# Introducción a Electrotecnia UNCuyo 2019 Unidad 6



Profesor Adjunto: Ing Marcos Saromé

#### Temas

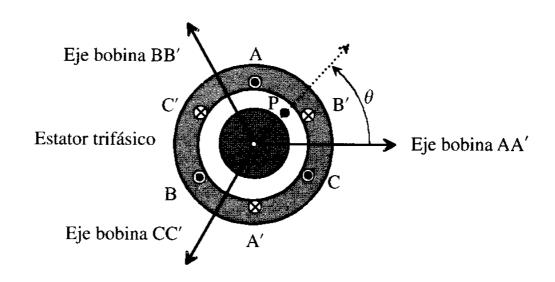
#### **Unidad Temática 5: Máquina Asincrónica**

Campo giratorio. Motor asincrónico trifásico. Principio de funcionamiento Descripción, características, aplicaciones. Circuito equivalente. Característica cupla/velocidad. Potencia. Accionamiento. Arranque. Ensayos directo y a tensión reducida. Arranque estrella/triangulo, con autotransformador y con resistencias estatóricas. Motor con rotor bobinado. Arranque con resistencias rotóricas.

Aplicaciones. Control de velocidad. Motor asincrónico monofásico. Descripción, características y aplicaciones. Ensayos directos e indirectos.

#### Campo Giratorio

 Imaginar 3 devanados desfasados entre sí 120 agrados eléctricos en el espacio.



Si circula por ellos una corriente trifásica equilibrada

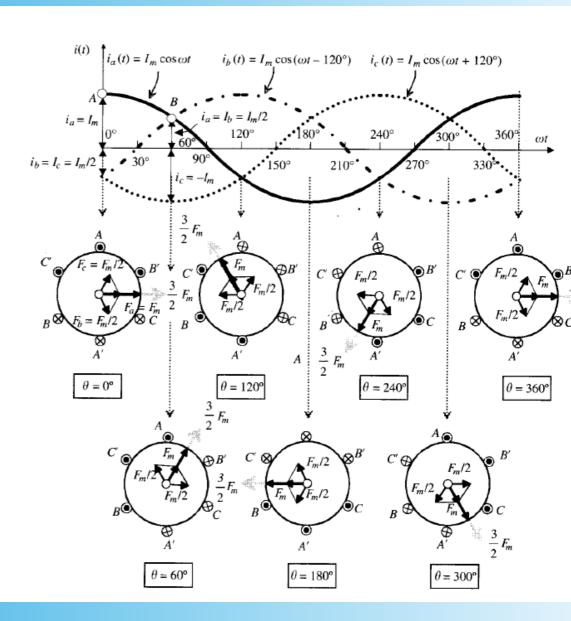
#### Campo Giratorio

$$\mathcal{F}(\theta, t) = \frac{3}{2} F_m \cos (\omega t - \theta) = \frac{3}{2} F_m \cos (\omega t - p\alpha)$$

- Para un mismo punto del espacio alfa = cte la f.m.m. varía en función del tiempo según una sinusoide de amplitud 3/2 Fm
- Para un mismo instante de tiempo t=cte la f.m.m. está distribuida sinusoidalmente en el entre hierro.

#### Principio de Funcionamiento de Un transformador Ideal

- Se ha producido un campo magnético Giratorio que:
  - Tiene una amplitud constante
  - Gira a Velocidad
  - Constante



#### Campo Giratorio

- Si la máquina es bipolar, una variación de 360° eléctricos en el tiempo corresponde a un giro de 360° magnéticos.
- Si la máquina tiene 2p polos  $\omega_m = \frac{\omega}{p}$

$$\omega_m = 2\pi \frac{n}{60} \quad ; \quad \omega = 2\pi f$$

• La velocidad de sincronismo en rpm será

$$n = \frac{60f}{p}$$

### Ejemplo 1

- Calcule la velocidad de sincronismo del campo de un bobinado trifásico, de 50Hz. En s^-1 y rpm
- a) Para un bobinado de 1 par de polos (2 polos)
- b) Para un bobinado de 2 par de polos (4 polos)

#### Demostración Analítica

Considerese un observador que viaje con la onda en un punto de fase constante fi 0 que es incluso la cresta de la onda.

