Métodos Quantitativos Aula 01

Visualização de Dados

Roberto Massi de Oliveira Alex Borges Vieira

Visualização de Dados

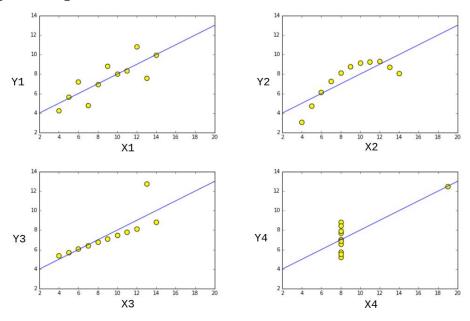
- Essencial em *Data Science*, principalmente, por possibilitar:
 - Análise exploratória de dados: como as amostras coletadas se comportam? A visualização gráfica pode dar as primeiras orientações sobre como trabalhar com um conjunto de dados
 - Detecção de erros: percepção de outliers, de limpezas insuficientes nos dados e de pressupostos inadequados
 - Comunicação: você é capaz de apresentar seus resultados para terceiros de forma eficaz?
 Resultados significativos só fazem sentido se compartilhados. Seu sucesso depende da sua capacidade de convencer o próximo que seus resultados são bons

- O método científico tradicional é orientado por hipóteses que antecedem a manipulação dos dados
 - O pesquisador formula uma hipótese de como o mundo funciona e, em seguida, procura apoiar ou rejeitar essa hipótese com base em dados
- A proposta dessa disciplina, ciência orientada a dados, difere do método tradicional, com a manipulação dos dados antecedendo as hipóteses
 - Começaremos reunindo um conjunto de dados substancial e, em seguida, procuraremos padrões que, idealmente, desempenharão o papel de hipóteses para análises futuras
- Análise exploratória de dados é a busca de padrões e tendências em um determinado conjunto de dados
 - As técnicas de visualização desempenham um papel importante nessa busca

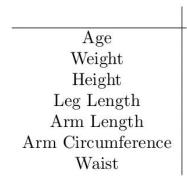
- Existe um limite do quanto se pode entender os dados sem gráficos
- Ex. (Quarteto de Anscombe):

		I	II				\mathbf{IV}	
	\mathbf{x}	\mathbf{y}	x	\mathbf{y}	x	\mathbf{y}	x	\mathbf{y}
	10.0	8.04	10.0	9.14	10.0	7.46	8.0	6.58
	8.0	6.95	8.0	8.14	8.0	6.77	8.0	5.76
	13.0	7.58	13.0	8.74	13.0	12.74	8.0	7.71
	9.0	8.81	9.0	8.77	9.0	7.11	8.0	8.84
	11.0	8.33	11.0	9.26	11.0	7.81	8.0	8.47
	14.0	9.96	14.0	8.10	14.0	8.84	8.0	7.04
	6.0	7.24	6.0	6.13	6.0	6.08	8.0	5.25
	4.0	4.26	4.0	3.10	4.0	5.39	19.0	12.50
	12.0	10.84	12.0	9.31	12.0	8.15	8.0	5.56
	7.0	4.82	7.0	7.26	7.0	6.42	8.0	7.91
	5.0	5.68	5.0	4.74	5.0	5.73	8.0	6.89
Mean	9.0	7.5	9.0	7.5	9.0	7.5	9.0	7.5
Var.	10.0	3.75	10.0	3.75	10.0	3.75	10.0	3.75
Corr.	0.8	816	0.8	316	0.8	816	0.8	816

- Ex. (Quarteto de Anscombe):
 - Análise estatística sumarizada na tabela nos leva a crer que as 4 amostras são similares
 - Mas e se traçarmos gráficos? Essa ideia é mantida?



- Ao confrontar novos conjuntos de dados, o que fazer?
 - 1. Responder questões como:
 - a. Quem gerou esse conjunto de dados, quando e por que?
 - b. Quão grande é esse conjunto de dados? Quão variadas são suas informações?
 - c. Qual o significado de cada campo do conjunto de dados?
 - 2. Procurar registros familiares ou interpretáveis



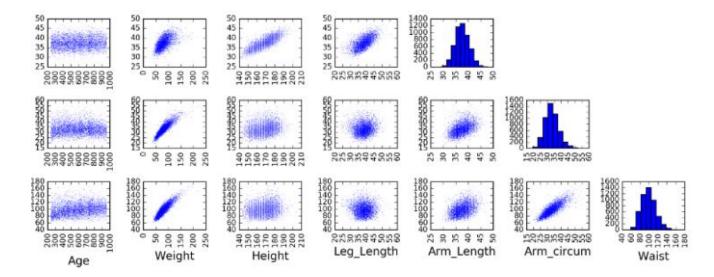
- Ao confrontar novos conjuntos de dados, o que fazer (continuação)?
 - 3. Extrair e observar estatísticas como médias, desvios padrões, máximos, mínimos, etc.

