STANISLAS Colles

# Colle n° 14

 $\mathbf{PSI}$ 

Séries entières

2021-2022

17/01/2022 - 22/01/2022

## I. Rayon de convergence

#### I.1 Définition

Définition, Lemme d'Abel, Rayon de convergence.

## I.2 Détermination pratique du rayon de convergence

Relations de comparaison,  $a_n = nb_n$ , Règle de d'Alembert.

## I.3 Propriétés algébriques

Rayons de convergence & addition, produit de Cauchy.

#### II. Séries entières de la variable réelle

## II.1 Régularité

Convergence normale, Coefficients & Dérivées, Unicité des coefficients.

## II.2 Développement en série entière au voisinage de 0

Fonction développable en série entière, Séries de Taylor.

### III. Détermination pratique

### III.1 Formulaire

## III.2 Calculs pratiques

Dérivation / Intégration d'une série entière, Résolution d'équations différentielles.

## IV. Fonctions génératrices

Fonction génératrice, Exemples classiques.

Rayon de convergence.

Caractérisation des Lois.

Obtention de l'espérance et de la Variance.

Fonction génératrice et somme de v.a.

## Programme à venir (24/01/2022 - 29/01/2022):

Séries entières.

Stanislas