```
############################# Esame 28/01/2019 #################################
###### 1 ######
### Importo le librerie di base
library("ggplot2") # plotting
library(MASS) # lda, qda
library(class) # knn
library(boot)
library(leaps)
library(outliers)
### Caricamento del dataset
mydforig <- read.csv("cesario.csv", sep =",")</pre>
mydforig <- read.csv("D:/spigama/Documenti/Dropbox/Marco-Mattia/Studio Universitario/04 - Metodi Statistici Data
Science/03 - Esercitazione/00 ESAME Gennaio/cesario.csv", sep =",")
#mydforig <- read.csv("C:/Users/Marco/Dropbox/Marco-Mattia/Studio Universitario/04 - Metodi Statistici Data
Science/03 - Esercitazione/00 ESAME Gennaio/cesario.csv", sep =",")
mydforig <- read.csv("/Users/mattiaspiga/Dropbox/Marco-Mattia/Studio Universitario/04 - Metodi Statistici Data
Science/03 - Esercitazione/00 ESAME Gennaio/cesario.csv", sep =",")
mydforig <- read.csv("/Users/mattiaspiga/Dropbox/Marco-Mattia/Studio Universitario/04 - Metodi Statistici Data
Science/03 - Esercitazione/00 - ESAME FINALE/01 - Cesarian 2Cat/cesario.csv",sep=",")
# 1.1 ANALIST ESPLORATIVA
# Visualizzo il data set e faccio una ANALISI ESPLORATIVA con le funzioni base
# noto che il data set ha una dimensione ridotta
# ci sono 80 osservazioni e 6 predittori + una variabile di risposta (Caesarian)
# Le osservazioni riguardano 80 parti di donne, in cui si analizzano alcuni dati sanitari fondamentali
# e probabilmente correlabili alla fine di valutare la necessit? di un taglio cesario
# Osservo che la variabile Caesarian
# Numero dei casi e delle variabili
dim(mydforig)
names (mydforig)
# Visualizza il dataset
View (mydforig)
# Le prime osservazioni del Dataset
head (mydforig)
# Le ultime osservazioni del Dataset
tail(mydforig)
# Struttura e classi del Dataset
str(mydforig)
# Osservazione generale
summary(mydforig)
# 1.2 DATA CLEANING e DATA TRANSFORMATION
# faccio una copia di mydf Origine al fine di preservarlo dalle successive modifiche
# il data set ha anche dimensioni ridotte pertanto un duplicato non ha un particolare onere di memorizzazione
mydf = mydforig
### La summary non ha segnalato NA
### Analisi ulteriore presenza di variabili NA (not assigned)
# non ci sono na nel data set
sum(is.na(mvdf))
# Rivedo alcune variabili per ridefinire in modo qualitativo
# Rimuovo la variabile id, essendo un progressivo potrebbe distorcere le valutazioni
# mydf = mydf[, -which(colnames(mydf)=="id")]
#1 Lascio Age, osservo una mediana a 27 anni
# non osservo valori anomali
quantile (mydf$Age)
#2. Delivery number (motivo del parto)
