_2 R_L C_2)}{(R_1 R_2 R_L C_1 C_2)} P + \frac{(R_2 + R_L)}{(R_1 R_2 R_L C_1 C_2)} \right]}$$

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{K \times P \times \left(\frac{R_1 R_2 R_L C_2 C_1}{R_1 R_2 R_L C_1 C_2} P + \frac{R_1 R_L C_1}{R_1 R_2 R_L C_1 C_2} \right)}{\left[P^2 + \frac{(R_1 R_2 C_1 + R_1 R_L C_1 + R_2 R_L C_2)}{(R_1 R_2 R_L C_1 C_2)} P + \frac{(R_2 + R_L)}{(R_1 R_2 R_L C_1 C_2)} \right]}$$

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{K \times P \times \left(P + \frac{1}{R_2 C_2} \right)}{\left[P^2 + \frac{(R_1 R_2 C_1 + R_1 R_L C_1 + R_2 R_L C_2)}{(R_1 R_2 R_L C_1 C_2)} P + \frac{(R_2 + R_L)}{(R_1 R_2 R_L C_1 C_2)} \right]}$$

Dando valores a los componentes, obtenemos :

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{2,22 \times 10^6 \times P \times (P + 100)}{[P^2 + 1120 \times P + 22000]} = \frac{2,22 \times 10^6 \times P \times (P + 100)}{(P + 20) \times (P + 1100)}$$

Para realizar el cálculo mediante el método analítico emplearemos:

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{2,22 \times 10^6 \times (P^2 + 100 \times P)}{[P^2 + 1120 \times P + 22000]}$$

Hacemos el cambio de $P \rightarrow j\omega$

$$F_{(j\omega)} = \frac{E_{OUT(j\omega)}}{E_{IN(j\omega)}} = \frac{2,22 \times 10^6 \times ((j\omega)^2 + 100 \times (j\omega))}{[(j\omega)^2 + 1120 \times (j\omega) + 22000]}$$

$$F_{(j\omega)} = \frac{E_{OUT(j\omega)}}{E_{IN(j\omega)}} = \frac{2,22 \times 10^6 \times (-\omega^2 + 100 \times (j\omega))}{[(22000 - \omega^2) + j 1120 \omega]}$$

Multiplicamos y dividimos la función por el conjugado del denominador para obtener :

$$F_{(j\omega)} = Re_{(j\omega)} + jIm_{(j\omega)}$$

$$F_{(j\omega)} = \frac{E_{OUT(j\omega)}}{E_{IN(j\omega)}} = \frac{2,22 \times 10^6 \times (-\omega^2 + 100 \times (j\omega))}{[(22000 - \omega^2) + j 1120 \omega]} \times \frac{(22000 - \omega^2) - j 1120 \omega}{(22000 - \omega^2) - j 1120 \omega}$$

$$F_{(j\omega)} = 2,22 \times 10^6 \times \left\{ \frac{(\omega^4 - 22000 \omega^2 + 112000 \omega^2)}{[(22000 - \omega^2)^2 + (1120 \omega)^2]} + j \frac{2200000 \omega - 100 \omega^3 + 1120 \omega^3}{[(22000 - \omega^2)^2 + (1120 \omega)^2]} \right\}$$

$$F_{(j\omega)} = 2,22 \times 10^6 \times \left\{ \underbrace{\frac{(\omega^4 + 90000 \omega^2)}{[(22000 - \omega^2)^2 + (1120 \omega)^2]}}_{Re(j\omega)} + j \underbrace{\frac{1020 \omega^3 + 2200000 \omega}{[(22000 - \omega^2)^2 + (1120 \omega)^2]}}_{Im(j\omega)} \right\}$$

Calculamos para distintos valores de ω , el valor que toma la parte Real, la parte Imaginaria, el Módulo y la Fase de la función de transferencia $F(j\omega)$.