$$\omega t - \theta = \theta_0 = 0$$

$$\frac{d\theta}{dt} = \omega$$

$$\omega - p \frac{d\alpha}{dt} = 0$$

$$\omega_m = \frac{d\alpha}{dt} = \frac{\omega}{p}$$

$$\omega_m = \frac{d\alpha}{dt} = \frac{\omega}{p}$$

#### Cambio de Fase

Si se permutan dos corrientes cualesquiera de las fases que constituyen un sistema trifásico cambia el sentido de rotación del campo magnético

$$i_a = I_m \cos \omega t$$
;  $i_b = I_m \cos (\omega t + 120^\circ)$ ;  $i_c = I_m \cos (\omega t - 120^\circ)$ 

$$\mathcal{F}(\theta, t) = \frac{3}{2} F_m \cos(\omega t + \theta) = \frac{3}{2} F_m \cos(\omega t + p\alpha)$$

$$\omega_m = -\frac{d\alpha}{dt} = -\frac{\omega}{p}$$
 ;  $n = -\frac{60f}{p}$ 

#### Motor Asíncrono, Aspectos Constructivos

#### Clasificación:

- Rotor Jaula de Ardilla o en cortocircuito
- Rotor Devanado o con anillos

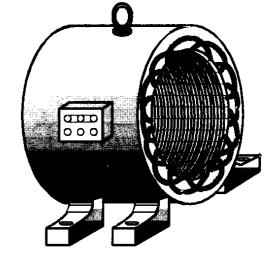


Figura 4.1. Estátor de un motor asíncrono.

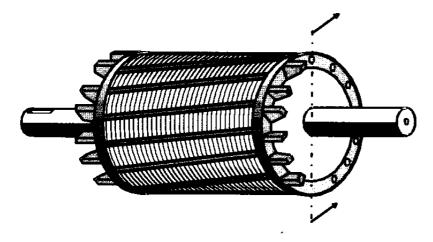


Figura 4.2. Rotor en jaula de ardilla.

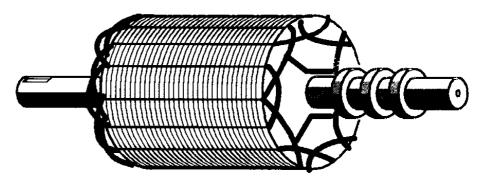


Figura 4.3. Rotor devanado o con anillos.

#### Placa de Conexión

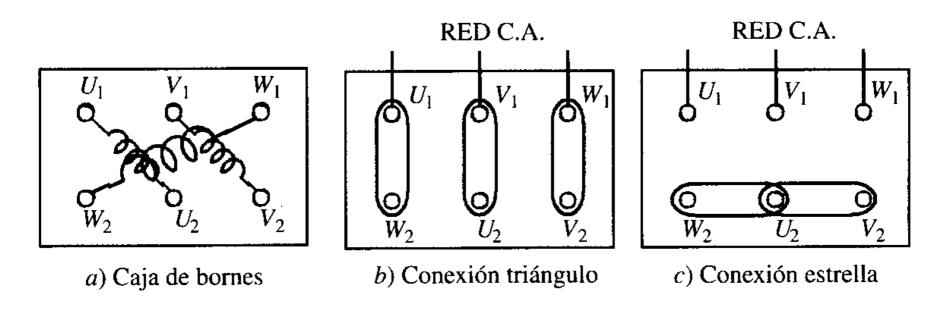


Figura 4.4. Placa de bornes. Conexiones estrella y triángulo.

 La conexión a Y se emplea cuando la máquina debe conectarse a la tensión más elevada de la placa.

## Ejemplo 2

- Un motor de 220/380 V se conectará en triángulo para una red de 380 V (tensión de línea)
- Un motor de 380/660V se conectará en estrella para una red de 380 (Tensión de línea)