	Min	25%	Median	75%	Max
Age	241	418	584	748	959
Weight	32.4	67.2	78.8	92.6	218.2
Height	140	160	167	175	204
Leg Length	23.7	35.7	38.4	41	55.5
Arm Length	29.5	35.5	37.4	39.4	47.7
Arm Circumference	19.5	29.7	32.8	36.1	141.1
Waist	59.1	87.5	97.95	108.3	172

3. Investigar correlações, extrair coeficientes de correlação, matriz de correlação

				Leg	Arm	Arm	
	Age	Weight	Height	Length	Length	Circum	Waist
Age	1.000						
Weight	0.017	1.000					
Height	-0.105	0.443	1.000				
Leg_Len	-0.268	0.238	0.745	1.000			
Arm_Len	0.053	0.583	0.801	0.614	1.000		
Arm_Circ	0.007	0.890	0.226	0.088	0.444	1.000	
Waist	0.227	0.892	0.181	-0.029	0.402	0.820	1.000

- Ao confrontar novos conjuntos de dados, o que fazer (continuação)?
 - 5. Tem como classificar, agrupar dados da amostra? Sumarizar por gênero, localização, etc.?
 - 6. Plotagens das amostras e das distribuições estatísticas



- Daremos enfoque no que está em negrito:
 - Estatística:
 - NumPy
 - SciPy
 - Pandas
 - StatsModels
 - Visualização:
 - Matplotlib (matplotlib.pyplot)
 - Seaborn
 - Plotly
 - Bokeh
- Neste ponto, é muito importante o uso do Jupyter Notebook

Pandas

- Fundamental na manipulação de tabelas/estruturas de dados
- Em ambientes notebook, fica fácil a visualização de tais estruturas como um data frame
- o Pode ler dados de formatos como .xls, por exemplo, e interpretar no ambiente Python

```
In [1]: import numpy as np
         import pandas as pd
         import matplotlib.pyplot as plt
         *matplotlib inline
In [2]: titanic_df = pd.read_excel('titanic3.xls','titanic3', index_col=None, na_values=['NA']) #read_excel sheet to dataframe
In [3]: titanic_df.head()
Out[3]:
            pclass survived
                                                                                                   cabin embarked boat
                                                           sex
                                                                  age sibsp parch
                                                                                    ticket
                                                                                                                        body
                                                                                                                               home.dest
                                                   name
                                                                                                                              St Louis.
                           Allen, Miss. Elisabeth Walton
                                                         female 29.0000 0
                                                                                         211.3375 B5
                                                                                                                        NaN
                                                                                   24160
                                                                                                                              MO
                                                                                                                              Montreal.
                                                                                                                              PQ/
                           Allison, Master, Hudson Trevor
                                                               0.9167 1
                                                                                   113781 151.5500
                                                                                                                        NaN
                                                         male
                                                                                                                              Chesterville.
                                                                                                                              ON
```

Pandas

Um único comando é capaz de extrair inúmeras estatísticas da amostra coletada

```
In [4]: titanic_df.describe()
Out[4]:
```

	pclass	survived	age	sibsp	parch	fare	body
count	1309.000000	1309.000000	1046.000000	1309.000000	1309.000000	1308.000000	121.000000
mean	2.294882	0.381971	29.881135	0.498854	0.385027	33.295479	160.809917
std	0.837836	0.486055	14.413500	1.041658	0.865560	51.758668	97.696922
min	1.000000	0.000000	0.166700	0.000000	0.000000	0.000000	1.000000
25%	2.000000	0.000000	21.000000	0.000000	0.000000	7.895800	72.000000
50%	3.000000	0.000000	28.000000	0.000000	0.000000	14.454200	155.000000
75%	3.000000	1.000000	39.000000	1.000000	0.000000	31.275000	256.000000
max	3.000000	1.000000	80.000000	8.000000	9.000000	512.329200	328.000000

- Pandas
 - A limpeza dos dados também é realizada de forma simples

titanic_df.drop(['ticket','cabin','boat','body'],axis=1).head()

	рс	class	survived	name	sex	age	sibsp	parch	fare	embarked	home.dest
C	1		1	Allen, Miss. Elisabeth Walton	female	29.0000	0	0	211.3375	s	St Louis, MO
1	1		1	Allison, Master. Hudson Trevor	male	0.9167	1	2	151.5500	s	Montreal, PQ / Chesterville, ON
2	1		0	Allison, Miss. Helen Loraine	female	2.0000	1	2	151.5500	s	Montreal, PQ / Chesterville, ON
3	1		0	Allison, Mr. Hudson Joshua Creighton	male	30.0000	1	2	151.5500	s	Montreal, PQ / Chesterville, ON
4	1		0	Allison, Mrs. Hudson J C (Bessie Waldo Daniels)	female	25.0000	1	2	151.5500	s	Montreal, PQ / Chesterville, ON

male

- Pandas
 - Também é possível fazer agrupamentos

2.372479 | 0.190985 | 30.585233 | 0.413998

		survived	age	sibsp	parch	fare	body
sex	pclass						
female	1	0.875000	14.125000	0.500000	0.875000	104.083337	NaN
	2	1.000000	8.273150	0.666667	1.166667	27.998844	NaN
	3	0.543478	8.416667	1.456522	1.043478	18.284148	328.0
male	1	0.857143	9.845243	0.571429	1.714286	129.752371	NaN
	2	0.733333	6.232220	0.600000	0.933333	31.750280	NaN
	3	0.233333	9.838888	1.966667	1.016667	21.677570	65.5

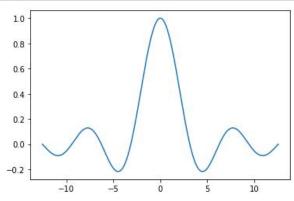
Pesquisem mais funcionalidades e façam testes!