ω	Real	Imag	Módulo	Fase
0	0	0	0	90
50	146000,711	149946,6761	209285,0049	45,76389846
400	404099,2409	668380,1445	781043,0296	58,84305524
925,304	1016149,481	1016149,679	1437052,517	45,00000559
2500	1886581,672	759060,4818	2033559,249	21,91724091
10000	2195424,476	223736,7634	2206795,588	5,818951198
5,50E+15	2220000	4,11709E-07	2220000	1,06258E-11

Trazamos el diagrama polar :

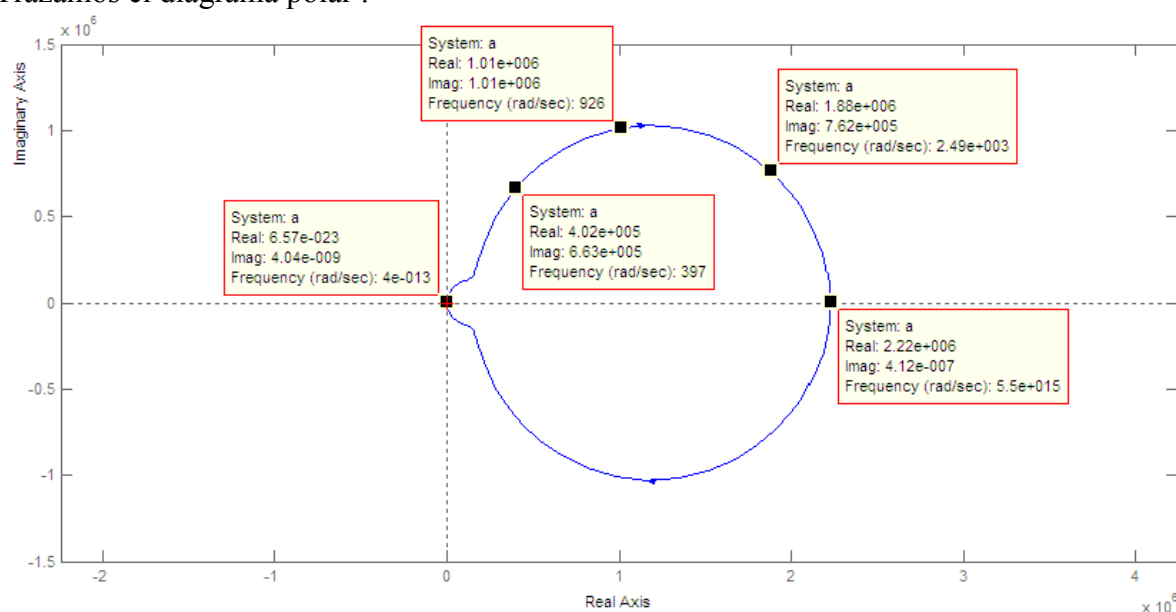


FIGURA 2. Diagrama polar del circuito mediante MATLAB.

