

Análisis de señales Series de Fourier de tiempo continuo

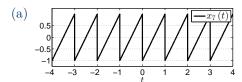
Escuela de Ciencias exactas e Ingeniería

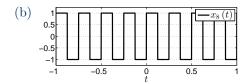
Código: 2018II_TTQ09

Profesor: Marco Teran Deadline: 18 de octubre de 2018

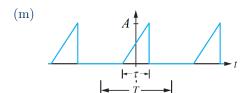
1. Determinar la representación de la Serie de Fourier de tiempo continuo (CTFS) en la forma exponencial compleja para los puntos pares y la trigonométrica para los puntos impares de cada una de las siguientes señales.

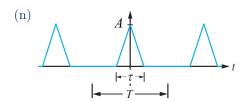
Expresar los coeficientes de Fourier en función de k. Para $A=5, \tau=2$ y T=8. Dibujar $|c_k|$ y Φ_k , y a_k y b_k , dependiendo del punto.

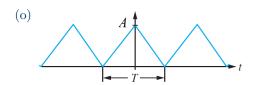


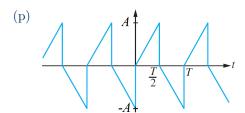


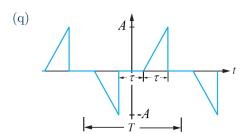
- (c) $x_9(t) = \frac{1}{4}\cos(2t + 4\pi)$.
- (d) $x_{10}(t) = 4 + \frac{1}{2}\sin(6t)$.
- (e) La señal periódica para todo t definida por x(t) = x entre [-2,2] (Repetir este segmento en todo t, se observa una señal diente de sierra, aplicar mismo método a los demás ejercicios).
- (f) La señal periódica para todo t definida por $x_{11}(t) = |x|$ entre [-2, 2].
- (g) La señal periódica para todo t definida por $x_{12}(t) = x^2$ entre [-3, 3].
- (h) La señal periódica para todo t definida $\operatorname{por} x_{13}\left(t\right) = \left\{ \begin{array}{l} \frac{2}{7}\left(\frac{\pi}{2} + t\right), & \operatorname{si} \ -\pi \leqslant t < 0 \\ \frac{2}{\pi}\left(\frac{\pi}{2} t\right), & \operatorname{si} \ 0 \leqslant t \leqslant \pi \end{array} \right.$
- (i) $s(t) = |3\sin\left(\frac{6\pi}{15}t\right)|$.
- (j) $p(t) = |5\cos(\frac{\pi}{3}t)|$.
- (k) $x(t) = 1 + \cos(2\pi t) \sin(6\pi t)$.
- (l) $r(t) = \frac{\sin(2t+\pi)}{\sin(t)}$.



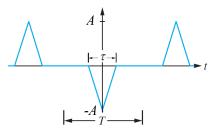






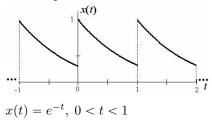


(r)

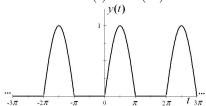


(s) x(t)

- 2. Usando la serie exponencial de Fourier represente la señal x(t) = u(t+1) u(t-1) sobre el intervalo de tiempo [-2, 2].
- **3.** Usando la serie exponencial de Fourier represente la señal periódica

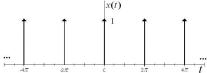


4. Usando la serie trigonométrica de Fourier, represente la señal de salida de un rectificador de media onda (y(t)) en la siguiente figura), si la señal de entrada es $x(t) = \sin(\pi t)$.



$$x(t) = \sin(t), \ 0 < t < \pi$$

5. Obtenga la serie exponencial de Fourier de la secuencia de impulsos de peso unitario, que se ilustra en la figura.



- **6.** Exprese la señal $x(t) = \frac{1}{2} + \sin^2 t \cos^2 t + 2\sin t + 3\cos(3t)$ como una serie exponencial de Fourier e identifique los coeficientes complejos de Fourier.
- 7. Demuestre que si x(t) es real entonces $|c_n|$ es una señal par y $\angle c$ es una señal impar.
- 8. Demuestre el teorema de Parseval para la serie exponencial.
- 9. Suponga que un señal periódica tiene coeficientes de la serie exponencial de Fourier dados por $c_n = 0.5^{|n|}$. Encuentre la potencia promedio de la señal.
- 10. Usando la serie trigonométrica de Fourier represente la señal de salida de un rectificador de onda completa (y(t) en la Figura), si la entrada es $x(t) = \sin(\pi t)$.

