

## Devoir Hors Classe n°2

Qualité du devoir	Note /5
Non rendu	0
Aucun investissement et/ou soin : travail bâclé !	1
Partie du sujet non traitée ou bâclée	2
Travail correct mais qui aurait mérité plus d'investissement	3
Bon travail mais quelques erreurs et/ou manque de soin	4
Très bon travail, soigneux et détaillé	5

### Exercice 1

On se place dans un repère de l'espace  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ . On considère les points  $A(2, 0, 1)$  et  $B(1, 1, 2)$ , et les vecteurs  $\vec{u}(2, 0, 1)$  et  $\vec{v}(0, -1, 2)$ . On note aussi  $I$  le milieu de  $[AB]$ .

1. Dans la base  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ , calculer les coordonnées du vecteur  $\vec{AB}$  et du point  $I$ .
2. Montrer que  $(\vec{AB}, \vec{u}, \vec{v})$  est une base de l'espace.
3. Donner les nouvelles coordonnées du point  $I$  dans le repère  $(A, \vec{AB}, \vec{u}, \vec{v})$ .

### Exercice 2 (Autour de la suite géométrique)

On considère  $(u_n)_{n \geq 0}$  une suite géométrique de raison  $q$ . On suppose que  $u_0 > 0$ .

1. On suppose que  $q = 1$ . Montrer que la suite  $(u_n)$  converge et donner sa limite.
2. On suppose que  $0 < q < 1$ . Montrer que la suite  $(u_n)$  est décroissante.

En déduire que celle-ci converge et rappeler sa limite à l'aide du cours.

3. Dans la suite, on suppose que  $q > 1$ . En utilisant l'inégalité de Bernoulli, montrer que pour tout  $n \in \mathbb{N}$ , on a :  $q^n \geq 1 + n(q - 1)$
4. En déduire que la suite  $(u_n)$  diverge vers  $+\infty$ .

### Vers le supérieur :

Soit  $q > 0$  tel que  $q \neq 1$ , on considère la suite définie par  $v_n = \sum_{k=0}^n q^k = 1 + q + \dots + q^n$ .

5. Soit  $n \in \mathbb{N}$ , rappeler la valeur de  $v_n$ .
6. Déterminer la limite de  $(v_n)$  en fonction des valeurs de  $q$ .