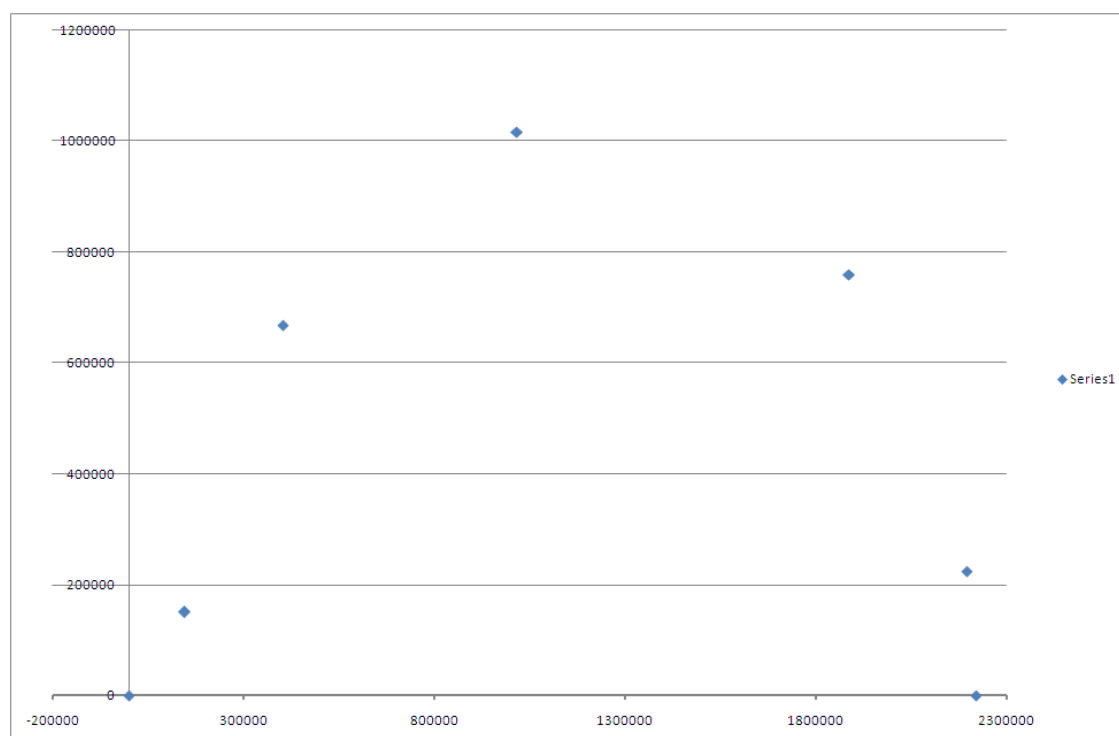
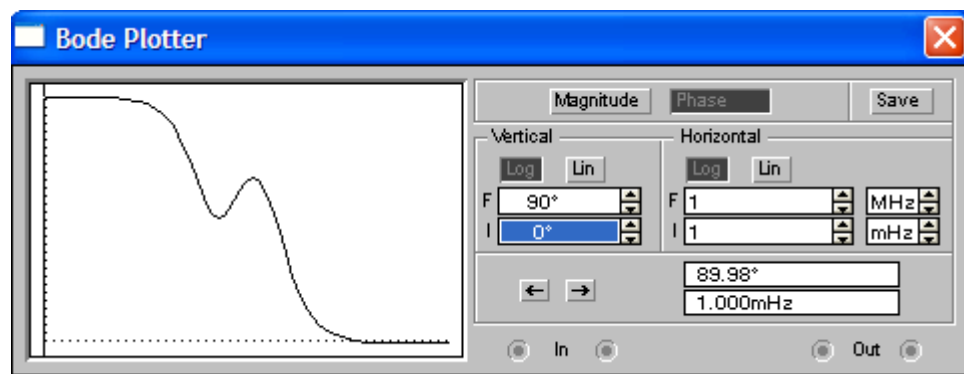
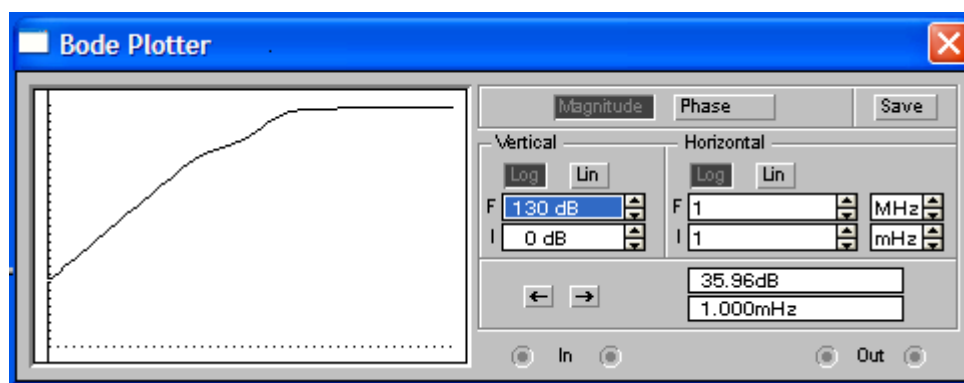
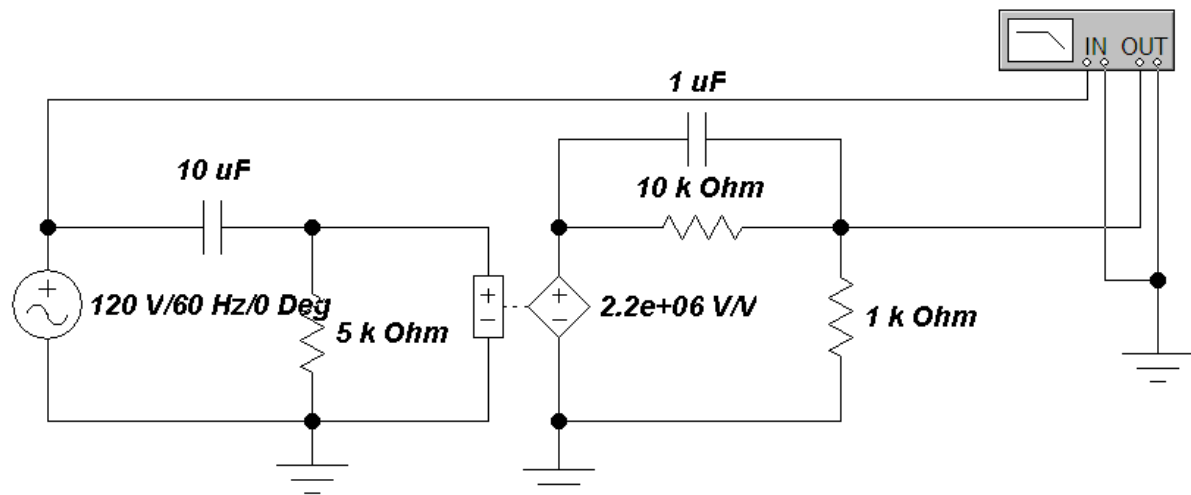
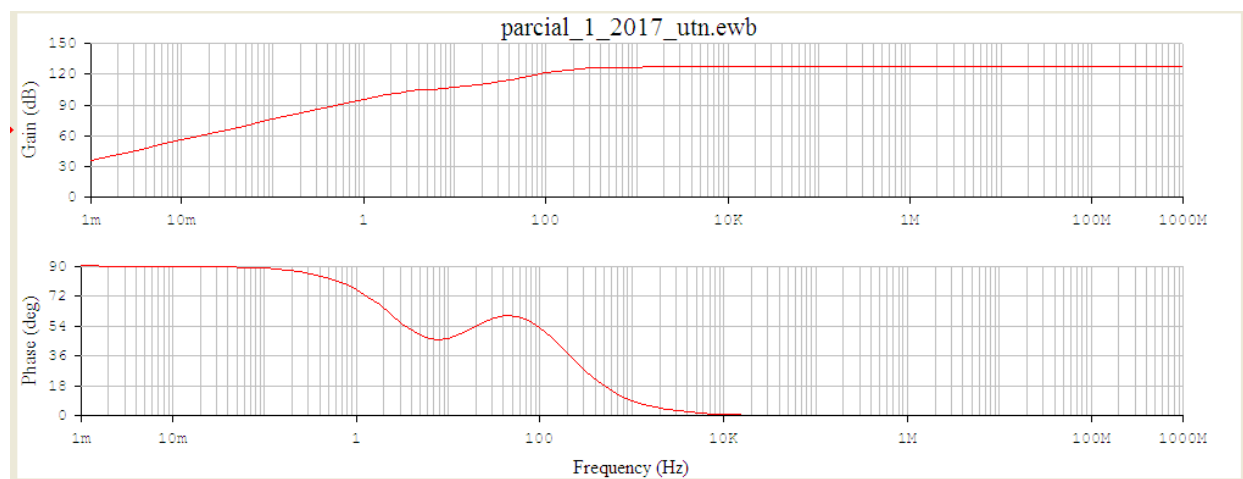


