

Ekonomie I

Seminář 04: Elasticita a aplikace; vládní politiky

anna.pavlovova@fsv.cuni.cz

01. 11. 2023



OBSAH

1. Úvod do derivací
2. Elasticita a aplikace
3. Vládní politiky



ÚVOD DO DERIVACÍ

ÚVOD DO DERIVACÍ

f	f'	$\mathcal{D}(f)$	$\mathcal{D}(f')$	Pozn.
const.	0	\mathbf{R}	• (tj. jako $\mathcal{D}(f)$)	
x^n	nx^{n-1}	\mathbf{R}	•	$n \in \mathbf{N}$
x^a	ax^{a-1}	$x > 0$	•	$a \in \mathbf{R}$
e^x	e^x	\mathbf{R}	•	
a^x	$a^x \ln a$	\mathbf{R}	•	$a > 0$
$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$x > 0$	•	
$\log_a x$	$\frac{1}{x \ln a}$	$x > 0$	•	$a \in (0,1) \cup (1,+\infty)$
$\sin x$	$\cos x$	\mathbf{R}	•	
$\cos x$	$-\sin x$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{tg} x$	$\frac{1}{\cos^2 x}$	$x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$	•	
$\operatorname{cotg} x$	$-\frac{1}{\sin^2 x}$	$x \neq k\pi$	•	
$\arcsin x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\langle -1, 1 \rangle$	$(-1, 1)$	$v \pm 1$: jen jednostranné derivace
$\arccos x$	$-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\langle -1, 1 \rangle$	$(-1, 1)$	$v \pm 1$: jen jednostranné derivace
$\operatorname{arctg} x$	$\frac{1}{1+x^2}$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{arccotg} x$	$-\frac{1}{1+x^2}$	\mathbf{R}	•	
$\sinh x$	$\cosh x$	\mathbf{R}	•	
$\cosh x$	$\sinh x$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{tgh} x$	$1 - \operatorname{tgh}^2 x$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{cotgh} x$	$1 - \operatorname{cotgh}^2 x$	$x \neq 0$	•	
$\operatorname{argsinh} x$	$\frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{argcosh} x$	$\frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$	$x > 1$	•	
$\operatorname{argtgh} x$	$\frac{1}{1-x^2}$	$-1 < x < 1$	•	
$\operatorname{argcotgh} x$	$\frac{1}{1-x^2}$	$ x > 1$	•	

$f'(x) > 0 \dots f(x)$ rostoucí

$f'(x) < 0 \dots f(x)$ klesající

pro hledání min./max. $f(x)$:

$f'(x) = 0$

- dopočteme, pro jaké x nabývá $f(x)$ extrému(ů)

- pokud v daném bodě:

$f''(x) > 0 \dots \min$

$f''(x) < 0 \dots \max$

$(af)' = a \cdot f'$

$[f + g]' = f' + g'$

$[f - g]' = f' - g'$

$[fg]' = f'g + fg'$ součinnové pravidlo

$\left[\frac{f}{g}\right]' = \frac{f'g - fg'}{g^2}$ podílové pravidlo

$[g(f)]' = g'(f) \cdot f'$ řetízkové pravidlo

ÚVOD DO DERIVACÍ

f	f'	$\mathcal{D}(f)$	$\mathcal{D}(f')$	Pozn.
const.	0	\mathbf{R}	• (tj. jako $\mathcal{D}(f)$)	
x^n	nx^{n-1}	\mathbf{R}	•	$n \in \mathbf{N}$
x^a	ax^{a-1}	$x > 0$	•	$a \in \mathbf{R}$
e^x	e^x	\mathbf{R}	•	
a^x	$a^x \ln a$	\mathbf{R}	•	$a > 0$
$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$x > 0$	•	
$\log_a x$	$\frac{1}{x \ln a}$	$x > 0$	•	$a \in (0,1) \cup (1,+\infty)$
$\sin x$	$\cos x$	\mathbf{R}	•	
$\cos x$	$-\sin x$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{tg} x$	$\frac{1}{\cos^2 x}$	$x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$	•	
$\operatorname{cotg} x$	$-\frac{1}{\sin^2 x}$	$x \neq k\pi$	•	
$\arcsin x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\langle -1, 1 \rangle$	$(-1, 1)$	$v \pm 1$: jen jednostranné derivace
$\arccos x$	$-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\langle -1, 1 \rangle$	$(-1, 1)$	$v \pm 1$: jen jednostranné derivace
$\operatorname{arctg} x$	$\frac{1}{1+x^2}$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{arccotg} x$	$-\frac{1}{1+x^2}$	\mathbf{R}	•	
$\sinh x$	$\cosh x$	\mathbf{R}	•	
$\cosh x$	$\sinh x$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{tgh} x$	$1 - \operatorname{tgh}^2 x$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{cotgh} x$	$1 - \operatorname{cotgh}^2 x$	$x \neq 0$	•	
$\operatorname{argsinh} x$	$\frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$	\mathbf{R}	•	
$\operatorname{argcosh} x$	$\frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$	$x > 1$	•	
$\operatorname{argtgh} x$	$\frac{1}{1-x^2}$	$-1 < x < 1$	•	
$\operatorname{argcotgh} x$	$\frac{1}{1-x^2}$	$ x > 1$	•	

$f'(x) > 0 \dots f(x)$ rostoucí

$f'(x) < 0 \dots f(x)$ klesající

pro hledání min./max. $f(x)$:

$f'(x) = 0$

- dopočteme, pro jaké x
nabývá $f(x)$ extrému(ů)

- pokud v daném bodě:

$f''(x) > 0 \dots \min$

$f''(x) < 0 \dots \max$

$(af)' = a \cdot f'$

$[f + g]' = f' + g'$

$[f - g]' = f' - g'$

$[fg]' = f'g + fg'$ součinnové pravidlo

$\left[\frac{f}{g}\right]' = \frac{f'g - fg'}{g^2}$ podílové pravidlo

$[g(f)]' = g'(f) \cdot f'$ řetízkové pravidlo



ELASTICITA A APLIKACE

ELASTICITA A APLIKACE

OPAKOVÁNÍ:

ELASTICITY:

$$\text{cenová elasticita} = \frac{\% \Delta Q}{\% \Delta P} = \frac{\% \Delta \text{ poptávaného/nabízeného množství}}{\% \Delta \text{ ceny}}$$

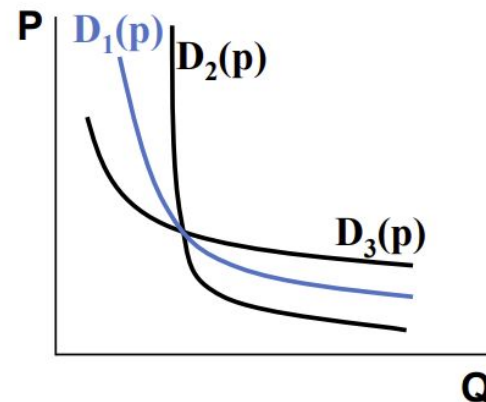
$$\text{důchodová elasticita poptávky} = \frac{\% \Delta Q}{\% \Delta Y} = \frac{\% \Delta \text{ poptávaného množství}}{\% \Delta \text{ příjmu}}$$

$$\text{křížová elasticita poptávky} = \frac{\% \Delta Q_1}{\% \Delta P_2} = \frac{\% \Delta \text{ poptávaného množství}}{\% \Delta \text{ ceny druhého statku}}$$

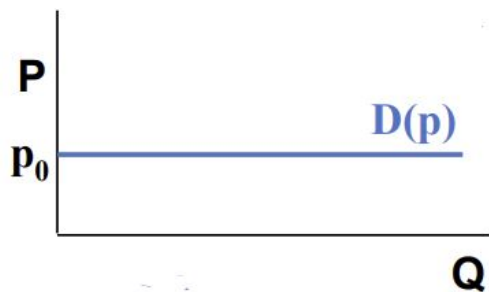
ELASTICITA A APLIKACE

CENOVÁ ELASTICITA POPTÁVKY:

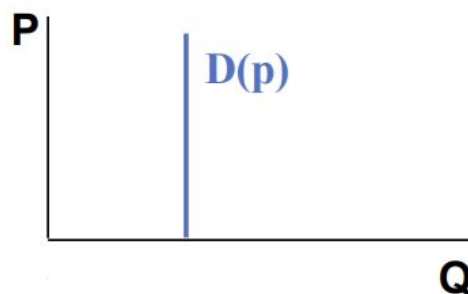
< 0 : běžný statek
 > 0 : Giffinův statek



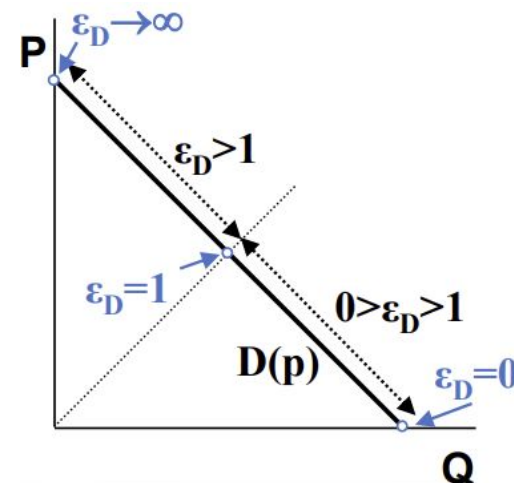
$|\text{cenová elasticita}| < 1$: neelastická - cena $\uparrow \Rightarrow$ výdaje \uparrow
 $|\text{cenová elasticita}| > 1$: elastická - cena $\uparrow \Rightarrow$ výdaje \downarrow
 $|\text{cenová elasticita}| = 1$: jednotková - cena $\uparrow \Rightarrow$ výdaje konstantní



dokonale elastická poptávka



dokonale neelastická poptávka



ELASTICITA A APLIKACE

DŮCHODOVÁ ELASTICITA POPTÁVKY:

- < 0 : podřadný statek (inferiorní): příjem $\uparrow \Rightarrow$ poptávané množství \downarrow
- > 0 : normální statek: příjem $\uparrow \Rightarrow$ poptávané množství \uparrow
 - $(0,1)$: luxusní statek
 - >1 : nezbytný statek

KŘÍŽOVÁ ELASTICITA POPTÁVKY:

- < 0 : komplementy: cena jednoho $\uparrow \Rightarrow$ množství druhého \downarrow
- > 0 : substituty: cena jednoho $\uparrow \Rightarrow$ poptávané množství \uparrow
- $= 0$: nesouvisející komodity

ELASTICITA A APLIKACE

1.1. Cenová elasticita po hodinkách je 0,5. Necht' se cena hodinek zvýší o 20 %. Vypočítejte procentní změnu v poptávaném množství a odhadněte vliv zvýšení ceny na příjem prodejců.