# il termine Programmato si riferisce ad un cesario programmato?
mydf$Delivery_number = factor(mydf$Delivery_number)
levels(mydf$Delivery_number) = c("Minaccia Immediata", "Compromessa, senza pericolo", "Nessuna condizione, ma
```

```
prematuro", "Programmato")
# 3. Delivery time (parto): {0 = Nato a termine, 1 = Nato prematuro, 2 = Nato post-termine}
mydf$Delivery time = factor(mydf$Delivery time)
levels(mydf$Delivery_time) = c("Nato a termine", "Nato prematuro", "Nato post-termine")
\# 4. Blood Pressure (pressione del sangue): {0 = Bassa, 1 = Normale, 2 = Alta}
mydf$Blood Pressure = factor(mydf$Blood Pressure)
levels(mydf$Blood_Pressure) = c("Bassa", "Normale", "Alta")
\# 5. Heart Problem (problemi al cuore): {0 = No, 1 = S?}
mydf$Heart Problem = factor(mydf$Heart Problem)
levels(mydf$Heart_Problem) = c("No", "Si")
\# 6. Caesarian (parto con taglio cesario): {0 = No, 1 = S?}
mydf$Caesarian = factor(mydf$Caesarian)
levels(mydf$Caesarian) = c("No", "Si")
### 1.3 RICERCA DI OUTLIERS O HIGH LEVERAGE POINTS
# Ci possono essere dei valori che non seguono l'andamento generale del data set
# pertanto sono da analizzare con estrema attenzione e valutare caso per caso il da farsi
# la ricerca e' supportata da grafici
summary(mydf)
# Analizzo Age, reputo altamente significativa la distribuzione di frequenza dell'istogramma
# sono dati ospedaliari, sono stati presi per una ricerca? Sembrano distribuiti
hist(mydf$Age)
# calcoliamo gli outlier
# non trovo significativite motivazioni per eliminare id 40
mydf[outlier( mydf$Age, opposite = FALSE, logical = FALSE),]
# non noto outliers, non eseguo rimozioni
boxplot(mydf$Age)
### 1.4 ANALISI GRAFICA DELLE RELAZIONI TRA LE VARIABILI
# correlazioni
# non posso esseguire l'analisi delle correlazioni con corplot
# perch? l'unica variabile numerica ? age, le altre sono state impostate
# come qualitative
# Analiziamo con pairs il rapporco con tutte le variabili a coppie
pairs(mydf, main="Matrice degli scatterplot", col="blue")
#GRAFICO7
# Boxplot Et? (continua) - Cesario (categoria)
# Essendo Caesarian una variabile categoria, esploro la relazione mediante un Boxplot
# si osservano così le relazioni con Age.
boxplot(Age~Caesarian, data = mydf,
       horizontal=TRUE.
       xlab="Eta' della donna",
        col=c("thistle","wheat"),
        main="Cesario in riferimento all'Eta' della donna")
# Grafico a Punti Motivo del parto (categorica) - Et? (continua), colore ceario
# grafico per trovare una correlazione nei dati
ggplot2::ggplot(mydf, aes(x = Delivery_time, y = Age, colour = Caesarian, shape = Heart Problem)) +
  geom point() +
  labs(x = "Motivo del Parto", y = "Eta'") +
 ggtitle("Motivo del parto in funzione dell'eta'")
#GRAFTCO9
# Grafico a punti Problemi al cuore (categorica) - Eta' (continua), colore cesario
# grafico per trovare una correlazione nei dati
# Trovo una certa significativit? tra problemi al cuore e fare un cesario
ggplot2::ggplot(mydf, aes(x = Heart_Problem, y = Age, colour = Caesarian)) +
  geom point() +
  labs(x = "Problemi al cuore", y = "Eta'") +
  ggtitle("Motivo del parto in funzione dell'eta'")
```

```
# Grafico di Densit? per eta'
# l'eta' sembra distribuita' uniformemente
ggplot2::ggplot(data = mydf) +
 geom_density( mapping= aes(x=Age), alpha=0.3, fill="Red") + xlab("Age") + ylab("Densit?") + ggtitle("Grafico di
densit? per l'et? delle puerpere")
#GRAFICO11
# Torta suddivisione fasce di eta'- Age (continua raggruppata in quantili)
# eseguo i breaks per i quantili, ne analizzo la distribuzione
group = cut(mydf$Age, breaks = quantile(mydf$Age))
somma = as.data.frame(group)
somma[,"conta"] = 1
suddivisione = as.data.frame(aggregate(conta ~ group, data = somma, sum))
\texttt{ggplot}(\texttt{suddivisione}, \texttt{aes}(\texttt{x=""}, \texttt{y=suddivisione} \texttt{\$conta}, \texttt{fill=suddivisione} \texttt{\$group})) + \texttt{geom\_bar}(\texttt{width} = 1, \texttt{alpha} = 0.7, \texttt{alpha}))
stat = "identity") + coord polar("y", start=0) + ggtitle("Suddivisione delle donne per gruppi di et?")
