

# Ampliació de la Ontologia pizza.owl

**SID - Grup 03**

Enric Segarra

Marc Font

Pablo Calomardo

**08/03/2025**

# 1 SuperMarioPizza

En aquesta secció, hem ampliat l'ontologia `pizza.owl` amb una nova classe anomenada `SuperMarioPizza` i el corresponent ingredient `TurtleTopping`.

## 1.1 Classes afegides

- **SuperMarioPizza**: Una pizza temàtica basada en el videojoc Super Mario Bros. Aquesta pizza es caracteritza per tenir bolets i tortugues com a ingredients. La classe es crea dins de `NamedPizza`.
- **TurtleTopping**: Un nou tipus de topping que representa les tortugues. La classe es crea dins de `FishTopping` com a subclasse.

## 1.2 Axiomes en Lògica Descriptiva

Els axiomes afegits a l'ontologia per definir la `SuperMarioPizza` són:

$$\text{SuperMarioPizza} \sqsubseteq \text{Pizza} \quad (1)$$

$$\text{SuperMarioPizza} \sqsubseteq \exists \text{hasTopping.MushroomTopping} \quad (2)$$

$$\text{SuperMarioPizza} \sqsubseteq \exists \text{hasTopping.TurtleTopping} \quad (3)$$

`TurtleTopping` és una subclasse de `FishTopping`:

$$\text{TurtleTopping} \sqsubseteq \text{FishTopping} \quad (4)$$

## 1.3 Individus d'exemple

Per demostrar l'aplicació d'aquestes extensions, hem creat l'individu `PizzaMarioInferida`. El raonador `HermiT` infereix correctament que `PizzaMarioInferida` és de tipus `SuperMarioPizza` basant-se en els axiomes definits. Això demostra que les condicions necessàries i suficients per a la classe `SuperMarioPizza` funcionen correctament.

## 2 Afegir Pizzas

En aquesta secció, s'ha ampliat l'ontologia `pizza.owl` amb diverses pizzas, cada una amb les seves condicions.

### 2.1 NamedPizzaInstancia3onMarisco

Per afegir aquesta pizza, s'ha creat la classe `NamedPizzaInstancia3onMarisco` i, per a que complís amb la condició de portar marisc.

#### 2.1.1 Axiomes en la Lògica Descriptiva

Els axiomes afegits a l'ontologia per definir la `NamedPizzaInstancia3onMarisco` són:

$$\text{NamedPizzaInstancia3onMarisco} \sqsubseteq \text{Pizza} \quad (5)$$

$$\text{NamedPizzaInstancia3onMarisco} \sqsubseteq \exists \text{hasTopping.MixedSeafoodTopping} \quad (6)$$

$$\text{NamedPizzaInstancia3onMarisco} \sqsubseteq \exists \text{hasTopping.PrawnsTopping} \quad (7)$$

### 2.2 PizzaDeMarisco

Per afegir aquesta pizza, s'ha creat la classe `PizzaDeMarisco`.

#### 2.2.1 Axiomes en la Lògica Descriptiva

Els axiomes afegits a l'ontologia per definir la `PizzaDeMarisco` són:

$$\text{PizzaDeMarisco} \sqsubseteq \text{Pizza} \quad (8)$$

$$\text{PizzaDeMarisco} \sqsubseteq \forall \text{hasTopping} . (\text{MixedSeafoodTopping} \sqcup \text{PrawnsTopping}) \quad (9)$$

#### 2.2.2 Individus d'Exemple

S'ha creat una instància de `Pizza`, `PizzaMarsicoInstancia` amb el topping `Gambitas` (del domini de `PrawnsTopping`). El reasoner correctament la infereix com a `PizzaDeMarisco`

## 2.3 PizzaEclectica

Per afegir aquesta pizza, s'ha creat la classe `PizzaEclectica`.

### 2.3.1 Axiomes en la Lògica Descriptiva

Els axiomes afegits a l'ontologia per definir la `PizzaEclectica` són:

$$\text{PizzaEclectica} \sqsubseteq \text{Pizza} \quad (10)$$

$$\text{PizzaEclectica} \sqsubseteq \exists \text{hasTopping.min } 10 \text{ PizzaTopping} \quad (11)$$

On l'axioma  $\exists \text{hasTopping.min } 10 \text{ PizzaTopping}$  representa que una `PizzaEclectica` ha de tenir com a mínim 10 toppings.

### 2.3.2 Individus d'Exemple

S'ha creat una instància de `Pizza`, `PizzaEclecticaInstancia` amb 10 toppings diferents. El reasoner correctament la infereix com a `PizzaEclectica`.

## 2.4 PizzaDeOferta

Per afegir aquesta pizza, s'ha creat la classe `PizzaDeOferta`.

