

Teoría de sistema lineales Taller 06: Convolución de señales continuas

Escuela de Ciencias exactas e Ingeniería

	Froiesor: Marco Teran
Name:	Deadline: 13 de marzo

1. Calcule la convolución

$$e^{-t}u(t) * e^{-2t}u(t)$$

2. Sea

$$x(t) = u(1-t)u(t+1),$$

calcule y dibuje los resultados obtenidos.

- (a) x(t) * x(t)
- (b) $x(t) * [\delta(t+2) + 2\delta(t-2)]$
- 3. Calcule y dibuje el resultado de la integral de convolución y(t) = x(t) * h(t) de los siguientes pares de señales:

(a)
$$x(t) = u(-t),$$

 $h(t) = e^{-3t}u(t)$

(b)
$$x(t) = e^{j2t}$$
,
 $h(t) = e^t u(t)$

(c)
$$x(t) = e^{j2t}$$
,
 $h(t) = 3\delta(t-1)$

(d)
$$x(t) = u(-t),$$

 $h(t) = e^{-3t}u(t)$

(e)
$$x(t) = u(t),$$

 $h(t) = 2e^{-5|t|} (u(t+4) - u(t-4))$

(f)
$$x(t) = \begin{cases} t, & \text{si } 0 < t \leq 2 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases},$$

$$h(t) = \begin{cases} t^2, & \text{si } 0 < t \leq 1 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

(g)
$$x(t) = \begin{cases} e^{2\pi t}, & \text{si } 0 < t \le \frac{1}{2\pi} \ln 5 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
,
$$h(t) = \begin{cases} 2, & \text{si } 0 < t \le 1 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

Dueferen Manes Tonon

(h)
$$x(t) = \begin{cases} \sin(t), & \text{si } 0 < t \leq \pi \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
, $h(t) = \begin{cases} \cos(t), & \text{si } 0 < t \leq \frac{\pi}{2} \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$

4. Determine la respuesta al impulso del sistema LTI

$$y(t) = \int_{t-1}^{t+1} x(\tau) \,\mathrm{d}\tau$$

5. Un sistema tiene la respuesta al impulso dada por

$$h(t) = \delta(t) - \delta(t-1),$$

a partir de ésta determina la relación de entrada- salida del sistema.

6. Un sistema LTI y causal tiene la respuesta al impulso (1):

$$h(t) = e^{-t} + \sin t, t \geqslant 0 \tag{1}$$

- (a) Calcular la respuesta de salida para $t \ge 0$, cuando la entrada es el escalón u(t)
- (b) Calcular la respuesta de salida para $t \ge 0$, cuando la entrada es el pulso con función:

$$u(t+2) - u(t-2)$$

7. Encuentre la respuesta al impulso del sistema compuesto mostrado en la figura 1.

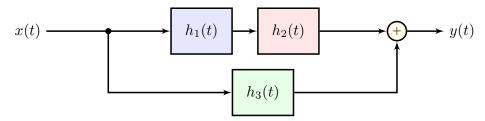


Fig. 1 – Diagrama de bloques

8. El sistema mostrado en la figura 2 esta formado por la conexión de dos sistemas en serie.

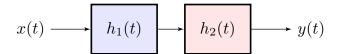


Fig. 2 – Diagrama de bloques en serie

Las respuestas al impulso están dadas:

$$h_1(t) = e^{-2t}u(t),$$

 $h_2(t) = 2e^{-t}u(t).$

- (a) Encuentre la respuesta al impulso $h_{total}(t)$ total del sistema.
- (b) Cual sería la salida si la entrada al sistema fuera: $x\left(t\right)=u\left(t\right)-u\left(t-6\right)$