#GRAFICO12
# L'eta' media delle donne che hanno avuto un cesareo ? superiore
ggplot2::ggplot(data = mvdf ) +
 stat_summary( mapping = aes(x = Caesarian, y = Age, fill = Caesarian), fun.y = mean, geom = "bar",
                colour = "black") +
 xlab("Ceario") + ylab("Media delle medie delle donne") +
  ggtitle("Eta' media delle donne che hanno avuto un cesario")
#GRAFICO13
#oltre il 50% delle donne hanno censite avevano un delivery number con "minaccia immediata"
# vediamo se c'? una correlazione con il cesario
# Si pu? notare che pi? aumenta la minaccia per la donna/feto e pi? aumenta la probabilit? di un cesario
ggplot( data = mydf) + geom_bar( mapping = aes( x = Delivery_number, fill = Caesarian)) +
 xlab("Motivo del parto") + ylab("Numero di parti suddivisi per cesario si/no") +
  ggtitle("Motivo del parto e relazione sul cesario")
#GRAFICO14
# Come al cresce dell'eta' della donna aumentino i casi sdi problemi cardiaci e di cesario?
ggplot(mydf, aes(x = reorder(id, Age), y = Age, colour = Caesarian, shape = Heart_Problem)) +
 geom point() +
  labs(x = "Id", y = "Eta'") +
 ggtitle("Eta' delle donne cesario e problemi cardiaci")
# Se si ha la pressione normale il rischio di avere problemi al cuore si riduce di un terzo
table(mydf$Blood_Pressure, mydf$Heart_Problem)
###### 2 ######
# Sviluppare adeguati modelli previsionali, utilizzando come variabile di risposta Caesarian. Commentare
# i modelli che si e' sviluppato, motivando quello ritenuto migliore (considerando sia l'aspetto predittivo,
# sia quello inferenziale)
# Si tratta anzitutto di un problema di classificazione. Infatti Caesarian e' una variabile qualitativa
# che puo' assumere due valori, vero o falso. Data la condizione binaria, il primo modello testabile e'
# una regressione logistica
# dai grafici ho potuto notare l'importanza della variabile
# delivery number (motivo del parto), oltre il 50% delle donne con minaccia del parto hanno subito un cesario
# hear problem, le donne con problemi al cuore hanno piu' probabilita' di subiro un cesario
# Rimuovo una variabile ID in quanto non utile all'elaborazione
mydf = mydf[, -which(colnames(mydf)=="id")]
# per realizzare il modello distinguo tra training set e test set
# con il data set preparo il modello
# con il test set ne valuto l'accuratezza
# il numero delle osservazioni ? abbastanza contenuto, potrebbe essere un problema applicando la logistica
set.seed(1)
nperc = 0.8
index_train = sample(1:nrow(mydf), nperc * nrow(mydf), replace = F)
```

#GRAFICO10

```
# costruisco il modello con tutte i predittori presenti del data set tranne id
# ho rimosso il Delivery number perch? da dei valori anomali sulla deviazione standard
# il quantile dei residui sono abbastanza centrati sullo zero, senza code anomale
mod_logistica <- glm(Caesarian ~ Delivery_time + Heart_Problem, data = mydf, family = "binomial", subset =</pre>
index_train)
summary(mod logistica)
# la linea dei residui vs fitted resta centrata sullo zero senza deviazioni
# anche la scale location sembra confermare il modello
plot(mod_logistica)
# eseguo la verifica di accuratezza con il test set
pred_logistica = predict(mod_logistica, mydf[-index_train,], type="response" )
pred = rep("No", length(pred_logistica) )
# soglia di probabilita'
soglia = 0.5
pred[pred logistica > soglia] = "Si"
# matrice di confusione
table(pred, mydf[-index_train, which(colnames(mydf) == "Caesarian")])
# il sistema riesce ad individuare il 68% dei casi
mean(pred == mydf[-index train, which(colnames(mydf) == "Caesarian")])
# il tasso di errore a livello globale ? pari al 31%
1 - mean(pred == mydf[-index_train, which(colnames(mydf)=="Caesarian")])
# PROVO ALTRO CASO
mod_logistica2 <- glm(Caesarian ~ Blood_Pressure + Heart_Problem, data = mydf, family = "binomial", subset =</pre>
index train)
### Proviamo un modello con tutte le variabili
mod logisticaALL <- glm(Caesarian~., data = mydf, family = "binomial", subset = index train)</pre>
# eseguo la verifica di accuratezza con il test set
pred_logisticaALL = predict(mod_logisticaALL, mydf[-index_train,], type="response" )
predALL = rep("No", length(pred_logisticaALL) )