### 2.4.1 Axiomes en la Lògica Descriptiva

Els axiomes afegits a l'ontologia per definir la `PizzaDeOferta` són:

$$\text{PizzaDeOferta} \sqsubseteq \text{Pizza} \quad (12)$$

$$\text{PizzaDeOferta} \sqsubseteq \exists \text{hasTopping.max } 2 \text{ PizzaTopping} \quad (13)$$

On l'axioma  $\exists \text{hasTopping.max } 2 \text{ PizzaTopping}$  representa que una `PizzaDeOferta` ha de tenir com a màxim 2 toppings diferents.

### 2.4.2 Individus d'Exemple

S'ha creat una instància de `Pizza`, `PizzaOfertaInstancia` amb 2 toppings diferents. El reasoner correctament la infereix com a `PizzaDeOferta`.

## 2.5 PizzaTriqueso

Per afegir aquesta pizza, s'ha creat la classe `PizzaTriqueso`.

### 2.5.1 Axiomes en la Lògica Descriptiva

Els axiomes de la classe són els següents

$$\text{PizzaTriqueso} \sqsubseteq \text{Pizza} \quad (14)$$

$$\text{PizzaTriqueso} \sqsubseteq = 3\text{hasTopping.CheeseTopping} \quad (15)$$

D'aquesta manera es garanteix que tota pizza amb exactament 3 toppings `CheeseTopping` és una `PizzaTriqueso`

### 2.5.2 Individus d'exemple

Per demostrar que la lògica és correcta, s'ha creat la instància `PizzaTriquesoInstancia`, amb exactament tres toppings de la categoria `CheeseTopping`. El reasoner l'ha inferit correctament com a una `PizzaTriquesoInstancia`.

## 2.6 PizzaEscandinava

Per afegir aquesta pizza, s'ha creat la classe `PizzaEscandinava`.

### 2.6.1 Axiomes en la Lògica Descriptiva

Els axiomes afegits a l'ontologia per definir la `PizzaEscandinava` són:

$$\text{PizzaEscandinava} \sqsubseteq \text{Pizza} \quad (16)$$

$$\text{PizzaEscandinava} \sqsubseteq (\exists \text{hasCountryOfOrigin.Denmark} \sqcup \exists \quad (17)$$

$$\text{hasCountryOfOrigin.Norway} \sqcup \exists \quad (18)$$

$$\text{hasCountryOfOrigin.Sweden}) \quad (19)$$

### 2.6.2 Individus d'exemple

Per demostrar l'aplicació d'aquesta extensió, es pot crear un individu `PizzaEscandinavaInstance` amb els següents axiomes:

$$\text{PizzaEscandinavaInstance} : \text{Pizza} \quad (20)$$

$$(\text{PizzaEscandinavaInstance}, \text{Norway}) : \text{hasCountryOfOrigin} \quad (21)$$

El raonador inferirà automàticament que `PizzaEscandinavaInstance` és de tipus `PizzaEscandinava` basant-se en el seu país d'origen.

### 3 Propietat hasCreator

En aquesta secció, hem ampliat l'ontologia pizza.owl amb una nova propietat anomenada **hasCreator** que permet assignar un creador a una pizza amb nom.

#### 3.1 Propietat afegida

- **hasCreator**: Una propietat funcional que relaciona una **NamedPizza** amb la persona que l'ha creat. Aquesta propietat és important per documentar l'origen i la història de cada tipus de pizza.

#### 3.2 Característiques de la propietat

La propietat **hasCreator** té les següents característiques:

- **Funcional**: Cada pizza només pot tenir un únic creador.
- **Domini**: Pizzes amb nom (**NamedPizza**).
- **Rang**: Persones (**Persona**).

#### 3.3 Axiomes en Lògica Descriptiva

Els axiomes que defineixen la propietat **hasCreator** són:

$$\text{hasCreator} \sqsubseteq \text{ObjectProperty} \quad (22)$$

$$\text{Functional}(\text{hasCreator}) \quad (23)$$

$$(24)$$

I per restringir el domini i el rang:

$$\exists \text{hasCreator.T} \sqsubseteq \forall \text{hasCreator.NamedPizza} \quad (25)$$

$$\text{T} \sqsubseteq \forall \text{hasCreator}^{\perp}. \text{Persona} \quad (26)$$

#### 3.4 Individus d'exemple

Per demostrar l'ús d'aquesta propietat, hem creat l'associació entre la pizza **NamedPizzaInstancia1** i el seu creador **Paco**:

$$(\text{NamedPizzaInstancia1}, \text{Paco}) : \text{hasCreator} \quad (27)$$

On **NamedPizzaInstancia1** és un individu de tipus **NamedPizza** i **Paco** és un individu de tipus **Persona**.

