## Análisis de señales Convolución de señales continuas

Escuela de Ciencias exactas e Ingeniería

Código: 2018II\_TTQ06

**Profesor:** Marco Teran Deadline: 23 de agosto de 2018

1. Calcule la convolución

$$e^{-t}u(t) * e^{-2t}u(t)$$

**2.** Sea

$$x(t) = u(1-t)u(t+1),$$

calcule y dibuje los resultados obtenidos.

(a) x(t) \* x(t)

(b)  $x(t) * [\delta(t+2) + 2\delta(t-2)]$ 

3. Calcule y dibuje el resultado de la integral de convolución y(t) = x(t) \* h(t) de los siguientes pares de señales:

 $\begin{array}{ll} \text{(a)} \ \, x\left(t\right) = u\left(-t\right), & h\left(t\right) = e^{t}u\left(t\right) & \text{(d)} \ \, x\left(t\right) = u\left(-t\right), \\ h\left(t\right) = e^{-3t}u\left(t\right) & \text{(c)} \ \, x\left(t\right) = e^{j2t}, & h\left(t\right) = e^{-3t}u\left(t\right) \\ \text{(b)} \ \, x\left(t\right) = e^{j2t}, & h\left(t\right) = 3\delta\left(t-1\right) & \end{array}$ 

 $\begin{array}{l} \text{(e)} \ \, x\left(t\right) = u\left(t\right), \\ \ \, h\left(t\right) = 2e^{-5|t|}\left(u\left(t+4\right) - u\left(t-4\right)\right) \\ \\ x\left(t\right) = \left\{ \begin{array}{l} t, \ \, \text{si} \ \, 0 < t \leqslant 2 \\ 0 \ \, \text{otherwise} \end{array} \right. \\ \text{(f)} \\ \ \, h\left(t\right) = \left\{ \begin{array}{l} t^{2}, \ \, \text{si} \ \, 0 < t \leqslant 1 \\ 0 \ \, \text{otherwise} \end{array} \right. \\ \text{(h)} \ \, x\left(t\right) = \left\{ \begin{array}{l} \sin\left(t\right), \ \, \text{si} \ \, 0 < t \leqslant \pi \\ 0 \ \, \text{otherwise} \end{array} \right. \\ \text{(g)} \ \, x\left(t\right) = \left\{ \begin{array}{l} e^{2\pi t}, \ \, \text{si} \ \, 0 < t \leqslant \frac{1}{2\pi} \ln 5 \\ 0 \ \, \text{otherwise} \end{array} \right. \\ \text{(g)} \ \, x\left(t\right) = \left\{ \begin{array}{l} e^{2\pi t}, \ \, \text{si} \ \, 0 < t \leqslant \frac{1}{2\pi} \ln 5 \\ 0 \ \, \text{otherwise} \end{array} \right. \\ \end{array}$ 

4. Determine la respuesta al impulso del sistema LTI

$$y(t) = \int_{t-1}^{t+1} x(\tau) \,\mathrm{d}\tau$$

5. Un sistema tiene la respuesta al impulso dada por

$$h(t) = \delta(t) - \delta(t-1),$$

a partir de ésta determina la relación de entrada- salida del sistema.

**6.** Un sistema LTI y causal tiene la respuesta al impulso (1):

$$h(t) = e^{-t} + \sin t, t \geqslant 0 \tag{1}$$

- (a) Calcular la respuesta de salida para  $t \ge 0$ , cuando la entrada es el escalón u(t)
- (b) Calcular la respuesta de salida para  $t \ge 0$ , cuando la entrada es el pulso con función:

$$u(t+2) - u(t-2)$$

7. Encuentre la respuesta al impulso del sistema compuesto mostrado en la figura 1.

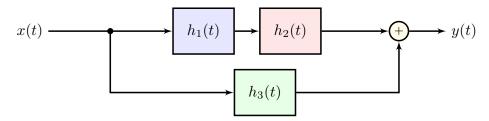


Fig. 1 – Diagrama de bloques

8. El sistema mostrado en la figura 2 esta formado por la conexión de dos sistemas en serie.

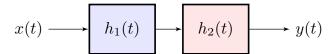


Fig. 2 – Diagrama de bloques en serie

Las respuestas al impulso están dadas:

$$h_1(t) = e^{-2t}u(t),$$
  
 $h_2(t) = 2e^{-t}u(t).$ 

- (a) Encuentre la respuesta al impulso  $h_{total}(t)$  total del sistema.
- (b) Cual sería la salida si la entrada al sistema fuera: x(t) = u(t) u(t-6)