ELASTICITA A APLIKACE

1.1. Cenová elasticita po hodinkách je 0,5. Necht' se cena hodinek zvýší o 20 %. Vypočítejte procentní změnu v poptávaném množství a odhadněte vliv zvýšení ceny na příjem prodejců.

ŘEŠENÍ:

Poptávané množství klesne o 10 %.

Z rovnice na začátku prezentace:

$$\% \Delta Q = E * \% \Delta P \quad 0,5 * 0,2 = 0,1$$

Jelikož je poptávka neelastická, s růstem ceny celkový příjem prodejců poroste (prodané množství klesne “méně” než stoupne cena).

ELASTICITA A APLIKACE

1.2. Cenová elasticita po hodinkách je 1,5. Necht' se cena hodinek zvýší o 20 %. Vypočítejte procentní změnu v poptávaném množství a odhadněte vliv zvýšení ceny na příjem prodejců.

ELASTICITA A APLIKACE

1.2. Cenová elasticita po hodinkách je 1,5. Necht' se cena hodinek zvýší o 20 %. Vypočítejte procentní změnu v poptávaném množství a odhadněte vliv zvýšení ceny na příjem prodejců.

ŘEŠENÍ:

Počet poptávaného zboží klesne o 30 %

$$\% \Delta Q = E * \% \Delta P = 0,5 * 0,2 = 0,3.$$

Jelikož je poptávka elastická, zvýšení ceny povede ke snížení celkového příjmu prodejců (s vyšší cenou se “hodně” sníží prodané množství).

ELASTICITA A APLIKACE

1.3. Spotřebitel vynakládá celý svůj příjem na nákup dvou statků - potravin a oblečení. Jaké je cenová elasticita poptávky po oblečení, pokud se při zvýšení ceny oblečení nezmění objem výdajů na potraviny?

ELASTICITA A APLIKACE

1.3. Spotřebitel vynakládá celý svůj příjem na nákup dvou statků - potravin a oblečení. Jaké je cenová elasticita poptávky po oblečení, pokud se při zvýšení ceny oblečení nezmění objem výdajů na potraviny?

ŘEŠENÍ:

Protože nedojde ke změně celkových příjmů ani ke změně objemu výdajů na potraviny, nedojde ani ke změně objemu výdajů na oblečení.

Jedná se tedy o jednotkovou elasticitu - při změně ceny nedojde ke změně výdajů ($P \cdot Q$), jelikož cena a množství se % změní 1:1.

ELASTICITA A APLIKACE

1.4. Předpokládejme, že celkový dolarový výnos amerických farmářů z prodeje pšenice vzrostl o 20 %. V tom samém roce však množství prodané pšenice kleslo o 20 %.

a) Co se z těchto údajů dá říci o cenové elasticitě poptávky po pšenici?

ELASTICITA A APLIKACE

1.4. Předpokládejme, že celkový dolarový výnos amerických farmářů z prodeje pšenice vzrostl o 20 %. V tom samém roce však množství prodané pšenice kleslo o 20 %.

a) Co se z těchto údajů dá říci o cenové elasticitě poptávky po pšenici?

ŘEŠENÍ:

Celkový výnos prodejců vzrostl o 20 % při poklesu prodaného množství o 20 %. To znamená, že cena musela vzrůst o více jak 20 %. Poptávka po pšenice je tedy neelastická.

$$\begin{aligned} TR &= P \cdot Q (\downarrow 0,2) \\ (\uparrow 0,2) &= \underline{\hspace{1cm}} \cdot (\downarrow 0,2) \Rightarrow P \uparrow \text{ o více jak } 0,2 \end{aligned}$$

ELASTICITA A APLIKACE

1.4. Předpokládejme, že celkový dolarový výnos amerických farmářů z prodeje pšenice vzrostl o 20 %. V tom samém roce však množství prodané pšenice kleslo o 20 %.

b) Objasněte pomocí cenové elasticity toto tvrzení: “Rekordní sklizeň přinese farmářům snížení příjmu.”

ELASTICITA A APLIKACE

1.4. Předpokládejme, že celkový dolarový výnos amerických farmářů z prodeje pšenice vzrostl o 20 %. V tom samém roce však množství prodané pšenice kleslo o 20 %.

b) Objasněte pomocí cenové elasticity toto tvrzení: “Rekordní sklizeň přinese farmářům snížení příjmu.”

ŘEŠENÍ:

Je to z důvodu neelasticity poptávky. Rekordní sklizeň sníží cenu proporcčně % více, než se zvýší množství prodané na trhu. Celkový příjem tedy klesne.

ELASTICITA A APLIKACE

1.5. Předpokládejme, že poptávková křivka po nových domech má směrnici -1 při všech možných cenách. Průměrná cena domu je 5 milionů. Při této ceně se ročně prodá 5 000 domů. Vypočtete hodnotu cenové elasticity poptávky po domech založenou na průměrné ceně domu.

ELASTICITA A APLIKACE

1.5. Předpokládejme, že poptávková křivka po nových domech má směrnici -1 při všech možných cenách. Průměrná cena domu je 5 milionů. Při této ceně se ročně prodá 5 000 domů. Vypočtete hodnotu cenové elasticity poptávky po domech založenou na průměrné ceně domu.