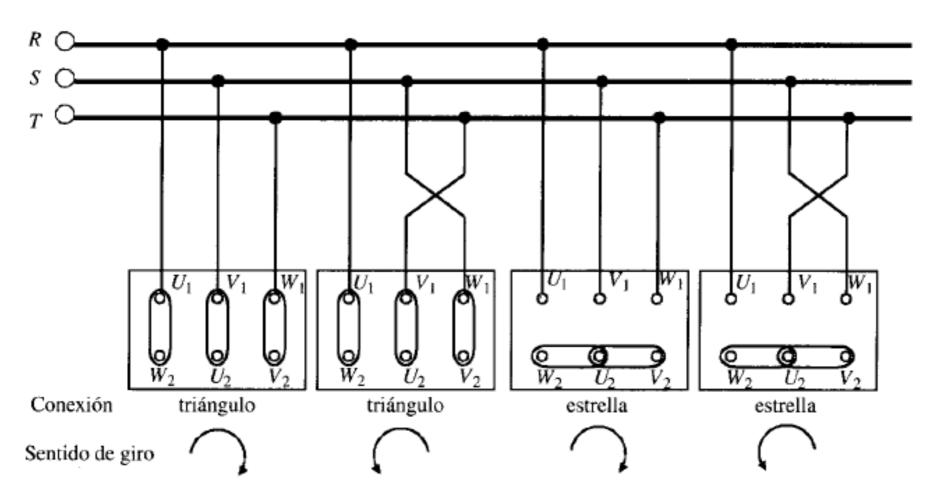
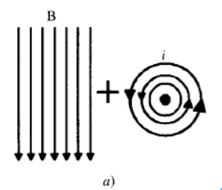


Figura 4.6. Esquemas desarrollados de las conexiones estrella y triángulo.

• El devanado del estator está constituido por tres arrollamientos desfasados 120° en el espacio y de 2p polos, al introducir por ellos corrientes de una red trifásica de frecuencia f1.

Produce un flujo giratorio de velocidad dada por (vel de sincronismo):

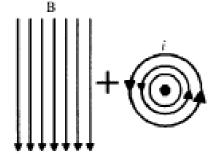


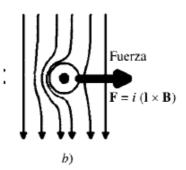
$$n_1 = \frac{60f_1}{p}$$

$$e = \int (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) d\mathbf{I} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{L}$$

- Aparecen en los conductores del rotor una corriente producto de esta fem.
- La misma por ley de Laplace vale

$$\mathbf{F} = i(\mathbf{L} \times \mathbf{B})$$





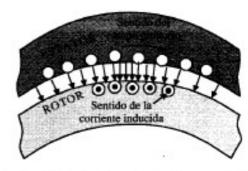


Figura 4.7. Sentido de la corriente inducida en los conductores del rotor.

 Multiplicando la fuerza por el radio y por la cantidad de conductores se tiene el momento del motor.

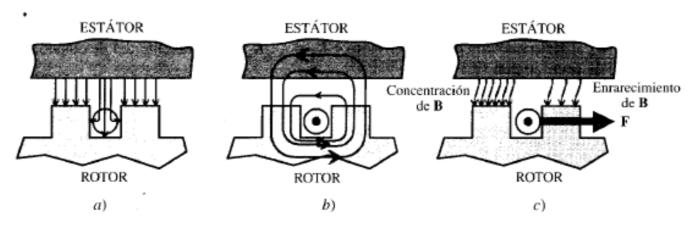


Figura 4.9. Determinación del sentido de la fuerza en un conductor situado dentro de una ranura.

Las fuerzas actuan en los dientes y no en los conductores.

#### Deslizamiento

Llamamos deslizamiento al cociente:

$$s = \frac{n_1 - n}{n_1}$$

- En los mótores industriales ronda entre 3 y 8%
  - La frecuencia del rotor está dada por

$$f_2 = s f_1$$

- En caso de rotor parado f2 = f1

- Las fmm en el rotor y el estator representan una analogía con respecto al transformador
- Si el gira en sentido del campo, la frecuencia del mismo no es f1 sino f2 menor que la anterior.