FIGURA 3. Diagrama polar del circuito trazado mediante EXCEL.

Simulamos el circuito mediante EWB5 :



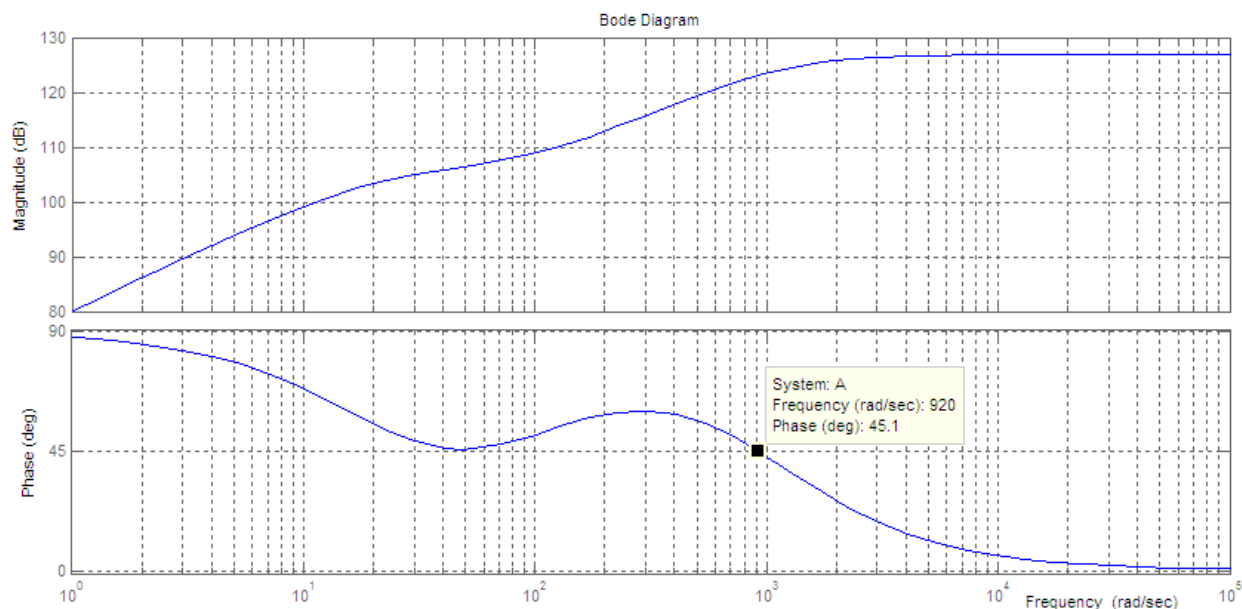
Ampliando el diagrama de Bode, obtenemos:



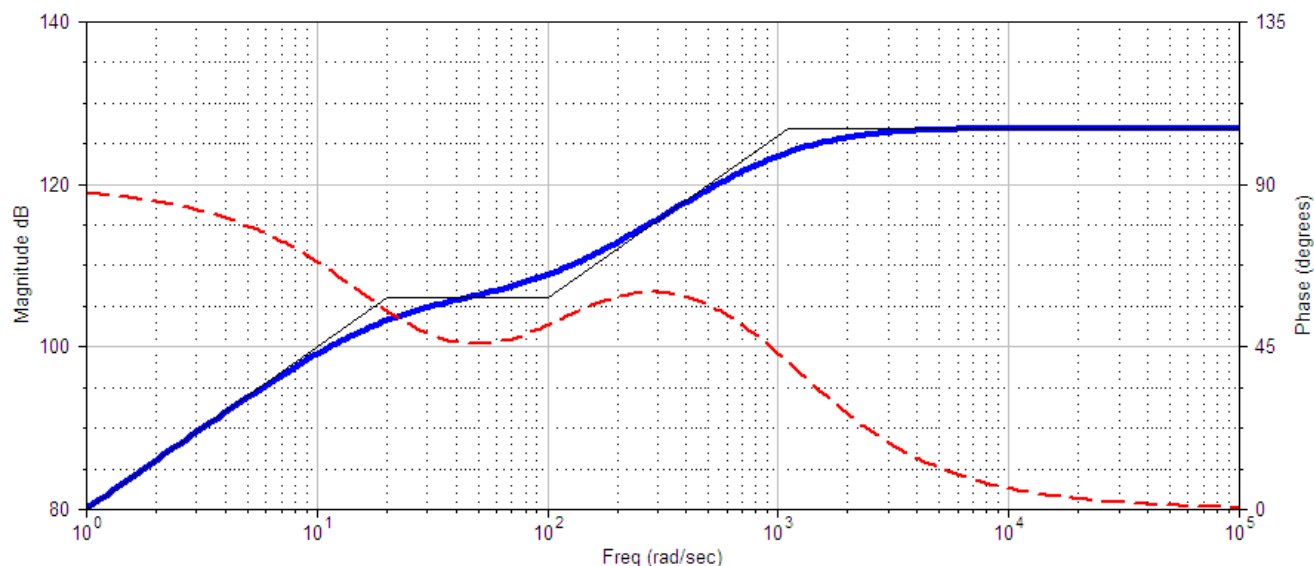
Trazando el diagrama de Bode mediante MATLAB, de la misma función :

$$F_{(P)} = \frac{E_{OUT(P)}}{E_{IN(P)}} = \frac{2,22 \times 10^6 \times P \times (P + 100)}{[P^2 + 1120 \times P + 22000]} = \frac{2,22 \times 10^6 \times P \times (P + 100)}{(P + 20) \times (P + 1100)}$$

obtenemos:



Trazando el diagrama de Bode mediante el programa Control Cad 5 (CC5), obtenemos :



Vemos que tanto con MATLAB, como con CC5, obtenemos idénticos resultados al diagrama de Bode conseguido, mediante la simulación del circuito empleando EWB5.

NOTA: recuerde que EWB5 tiene la escala del eje X en **frecuencia** es decir [Hertz], mientras que MATLAB y CC5, la tiene en **pulsaciones** → $\omega = 2 \cdot \pi \cdot f$, es decir en [radianes/seg] ó [rps]