Matplotlib

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

pi = np.pi
x = np.linspace(-4*pi, 4*pi, 1000)

plt.plot(x, np.sin(x)/x)
plt.show()
```



Matplotlib

Observem o comando plt.xticks e o efeito do mesmo no eixo X do gráfico

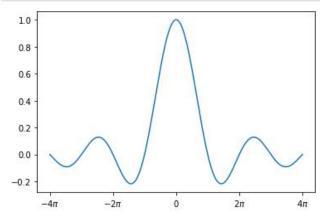
```
7 plt.xticks([-4*pi, -2*pi, 0, 2*pi, 4*pi],

8 ['$-4\pi$','$-2\pi$','$0$','$2\pi$','$4\pi$'])|

9

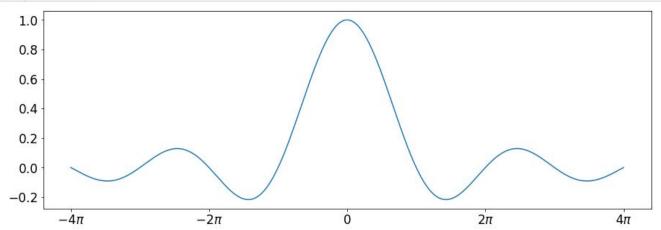
10 plt.plot(x, np.sin(x)/x)

11 plt.show()
```



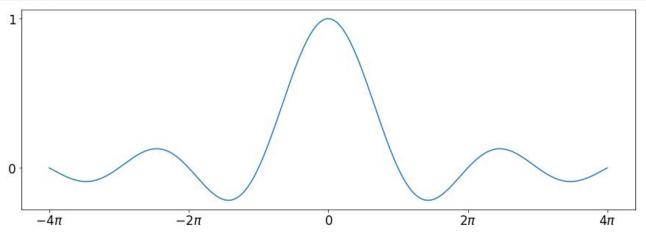
Matplotlib

Observem os comando plt.rcParams e o efeito do mesmo no tamanho do gráfico e da fonte



Matplotlib

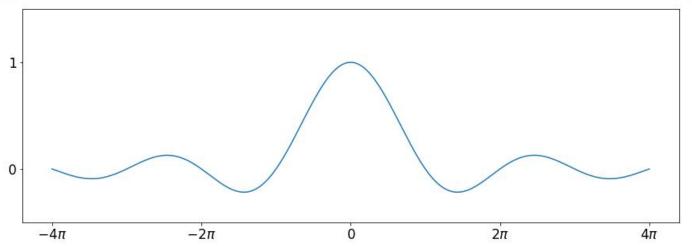
Vamos arrumar agora os yticks



Matplotlib

Vamos centralizar melhor o gráfico mexendo nos limites do eixo y (plt.ylim)

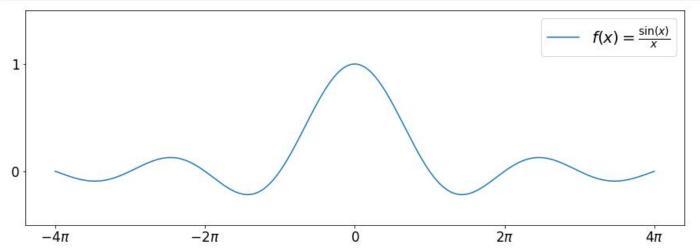
```
15 plt.ylim(-0.5, 1.5)
16
17 plt.plot(x, np.sin(x)/x)
18 plt.show()
```



Matplotlib

Vamos colocar legenda especificando um label e um plt.legend

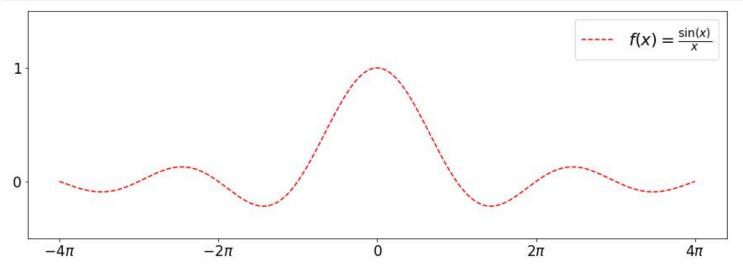
```
17 plt.plot(x, np.sin(x)/x, label=r'$f(x)=\frac{\sin(x)}{x}$')
18 plt.legend(loc='best', fontsize=20)
19
20 plt.show()
```



Matplotlib

Vamos modificar a cor e o estilo da linha (parâmetros color e linestyle)

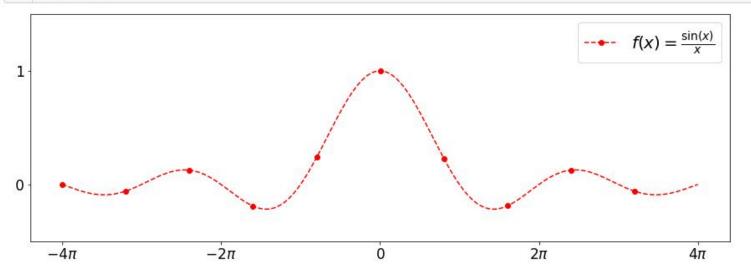
```
plt.plot(x, np.sin(x)/x, label=r'$f(x)=\frac{\sin(x)}{x}$', color='r', linestyle='--')
plt.legend(loc='best',fontsize=20)
plt.show()
```



Matplotlib

Vamos colocar marcadores (marker) espaçados a cada 100 pontos da curva (markevery)

```
plt.plot(x, np.sin(x)/x, label=r'$f(x)=\frac{\sin(x)}{x}$', color='r', linestyle='--', marker='o', markevery=100)
plt.legend(loc='best', fontsize=20)
plt.show()
```



Matplotlib

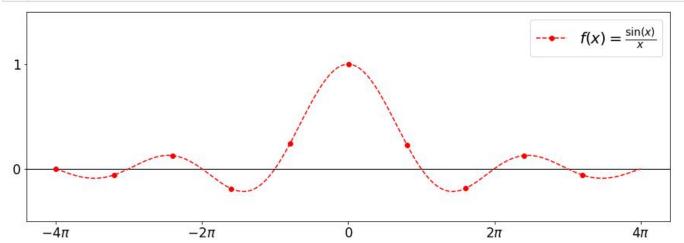
Vamos colocar uma linha passando pela origem (plt.axhline), para facilitar o estudo da curva

