

POLITECHNIKA POZNAŃSKA
WYDZIAŁ INFORMATYKI
INSTYTUT INFORMATYKI

PRACA DYPLOMOWA INŻYNIERSKA

Implementacja algorytmu eksploracji danych z użyciem CUDA API

Marcin Jabłoński

Łukasz Kosiak

Piotr Kurzawa

Marek Rydlewski

Promotor:
dr inż. Witold ANDRZEJEWSKI

Poznań, 2017 r.

*„Coś się popsło“
Zbigniew Stonoga*

Spis treści

1	Wstęp	4
1.1	Wprowadzenie	4
1.2	Cel i zakres pracy	5
1.3	Charakterystyka źródeł	5
1.4	Struktura pracy	6
1.5	Podział pracy	6
2	Podstawy teoretyczne	7
2.1	Charakterystyka danych przestrzennych	7
2.1.1	Modelowanie danych przestrzennych	7
2.1.2	Źródła danych przestrzennych	7
2.1.3	Relacje	7
2.2	Metody eksploracji danych przestrzennych	8
2.2.1	Grupowanie przestrzenne	8
2.2.2	Klasyfikacja przestrzenna	8
2.2.3	Odkrywanie trendów przestrzennych	9
2.2.4	Przypadki osobliwe w danych przestrzennych	9
2.2.5	Asocjacje przestrzenne	9
2.2.6	Kolokacje przestrzenne	10
2.3	Odkrywanie kolokacji przestrzennych	10
2.3.1	Cecha przestrzenna	11
2.3.2	Podstawowe definicje	11
2.3.3	Miary kolokacji	11
2.3.4	Problem	12
2.4	Przegląd algorytmów odkrywania wzorców kolokacji przestrzennych	13
2.4.1	Co-location Miner	13
2.4.2	Multiresolution Co-location Miner	13
2.4.3	Joinless	14
2.4.4	iCPI-tree	14
3	Wprowadzenie do technologii CUDA	16
3.1	CPU a GPU	16
3.2	Architektura CUDA	17
3.3	Programowanie wielowątkowe w języku CUDA C	17
3.4	Model pamięci	18
3.5	<i>Thrust</i>	18
4	Algorytm <i>SGCT</i>	20
4.1	Generowanie tabeli instancji kolokacji o rozmiarze 2	20
4.2	Obliczanie miary powszechności	20
4.3	Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne	20
4.4	Proces odcinania	22
5	Implementacja CPU	25
5.1	Wersja sekwencyjna	25
5.1.1	Generowanie instancji w oparciu o próg odległości	25
5.1.2	Filtrowanie sąsiadów w oparciu o próg minimalnej powszechności	26

5.1.3	Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne	26
5.1.4	Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowanie kandydatów na podstawie progu powszechności	27
5.2	Wersja wielowątkowa	28
5.2.1	Generowanie sąsiadów na podstawie progu odległości	29
5.2.2	Filtrowanie sąsiadów na podstawie progu minimalnej powszechności	30
5.2.3	Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne	30
5.2.4	Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowanie kandydatów na podstawie progu powszechności	30
6	Implementacja GPU	32
6.1	Generowanie tabeli instancji o rozmiarze 2	32
6.2	Uporządkowanie zbioru par	34
6.3	Przygotowanie struktury szybkiego dostępu do informacji o instancjach należących do relacji o zadanych typach	35
6.4	Generowanie przewalentnych relacji sąsiedztwa pomiędzy typami połączeń	36
6.5	Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne	36
6.6	Przygotowanie struktury szybkiego dostępu do informacji o instancjach należących do relacji zadanej instancji z instancjami zadanego typu	37
6.7	Wyodrębnienie ze zbioru kandydatów kolokacji maksymalnych kandydatów spełniających kryterium przewalentności	37
7	Testy efektywnościowe	38
7.1	Informacje wstępne	38
7.1.1	Dane wejściowe	38
7.1.2	Sprzęt	38
7.1.3	Przebieg testów	39
7.2	Wyniki	39
7.2.1	Zmienny rozmiar danych	39
7.2.2	Zmienny próg maksymalnej odległości	40
7.2.3	Zmienny próg minimalnej powszechności	43
8	Zakończenie	45
	Bibliografia	46

1 Wstęp

1.1 Wprowadzenie

Informatyzacja życia codziennego, jaka dokonała się w ostatnich latach sprawiła, że każdego dnia konsumenci często nieświadomie zostawiają po sobie wiele informacji na swój temat. Nawet z pozoru niewinne dane o ludzkich przyzwyczajeniach typu "z której półki bierzemy bułki w sklepie" są zapisywane w systemach informatycznych. Należy do tego oczywiście dodać inne usługi, które wybierane są przez użytkowników świadomie np. zapisywanie lokalizacji przez prywatny telefon komórkowy.

Wbrew pozorom, taka błaha na pierwszy rzut oka informacja może mieć jednak istotne znaczenie dla funkcjonowania przemysłu piekarskiego. Nic nie stoi na przeszkodzie, aby spróbować z tych danych odczytać preferencje bądź przyzwyczajenia przeciętnego Kowalskiego na temat jego codziennych zakupów, które mogą w przyszłości zaprocentować - zarówno dla właściciela, jak i klienta. Jest to oczywiście tylko przykład, ale oddaje doskonale fakt przydatności z pozoru nie mających znaczenia prostych czynności człowieka, jakie często przypadkiem rejestrują działające wokół konsumentów systemy.

Pozostaje jednak problem przetworzenia takich danych w celu otrzymania interesującej informacji, która byłaby potencjalnie użyteczna. Trzeba pamiętać, że rozmiar takich danych nierzadko sięga terabajtów i w praktyce skuteczna analiza takich danych przez człowieka nie jest możliwa. Musi on zatem w tym celu skorzystać z dobrodziejstw, jakie przynosi mu współczesna technologia.

Problem efektywnego przetwarzania zdążył urosnąć do rangi oddzielnego działu w informatyce. W pracy [1] zasugerowano utworzenie nowej dyscypliny mającej na celu opracowanie technik obliczeniowych rozwiązujących takie problemy, zwanej odkrywaniem wiedzy w bazach danych (ang. KDD – *Knowledge Discovery in Databases*). Techniki te mają na celu odnajdywanie prawidłowych, nietrywialnych i potencjalnie użytecznych wzorców w dużych zbiorach danych.