ŘEŠENÍ:

$$E_{PD} = \frac{\Delta Q}{\Delta P} * \frac{\bar{P}}{\bar{Q}} = \frac{1}{-1} * \frac{5000000}{5000} = -1000$$

V abs. hodnotě je cenová elasticita domů 1 000.

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

a) Jak velké jsou celkové výdaje spotřebitelů při koupi 300 ks pizzy?

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

a) Jak velké jsou celkové výdaje spotřebitelů při koupi 300 ks pizzy?

ŘEŠENÍ:

$$Q = 1800 - 15 \cdot P$$

$$300 = 1800 - 15 \cdot P$$

$$P = 1500/15 = 100$$

Celkové výdaje (TR) :

$$TR = Q \cdot P = 300 \cdot 100 = 30\,000 \text{ CZK}$$

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

b) Jaké je cenová elasticita poptávky po pizze na úrovni 300 ks?

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

b) Jaké je cenová elasticita poptávky po pizze na úrovni 300 ks?

ŘEŠENÍ:

$$E = |(\Delta Q / \Delta P) * (P / Q)| = |(-15) * (100 / 300)| = |-5| = 5$$

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

c) Jak může prodejce pizzy zvýšit své příjmy? Doporučujete snížení nebo zvýšení ceny a proč?

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

c) Jak může prodejce pizzy zvýšit své příjmy? Doporučujete snížení nebo zvýšení ceny a proč?

ŘEŠENÍ:

Jelikož je poptávka elastická (elasticita 5), prodejce může zvýšit své příjmy snížením ceny. Prodané množství proporcionalně stoupne více, než se sníží cena, a celkové příjmy ($P \cdot Q$) prodejce tak porostou.

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

d) Při jaké jednotkové ceně pizzy budou příjmy prodejce nejvyšší?

ELASTICITA A APLIKACE

1.6. Předpokládejme, že poptávka po pizze může být popsána rovnicí $Q=1800-15P$, kdy Q vyjadřuje množství pizzy v kusech a P cenu za kus.

d) Při jaké jednotkové ceně pizzy budou příjmy prodejce nejvyšší?

ŘEŠENÍ:

Pomocí první derivace funkce celkových příjmů ($Q \cdot P$), kterou položíme rovnou nule, zjistíme cenu maximalizující tuto funkci dle výpočtu níže. Druhá derivace je záporná a jedná se tedy o maximum.

$$TR = Q \cdot P = (1800 - 15 \cdot P) \cdot P = 1800 \cdot P - 15 \cdot P^2$$

$$TR' = 1800 - 2 \cdot 15 \cdot P = 1800 - 30 \cdot P$$

$$TR' = 1800 - 30 \cdot P = 0$$

$P = 60$... cena maximalizující příjmy prodejce

ELASTICITA A APLIKACE

1.7. Při jaké ceně jsou výdaje na statek X maximální, pokud je poptávková křivka dána rovnicí $Q=27-P$?

ELASTICITA A APLIKACE

1.7. Při jaké ceně jsou výdaje na statek X maximální, pokud je poptávková křivka dána rovnicí $Q=27-P$?

ŘEŠENÍ:

Postup jako v předchozím příkladu:

$$\text{Výdaje} = Q \cdot P$$

$$Q \cdot P = (27 - P) \cdot P = 27P - P^2$$

$$(Q \cdot P)' = 27 - 2P$$

$$27 - 2P = 0$$

$$P = 13,5$$

ELASTICITA A APLIKACE

1.8. Nakreslete tvar poptávkové křivky po vepřovém mase v závislosti na ceně kuřat. Předpokládejte, že tyto dvě komodity jsou navzájem nahraditelné. Jak souvisí směrnice této křivky s křížovou elasticitou?

ELASTICITA A APLIKACE

1.8. Nakreslete tvar poptávkové křivky po vepřovém mase v závislosti na ceně kuřat. Předpokládejte, že tyto dvě komodity jsou navzájem nahraditelné. Jak souvisí směrnice této křivky s křížovou elasticitou?

ŘEŠENÍ:

Jelikož se jedná o substituty, je daná křivka rostoucí.

$$\text{Křížová elasticita} = (\Delta Q_x / Q_x) : ((\Delta P_y / P_y)) = (\Delta Q_x / \Delta P_y) * (P_y / Q_x)$$

$(\Delta Q_x / \Delta P_y)$ - převrácená hodnota směrnice křivky

poptávky po statku x v závislosti na ceně statku y;

poměr (P_y / Q_x) pak udává souřadnice příslušného bodu
(bodová křížová elasticita)

ELASTICITA A APLIKACE

1.9. Prohlédněte si následující tabulku ilustrující odhady křížové elasticity poptávky vybraných dvojic výrobků.

a) Proč je hodnota koeficientu křížové elasticity někdy kladná a někdy záporná?

Komodita X (změna Q)	Komodity Y (změna P)	Hodnota křížové elasticity
Obilniny	Ryby	- 0,87
Zábava	Jídlo	- 0,72
Hovězí	Vepřové	+ 0,28
Margarín	Máslo	+ 0,68
Máslo	Margarín	+ 0,81

ELASTICITA A APLIKACE

1.9. Prohlédněte si následující tabulku ilustrující odhady křížové elasticity poptávky vybraných dvojic výrobků.

a) Proč je hodnota koeficientu křížové elasticity někdy kladná a někdy záporná?