```
plt.axhline(0,color='black',lw=1)

plt.plot(x, np.sin(x)/x, label=r'$f(x)=\frac{\sin(x)}{x}$', color='r', linestyle='--', marker='o', markevery=100)

plt.legend(loc='best',fontsize=20)

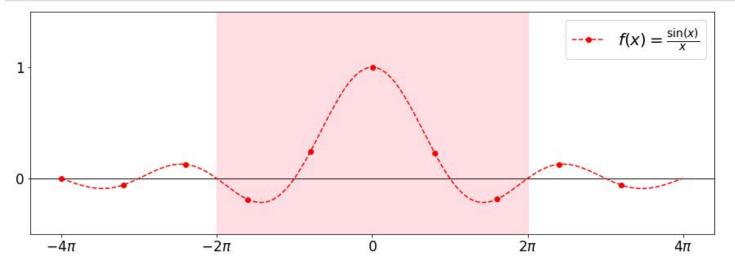
plt.show()
```



Matplotlib

Vamos destacar uma área específica do gráfico (plt.axvspan)

```
plt.plot(x, np.sin(x)/x, label=r'$f(x)=\frac{\sin(x)}{x}$, color='r', linestyle='--', marker='o', markevery=100)
plt.axvspan(-2*pi, 2*pi, color='pink', alpha=0.5)
plt.legend(loc='best', fontsize=20)
plt.show()
```



Matplotlib

Vejamos o código completo (https://drive.google.com/open?id=1 ccRZZ71R0mwtJpO5MgAZ3pRa3xx19m5)

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

pi = np.pi
x = np.linspace(-4*pi, 4*pi, 1000)

plt.rcParams['figure.figsize'] = (15,5)
plt.rcParams.update({'font.size': 17})

plt.xticks([-4*pi, -2*pi, 0, 2*pi, 4*pi], ['s-4\pis','s-2\pis','s0s','s2\pis','s4\pis'])

plt.yticks([0,1],['s0s','s1s'])

plt.yticks([0,1],['s0s','s1s'])

plt.ylim(-0.5, 1.5)

plt.axhline(0,color='black',lw=1)

plt.aplot(x, np.sin(x)/x, label=r'sf(x)=\frac{\sin(x)}{xs}, color='r', linestyle='--', marker='o', markevery=100)

plt.axvspan(-2*pi, 2*pi, color='pink', alpha=0.5)

plt.legend(loc='best',fontsize=20)

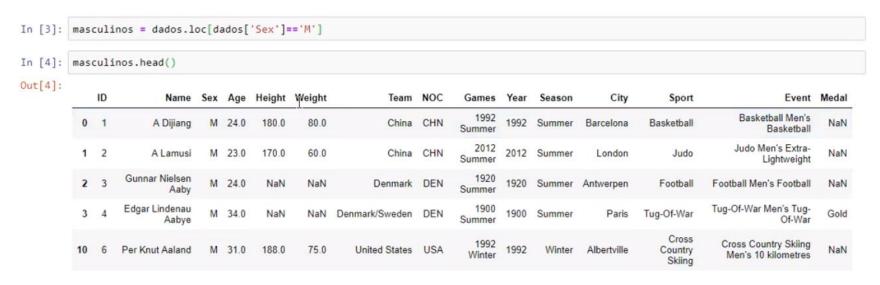
plt.show()
```

Pesquisem mais funcionalidades e façam testes! (https://www.machinelearningplus.com/plots/top-50-matplotlib-visualizations-the-master-plots-python/)

- Ex. (Pandas+Matplotlib):
 - Importando dados para um data frame do Pandas

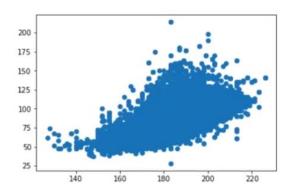
```
import pandas as pd
          dados = pd.read_csv('C:/Users/Natanael/Documents/DidaticaTech/athlete_events.csv')
          dados.head()
Out[2]:
              ID
                                    Sex Age
                                              Height Weight
                                                                               NOC
                                                                                                                    City
                                                                                                                                                    Event Medal
                                                                         Team
                                                                                                                              Sport
                                                                                          1992
                                                                                                                                            Basketball Men's
                          A Dijiang
                                      M 24.0
                                                180.0
                                                         80.0
                                                                        China
                                                                              CHN
                                                                                                      Summer
                                                                                                                Barcelona Basketball
                                                                                                                                                             NaN
           0
                                                                                                                                                 Basketball
                                                                                                                                           Judo Men's Extra-
           1 2
                                                                        China CHN
                          A Lamusi
                                         23.0
                                                170.0
                                                         60.0
                                                                                                2012 Summer
                                                                                                                              Judo
                                      M
                                                                                                                  London
                                                                                                                                                             NaN
                                                                                                                                                Lightweight
                     Gunnar Nielsen
                                                                                          1920
          2 3
                                        24.0
                                                 NaN
                                                         NaN
                                                                      Denmark DEN
                                                                                                      Summer Antwerpen
                                                                                                                            Football
                                                                                                                                      Football Men's Football
                                                                                                                                                             NaN
                              Aaby
                                                                                                                            Tug-Of-
                                                                                                                                      Tug-Of-War Men's Tug-
                     Edgar Lindenau
                                                                                          1900
                                        34.0
                                                              Denmark/Sweden DEN
                                                                                                      Summer
                                                                                                                    Paris
                                                                                                                                                             Gold
                                                 NaN
                                                                                       Summer
                             Aabye
                                                                                                                               War
                                                                                                                                                   Of-War
                    Christine Jacoba
                                                                                                                             Speed
                                                                                                                                     Speed Skating Women's
                                                                                          1988
                                      F 21.0
             5
                                                185.0
                                                         82.0
                                                                                                                                                             NaN
                                                                   Netherlands
                                                                                                                  Calgary
                            Aaftink
                                                                                         Winter
                                                                                                                                                500 metres
                                                                                                                            Skating
```