Wspominane wyżej techniki w dużej mierze zależą od rodzaju bazy, a ściślej mówiąc - charakteru danych w niej występujących. W przypadku danych zawierających informację o położeniu zazwyczaj mowa jest o odkrywaniu wiedzy w bazach danych przestrzennych (ang. *spatial data mining*). Takie systemy mogą zawierać atrybut lokalizacji obiektu w danym obszarze, jego opis w formie geometrycznej (np. w postaci wielokątów), a także inne atrybuty nieprzestrzenne. Okazuje się, że tradycyjne metody analizy danych przestrzennych zazwyczaj nie radzą sobie z nimi na tyle efektywnie, by było opłacalne ich użycie w praktyce [2], dlatego też zaczęto szukać nowych sposobów na odkrywanie wiedzy w takich bazach.

W pracy [3] zaproponowano odkrywanie *wzorców kolokacji przestrzennych* (lub krócej: *kolokacji*), czyli zbioru cech przestrzennych występujących w niewielkiej odległości od siebie. Łatwo to można sobie wyobrazić na przykładzie przyrody, gdzie osobniki (gatunki) o podobnych cechach zazwyczaj trzymają się razem. Rozumowanie to działa również dla bliższych współczesnemu człowiekowi cech przestrzennych, np. punktach o podobnej funkcji - stacje, kina, piekarnie, itd. Wraz z rosnącą popularnością obliczeń na kartach graficznych (w dużej mierze spowodowana wprowadzeniem technologii *CUDA* autorstwa firmy NVIDIA) pojawiło się wiele gotowych rozwiązań, pozwalających na efektywne wyszukiwanie kolokacji nawet w bardzo rozbudowanych bazach danych. Przegląd niektórych z nich można znaleźć w pracy [4].

Ostatni rok przyniósł kolejną metodę efektywnego przeszukiwania baz danych w

celu odnalezienia kolokacji [5]. Wykorzystuje ona autorski algorytm wyszukiwania maksymalnych klik w grafie rzadkim oraz skondensowane drzewa instancji przechowywujące kliki instancji dla każdego kandydata do kolokacji (patrz Rozdział 4) w celu zmniejszenia czasu obliczeń oraz ograniczenia wymagań co do pamięci operacyjnej. Algorytm ten jest przedmiotem badań niniejszej pracy zbiorowej.

1.2 Cel i zakres pracy

Celem niniejszej pracy jest analiza wydajności zaproponowanych w pracy [5] rozwiązań z zakresu odkrywania kolokacji przestrzennych dla GPU i CPU.

Zakres pracy obejmuje następujące zadania szczegółowe:

1. **Zapoznanie się z literaturą.** Zapoznanie się z podstawowymi pojęciami dotyczącymi odkrywania danych w bazach danych przestrzennych oraz wyszukiwania wzorców kolokacji przestrzennych jest niezbędne do stworzenia działającej implementacji powyższego algorytmu. Dodatkowo należy zwrócić uwagę na dodatkowe zagadnienia związane z teorią grafów.
2. **Opracowanie wersji równoległej algorytmu eksploracji danych.** Konieczne jest przemyślenie wykorzystania algorytmów pomocniczych dla poszczególnych kroków całego rozwiązania oraz zaproponowanie możliwie najkorzystniejszego rozwiązania biorąc pod uwagę dostępną pamięć operacyjną, czas przetwarzania i przesyłania danych między pamięcią operacyjną a pamięcią karty graficznej.
3. **Implementacja wersji sekwencyjnej i równoległej ww. algorytmu.** Rozwiązanie podane w punkcie drugim powinno zostać zaimplementowane w technologii NVIDIA CUDA dla wersji GPU oraz biblioteki PPL w przypadku odmiany dla CPU.
4. **Przeprowadzenie eksperymentów wydajnościowych.** Analiza wyników testów wydajnościowych implementacji z punktu 3 jest głównym celem tej pracy. Należy zbadać efektywność obu rozwiązań pod względem czasu wykonywania oraz zapotrzebowania na dostępną pamięć.

1.3 Charakterystyka źródeł

Jak już wspomniano, niniejsza praca w dużej mierze opiera się o algorytm zaprezentowany w dokumencie [5]. Do jej opracowania była wymagana wiedza zawarta w innych źródłach, często również o charakterze naukowym.

Głównym źródłem wiedzy na temat kolokacji przestrzennych była rozprawa doktorska dr inż. Pawła Boińskiego [4], która w dużym przekroju omawia ideę kolokacji zaprezentowaną przez Shekhara i Huanga w pracy [3], a także prezentuje najpopularniejsze techniki ich odkrywania (metody *Co-location Miner*, *iCPI-tree*). Część rozwiązań wykorzystanych w tych technikach została wykorzystana w trakcie realizacji algorytmu.

Oddzielną kwestią jest literatura książkowa, wykorzystana do zapoznania się z technologią CUDA oraz przyjęcia dobrych praktyk optymalizacyjnych i programistycznych. Tutaj szczególnie należy wymienić popularną pozycję *CUDA w przykładach*

dach autorstwa Shane’a Cooke’a [6], a także *Professional CUDA C Programming* [7] będącą również podstawą do wstępu teoretycznego w Rozdziale 3.

1.4 Struktura pracy

Rozdział 2 stanowi wstęp teoretyczny do niniejszej pracy - prezentuje podstawowe pojęcia związane z odkrywaniem kolokacji przestrzennych, a także prezentuje najprostsze algorytmy wyszukujące wzorce kolokacji przestrzennych.

Rozdział 3 zawiera wprowadzenie do technologii CUDA. Przedstawia także podstawowe różnice w programowaniu na CPU i GPU oraz wyjaśnia podstawowe pojęcia związane z programowaniem na procesory graficzne.

Rozdział 4 poświęcony jest algorytmowi *SGCT* będącym głównym tematem pracy. Zawiera wyjaśnienia poszczególnych kroków algorytmu oraz niezbędne definicje.

Implementacja CPU (w wersji sekwencyjnej, jak i równoległej) jest głównym tematem **Rozdziału 5**. Koncentruje się on w szczególności na przedstawienie zastosowanych technik optymalizacyjnych poprawiających wydajność algorytmu w środowisku CPU. Rozdział zawiera także krótki wstęp do biblioteki *PPL* użytej w równoległej implementacji algorytmu.

Rozdział 6 zawiera omówienie implementacji algorytmu dla procesorów graficznych (GPU).

Porównanie wydajności zaimplementowanych rozwiązań zostało zawarte w **Rozdziale 7**.

Ostatni **Rozdział 8** stanowi podsumowanie całego projektu, uwagi zespołu oraz możliwe dalsze kierunki rozwoju.

1.5 Podział pracy

Podział zadań w ramach niniejszego projektu wyglądał następująco:

- **Marcin Jabłoński** - równoległa implementacja CPU, testy;
- **Łukasz Kosiak** - implementacja GPU, testy;
- **Piotr Kurzawa** - tekst pracy inżynierskiej, testy;
- **Marek Rydlewski** - sekwencyjna i równoległa implementacja CPU, testy.