## 4 Propietat influencedBy

En aquesta secció, hem ampliat l'ontologia `pizza.owl` amb una nova propietat anomenada `influencedBy` que permet representar les relacions d'influència entre pizzes amb nom.

### 4.1 Propietat afegida

- **influencedBy**: Una propietat transitiva que relaciona una pizza amb una altra pizza que l'ha influenciada. Aquesta propietat permet construir una xarxa de relacions històriques i culinàries entre les diferents pizzes.

### 4.2 Característiques de la propietat

La propietat `influencedBy` té les següents característiques:

- **Transitiva**: Si la pizza A està influenciada per la pizza B, i la pizza B està influenciada per la pizza C, llavors la pizza A també està influenciada per la pizza C.
- **Domini i Rang**: Tant el domini com el rang són pizzes amb nom (`NamedPizza`).

### 4.3 Axiomes en Lògica Descriptiva

Els axiomes que defineixen la propietat `influencedBy` són:

$$\text{influencedBy} \sqsubseteq \text{ObjectProperty} \quad (28)$$

$$\text{Transitive}(\text{influencedBy}) \quad (29)$$

I per restringir el domini i el rang:

$$\exists \text{influencedBy}.\top \sqsubseteq \exists \text{influencedBy}.\text{NamedPizza} \quad (30)$$

$$\top \sqsubseteq \exists \text{influencedBy}^-. \text{NamedPizza} \quad (31)$$

### 4.4 Individus d'exemple

Per demostrar l'ús d'aquesta propietat, hem creat l'associació entre `NamedPizzaInstancia2` i `NamedPizzaInstancia1`:

$$(\text{NamedPizzaInstancia2}, \text{NamedPizzaInstancia1}) : \text{influencedBy} \quad (32)$$

On `NamedPizzaInstancia2` és una instància de la classe `NamedPizza` i `NamedPizzaInstancia1` és una instància de la classe `NamedPizza`. Aquesta relació indica que la `NamedPizzaInstancia2` ha estat influenciada per la `NamedPizzaInstancia1` en la seva creació o desenvolupament.

## 4.5 Inferències

Gràcies a la transitivitat d'aquesta propietat, si afegim més relacions d'influència, podem inferir automàticament relacions indirectes. Per exemple, si definim:

$$(\text{NamedPizzaInstancia3}, \text{NamedPizzaInstancia2}) : \text{influencedBy} \quad (33)$$

El raonador inferirà automàticament:

$$(\text{NamedPizzaInstancia3}, \text{NamedPizzaInstancia1}) : \text{influencedBy} \quad (34)$$

Això ens permet construir una xarxa complexa de relacions històriques i d'influència culinària entre les diferents variants de pizza.



## 5 QuantumPizza

En aquesta secció, hem ampliat l'ontologia `pizza.owl` amb una nova classe anomenada `QuantumPizza` i una nova propietat simètrica i irreflexiva anomenada `DontCombine`.

### 5.1 Classes i propietats afegides

- **QuantumPizza**: Una classe equivalent que representa una pizza que conté simultàniament ingredients que no combinen bé.
- **DontCombine**: Una propietat simètrica i irreflexiva que relaciona dos toppings que no combinen bé quan es posen junts a una pizza.

### 5.2 Característiques de la propietat `DontCombine`

La propietat `DontCombine` té les següents característiques:

- **Simètrica**: Si l'ingredient A no combina bé amb l'ingredient B, llavors l'ingredient B tampoc combina bé amb l'ingredient A.
- **Irreflexiva**: Un ingredient no pot no combinar bé amb si mateix.
- **Domini i Rang**: Tant el domini com el rang són ingredients de pizza (`PizzaTopping`).

### 5.3 Axiomes en Lògica Descriptiva

Els axiomes que defineixen la propietat `DontCombine` són:

$$\text{DontCombine} \sqsubseteq \text{ObjectProperty Symmetric(DontCombine) Irreflexive(DontCombine)} \quad (35)$$

Els axiomes que defineixen la classe `QuantumPizza` són:

$$\text{QuantumPizza} \equiv \text{Pizza} \sqcap (\exists \text{hasTopping.PizzaTopping} \sqcap (\text{DontCombine some (IsToppingOf Self)})) \quad (36)$$

Aquest axioma expressa que una `QuantumPizza` és equivalent a una pizza que té algun topping que no combina bé amb un altre topping que també té la mateixa pizza.

## 6 Repartiment

Les tasques del problema s'han distribuït a parts iguals per tots els membres del grup. Tots i cadascun d'ells han treballat de forma professional i cooperativa, generant així un àmbit de treball fructífer durant el temps que s'ha estat fent la pràctica.