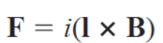
$$E_2 = 4,44 K_2 f_1 N_2 \Phi_m$$

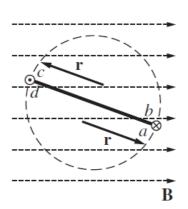
$$E_1 = 4,44 K_1 f_1 N_1 \Phi_m$$

$$E_{2s} = 4,44 \ K_2 f_2 N_2 \Phi_m$$

$$E_{2s} = s E_2$$

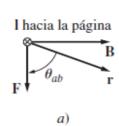
## Circuito Eléctrico Equivalente

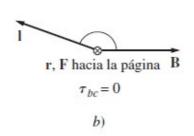


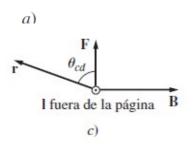


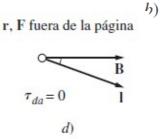
a b a a

**B** es un campo magnético uniforme, alineado como se muestra. La × en el alambre indica que la corriente fluye hacia la página, y el • en el alambre indica que la corriente fluye hacia afuera de la página.









$$\tau_{\rm ind} = 2 \ rilB \ {\rm sen} \ \theta$$

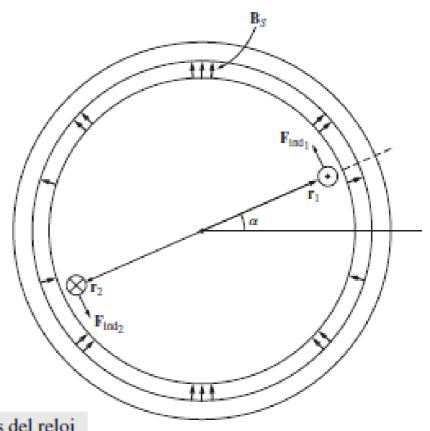
$$\tau_{\rm ind} = k \mathbf{B}_{\rm esp} \times \mathbf{B}_{S}$$

#### Par Inducido en una máquina de c.a.

$$\mathbf{F} = i(\mathbf{I} \times \mathbf{B})$$

$$\tau_{\text{ind},1} = (\mathbf{r} \times \mathbf{F})$$

$$\mathbf{F} = i(\mathbf{I} \times \mathbf{B})$$



 $\tau_{\rm ind} = 2rilB_S \operatorname{sen} \alpha$ 

en sentido contrario a las manecillas del reloj

 $|\mathbf{B}_{S}(\alpha)| = B_{S} \operatorname{sen} \alpha$ 

#### Par Inducido en una máquina de c.a.

- Considerese que la corriente i que fluye en la bobina del rotor produce su propio campo magnético. HR
- El ángulo entre el pico de la densidad de flujo del estator Bs y el pico de la intensidad de magnetización del rotor HR es gama.

#### Par en un motor de inducción

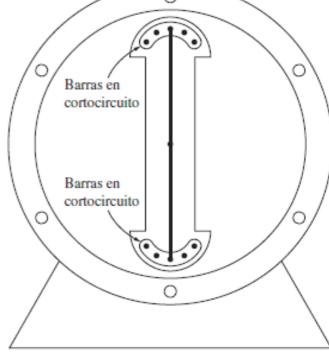
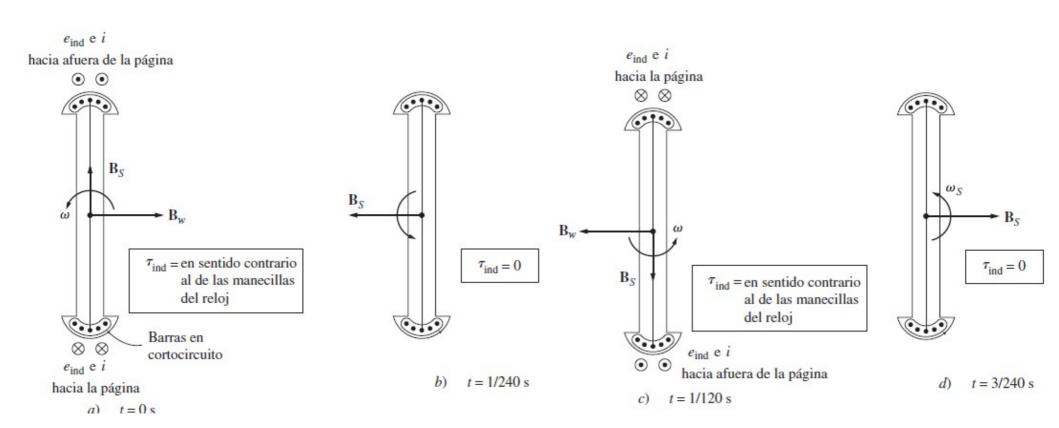