2 Podstawy teoretyczne

2.1 Charakterystyka danych przestrzennych

2.1.1 Modelowanie danych przestrzennych

Sposób reprezentacji danych przestrzennej w dużej mierze zależy od zastosowań, niemniej najczęściej przybiera jedną z następujących form:

- *model pól* - ma formę funkcji, której dziedziną należy do modelowanej przestrzeni, a jego wynikiem jest cecha przestrzenna;
- *model obiektowy* - dla każdego zjawiska jest tworzony nowy obiekt z odpowiednimi właściwościami (etykietami, atrybutami przestrzennymi i nieprzestrzennymi).

W praktyce model pól używany jest przede wszystkim w metodach opartych na dokonywaniu pomiarów z powietrza - takie dane mają wtedy charakter rastrowy (reprezentacja w postaci pikseli). Model obiektowy stosowany jest natomiast w przypadkach, gdzie występuje duża liczba dodatkowych atrybutów nieprzestrzennych.

2.1.2 Źródła danych przestrzennych

Najogólniej źródła danych przestrzennych można podzielić ze względu na ich format.

Pierwotne źródła danych są opracowane w jednym ze standardowych formatów źródeł (najczęściej dla konkretnego systemu) i nie wymagają jakichkolwiek transformacji. Mają one zazwyczaj postać cyfrową i pochodzą z automatycznych pomiarów dokonanych przez specjalizowane systemy wyposażone w odbiorniki GPS czy tachymetry.

Wtórne dane źródłowe nie zostały zebrane z myślą o wykorzystaniu w *systemach informacji geograficznej* (ang. *Geographic Information System*, GIS) i dlatego wymagają one odpowiedniej transformacji oraz cyfryzacji (jeżeli są one analogowe). Procedury te są one obciążone pewnym ryzykiem, ponieważ istnieje możliwość wystąpienia błędów w trakcie konwersji i w konsekwencji przekłamaniami w danych wynikowych, które należy ręcznie poprawić.

2.1.3 Relacje

Określenie zachodzących relacji między obiektami w źródłach danych przestrzennych jest ważnym elementem przetwarzania danych przestrzennych. Sposób ich określenia zależy od zastosowanego modelu danych.

W modelu pól relacje determinowane są przez operacje pól (ang. *field operations*, [12]), mogące przybierać różne formy w zależności od zastosowań, natomiast w modelu obiektowym rodzaje relacji przestrzennych zależą od definicji przestrzeni. Według standardu organizacji OGC (*Open Geospatial Consortium*) istnieją trzy najpopularniejsze rodzaje związków przestrzennych między obiektami:

- *Relacje metryczne* - wyrażane w postaci predykatów typu "w odległości nie większej niż 10 metrów", oparte na odległości;

- *Relacje kierunkowe* - położenie określone jest względem globalnych kierunków dla przestrzeni (np. na północ, na południe - są to relacje bezwzględne) lub względem innego obiektu/obserwatora (nazywamy takie relacjami względnymi);
- *Relacje topologiczne* - najbardziej skomplikowane, wyrażone przez zależności typu pokrywanie, zawieranie, styczność.

W systemach typu GIS stosuje się głównie relacje topologiczne. Mają one postać predykatów przestrzennych dla operacji filtrowania i połączenia przestrzennego w językach zapytań działających na danych przestrzennych. Najczęściej wykorzystuje się je w tzw. *modelu dziewięciu przecięć* [13], za pomocą którego określa się możliwe relacje zachodzącą dla pary obiektów.

Dla każdego obiektu wyznacza się jego wnętrze, granicę i zewnątrz. Następnie, dokonuje się operacji przecięcia dla danej pary obiektów dla każdej z możliwych kombinacji elementów tego obiektu (np. granica pierwszego obiektu z wnętrzem drugiego). Takich relacji w dwuwymiarowej relacji można wyznaczyć osiem, należą do nich np. rozłączność, styczność, częściowe i całkowite pokrycie itd.

Istnieje również rozszerzenie modelu dziewięciu przecięć, zwanym DE-9IM (ang. *Dimensionally Extended nine-Intersection Model*, [14]), które rozróżnia rodzaj obiektu uzyskanego w wyniku przecięcia (mogą być puste, bezwymiarowe, jednowymiarowe i dwuwymiarowe).

2.2 Metody eksploracji danych przestrzennych

Specyfika danych przestrzennych, a w szczególności fakt, że własności obiektu w danych przestrzennych mogą zależeć od cech jego sąsiadów, powoduje, że stosowanie klasycznych metod eksploracji danych może doprowadzić do nieprawidłowych wyników [15] [16] - stąd też istnieje konieczność korzystania z metod eksploracji dedykowanych dla danych przestrzennych. Wiele z nich jest tak naprawdę rozwinięciem metod opracowanych dla klasycznych zbiorów danych.

2.2.1 Grupowanie przestrzenne

Metoda grupowania przestrzennego (ang. *spatial clustering*) zakłada istnienie przestrzeni m -wymiarowej, w której znajdują się punkty odpowiadające obiektom. Przestrzeń ta ma rozkład niejednorodny, a każdy z obiektów jest opisany przez m atrybutów. Celem grupowania jest poszukiwanie gęstych obszarów punktów używając w tym celu metryki Euklidesowej jako funkcji podobieństwa (bliskości).

Grupowanie przestrzenne w największym stopniu spośród wszystkich metod eksploracji danych przestrzennych jest podobna do swojego klasycznego odpowiednika - wiele algorytmów grupowania opracowanych dla klasycznych zbiorów danych zadziała również dla danych przestrzennych.

2.2.2 Klasyfikacja przestrzenna

Klasyfikacja przestrzenna (ang. *spatial classification*) działa podobnie jak jego odmiana dla danych klasycznych - przewiduje klasy nowych obiektów w oparciu o tzw. zbiór uczący, składający się ze wcześniejszych obserwacji.

W celu dostosowania klasyfikacji dla danych przestrzennych zaproponowano [17] wykorzystanie *grafu sąsiedztwa* będącego reprezentacją relacji przestrzennych między obiektami, w którym wierzchołki stanowią obiekty przestrzenne, a relacje są krawędziami. Następnie w takim grafie wyznaczane są wszystkie ścieżki, których początkiem jest analizowany obiekt. Dalej analiza przebiega zgodnie z algorytmem *ID3* [18].

Z pojęciem klasyfikacji przestrzennej wiąże się także predykcja położenia (ang. *location prediction*), czyli przewidywanie zdarzeń we wskazanym miejscu w przestrzeni, przy uwzględnieniu autokorelacji przestrzennej. Przydaje się ono np. w określaniu regionów o wysokim ryzyku wystąpienia klęsk żywiołowych czy awarii.