Komodita X (změna Q)	Komodity Y (změna P)	Hodnota křížové elasticity
Obilniny	Ryby	- 0,87
Zábava	Jídlo	- 0,72
Hovězí	Vepřové	+ 0,28
Margarín	Máslo	+ 0,68
Máslo	Margarín	+ 0,81

ŘEŠENÍ:

Záleží na tom, zda jsou statky substituty (+) nebo komplementy (-) (tj. zda poptávané množství jednoho statku roste či klesá v důsledku zvýšení ceny statku druhého).

ELASTICITA A APLIKACE

1.9. Prohlédněte si následující tabulku ilustrující odhady křížové elasticity poptávky vybraných dvojic výrobků.

b) Jaká je směrnice křivky poptávky po obilninách v závislosti na ceně ryb?

Komodita X (změna Q)	Komodity Y (změna P)	Hodnota křížové elasticity
Obilniny	Ryby	- 0,87
Zábava	Jídlo	- 0,72
Hovězí	Vepřové	+ 0,28
Margarín	Máslo	+ 0,68
Máslo	Margarín	+ 0,81

ELASTICITA A APLIKACE

1.9. Prohlédněte si následující tabulku ilustrující odhady křížové elasticity poptávky vybraných dvojic výrobků.

b) Jaká je směrnice křivky poptávky po obilninách v závislosti na ceně ryb?

Komodita X (změna Q)	Komodity Y (změna P)	Hodnota křížové elasticity
Obilniny	Ryby	- 0,87
Zábava	Jídlo	- 0,72
Hovězí	Vepřové	+ 0,28
Margarín	Máslo	+ 0,68
Máslo	Margarín	+ 0,81

ŘEŠENÍ:

Křivka je klesající, má zápornou směrnici a koeficient křížové elasticity je tedy menší než nula - jedná se o komplementy.

ELASTICITA A APLIKACE

1.10. Prohlédněte si následující tabulku.

a) Zkuste vysvětlit, proč jídlo v restauraci vykazuje vyšší hodnotu důchodové elasticity než cigarety nebo káva.

Inferiorní statky:

Mléko	- 0,5
Vepřové produkty	- 0,2
Výrobky z mouky	- 0,2

Normální statky, nezbytné:

Káva	0,00
Drůbež	0,30
Vejce	0,37
Sýry	0,40
Hovězí	0,50
Cigarety	0,80

Normální statky, luxusní

Benzín	1,1
Smetana (dovoz z Anglie)	1,7
Víno (kanadské)	1,8
Statky dlouhodobé spotřeby	1,8
Drůbež (dovoz Srí-Lanka)	2,0
Jídlo v restauracích	2,4
Automobily	2,5

ELASTICITA A APLIKACE

1.10. Prohlédněte si následující tabulku.

a) Zkuste vysvětlit, proč jídlo v restauraci vykazuje vyšší hodnotu důchodové elasticity než cigarety nebo káva.

Inferiorní statky:

Mléko	- 0,5
Vepřové produkty	- 0,2
Výrobky z mouky	- 0,2

Normální statky, nezbytné:

Káva	0,00
Drůbež	0,30
Vejce	0,37
Sýry	0,40
Hovězí	0,50
Cigarety	0,80

Normální statky, luxusní

Benzín	1,1
Smetana (dovoz z Anglie)	1,7
Víno (kanadské)	1,8
Statky dlouhodobé spotřeby	1,8
Drůbež (dovoz Srí-Lanka)	2,0
Jídlo v restauracích	2,4
Automobily	2,5

ŘEŠENÍ:

Lze předpokládat, že jídlo v restauracích je pro většinu luxusnějším statkem než cigarety nebo káva. Spotřeba těchto luxusních statků ve srovnání s důchodem rychle roste. Naopak při poklesu příjmu jsou konzumenti méně ochotni vzdávat se kávy nebo cigaret, nejspíše kvůli návykovosti, než jídla v restauracích.

ELASTICITA A APLIKACE

1.10. Prohlédněte si následující tabulku.

b) Proč je poptávka po kanadském vínu elastičtější než poptávka po hovězím mase?

Inferiorní statky:

Mléko	- 0,5
Vepřové produkty	- 0,2
Výrobky z mouky	- 0,2

Normální statky, nezbytné:

Káva	0,00
Drůbež	0,30
Vejce	0,37
Sýry	0,40
Hovězí	0,50
Cigarety	0,80

Normální statky, luxusní

Benzín	1,1
Smetana (dovoz z Anglie)	1,7
Víno (kanadské)	1,8
Statky dlouhodobé spotřeby	1,8
Drůbež (dovoz Srí-Lanka)	2,0
Jídlo v restauracích	2,4
Automobily	2,5

ELASTICITA A APLIKACE

1.10. Prohlédněte si následující tabulku.

b) Proč je poptávka po kanadském vínu elastičtější než poptávka po hovězím mase?

Inferiorní statky:

Mléko	- 0,5
Vepřové produkty	- 0,2
Výrobky z mouky	- 0,2

Normální statky, nezbytné:

Káva	0,00
Drůbež	0,30
Vejce	0,37
Sýry	0,40
Hovězí	0,50
Cigarety	0,80

Normální statky, luxusní

Benzín	1,1
Smetana (dovoz z Anglie)	1,7
Víno (kanadské)	1,8
Statky dlouhodobé spotřeby	1,8
Drůbež (dovoz Srí-Lanka)	2,0
Jídlo v restauracích	2,4
Automobily	2,5

ŘEŠENÍ:

Kanadské víno se jeví jako relativně luxusnější statek oproti hovězímu masu.