# soglia di probabilit?
sogliaALL = 0.5
predALL[pred_logisticaALL > sogliaALL] = "Si"
# matrice di confusione
table(predALL, mydf[-index train, which(colnames(mydf)=="Caesarian")])
# il sistema riesce ad individuare il 50% dei casi
mean(predALL == mydf[-index_train, which(colnames(mydf)=="Caesarian")])
####### 3.2 ######
# Analisi con subset selection per confermare quanto analizzato sopra
subsets = regsubsets(Caesarian~., mydf)
subsets.summary = summary(subsets)
reg.summary = summary(subsets.summary, matrix.logical=TRUE)
## Forced in e Forsed out, forza a far entrare o a non far entrare nel modello variabilei
plot(subsets)
subsets.summary$rsq
```

2.1 Modello Regressione Logistica

#Disegnamo

```
\#quale \tilde{A}" il modello che fa regisgtrare R^2 aggiustato piu alto?
which.max(subsets.summary$adjr2)
#Modello 11, raficamente
#scale= "Cp", "adjr2", "r2" or "bic"
plot (subsets, scale="adjr2")
## Se \tilde{\text{A}}^{\circ} presente il quadrato nero, vuol dire che la variabile \tilde{\text{A}}^{\circ} nel modello, scale di grigio \tilde{\text{A}}^{\circ} la forza.
plot(subsets.summary$adjr2)
#Restituisce la posizione fisica
which.max(subsets.summary$adjr2)
#Vediamo i coefficienti
coef(subsets, 4)
#Le entrate al di fuori delle variabili, da usare per elaboarazioni
subsets.summary$which
#Versione grafica del which
subsets.summary$outmat
plot(subsets, scale="adjr2")
# TODO ESEGUO IL TEST CON ANOVA
anova(mod_logistica, mod_logistica2, mod_logisticaALL, test = "LRT")
### LDA
# provo a verificare con la linear discriminant analysis
# i risultati dovrebbero essere migliori
# lda funziona meglio della logistica se si hanno pochi dati, ma si deve ipotizzare una distribuzione normale
mod_lda <- lda(Caesarian ~ Heart_Problem, data = mydf, subset = index_train )</pre>
# FARE LA Receiver Operating Characteristics (ROC)
summary (mod lda)
plot(mod_lda)
# faccio la predizione sul test set e valuto l'accuratezza
pred lda = predict(mod lda, mydf[-index train,] )
# i risultati che ottengo si avvicinano molto a quelli ottenuti con la logistica
table(pred_lda$class, mydf[-index_train, which(colnames(mydf)=="Caesarian")])
mean(pred lda$class == mydf[-index train, which(colnames(mydf)=="Caesarian")])
(1 - mean(pred_lda$class == mydf[-index_train, which(colnames(mydf)=="Caesarian")] ))*100 #tasso di err. clas.