2.2.3 Odkrywanie trendów przestrzennych

Trend przestrzenny definiuje się [19] jako regularną zmianę co najmniej jednego atrybutu nieprzestrzennego obiektów wraz z oddalaniem się od innego obiektu. Odkrywanie trendów sprowadza się zazwyczaj do analizy regresji, gdzie odległość od danego obiektu jest zmienną niezależną, natomiast różnica wartości atrybutów do obserwacji - zmienną zależną.

Trendy dzieli się na globalne i lokalne. Pierwsze wskazują na zwiększanie (bądź zmniejszanie) wartości obserwowanych atrybutów przy rozpatrywaniu wszystkich obiektów znajdujących się na ścieżkach wychodzących z punktu początkowego. Typowym przykładem jest wzrost bezrobocia wraz z oddalaniem się od centrum miast. Trend lokalny jest reprezentowany przez pojedyncze ścieżki wykazujące inny kierunek zmian na danym atrybucie niż na sąsiednich ścieżkach.

2.2.4 Przypadki osobliwe w danych przestrzennych

Czasem w danych przestrzennych można znaleźć obiekty, których atrybuty nieprzestrzenne są niespójne z innymi obserwacjami dokonanymi w ich otoczeniu. Noszą one miano *przypadków osobliwych* [20].

Wyszukiwanie takich zjawisk jest trudne, szczególnie gdy istnieje więcej atrybutów nieprzestrzennych - odwzorowanie ich w n -wymiarowej przestrzeni może skutkować *przekleństwem wielowymiarowości* (ang. *curse of dimensionality*) [21], utrudnionym rozróżnianiem obiektów podobnych do siebie.

2.2.5 Asocjacje przestrzenne

Problem odkrywania asocjacji został pierwszy raz zdefiniowany w pracy [22] i w ogólności polega na analizie dostępnych transakcji (zbiorów obiektów, np. koszyka zakupów) oraz wykryciu występujących w nich regularności występowania elementów (typu: klient, który kupując bułki wybrał także masło).

Najczęściej reguły charakteryzuje się miarą *wsparcia* (ang. *support*) i *ufności* (ang. *confidence*). Pierwsza z nich wyraża stosunek występowania transakcji zawierającą lewą i prawą stronę reguły do ilości wszystkich transakcji. Ufność z kolei wskazuje na procentowy udział transakcji zawierających lewą i prawą stronę reguły we wszystkich transakcjach, które zawierają jego lewą stronę (jest to tzw. prawdopodobieństwo warunkowe). W celu ograniczenia ilości wykrytych wzorców wprowadzono także pojęcie *zbioru częstego* (ang. *frequent itemsets*) - zbioru elementów, dla

których wyznaczone wsparcie przekracza pewien ustalony przez użytkownika próg minimalnego wsparcia.

Z pracy [22] pochodzi także popularny algorytm wykorzystywany w wielu metodach odkrywania asocjacji i kolokacji, czyli metoda *Apriori*. Wykorzystuje on ważną cechę miary wsparcia, jaką jest *antymonotoniczność*. Wynika z niej, że zbiór może być zbiorem częstym tylko w przypadku, kiedy jego podzbiory są również zbiorami częstymi.

Na początku algorytmu generowane są jednoelementowe zbiory częste. Następnie iteracyjnie wykonywane są następujące kroki:

- tworzenie zbiorów częstych $(i + 1)$ -elementowych na podstawie zbiorów o długości i ,
- filtrowanie zbiorów kandydujących w oparciu o miarę wsparcia,
- dodanie kandydatów do zbioru wynikowego.

Generowanie kandydatów polega na łączeniu wszystkich par zbiorów częstych o identycznych elementach początkowych, a następnie usuwaniu tych, które nie są zbiorami częstymi w oparciu o własność antymonotoniczności. Algorytm kończy się, gdy zbiór kandydatów będzie pusty.

W celu dostosowania metody odkrywania asocjacji do danych przestrzennych wprowadzono pojęcie *przestrzennej reguły asocjacyjnej* [23]. Zakłada ona istnienie predykatów przestrzennych (mogących wyrażać informacje o odległości czy kierunku), które mogą występować zarówno w części warunkującej (poprzedniku), jak w warunkowanej (następniku). Następnie podczas procesu odkrywania przestrzennych reguł asocjacyjnych dane umieszczone w ciągłej przestrzeni są zamieniane na zbiór transakcji. Metoda ta jest zaliczana do modelu zorientowanego na cechę referencyjną [4]. Istnieje też inne podejście, zwane *odkrywaniem zbiorów częstych klas sąsiadów*, opisane w pracy [24].

2.2.6 Kolokacje przestrzenne

Przedstawiony w pracy [3] problem *odkrywania przestrzennych reguł kolokacyjnych* powstał w odpowiedzi na niedoskonałości asocjacji (w szczególności konieczność wyboru cechy referencyjnej) i zakłada istnienie równorzędnych cech przestrzennych.

Praca wprowadza pojęcie *wzorca kolokacji przestrzennej* (zwanego także kolokacją przestrzenną lub krócej - kolokacją), zbioru cech przestrzennych, których instancje często występują we wzajemnym sąsiedztwie [4]. Stanowi on swego rodzaju odpowiednik zbiorów częstych w asocjacjach przestrzennych. Również miara wsparcia została zastąpiona przez *miarę powszechności* (ang. prevalence), które eliminują wymaganie wiedzy o transakcjach.

Kolokacje przestrzenne są przykładem modelu zorientowanego na zdarzenie (ang. *event-centric model*).

2.3 Odkrywanie kolokacji przestrzennych

Niniejszy rozdział zawiera opisy i definicje pojęć niezbędnych do zrozumienia algorytmu zawartego w rozdziale 3.

2.3.1 Cecha przestrzenna

Kluczową kwestią w procesie odkrywania kolokacji jest odpowiednia klasyfikacja obiektów występujących w bazie danych. Każdy zbiór danych przestrzennych, oprócz informacji o lokalizacji obiektu i opisujących go danych nieprzestrzennych powinien zawierać także właściwość pozwalającą na sklasyfikowanie danego obiektu do określonej klasy. Takie przypisanie nazywane jest cechą przestrzenną (ang. spatial feature) lub rzadziej klasą obiektu (ang. object class).

Jako typowy przykład cechy przestrzennej można podać etykietę przypisaną do obiektu na mapie (np. kościół, szkoła, strzelnica). Pozwala ona na jednoznaczne określenie własności przestrzeni w punkcie, gdzie znajduje się obiekt.

2.3.2 Podstawowe definicje

Definicja 1 (Relacja sąsiedztwa) Dany jest graf $G \in (E, V)$. Relacja sąsiedztwa R to relacja istniejąca pomiędzy wierzchołkami w grafie, taka, że jeżeli para (u, v) stanowi krawędź grafu G , to wierzchołek v jest sąsiedni do wierzchołka u .