FIGURA 5-18 Diagrama simplificado de una máquina con dos polos salientes que muestra los devanados de amortiguamiento.

$$e_{\text{ind}} = (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \mathbf{l}$$

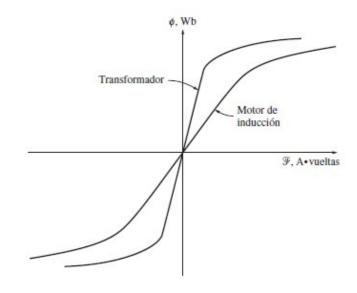
Extraído del capitulo 5 (motor asíncrono), arranque con devanado de amortiguamiento

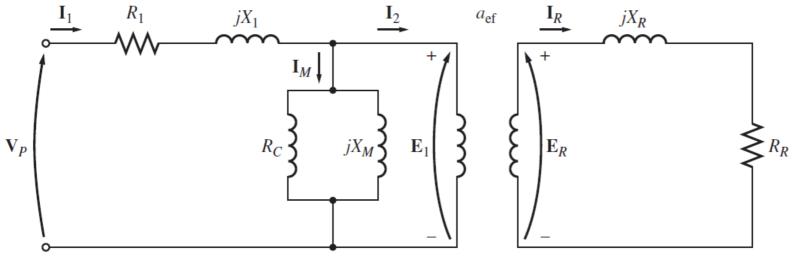
#### Par en un motor de inducción



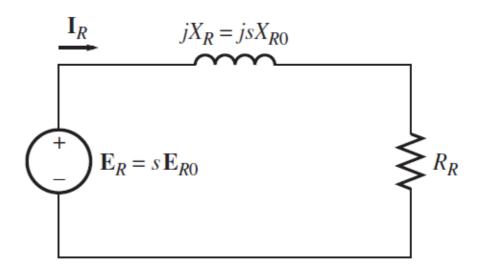
Extraído del capitulo 5 (motor asíncrono), arranque con devanado de amortiguamiento

## Circuito Equivalente





## Circuito Equivalente del Rotor



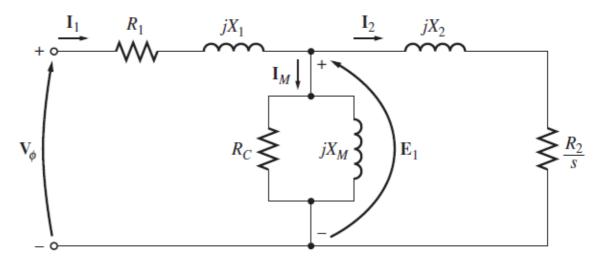


FIGURA 6-12 Circuito equivalente por fase de un motor de inducción.

#### Pérdidas y diagramas de flujos de potencias

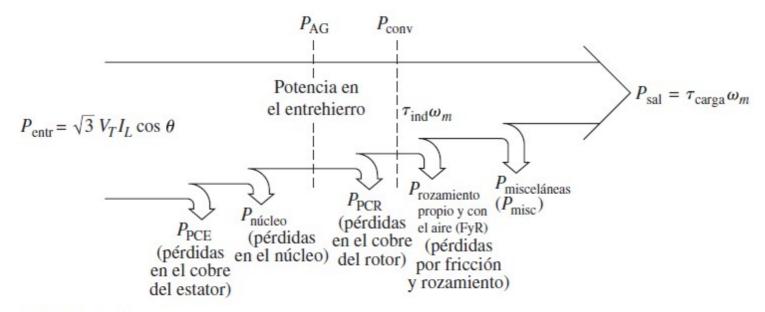


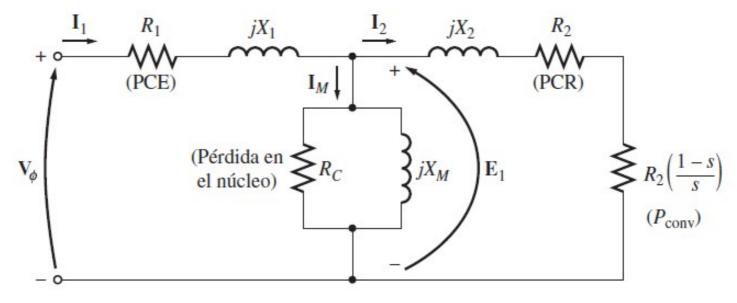
FIGURA 6-13 Diagrama de flujo de potencia de un motor de inducción.

