## Lista de Exercícios

1. A tabela a seguir apresenta as pontuações relativas ao ACT ("vestibular") e ao GPA (coeficiente de rendimento - CR) de 8 estudantes. A pontuação referente ao GPA é baseada em uma escala entre 0 e 4 e os valores estão arredondados na primeira casa decimal.

| Estudante | GPA      | ACT |
|-----------|----------|-----|
| 1         | 2,8      | 21  |
| 2         | 3,4      | 24  |
| 3         | 3,0      | 26  |
| 4         | 3,5      | 27  |
| 5         | 3,6      | 29  |
| 6         | 3,0      | 25  |
| 7         | $^{2,7}$ | 25  |
| 8         | 3,7      | 30  |

a) Estime a relação entre GPA e ACT utilizando mínimos quadrados ordinários, ou seja, obtenha estimativas para o intercepto e a inclinação na seguinte equação:

$$\widehat{GPA} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 A CT.$$

Comente sobre a direção encontrada. O intercepto possui alguma interpretação útil? Explique. Quão maior é o GPA predito considerando um aumento de 5 pontos no ACT?

- b) Calcule os valores ajustados e os resíduos para cada observação. Verifique se a soma dos resíduos é (aproximadamente) zero.
- c) Qual o valor predito para o GPA quando ACT = 20?
- d) Quanto da variação no GPA para os 8 estudantes é explicada pelo ACT? Explique.
- 2. A equação a seguir relaciona o valor do imóvel (valor) com sua distância para um incinerador de lixo (dist):

$$\ln(valor) = 9,40 + 0,312 \ln(dist)$$
  
 $n = 135 \text{ e } R^2 = 0,162.$ 

- a) Interprete o coeficiente de  $\ln(dist)$ . O sinal referente à estimativa é o esperado?
- b) Interprete o coeficiente de determinação. Na sua interpretação, a distância sozinha explica bem o valor do imóvel?
- c) Quais outros fatores afetam o valor de um imóvel? Eles podem estar correlacionados com a distância do incinerador?
- 3. Utilizando dados sobre a renda anual (em reais) e o consumo (em reais) de 100 famílias, a seguinte equação é obtida:

$$\widehat{cons} = -124.84 + 0.853 \ renda.$$

- a) Suponha que a renda seja medida em mil reais ao invés de reais. Reescreva a regressão considerando tal mudança.
- b) Suponha agora que o consumo seja medido em mil reais ao invés de reais. Reescreva a regressão considerando tal alteração.

- 4. Mostre que o parâmetro  $\beta_1$  é a elasticidade da variável dependente Y em relação à variável independente X no modelo log-log.
- 5. Considere a fórmula de juros compostos  $y_t = y_0(1+r)^t$ , onde r é a taxa composta (ao longo do tempo) de crescimento de Y.
  - a) Calcule o logaritmo natural de  $y_t = y_0(1+r)^t$  e reescreva o resultado como um modelo log-nível.
  - b) Qual a interpretação para  $\beta_1$  no modelo obtido em a)?