Definicja 2 (Instancja cechy przestrzennej) Niech f będzie cechą przestrzenną. Mówimy, że obiekt x jest instancją cechy przestrzennej f , wtedy i tylko wtedy, gdy obiekt x jest typu f oraz jest opisany przez lokalizację i identyfikator.

Definicja 3 (Wzorzec i instancja kolokacji) Załóżmy F jako zbiór cech przestrzennych $F = \{f_1, f_2, \dots, f_m\}$, a $FI = FI^{f_1} \cup FI^{f_2} \cup \dots \cup FI^{f_m}$ niech będzie zbiorem ich instancji. Niech $>_F$ oznacza dowolną relację porządku zdefiniowaną dla zbioru F . Niech f_i oznacza i -tą cechę przestrzenną (ze względu na relację $>_F$), zatem $\forall i, j \in 1, \dots, m$ $f_i <_F f_j \Leftrightarrow i < j \wedge f_i, f_j \in F$. Mając daną relację sąsiedztwa R (zwrotną i przechodnią) mówimy, że wzorzec kolokacji przestrzennej (w skrócie "kolokacja") jest podzbiorem cech przestrzennych $c \subseteq F$, których instancje $I \subseteq FI$ tworzą klikę ze względu na relację R . Zbiór wszystkich instancji kolokacji przestrzennej c jest oznaczany przez CI^c . Przez długość kolokacji należy rozumieć liczbę elementów w zbiorze cech przestrzennych, który tworzy tę kolokację.

Definicja 4 (Sąsiedztwo) Mając daną zwrotną i symetryczną relację sąsiedztwa R , sąsiedztwem lokalizacji l nazywamy zbiór lokalizacji $L = \{l_1, l_2, \dots, l_n\}$, gdzie l_i jest sąsiadem l , tzn. zachodzi $R(l, l_i) \forall i \in 1, \dots, n$.

2.3.3 Miary kolokacji

Definicja 5 (Współczynnik uczestnictwa) Współczynnik uczestnictwa (ang. participation ratio) cechy f_i w kolokacji c jest równy procentowemu udziałowi wszystkich instancji cechy f_i w instancjach kolokacji c :

$$pr(f_i, c) = \frac{|\pi^{f_i}(CI^c)|}{FI^{f_i}} \quad (1)$$

gdzie $\pi^{f_i}(CI^c)$ oznacza projekcję relacyjną zbioru instancji CI^c względem cechy f_i (z usuwaniem duplikatów).



Rysunek 1: Relacja sąsiedztwa - lokalizacje l_2 oraz l_3 sąsiadują ze sobą.

Definicja 6 (Indeks uczestnictwa) Indeks uczestnictwa (ang. participation index) kolokacji c jest równy najmniejszemu ze współczynników uczestnictwa wyznaczonych dla każdej cechy przestrzennej $f_i \in c$:

$$pi(c) = \min_{f_i \in c} pr(f_i, c) \quad (2)$$

Indeks uczestnictwa najczęściej określany jest w literaturze mianem miary powszechności lub krótko powszechności kolokacji.

Definicja 7 (Maksymalny wzorzec kolokacji przestrzennej) Niech będzie dana wartość min_prev oznaczająca pewien minimalny próg powszechności. Jeżeli $c = \{f_1, \dots, f_m\}$ jest kolokacją powszechną (tzn. $pi(c) \geq min_prev$) i nie istnieje żaden nadzbiór c taki, że powszechność dla tego nadzbioru jest równa co najmniej min_prev , kolokacja c nazywana jest kolokacją maksymalną.

2.3.4 Problem

Definicja 8 (Prawdopodobieństwo warunkowe) Prawdopodobieństwem warunkowym $cp(c_1, c_2)$ reguły kolokacyjnej $c_1 \rightarrow c_2$ nazywamy stosunek liczby instancji wzorca c 1 w sąsiedztwie instancji wzorca c_2 do liczby wszystkich instancji wzorca c_1 :

$$cp(c_1, c_2) = \frac{|\pi^{c_1}(CI^{c_1 \cup c_2})|}{CI^{c_1}} \quad (3)$$

gdzie $\pi^{c_1}(CI^{c_1 \cup c_2})$ oznacza projekcję relacyjną instancji wzorca $CI^{c_1 \cup c_2}$ względem wzorca c_1 (z usuwaniem duplikatów).

Definicja 9 (Problem odkrywania kolokacji) *Problem odkrywania kolokacji przestrzennych jest zdefiniowany w następujący sposób. Mając dane:*

- zbiór cech przestrzennych $F = \{f_1, f_2, \dots, f_m\}$
- zbiór obiektów $FI = FI^{f_1} \cup FI^{f_2} \cup \dots \cup FI^{f_m}$, gdzie $FI^{f_i}, (0 < i \leq m)$ jest zbiorem instancji cechy f_i , przy czym każda instancja jest opisana przez lokalizację i identyfikator,
- symetryczną i zwrotną relację sąsiedztwa R ,
- próg minimalnej powszechności min_prev oraz próg minimalnego prawdopodobieństwa warunkowego min_cond ,

znajdź wszystkie poprawne reguły kolokacyjne z powszechnością nie mniejszą niż min_prev i prawdopodobieństwem warunkowym nie mniejszym niż min_cond .

2.4 Przegląd algorytmów odkrywania wzorców kolokacji przestrzennych

W tym podrozdziale zostaną zaprezentowane skrótowno najważniejsze algorytmy odkrywania kolokacji przestrzennych.

2.4.1 Co-location Miner

Wraz z wprowadzeniem pojęcia kolokacji autorzy pracy [3] zaprezentowali także podstawowy obecnie algorytm rozwiązujący problem odkrywania wzorców kolokacji przestrzennych, zwany *Co-location Miner*. W algorytmie tym wyróżnia się następujące fazy:

- generowanie kandydatów na kolokacje przestrzenne (o długości i),
- wyznaczanie instancji dla wygenerowanych kandydatów,
- usuwanie kandydatów, których powszechność wynosi mniej niż przyjęty próg minimalnej powszechności.

Pozostali kandydaci trafiają do zbioru wynikowego, a następnie na ich podstawie są tworzone reguły kolokacyjne. Same reguły również podlegają filtracji - usuwane są te reguły, których prawdopodobieństwo warunkowe jest poniżej określonego progu.

W następnej iteracji algorytm wykonuje dokładnie te same kroki, przy czym generowani kandydaci są o długości o jeden większej. Całość kończy się, gdy nie jest możliwe już wygenerowanie nowych kandydatów.