#### Ejemplo 2

A un motor de inducción trifásico de 480 V, 60 Hz y 50 hp se le suministran 60 A con un factor de potencia de 0.85 en retraso. Las pérdidas de cobre del estator son de 2 kW y las pérdidas en el cobre del rotor son de 700 W. Las pérdidas por fricción y rozamiento con el aire son de 600 W, las pérdidas en el núcleo son de 1 800 W y las misceláneas son despreciables. Encuentre las siguientes cantidades:

- a) Potencia en el entrehierro PEH
- b) Potencia convertida Pconv
- c) Potencia de salida Psal
- d) Eficiencia del motor

#### Potencia y Par de Motor de Inducción



**FIGURA 6-14** Circuito equivalente por fase con pérdidas en el rotor y  $P_{\text{núcl}}$  separadas.

### Ejemplo 3

- Un motor de inducción con cuatro polos, de 460 V, 25 hp, 60 Hz, conectado en Y, tiene las siguientes impedancias en ohms por fase referidas al circuito del estator:
- R1=0.641; X1=1.106; R2=0.332; X2=0.464 XM=26.3
- Las pérdidas por rotación totales son de 1100 W y se supone que son constantes. Las pérdidas en el núcleo se agrupan con las pérdidas por rotación. Para un deslizamiento del rotor de 2.2% a voltaje y frecuencia nominales, encuentre las siguientes cantidades del motor:
- a) Velocidad

- b) Corriente del estator
- c) Factor de potencia
- d) Pconv y Psal

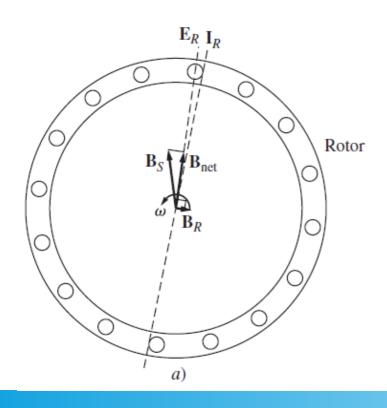
• e) tind y tcarga

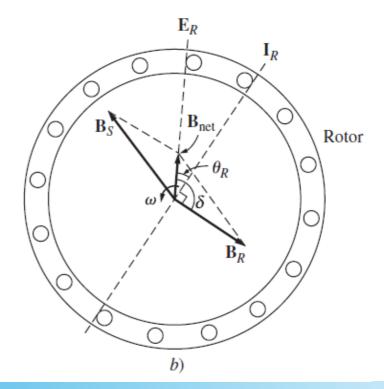
f) Eficiencia

#### Par inducido desde el punto de vista físico

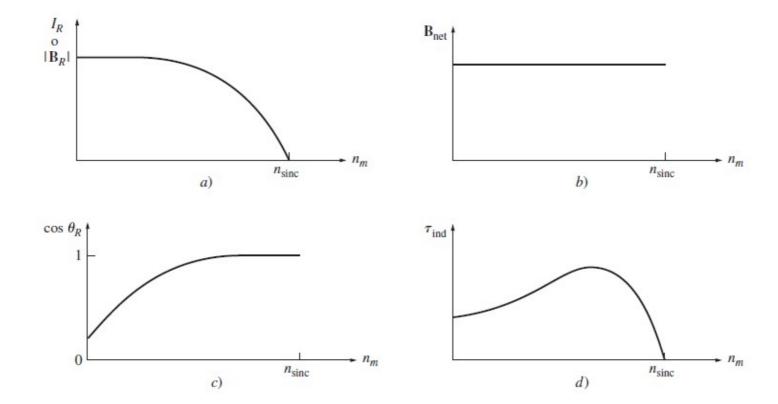
$$\tau_{\rm ind} = k \mathbf{B}_R \times \mathbf{B}_{\rm net}$$

$$\tau_{\text{ind}} = k\mathbf{B}_R \times \mathbf{B}_{\text{net}} \operatorname{sen} \delta$$