- Ex. (Pandas+Matplotlib):
 - Separando apenas pessoas do sexo masculino em uma nova variável (novo data frame)

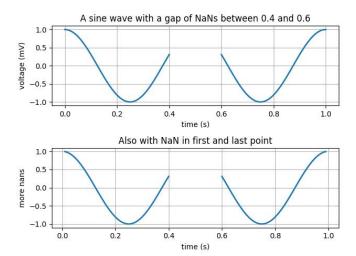


- Ex. (Pandas+Matplotlib):
 - Plotando gráfico de dispersão de peso pela altura. O que se pode concluir a priori?

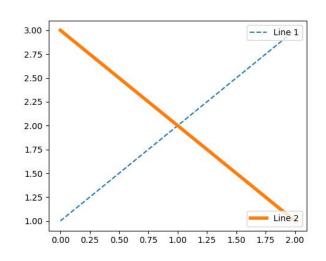
```
In [3]: masculinos = dados.loc[dados['Sex']=='M']
In [5]: a = masculinos['Height']
p = masculinos['Weight']
In [6]: import matplotlib.pyplot as plt
plt.scatter(a,p)
plt.show()
```

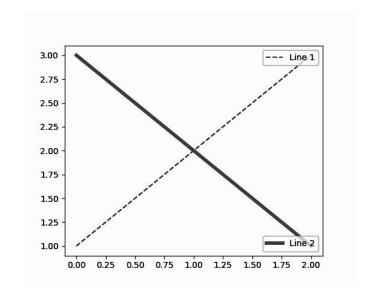


- Deixar todos os gráficos referentes a uma dada métrica na mesma escala
 - o xlim, xticks, ylim, yticks, escalas logarítmicas ou não, etc
- Achatar gráficos com o comando rcParams['figure.figsize'] (ganhar espaço)
- O comando grid() pode ser importante para facilitar as análises dos gráficos

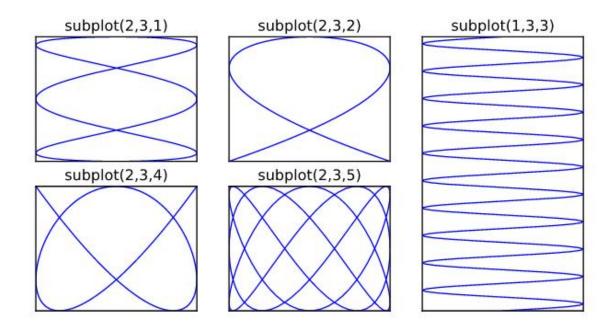


Todos os gráficos devem ser interpretáveis corretamente em preto e branco.
 Abusem de recursos que possibilitem isso (markers, linhas tracejadas, etc)





Agrupar gráficos com o comando subplot() deixa o trabalho mais organizado



• Pesquisem tipos diferentes de gráficos. O boxplot, por exemplo, é excelente para mostrar as estatísticas de uma amostra (mediana, max., min., etc.)

```
import matplotlib.pvplot as plt
   sample1 = [82,76,24,40,67,62,75,78,71,32,98,89,78,67,72,82,87,66,56,52]
   sample2 = [62, 5, 91, 25, 36, 32, 96, 95, 3, 90, 95, 32, 27, 55, 100, 15, 71, 11, 37, 21]
   sample3 = [23, 89, 12, 78, 72, 89, 25, 69, 68, 86, 19, 49, 15, 16, 16, 75, 65, 31, 25, 52]
   sample4 = [59,73,70,16,81,61,88,98,10,87,29,72,16,23,72,88,78,99,75,30]
   box plot data = [sample1, sample2, sample3, sample4]
   plt.boxplot(box plot data)
10 plt.show()
100
                                                                                                      Third quartile (Q<sub>3</sub>)
                                                                                   Median
                                                                     First quartile
 80
                                                                                                                          Outliers
 60
                                                                                                                   Maximum
 20
                                                                       Minimum
                                                                                                                   value
                                                                       value
                                                                                                                   (that's not an
                                                                       (that's not an
                                                                                                                   outlier)
                                                                       outlier)
```

https://drive.google.com/open?id=1XgIFOByBGyFQDULnOchc9IBBADGWrC69

 Sempre que um gráfico for utilizado, ele deve ser referenciado e descrito textualmente

- Antes de representar seus resultados, faça os seguintes questionamentos:
 - o Gráfico vai resolver seu problema? Para poucos dados, por que não tabela?
 - o Tabela vai resolver seu problema? Talvez 1 frase seja suficiente (pouquíssimos dados)
 - Quanto espaço ainda há disponível para o trabalho?
 - Que tipo de variável eu preciso representar?
 - Qualitativa / Quantitativa / Discreta / Contínua?