2.4.2 Multiresolution Co-location Miner

Korzystanie z oryginalnego algorytmu *Co-location Miner* wiąże się niestety z dużymi kosztami obliczeniowymi, głównie ze względu na pracochłonny krok generowania kandydatów na kolokacje. Dlatego też niedługo później w pracy [8] autorzy zaproponowali drobną modyfikację oryginalnego algorytmu, dodając dodatkowy krok filtrowania w oparciu o przybliżoną reprezentację zbioru wejściowego.

W algorytmie *Multiresolution Co-location Miner* zbiór wejściowy zostaje podzielony na obszary (mniejsze fragmenty). Zanim rozpocznie się faza wyznaczania instancji dla wygenerowanych kandydatów, następuje szacowanie ich powszechności na podstawie sąsiadujących instancji cech przestrzennych w ramach obszarów. W przypadku zbyt niskiej wartości szacowanej powszechności kandydata, można go wykluczyć z dalszego przetwarzania i tym samym oszczędzić zasoby niezbędne na wyznaczenie jego instancji.

Dalsze kroki przebiegają identycznie jak w przypadku oryginalnego *Co-location Miner*.

2.4.3 Joinless

Celem autorów pracy [9] było stworzenie algorytmu, który omijałby konieczność tworzenia kosztownych połączeń przestrzennych na etapie wyznaczania instancji kandydatów na kolokacje (tak jak np. w przypadku rodziny algorytmów *Co-location Miner*). Nosi on nazwę algorytmu bezpołączeniowego (ang. *joinless*).

Główną różnicą w porównaniu do wcześniejszych algorytmów jest sposób generowania instancji kolokacji. Są one generowane na podstawie sąsiedztw typu gwiazda - zbiorów obiektów, w którego skład wchodzi rozpatrywany obiekt oraz jego sąsiedzi posiadający większą cechę przestrzenną. Wyznacza się je na podstawie oddzielnych algorytmów (np. *plane sweep*), lub korzysta z specjalnych struktur ułatwiających wykrywanie sąsiadów typu *R-drzewo*.

Wygenerowane instancje muszą zostać dodatkowo zweryfikowane (poprawne instancje powinny być kliką, czego nie gwarantuje sąsiedztwo typu gwiazda), a następnie - podobnie jak w algorytmie *Multiresolution Co-location Miner* - dokonuje się ich wstępnego filtrowania pod kątem progu minimalnej powszechności.

2.4.4 iCPI-tree

Drzewo iCPI (*improved Co-location Pattern Instance*, [11]) stanowi zmodyfikowaną odmianę drzewa CPI zawartego w pracy [10]. Struktura ta zawiera informacje o wszystkich zachodzących relacjach sąsiedztwa.

iCPI-tree posiada następującą strukturę:

- Poziom 1 - korzeń drzewa (oznaczony etykietą *NULL*),
- Poziom 2 - cechy elementów centralnych, czyli cechy przestrzenne obiektów centralnych *sąsiedztw typu gwiazda*;
- Poziom 3 - instancje elementów centralnych, dla których ma zostać przechowana informacja o sąsiadach;
- Poziom 4 - cechy sąsiadów,
- Poziom 5 - instancje sąsiadów.

Sąsiedzi uporządkowani są według rosnącej cechy przestrzennej, a w przypadku instancji tej samej cechy - zgodnie z rosnącym identyfikatorem. Takie uporządkowanie nosi nazwę *uporządkowanego zbioru sąsiadów*.

Powyższa struktura drzewiasta jest wykorzystana w algorytmie w celu generowania instancji coraz dłuższych kandydatów w kolejnych iteracjach. Dokonuje się tego

poprzez systematyczną ich rozbudowę o kolejne elementy. Na początku wszystkie instancje są jednoelementowe, a w kolejnych iteracjach są one rozbudowywane poprzez wyszukiwanie sąsiadów z odpowiednią cechą i weryfikowane (należy sprawdzić, czy nowo dodany obiekt do instancji jest sąsiadem każdego z obiektów należących do tej instancji).

Pozostałe kroki algorytmu (generowanie kandydatów i reguł, filtrowanie według powszechności) są podobne jak w metodach *Co-location Miner* i *joinless*.

3 Wprowadzenie do technologii CUDA

Dziedzina informatyki, jaką są obliczenia ogólnego przeznaczenia na układach GPU (ang. *general-purpose computing on graphics processing units*, w skrócie *GPG-PU*) należy do stosunkowo świeżych technik programowania - jej właściwy początek można datować na okolice 2007 roku. Jeszcze do niedawna wśród programistów panowało przekonanie, że karty graficzne powinny być odpowiedzialne tylko za rysowanie obrazu, a cała odpowiedzialność za niezbędne obliczenia powinna spadać na CPU, jako "serce" komputera. Były to czasy, kiedy pojęcie równoległego wykonywania zadań nie było szeroko rozpowszechnione - rdzenie procesora były jedynie nowinką, a cały rozwój procesorów CPU szedł w zwiększanie częstotliwości taktowania.

Szybko się okazało, że nie da się tego robić w nieskończoność. Podnoszenie częstotliwości spowodowało, że procesory zaczęły pobierać spore ilości energii, a także wydzielać ogromne ilości ciepła, którego nie dało się okiełznać bez korzystania z specjalnego chłodzenia. Rozwiązaniem okazało się skorzystanie z wielordzeniowości - wielu procesorów połączonych ze sobą specjalnymi magistralami, zamkniętymi w jednej obudowie. Wymagało to także zmiany podejścia do programowania. Równoległość daje olbrzymie możliwości, o ile potrafi się z nich skorzystać w odpowiedni sposób - bez tego programista nie uzyska zauważalnego wzrostu szybkości obliczeń, jakie dają współczesne układy wielordzeniowe.

Wielu osobom w trakcie tej "równoległej rewolucji" umknął pewien fakt - kiedy swoje triumfy świecił procesor *Pentium 4* firmy *Intel* o częstotliwości taktowania rzędu 3 GHz, na rynku istniały już rozwiązania równoległe, na których można było uzyskać znacznie lepsze wyniki. Były to oczywiście karty graficzne, które od dawna działały w sposób równoległy.

Dopóki nie powstały pierwsze specyfikacje bibliotek wspierających obliczenia na kartach graficznych, programiści próbowali wykorzystywać potencjał brzmiący w procesorach graficznych w oparciu o rendering 3D. Było to dosyć karkołomne zadanie i nie każdy algorytm można było rozwiązać w ten sposób. Karty graficzne musiały odczekać jeszcze parę lat, aby dało się wykorzystać w pełni ich możliwości obliczeniowe.