VLÁDNÍ POLITIKY

VLÁDNÍ POLITIKY

2.1. Poptávku po bytech lze vyjádřit funkcí $Q_D = 960 - 7 \cdot P_D$, nabídku funkcí $Q_S = 160 + 3 \cdot P_S$. Vláda stanovila maximální výši nájemného na 35 korun denně. K čemu opatření povede?

VLÁDNÍ POLITIKY

2.1. Poptávku po bytech lze vyjádřit funkcí $Q_D = 960 - 7 \cdot P_D$, nabídku funkcí $Q_S = 160 + 3 \cdot P_S$. Vláda stanovila maximální výši nájemného na 35 korun denně. K čemu opatření povede?

ŘEŠENÍ:

Rovnovážná cena (P^*) na volném trhu by byla:

$$Q_S = Q_D = Q^*; P_S = P_D = P^*$$

$$960 - 7 \cdot P^* = 160 + 3 \cdot P^*$$

$$800 = 10 \cdot P^*$$

$$P^* = 80, Q^* = 400$$

Při cenovém stropu: $Q_D = 960 - 7 \cdot 35 = 715$.

$$Q_S = 160 + 3 \cdot 35 = 265.$$

Rozdíl mezi nabídkou a poptávkou je 450 bytů, které na trhu chybí. Opatření tedy povede k nedostatku dostupných bytů na trhu.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

a) Vypočítejte rovnovážnou cenu a množství před zdaněním.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

a) Vypočítejte rovnovážnou cenu a množství před zdaněním.

ŘEŠENÍ:

$$Q_D = Q_S = Q^*, P_D = P_S = P^*$$

$$160 - Q^* = 40 + 2 \cdot Q^*$$

$$Q^* = 40$$

$$P^* = 120$$

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

b) Vypočítejte rovnovážné množství a cenu, kterou obdrží prodejce, a cenu, kterou zaplatí kupující, po zavedení daně.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

b) Vypočítejte rovnovážné množství a cenu, kterou obdrží prodejce, a cenu, kterou zaplatí kupující, po zavedení daně.

ŘEŠENÍ:

Daň na spotřebitele:

→ Dojde k posunu poptávkové křivky:

$$P_D^{\text{DAŇ}} = (160 - Q_D) - 30 = 130 - Q_D$$

Nový průsečík s nabídkou:

$$130 - Q^{\text{DAŇ}} = 40 + 2 \cdot Q^{\text{DAŇ}}$$

$$Q^{\text{DAŇ}} = 30$$

$$P_S = 40 + 2 \cdot Q^{\text{DAŇ}} = 40 + 2 \cdot 30 = 100 \dots \text{obdrží prodejce}$$

$$P_D = 160 - Q^{\text{DAŇ}} = 160 - 30 = 130 \dots \text{zaplatí kupující}$$

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

c) Vypočítejte daňové příjmy vlády.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

c) Vypočítejte daňové příjmy vlády.

ŘEŠENÍ:

Daňový příjem vlády = $(P_S^{\text{DAŇ}} - P_D^{\text{DAŇ}}) \cdot Q^{\text{DAŇ}} = 30 \cdot 30 = 900$,
pro toto zadání se $(P_S^{\text{DAŇ}} - P_D^{\text{DAŇ}})$ rovná dani.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

d) Vypočítejte umrtvenou ztrátu vzniklou v důsledku uvalení daně.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.2. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 160 - Q_D$ nabídku $P_S = 40 + 2 \cdot Q_S$. Vláda uvalí daň ve výši 30 korun na jednotku statku na spotřebitele.

d) Vypočítejte umrtvenou ztrátu vzniklou v důsledku uvalení daně.

ŘEŠENÍ:

$$\begin{aligned} \text{umrtvená ztráta} &= ((Q^* - Q^{\text{DAŇ}}) * (P_S^{\text{DAŇ}} - P_D^{\text{DAŇ}})) / 2 \\ &= ((40 - 30) * 30) / 2 = 150 \end{aligned}$$

- počítáme přes obdélník: (změna v množství * daň) a vydělíme 2

VLÁDNÍ POLITIKY

2.3. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 50 - 2 \cdot Q_D$, nabídku funkcí $P_S = 10$. Vláda uvalí daň 30 CZK na jednotku pro spotřebitele.

Vypočítejte: rovnovážnou cenu a množství před zavedením daně;
rovnovážné množství a cenu, kterou obdrží prodejci, a cenu, kterou zaplatí kupující, po uvalení daně;
daňové příjmy vlády;
umrtvenou ztrátu vzniklou v důsledku uvalení daně.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.3. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 50 - 2 \cdot Q_D$, nabídku funkcí $P_S = 10$. Vláda uvalí daň 30 CZK na jednotku pro spotřebitele.

Vypočítejte: rovnovážnou cenu a množství před zavedením daně;
rovnovážné množství a cenu, kterou obdrží prodejci, a cenu, kterou zaplatí kupující, po uvalení daně;
daňové příjmy vlády;
umrtvenou ztrátu vzniklou v důsledku uvalení daně.