- Qualitativa: agrupa os dados em categorias
 - o Ordenada
 - Ex:. faixas etárias (criança, pré-adolescente, adolescente, adulto, idoso)
 - Não ordenada
 - Ex: áreas do conhecimento: biologia, matemática, computação, física, etc
- Quantitativa: representa os dados na forma de valores numéricos
 - o Discreta
 - Ex.: número de usuários simultâneos de internet numa universidade
 - Contínua
 - Ex.: tempo de execução de um processo

- Variáveis qualitativas: melhor representadas por barras ou polar chart
 - No caso de variáveis ordenadas, gráficos de barra mostram o sentido de ordenação
 - o Ex. (barras):

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

dobjects = ('Python', 'C++', 'Java', 'Perl', 'Scala', 'Lisp')
y_pos = np.arange(len(objects))
performance = [10,8,6,4,2,1]

plt.bar(y_pos, performance, align='center', alpha=0.5)
plt.xticks(y_pos, objects)
plt.ylabel('Usage')
plt.title('Programming language usage')

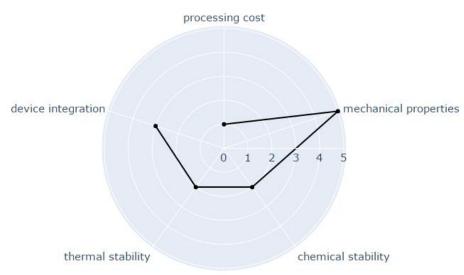
plt.show()
```

Programming language usage 10 2 . Python C++ lava Perl Scala Lisp

https://drive.google.com/open?id=1ur-fimxH1-yZ9-INplOgCah_o8_YzHo4

- Variáveis qualitativas: melhor representadas por barras ou polar chart
 - No caso de variáveis ordenadas, gráficos de barra mostram o sentido de ordenação
 - o Ex. (polar):

```
import plotly.graph objects as go
    fig = go.Figure (data=
        go.Scatterpolar (
            r=[1, 5, 2, 2, 3],
            theta=['processing cost', 'mechanical properties', 'chemical
                    'thermal stability', 'device integration'],
            mode = 'lines+markers',
            line color = 'black'
11
    fig.update layout (
        showlegend = False,
        font size = 15,
       polar = dict(
16
            angularaxis = dict(
17
                direction = "clockwise")
19
   fig.show()
```



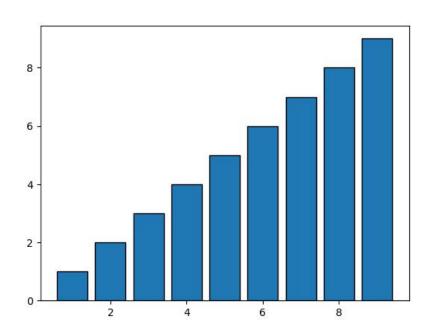
https://drive.google.com/open?id=1bf4nGHNozid33C1-vAunhBH13lgZ3MOb

- Variáveis quantitativas: são bem representadas em gráficos do tipo X-Y
 - Variáveis discretas são adequadas a gráficos de pontos ou gráficos de barras
 - o Ex. (barras):

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

fig, ax = plt.subplots(num='mwe_scalar_bar_ec')
x = np.arange(1, 10)
ax.bar(x, x, edgecolor="black")
plt.show()
```

https://drive.google.com/open?id=1hg9DvswvoPCsxxgcafHeGrYahx9-VYET



Tipos de Variáveis

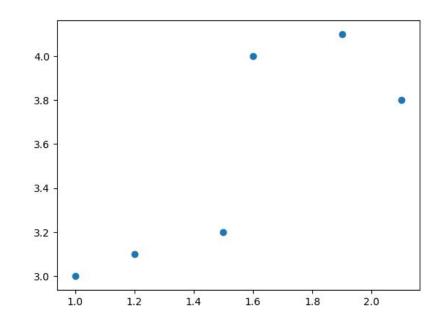
- Variáveis quantitativas: são bem representadas em gráficos do tipo X-Y
 - Variáveis discretas são adequadas a gráficos de pontos ou gráficos de barras
 - o Ex. (pontos):

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

x_axis = [1, 1.2, 1.5, 1.6, 1.9, 2.1]
y_axis = [3, 3.1, 3.2, 4, 4.1, 3.8]