Spośród wszystkich technologii umożliwiających przeprowadzanie obliczeń na kartach graficznych zdecydowanie największą popularność osiągnęła pierwsza z nich, czyli CUDA (ang. *Compute Unified Device Architecture*). Została ona zaprezentowana po raz pierwszy w 2007 roku przez firmę NVIDIA i jest dedykowana wyłącznie produktom tej firmy (w porównaniu do konkurencyjnej technologii OpenCL).

3.1 CPU a GPU

Jak już wspomiano, procesory graficzne, mające w pierwotnym założeniu wyłącznie wspomagać generowanie obrazu, od początku były projektowane jako układy przetwarzające dane w sposób równoległy. Procesory zawarte w kartach graficznych posiadają znacznie więcej rdzeni niż CPU - mają one jednak mniejsze taktowanie, a także są gorzej wyposażone (w szczególności brakuje im rozszerzeń typowych dla CPU, typu *SSE2* czy *MMX*). W związku z tym, nie wszystkie algorytmy nadają się dobrze do implementacji w środowisku GPU. Jeżeli jednak istnieje możliwość zrównoleglenia jakiegoś problemu zgodnie z paradygmatem SIMD, to wyniki osiągnięte na GPU będą w większości wypadków lepsze niż uzyskane na procesorze CPU.

Obecne procesory CPU z kolei potrafią działać sekwencyjnie, jak i równolegle, za pośrednictwem wielu mechanizmów wspierających równoległość (np. wątki, mutexy, wsparcie dla specjalnych struktur).

Oddzielną kwestią jest przydział tranzystorów tworzących poszczególne układy do pełnienia poszczególnych funkcji. W przypadku CPU większość tranzystorów stanowi pamięć podręczną oraz układy sterowania - za wykonywanie obliczeń jest odpowiedzialna ok. 1/4 tranzystorów wbudowanych w procesor. Natomiast w przypadku GPU gros tranzystorów wykorzystanych jest do budowy jednostek arytmetyczno-logicznych oraz zmiennoprzecinkowych. Z tego powodu duża część zadań związana z przepływem danych, uruchamianiem wątków czy podziałem zadań na GPU spoczywa na programiście, co dosyć mocno komplikuje kod.

3.2 Architektura CUDA

Procesor graficzny kompatybilny z CUDA zbudowany jest z wielu multiprocesorów strumieniowych (ang. *streaming multiprocessors*, w skrócie SM). Na każdy z nich składa się określona ilość rdzeni CUDA, które mogą przetwarzać dane w sposób równoległy - w każdym z nich jest umieszczona dodatkowo jednostka arytmetyczno-logiczna (ALU, umożliwia obliczenia na liczbach całkowitych) oraz jednostka zmiennoprzecinkowa (FPU). Do tego w każdym SM znajdują się jednostki funkcji specjalnych - w nich wyznaczane są wartości funkcji matematycznych typu pierwiastkowanie czy funkcje trygonometryczne. Liczba powyższych elementów nie jest stała - zależą one od miary *potencjału obliczeniowego CUDA* (ang. *CUDA Compute Capability*), który obsługuje dany sprzęt.

Każdy SM zawiera 16 jednostek wejścia i wyjścia, mających na celu pośredniczenie w przekazywaniu danych między różnymi typami pamięci. Przez nie odbywa się transfer danych do pamięci RAM karty graficznej (zlokalizowanej poza procesorem graficznym). W multiprocesorze są dostępne następujące typy pamięci podręcznej:

- pamięć rejestrów - najszybsza pamięć, w której wątek może przechowywać swoje zmienne,
- pamięć wspólna (ang. *shared memory*) - pamięć, poprzez którą może odbywać się wymiana danych między wątkami;
- pamięć podręczna pierwszego poziomu (ang. *L1 cache*).

Oprócz tego multiprocesor wyposażony jest w układy sterujące wywołaniem instrukcji (ang. *Instruction Dispatch Unit*) odpowiadające za wykonywanie obliczeń na zgrupowanych rdzeniach.

3.3 Programowanie wielowątkowe w języku CUDA C

Środowisko programistyczne *CUDA Toolkit* umożliwia programowanie w języku *CUDA C* - stanowi on podzbiór języka C++ i jest z nim w dużym stopniu kompatybilny. Kod w języku *CUDA C* da się łączyć z standardowym kodem C++ kompilowanym pod procesory CPU - w tym przypadku fragmenty kodu wywoływane po stronie karty graficznej są kompilowane przez specjalny kompilator *NVCC* dołączany do środowiska CUDA.

Funkcje wywoływane przez hosta, a wykonywane przez procesor graficzny w sposób równoległy przez wiele wątków są nazywane funkcjami jądra (ang. *kernel*). Wszystkie wątki uruchomione poprzez wywołanie jądra wykonują identyczny kod. Oczywiście da się je odróżnić poprzez unikalny identyfikator dostępny w specjalnej zmiennej. Zgodnie z modelem przetwarzania SIMD, na jednym multiprocesorze uruchomione wątki są grupowane w tzw. *warpy* (ang. *warps*) - zbiory 32 wątków wykonujących tą samą instrukcję.

Wątki można organizować w większe grupy. Podstawową grupą wątków jest *blok*, w ramach którego można uformować wątki w jednym, dwóch, a nawet trzech wymiarach. Bloki grupowane są z kolei w siatkę obliczeniową (ang. *computation grid*), która również może składać się z trzech wymiarów. Przy wywołaniu kernela programista określa liczbę równoległych bloków oraz ilość wątków na blok, za pomocą których urządzenie będzie przetwarzać równolegle kernel. Odpowiednie ustawienie tych wartości jest kluczowe dla wydajności przetwarzania - zbyt mała/wielka ilość przyznanych bloków może spowodować odwrotny skutek do zamierzonego. Maksymalne ilości wątków na blok i bloków na siatkę określa miara *potencjału obliczeniowego CUDA*.

3.4 Model pamięci

Karty graficzne obsługujące technologię CUDA posiadają następujące typy pamięci, dostępne dla programisty:

- *rejestry* - zdecydowanie najszybsza i najwygodniejsza pamięć, umieszczona w procesorze graficznym, mała, ograniczona żywotność do czasu życia wątku;
- *pamięć lokalna* - umiejscowiona w pamięci karty graficznej, wolna, będąca alternatywą do rejestrów;
- *pamięć wspólna* - dostęp do niej możliwy jest ze wszystkich wątków pracujących w ramach jednego bloku, mała (umiejscowiona w chipie GPU), lecz o szybkim czasie dostępu;
- *pamięć globalna* - duża (rzędu paru gigabajtów), wolna, o dużym czasie dostępu, dostęp z poziomu każdego wątku oraz hosta;
- *pamięć stała* - dostępna dla wszystkich wątków w trybie tylko do odczytu, buforowana, posiada unikalną możliwość rozgłaszania danych (ang. *broadcast*);
- *pamięć tekstur* - również tylko do odczytu, przeznaczona z myślą o przechowywaniu danych w postaci macierzy.