ŘEŠENÍ:

$$P^* = 10 ; Q^* = 20$$

posun v poptávce o 30: $P_D^{DAŇ} = 20 - 2 \cdot Q_D$:

nové P^* a Q^* po uvalení daně:

$$20 - 2Q^{DAŇ} = 10$$

$$Q^{DAŇ} = 5$$

$$P_S^{DAŇ} = 10; P_D^{DAŇ} = 20 - 2 \cdot Q^{DAŇ} = 20 - 2 \cdot 5 = 10$$

$$\text{daňový příjem} = \text{daň} \cdot (Q^{DAŇ}) = 30 \cdot 5 = 150$$

$$\text{umrtvená ztráta} = 0.5 (\text{změna v množství} \cdot \text{daň}) = 0.5 \cdot 15 \cdot 30 = 225$$

VLÁDNÍ POLITIKY

2.4. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 50 - 2 \cdot Q_D$, nabídku funkcí $P_S = 10$. Vláda uvalí daň 10 CZK na jednotku pro výrobce.

Vypočítejte: rovnovážnou cenu a množství před zavedením daně, daňové příjmy vlády, daňové břímě kupujících a prodávajících a umrtvenou ztrátu vzniklou v důsledku uvalení daně.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.4. Předpokládejme dokonale konkurenční trh. Poptávku lze vyjádřit funkcí $P_D = 50 - 2 \cdot Q_D$, nabídku funkcí $P_S = 10$. Vláda uvalí daň 10 CZK na jednotku pro výrobce.

Vypočítejte: rovnovážnou cenu a množství před zavedením daně, daňové příjmy vlády, daňové břímě kupujících a prodávajících a umrtvenou ztrátu vzniklou v důsledku uvalení daně.

ŘEŠENÍ:

$$P^* = 10 ; Q^* = 20$$

posun v nabídce o 10: $P_S^{DAŇ} = 20$:

$$50 - 2Q^{DAŇ} = 20$$

$Q^{DAŇ} = 15$; kupující zaplatí 20, prodávající obdrží 10

$$\text{daňový příjem} = \text{daň} \cdot Q^{DAŇ} = 10 \cdot 15 = 150$$

břímě kupujících: 150

břímě prodávajících: 0

$$\text{umrtvená ztráta} = 0,5 \cdot (\text{změna v množství} \cdot \text{daň}) = 0,5 \cdot 5 \cdot 10 = 25$$

VLÁDNÍ POLITIKY

2.5. Předpokládejme, že funkce poptávky po obilí je vyjádřena rovnicí $Q_D = 200 - P_D$, funkce nabídky $Q_S = 50 + 0,5 * P_S$. Vláda stanovila nákupní cenu obilí ve výši 150 korun za metrický cent a zavázala se vykupovat veškeré přebytky obilí vzniklé při této ceně. Jaké náklady budou spojeny s touto vládní aktivitou?

VLÁDNÍ POLITIKY

2.5. Předpokládejme, že funkce poptávky po obilí je vyjádřena rovnicí $Q_D = 200 - P_D$, funkce nabídky $Q_S = 50 + 0,5 * P_S$. Vláda stanovila nákupní cenu obilí ve výši 150 korun za metrický cent a zavázala se vykupovat veškeré přebytky obilí vzniklé při této ceně. Jaké náklady budou spojeny s touto vládní aktivitou?

ŘEŠENÍ:

Na volném trhu: $Q_S = Q_D = Q^*$, $P_S = P_D = P^*$

$$50 + 0,5 * P^* = 200 - P^*$$

$$1,5 P^* = 150$$

$$P^* = 100$$

$$Q^* = 100$$

Při ceně 150 CZK:

$$Q_D = 200 - P_D = 200 - 150 = 50$$

$$Q_S = 50 + 0,5 * 150 = 50 + 75 = 125$$

Vznikne přebytek obilí 75 (125-50).

Náklad pro stát tedy činí $75 * 150 \text{ CZK} = 11\,250 \text{ CZK}$

VLÁDNÍ POLITIKY

2.6. Poptávková křivka země X po určitém výrobku je dána rovnicí:

$P_D = 300 - Q_D$. Nabídková křivka pak rovnicí $P_S = 60 + 2 \cdot Q_S$.

Uvažujeme pouze domácí výrobce. Země zruší zákaz dovozu tohoto zboží.

Dovozní křivka nabídky je popsána rovnicí $P_I = 80 + 4 \cdot Q_I$.

Určete změnu rovnovážné ceny a změnu rovnovážného množství po uvolnění dovozu, a jak se celková rovnovážná nabídka rozdělí mezi domácí a zahraniční výrobce.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.6. Poptávková křivka země X po určitém výrobku je dána rovnicí: $P_D = 300 - Q_D$. Nabídková křivka pak rovnicí $P_S = 60 + 2 \cdot Q_S$. Uvažujeme pouze domácí výrobce. Země zruší zákaz dovozu tohoto zboží.

Dovozní křivka nabídky je popsána rovnicí $P_I = 80 + 4 \cdot Q_I$. Určete změnu rovnovážné ceny a změnu rovnovážného množství po uvolnění dovozu, a jak se celková rovnovážná nabídka rozdělí mezi domácí a zahraniční výrobce.

ŘEŠENÍ I:

Původní rovnováha:

$$Q_S = Q_D = Q^*$$

$$P_S = P_D = P^*$$

$$60 + 2 \cdot Q^* = 300 - Q^*$$

$$Q^* = 80, P^* = 220$$

Nová nabídka = domácí + dovoz:

$$Q_S' = Q_S + Q_I \text{ (POZOR množství ne ceny!)}$$

$$Q_S' = (P-60)/2 + (P-80)/4 = 0,75 \cdot P - 50$$

$$Q_S' = Q_D$$

$$0,75 \cdot P' - 50 = 300 - P'$$

$$P' = 200, Q' = 100$$

⇒ změna rovnovážné ceny z 220 na 200

⇒ změna rovnovážného množ. z 80 na 100

VLÁDNÍ POLITIKY

2.6. Poptávková křivka země X po určitém výrobku je dána rovnicí: $P_D = 300 - Q_D$. Nabídková křivka pak rovnicí $P_S = 60 + 2 \cdot Q_S$. Uvažujeme pouze domácí výrobce. Země zruší zákaz dovozu tohoto zboží.