plt.scatter(x = x_axis, y = y_axis)
plt.show()
```

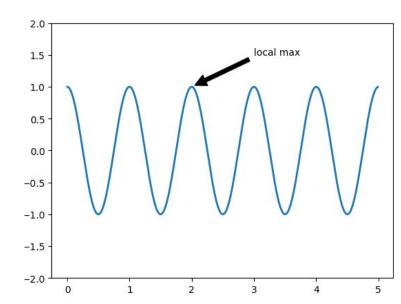
https://drive.google.com/open?id=1dQE4DpUVi31ZixAeYDn0XznIFQQ6oSTR



Tipos de Variáveis

- Variáveis quantitativas: são bem representadas em gráficos do tipo X-Y
 - Variáveis discretas são adequadas a gráficos de pontos ou gráficos de barras
 - Variáveis contínuas se adequam a gráficos de linhas
 - o Ex. (linhas):

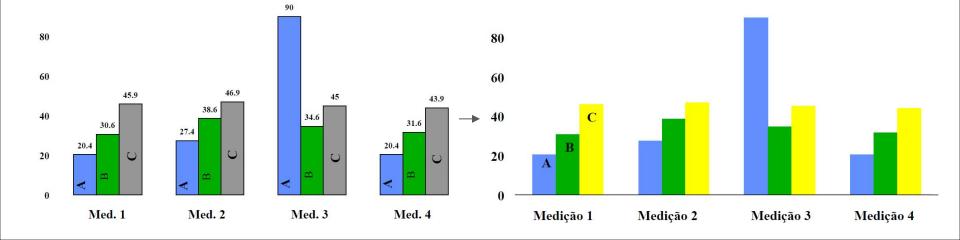
https://drive.google.com/open?id=1zhKiqT_-zvvYGjAzg9U-85VIBEDn2_ig



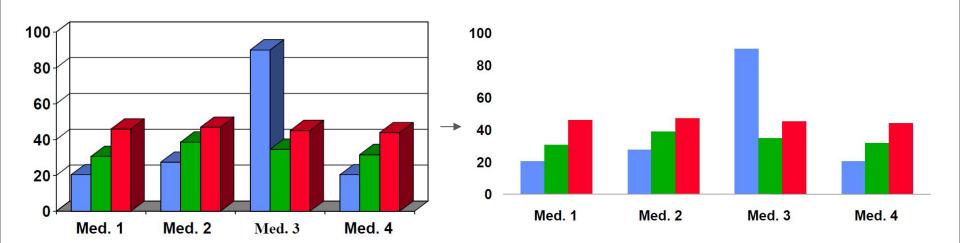
Maximize a relação dados/tinta

$$Data-Ink Ratio = \frac{Data-Ink}{Total ink used in graphic}$$

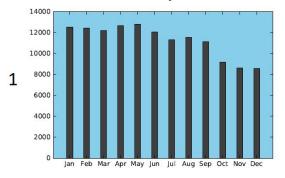
Diminua tinta que n\u00e3o representa dados, elimine tinta de dados redundantes

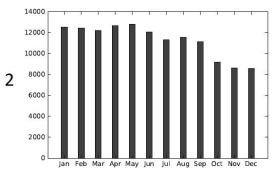


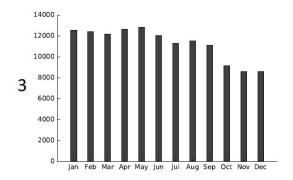
 Cuidado com o excesso de "estilo". Ir direto ao ponto é ideal para os leitores dos seus resultados

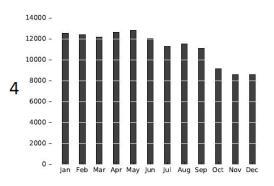


Resumindo: evitar tudo que não são resultados ou elementos explicativos



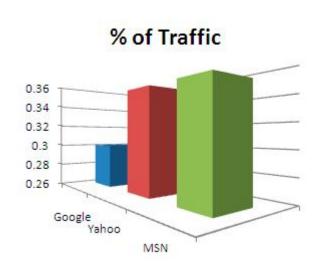


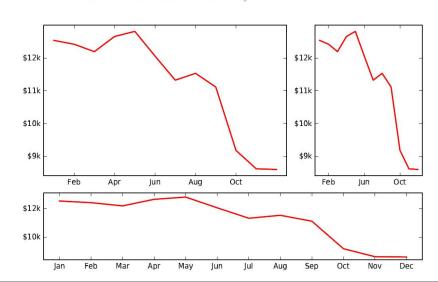




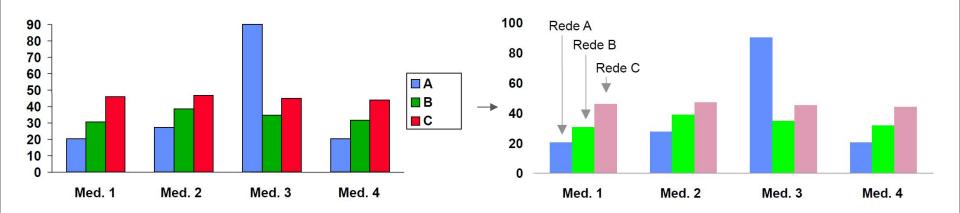
 Jamais use escalas e ângulos de imagem para favorecer ou esconder resultados indesejados (minimizar lie factor)

lie factor =
$$\frac{\text{(size of an effect in the graphic)}}{\text{(size of the effect in the data)}}$$

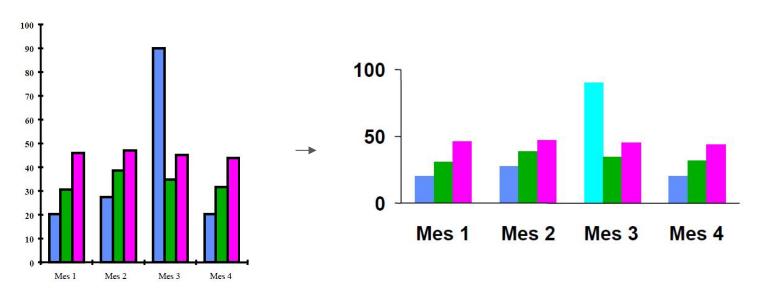




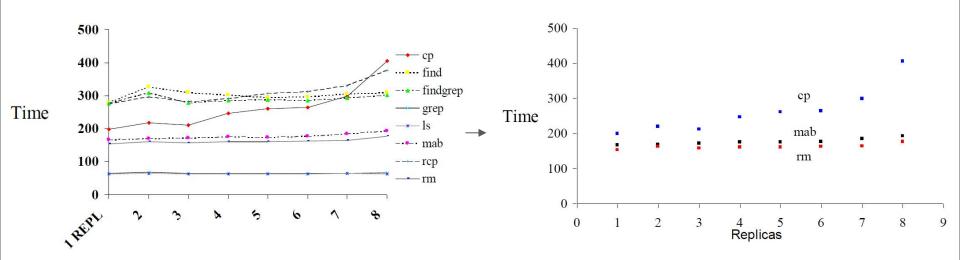
- Coloque rótulos de forma inteligente e autocontida