#### Par inducido desde el punto de vista físico



## Deducción del par inducido

$$\tau_{\text{ind}} = \frac{P_{\text{conv}}}{\omega_m}$$

$$au_{ ext{ind}} = rac{P_{ ext{EH}}}{\omega_{ ext{sinc}}}$$

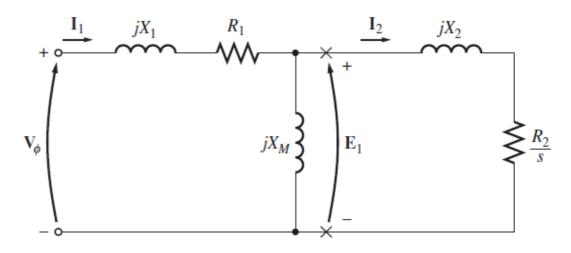
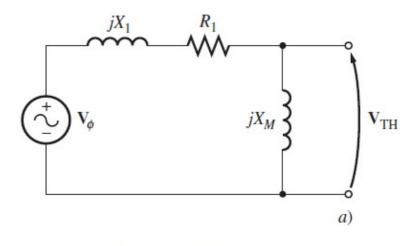
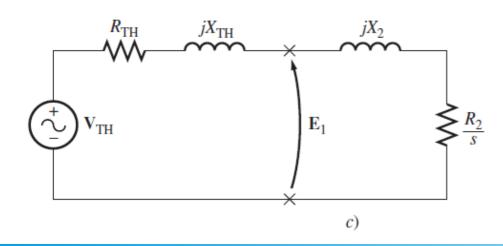
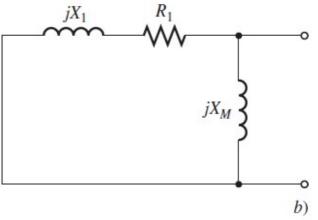


FIGURA 6-17 Circuito equivalente por fase de un motor de inducción.







#### Características Par-Velocidad

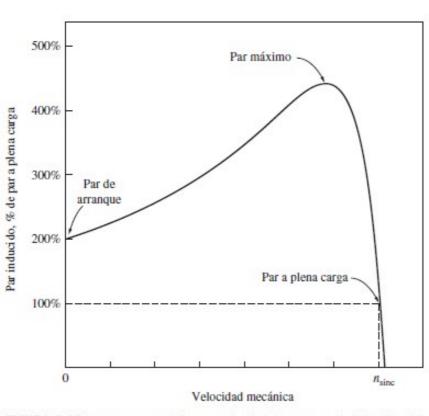
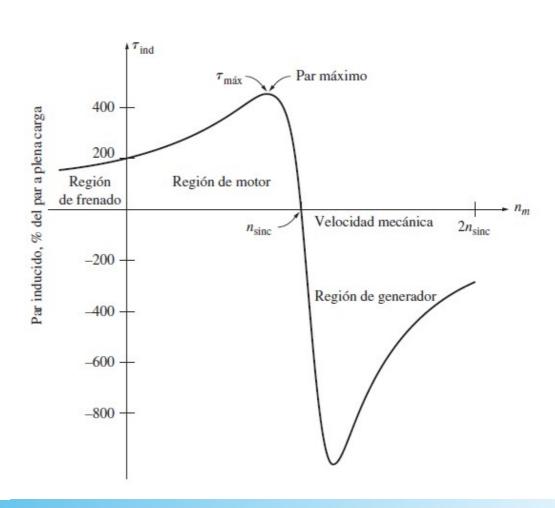
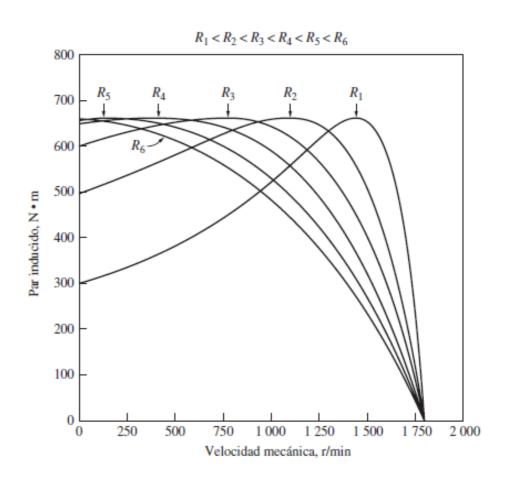


FIGURA 6-19 Curva característica par-velocidad de un motor de inducción típico.