Dovozní křivka nabídky je popsána rovnicí $P_I = 80 + 4 \cdot Q_I$. Určete změnu rovnovážné ceny a změnu rovnovážného množství po uvolnění dovozu, a jak se celková rovnovážná nabídka rozdělí mezi domácí a zahraniční výrobce.

ŘEŠENÍ II:

Rozložení mezi domácí a zahraniční výrobce:

$$P' = 200$$

$$Q_S = (P' - 60)/2 = (200 - 60)/2 = 70$$

$$Q_I = (P' - 80)/4 = (200 - 80)/4 = 30$$

VLÁDNÍ POLITIKY

2.7. Uvažujme dokonale konkureční trh, na němž je poptávka dána rovnicí $P_D = 100 - Q_D$ a nabídka rovnicí $P_S = 4 + Q_S$. Vláda uvalila na spotřebitele daň ve výši 2 CZK na jednotku zboží. Vypočtete rovnovážnou cenu a množství před uvalením daně, daňové příjmy vlády, daňové břímě kupujících a prodávajících a umrtvenou ztrátu způsobenou uvalením daně.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.7. Uvažujme dokonale konkureční trh, na němž je poptávka dána rovnicí $P_D = 100 - Q_D$ a nabídka rovnicí $P_S = 4 + Q_S$. Vláda uvalila na spotřebitele daň ve výši 2 CZK na jednotku zboží. Vypočtete rovnovážnou cenu a množství před uvalením daně, daňové příjmy vlády, daňové břímě kupujících a prodávajících a umrtvenou ztrátu způsobenou uvalením daně.

ŘEŠENÍ:

před daní: $100 - Q^* = 4 + Q^* \Rightarrow Q^* = 48, P^* = 52$

po dani: $98 - Q^{DAŇ} = 4 + Q^{DAŇ} \Rightarrow Q^* = 47, P^{DAŇ}_D = 100 - 47 = 53,$
 $P^{DAŇ}_S = 4 + 47 = 51$

daňové příjmy vlády: $Q^{DAŇ} * \text{daň} = 47 * 2 = 94$

břímě prodejce: $Q^{DAŇ} * (P^* - P^{DAŇ}_S) = 47 * (52 - 51) = 47$

břímě kupujících: $Q^{DAŇ} * (P^{DAŇ}_D - P^*) = 47 * (53 - 52) = 47$

umrtvená ztráta: $((Q^* - Q^{DAŇ}) * (P^{DAŇ}_D - P^{DAŇ}_S)) / 2 = ((48 - 47) * 2) / 2 = 1$

VLÁDNÍ POLITIKY

2.8. Uvažujme dokonale konkureční trh, na němž je poptávka dána rovnicí $P_D = 100 - Q_D$ a nabídka rovnicí $P_S = 4 + Q_S$. Vláda uvalila na spotřebitele daň ve výši 20 % ceny zboží (20 % ze zaplacené ceny jsou následně povinni odvést vládě). Vypočtete rovnovážnou cenu a množství před uvalením daně, daňové příjmy vlády, daňové břímě kupujících a prodávajících a umrtvenou ztrátu způsobenou uvalením daně.

VLÁDNÍ POLITIKY

2.8. Uvažujme dokonale konkureční trh, na němž je poptávka dána rovnicí $P_D = 100 - Q_D$ a nabídka rovnicí $P_S = 4 + Q_S$. Vláda uvalila na spotřebitele daň ve výši 20 % ceny zboží (20 % ze zaplacené ceny jsou následně povinni odvést vládě). Vypočtěte rovnovážnou cenu a množství před uvalením daně, daňové příjmy vlády, daňové břímě kupujících a prodávajících a umrtvenou ztrátu způsobenou uvalením daně.

ŘEŠENÍ:

před daní: $Q^* = 48$, $P^* = 52$

po uvalení daně: změna v poptávce:

$$P_D^{DAŇ} = 0,8 * (P_D) = 0,8 * (100 - Q_D) = 80 - 0,8 * Q_D$$

$$80 - 0,8 * Q^{DAŇ} = 4 + Q^{DAŇ}$$

$$76 = 1,8 Q^{DAŇ}$$

$$Q^{DAŇ} = 42,23$$

kupující platí: 57,77 ($100 - Q^{DAŇ}$), prodávající dostane: 46,23 ($4 + Q^{DAŇ}$)

daňové příjmy vlády: daň * cena kupujících * $Q^{DAŇ} = 0,2 * 57,77 * 42,23 = 488$

břímě kupujících: $(57,77 - 52) * 42,23 = 243,67$

břímě prodávajících: $(52 - 46,23) * 42,23 = 243,67$

umrtvená ztráta: $(Q^* - Q^{DAŇ}) * (P_D^{DAŇ} - P_S^{DAŇ}) * 0,5 = 5,77 * 11,54 * 0,5 = 33,3$



Děkuji za pozornost a spolupráci.

??? OTÁZKY ???