#GRAFICO15
### Plot ROC - Almassimo sino a 2 classificatori
library(ROCR)
# choose the posterior probability column carefully, it may be
# lda.pred$posterior[,1] or lda.pred$posterior[,1], depending on your factor levels
pred <- prediction(pred lda$posterior[,2], mydf[-index train,]$Caesarian)</pre>
perf <- performance(pred, "tpr", "fpr")</pre>
plot(perf,colorize=TRUE)
# i due precedenti modelli non si sono distinti significativamente
# pertanto utilizziamo qda
mod_qda <- qda(Caesarian ~ Delivery_time + Heart_Problem , data = mydf, subset = index_train)</pre>
summary (mod qda)
# faccio la predizione sul test set e valuto l'accuratezza
pred_qda = predict(mod_qda, mydf[-index_train,] )
# i risultati che ottengo si avvicinano molto a quelli ottenuti con la logistica
table(pred qda$class, mydf$Caesarian[-index train])
mean(pred_qda$class == mydf$Caesarian[-index_train])
(1 - mean(pred_qda$class == mydf$Caesarian[-index_train]))*100 #tasso di err. clas.
```

```
# i due precedenti modelli non si sono distinti significativamente
# verifichiamo con KNN
# il modello e' sviluppato solo con le due variabili e facciamo il cbind
train_knn = cbind(mydf$Delivery_time[index_train], mydf$Heart_Problem[index_train])
test_knn = cbind(mydf$Delivery_time[-index_train], mydf$Heart_Problem[-index_train])
knn_pred = knn(train_knn, test_knn, mydf$Caesarian[index_train], k = 3)
# Verifica accuratezza del modello
mean(knn pred == mydf$Caesarian[-index train])
# Matrice di confusione
table(knn_pred, mydf$Caesarian[-index_train])
###### 3 ######
# 3.1 Kfold CV
### TODO interpretazione CV
set.seed(123)
\# kfold = nrow(mydf)
kfold = 10
# dall'help ricavo che le risposte binarie vanno gestite personalizzanzdo
# la funzione di costo:
# leave-one-out and 11-fold cross-validation prediction error for
# the nodal data set. Since the response is a binary variable an
# appropriate cost function is
cost <- function(r, pi) mean(abs(r-pi) > 0.5)
mod logistica CV <- glm(Caesarian ~ Delivery time + Heart Problem, data = mydf, family = "binomial" )
CV1 = cv.glm(mydf,mod_logistica_CV, cost, K = kfold)
\verb|mod_logistica_CV_1| <- \verb|glm(Caesarian| \sim., | data = \verb|mydf|, | family = "binomial")|
CV2 = cv.glm(mydf,mod_logistica_CV_1,cost, K = kfold)
#delta spiegazione
\# A vector of length two. The first component is the raw cross-validation estimate of prediction error.
# The second component is the adjusted cross-validation estimate. The adjustment is designed to compensate
\ensuremath{\sharp} for the bias introduced by not using leave-one-out cross-validation.
# schelgo il secondo modello perche' presenta un minore tasso di errata classificazione
CV1Sdelta
CV2$delta
cost <- function(r, pi) mean(abs(r-pi)> 0.5)
LOOCV1 = cv.glm(mydf, mod logistica CV, cost)
LOOCV2 = cv.glm(mydf, mod_logistica_CV_1, cost)
LOOCV1$delta[1]
LOOCV2$delta[1]
#LOOCV MANUALE
count=0
for(i in 1:nrow(mydf)){
     fit = glm(formula = Caesarian ~ Delivery time + Heart Problem, family = binomial, data = mydf[-i,])
     prob = predict(fit, newdata = mydf[i,], type = "response")
     pred = "No"
      if(prob > 0.5){
       pred="Si"
      if(pred != mydf$Caesarian[i]) {
       count = count + 1
count/nrow(mydf)
```