Vázané extrémy

Nalezněte maximum a minimum funkce f (pokud existují) na množině M.

$$f(x,y) = x^4y$$
 $M = \{[x,y] \in \mathbb{R}^2; \ x^4 + y^4 \le 16, x \ge -1\}$

podezřelé body::

$$\left[\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt[4]{5}},\frac{2}{\sqrt[4]{5}}\right],\; \left[\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt[4]{5}},-\frac{2}{\sqrt[4]{5}}\right]\; [-1,\sqrt[4]{15}], \quad [-1,-\sqrt[4]{15}] \quad [0,y];\; y\in(-2,2)$$

Nalezněte maximum a minimum funkce f (pokud existují) na množině M.

$$f(x,y) = 2x + 4y$$
 $M = \{[x,y] \in \mathbb{R}^2; \sqrt[4]{x} + \sqrt[4]{y} \le 1, x \ge 0, y \ge 0\}$

podezřelé body:
$$\left[\frac{2^{4/3}}{(2^{1/3}+1)^4}, \frac{1}{(2^{1/3}+1)^4}\right]$$
, $[0,1]$ $[0,0]$, $[1,0]$.

f nabývá maxima na množině M v bodě [0,1] a minima v bodě [0,0].

Nalezněte maximum a minimum funkce f (pokud existují) na množině M. Nakreslete množinu M.

$$f(x,y) = -y^2 + x^2 + \frac{4}{3}x^3$$
 $M = \{[x,y] \in \mathbb{R}^2; \ x^2 + y^2 \le 4, x \le 0\}$

podezřelé body: [-1/2,0], [0,2], [0,-2], [0,0], $[-1,\sqrt{3}]$, $[-1,-\sqrt{3}]$, [-2,0] f nabývá maxima v bodě [-1/2,0] a minima v bodě [-2,0].

Nalezněte maximum a minimum funkce f (pokud existují) na množině M.

$$f(x,y)=(x^2+7y^2)e^{-(2x^2+y^2)} \qquad M=\{[x,y]\in\mathbb{R}^2;\ x^2+4y^2\leq 1\}$$

podezřelé body: [0,0], $[1/\sqrt{2},0]$, $[-1/\sqrt{2},0]$, [0,1/2], [0,-1/2], [1,0], [-1,0]. f nabývá maxima v bodech [0,1/2], [0,-1/2] a minima v bodě [0,0].

Nalezněte maximum a minimum funkce f (pokud existují) na množině M.

$$f(x,y) = \operatorname{arctg} x + \operatorname{arctg} y \quad M = \{ [x,y] \in \mathbb{R}^2; \ x^2 + y^2 \le 1, \ x \ge 0, y \ge 0 \}$$

podezřelé body: [0,0], [0,1], [1,0], $[1/\sqrt{2},1/\sqrt{2}]$.

f nabývá svého minima v bodě [0,0] a maxima v bodě $[1/\sqrt{2},1/\sqrt{2}]$.