#### Características Par Velocidad



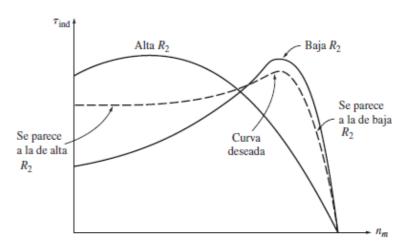
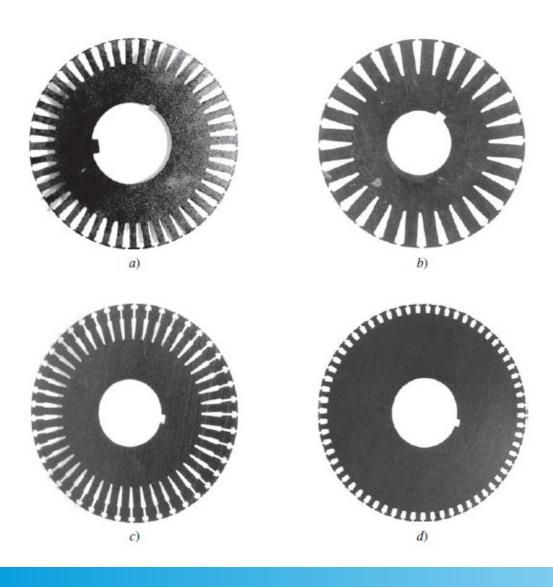


FIGURA 6-24 Curva característica par-velocidad que combina los efectos de alta resistencia a bajas velocidades (deslizamiento alto) con efectos de baja resistencia a altas velocidades (deslizamiento bajo).

# Modificación de las Características de un motor jaula de ardilla

 Control de las características del motor mediante el diseño del rotor de jaula de ardilla

## Control de las características del motor mediante el diseño del rotor de jaula de ardilla



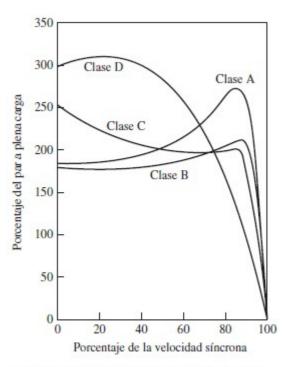
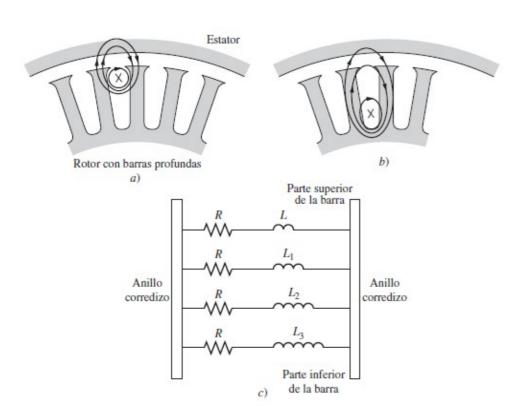


FIGURA 6-26 Curvas par-velocidad típicas para los diferentes diseños de rotor.

#### Diseños de rotores de barra profunda y de doble jaula



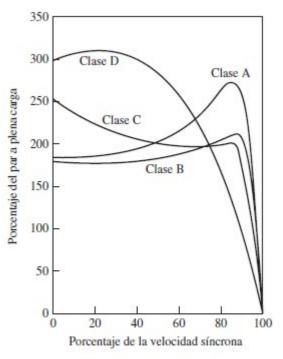


FIGURA 6-26 Curvas par-velocidad típicas para los diferentes diseños de rotor.

#### Control de Velocidad

- Mediante el cambio de nº de polos
- Mediante el cambio en la frecuencia de la línea
- Mediante el cambio del voltaje de línea
- Mediante el cambio de la resistencia del roto

#### Bibliografía

- Máquinas Eléctricas 5Ed- Stephen Chapman, capítulo 6 (Fragmentos del capitulo 3 y 5
- Máquinas Eléctricas 5 Ed– Fraile Mora –
   Capitulo 2 y 4