- Evite o uso das cores verde e vermelho no mesmo gráfico



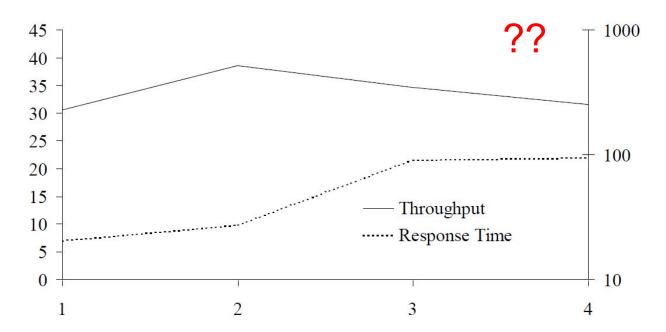
- Linhas finas e ausência de contornos ajudam a estética
 - Use linhas grossas e contornos para realçar alguma informação específica
- A dimensão horizontal deve ser maior que a vertical: até 50% maior



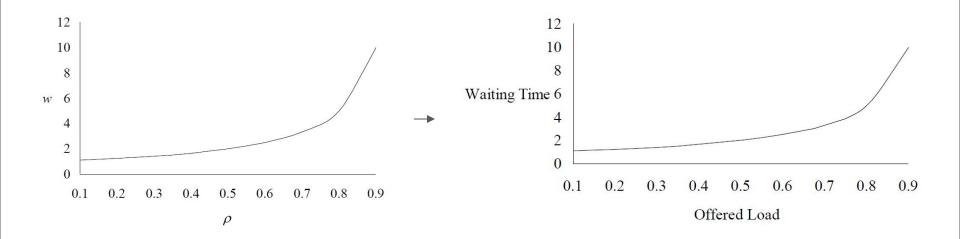
- Evitar excesso de informação num único gráfico
 - Máximo de 6 curvas num único gráfico de linhas
 - Máximo de 10 barras num único histograma (gráfico de barras)
 - Máximo de 8 fatias num gráfico em pizza (polar chart)



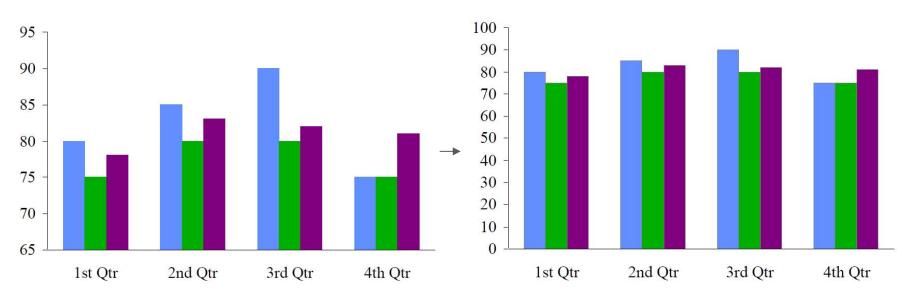
- Evitar o uso de múltiplas escalas num mesmo gráfico
 - Representar bananas com bananas e maçãs com maçãs



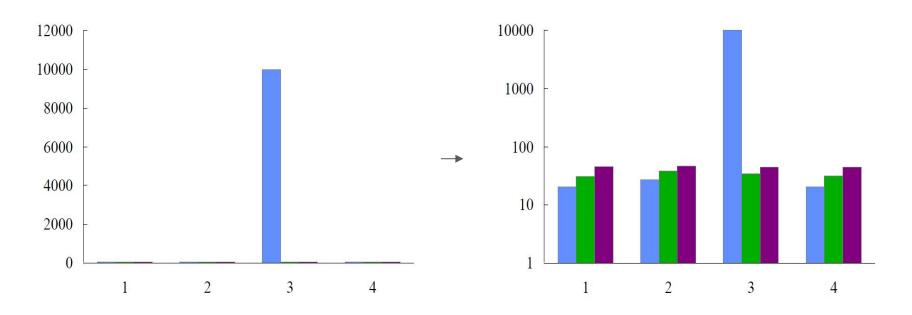
- Gráficos devem ser auto-explicativos
 - Dêem preferência para textos ao invés de símbolos



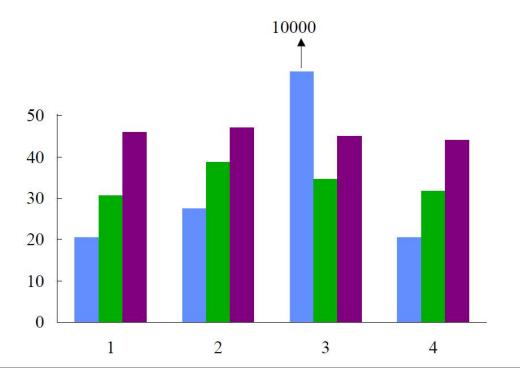
- Evitar plotar gráficos com origem diferindo de zero
 - Se o resultado não ficar bom (vide exemplo abaixo), talvez valha a pena mudar a escala (intervalos no eixo y ou log)



- Escala logarítmica pode ajudar a evidenciar resultados de difícil visualização
 - o Quando as curvas ficarem muito coladas ou estranhas, tentem usar semilogx ou semilogy



Quando algum dado é muito maior que os demais, vale a pena truncar



- Evite ligar pontos caso as interpolações não sejam válidas
 - Quando os intervalos no eixo X são grandes, pode ser perigoso simplesmente ligar pontos
 - Suavizar curvas (eliminar quinas) não é uma boa prática

