



Análisis de señales
Transformada de Fourier
de tiempo continuo (CTFT)
Escuela de Ciencias exactas e Ingeniería
Código: 2018II_TTQ11

Profesor: Marco Teran

Deadline: 15 de noviembre de 2018

1. Encontrar la transformada de Fourier de tiempo continuo (**CTFT**) para cada una de las siguientes señales, dibujar la magnitud de la **CTFT** de los ejercicios pares:

(a) $x(t) = 3 \cos^2(60\pi t)$

(b) $x(t) = 2 \frac{\sin(2\pi t)}{\pi t}$

(c) $x(t) = \begin{cases} 1, & \text{si } |t| \leq 2 \\ 0, & |t| > 2 \end{cases}$

(d) $x(t) = e^{-\frac{\sqrt{3}}{2}|t|} u(t)$

(e) $x(t) = \frac{1}{9+t^2}$

(f) $\text{sgn}(t) = \begin{cases} 1, & t > 0 \\ -1, & t < 0 \end{cases}$

(g) $x(t) = \delta(t - t_0)$.

(h) $x(t) = u(t - t_0)$.

(i) $x(t) = -e^{-6t} u(t)$.

(j) $x(t) = e^{-2t} [u(t) - u(t - 5)]$.

(k) $x(t) = e^{-3t} u(t) + e^{3t} u(-t)$.

(l) $x(t) = 2 \cos(2\pi t + 4\pi) [u(t) - u(t - 1)]$.

(m) $x(t) = e^{-|t|}$.

(n) $x(t) = e^{-\alpha t} \cos(\omega_0 t) u(t)$,
donde $\alpha > 0$.

(o) $x(t) = 2 \cos^2(t)$

2. Si $x(t) = X(\omega)$, determine la transformada de Fourier de

(a) $x(1 - t)$

(b) $\frac{dx(t)}{dt} \cos t$

(c) $x\left(\frac{t}{2} - 2\right)$

(d) $\frac{d[x(-2t)]}{dt}$

3. Mediante las diversas propiedades de la transformada de Fourier de tiempo continuo (**CTFT**), encuentre la transformada de Fourier de las siguientes señales de la transformada original de $u(t)$:

(a) $x(t) = \delta(at)$. (Entienda la función $\delta(t)$ y su relación con la derivada de $u(t)$)

(b) $x(t) = 3tu(t)$.

(c) $x(t) = -e^{-6t} u(t)$.

(d) $x(t) = te^{-at} u(t)$.

(e) $x(t) = e^{-5\pi t} \cos(\omega_0 t) u(t)$.

(f) $x(t) = (e^{-t} \cos(2t) - 5e^{-3t}) u(t) + \frac{1}{2} e^{-j2t} u(-t)$.

4. Determine la transformada de Fourier de la señal

$$x(t) = e^{-t} u(t) * e^{-2t} u(t)$$

5. Consideremos la señal *Campana de Cauchy* dada por

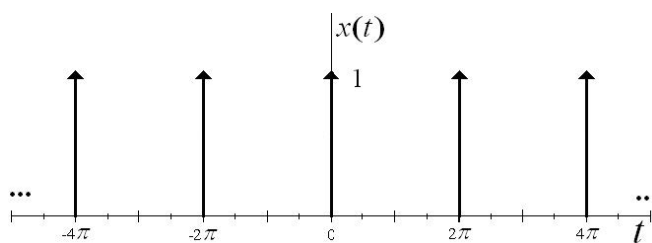
$$x(t) = \frac{1}{1+t^2}$$

(a) Demuestre que $x(t) \in L_1$.

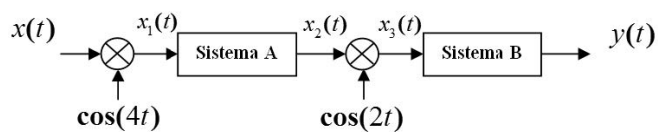
(b) Encuentre la transformada de Fourier de $x(t)$.

Tenga en cuenta que $\int \frac{dx}{a^2 + b^2 x} = \frac{1}{ab} \text{atan}\left(\frac{bx}{a}\right)$

6. Obtenga la transformada de Fourier de la secuencia de impulsos de peso unitario, que se ilustra en la figura.



7. Considere el sistema que se ilustra en la siguiente Figura



- El sistema A tiene relación entrada salida $x_2(t) = \frac{1}{2}x_1\left(\frac{t}{2}\right)$.
 - El sistema B es lineal e invariante con respuesta impulso $h(t)$.
- (a) Determine la transformada de Fourier de $x_1(t)$, $x_2(t)$ y $x_3(t)$ en función de $X(\Omega)$.
- (b) Si la señal de entrada tiene la transformada de Fourier $X(\Omega)$ que se presenta en la Figura, dibuje las transformadas de $x_1(t)$, $x_2(t)$ y $x_3(t)$.