3.5 Thrust

Biblioteka *Thrust* stanowi odpowiednik popularnej *Standard Template Library* dla języka CUDA C. Od wersji 1.4.0 jego wersja produkcyjna jest dołączana wraz z środowiskiem *CUDA Toolkit 4.0*.

Podobnie jak jego odpowiednik dla języka C++, Thrust zawiera bogatą kolekcję wbudowanych algorytmów i operacji dostosowanych do równoległego środowiska CUDA. W szczególności dostarcza równoległe operacje skanowania, sortowania czy

redukcji, zwalniając programistę od implementowania własnych, potencjalnie niewydajnych rozwiązań.

Thrust zawiera struktury znane z biblioteki STL, takie jak wektory (w wersji dla hosta oraz karty graficznej), iteratory oraz wiele innych typów generycznych ułatwiających korzystanie z możliwości dostarczanych przez środowisko CUDA C. Użycie ich jest analogiczne jak w "tradycyjnym" STL-u.

Oprócz tego, biblioteka *Thrust* oferuje następujące operacje:

- *Inclusive scan* – wyznaczenie tablicy w oparciu o tablicę o rozmiarze k , takiej, że $B[i] = \sum_{j=0}^i A[j], i \in (0, k - 1)$;
- *Exclusive scan* – wyznaczenie tablicy w oparciu o tablicę o rozmiarze k , takiej, że $B[0] = 0 \cap B[i] = \sum_{j=0}^{i-1} A[j], i \in (1, k - 1)$;
- *Compact* – usuwanie pozycji z tablicy wejściowej spełniającej podany warunek, często na podstawie innej tablicy;
- *Unique* – wyznaczenie unikalnych wartości z (posortowanej) tablicy wejściowej,
- *Sort* – sortowanie tablicy podanej na wejściu, również na podstawie klucza sortowania będącego oddzielną tablicą.

4 Algorytm *SGCT*

Niniejszy rozdział ma za zadanie przybliżenie algorytmu będącego tematem tej pracy - metody odkrywania maksymalnych kolokacji przestrzennych w oparciu o graf rzadki i skondensowane drzewo instancji (ang. *sparse-graph and condensed tree-based maximal co-location algorithm*) przedstawionej w pracy [5].

Poszczególne kroki pierwotnego algorytmu *SGCT* zostaną opisane w kolejnych podrozdziałach. Szczegóły implementacji wraz z zaproponowanymi usprawnieniami znajdują się w Rozdziale 4.

4.1 Generowanie tabeli instancji kolokacji o rozmiarze 2

Pierwszy krok algorytmu jest podobny do metody *Co-location Miner* i polega na wygenerowaniu 2-elementowych kandydatów na kolokacje.

Kolokacje o rozmiarze 2 tworzone są na podstawie wygenerowanych w oparciu o cechy przestrzenne jednoelementowych kolokacji. Nie jest do tego wykorzystywana jednak metoda *Apriori*, ponieważ udowodniono w pracy [3], że dla kandydatów dwuelementowych lepszą wydajność można uzyskać w oparciu o algorytm *spatial join*. Wykorzystany został zatem algorytm *sweeping-based spatial join* [25] z dodatkową modyfikacją, usuwającą pary instancji o tej samej cesze przestrzennej.

Przykład 1 Przykładowe zapytanie tworzące kandydatów na kolokacje o rozmiarze 2 przedstawia się następująco:

```
select  $p', p''$   
from  $\{p_1, \dots, p_{12}\}p', \{p_1, \dots, p_{12}\}p''$   
where  $p'.feature \neq p''.feature, p' \neq p'', (p', p'') \in R$ 
```

Na podstawie wygenerowanych kolokacji oraz tzw. *progu odległości* (ang. *distance threshold*) tworzona jest dwuwymiarowa tablica z haszowaniem (ang. *hash table*). Jest ona indeksowana cechami przestrzennymi. Każdy element tablicy zawiera wskaźnik do listy zawierającej instancje kandydatów o odpowiadających indeksom cechach przestrzennych. Instancja zostanie dodana do tej listy tylko wtedy, gdy odległość między instancjami nie przekracza dopuszczalnego progu odległości między nimi.

4.2 Obliczanie miary powszechności

Również krok obliczania powszechności dla kandydatów nie różni się od tego znanego z *Co-location Miner*.

Dla każdego kandydata w tabeli wyliczany jest współczynnik uczestnictwa (ang. *participation index*). Dokonuje się tego poprzez wybieranie wszystkich unikalnych instancji cech przestrzennych, która są ujęte w danej kolokacji. Następnie zgodnie z definicją miary powszechności z tabeli instancji są usuwani kandydaci, dla których obliczona miara powszechności jest mniejsza niż zadany próg minimalnej powszechności *min_prev* [3].

4.3 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne

Krok ten wprowadza nową strukturę, zwaną *grafem kolokacji o rozmiarze 2* (ang. *size-2 co-location graph*). Jego definicja brzmi następująco:

Definicja 10 (Graf kolokacji o rozmiarze 2) Jeżeli przyjąć relacje sąsiedztwa między kolokacjami o rozmiarze 2 jako krawędzie $E = \{e_1, \dots, e_u\}$, a cechy przestrzenne występujące w kolokacjach jako wierzchołki $V = \{v_1, \dots, v_\lambda\}$, gdzie u i λ są odpowiednio liczbą krawędzi i liczbą wierzchołków, to graf kolokacji o rozmiarze 2 można zamodelować jako graf nieskierowany $G = (V, E)$, przechowywany w listowej strukturze danych uporządkowanej rosnąco. Zbiór N jest zbiorem sąsiedztw wierzchołka i definiuje się go następująco:

$$N(v_i) = \{W | v_i, w \in E\} \quad (4)$$

Zadaniem tego kroku jest wyszukanie w takim grafie maksymalnych klik, określanych jako *kandydaci na maksymalne kolokacje* (ang. *candidate maximal co-location*).

Definicja 11 (Kandydat na maksymalną kolokację) Kandydat na maksymalną kolokację C_m składa się z uporządkowanych cech przestrzennych o następujących właściwościach: każda para cech w C_m jest ze sobą połączona krawędzią, a żadne dodatkowe cechy nie mogą być dodane do C_m bez zachowania ich kompletnego połączenia.

Autorzy pracy [5] udowodnili, że graf kolokacji o rozmiarze 2 można traktować jako graf rzadki. Umożliwia to efektywne korzystanie z algorytmu Brona-Kerboscha [27] do wyszukiwania maksymalnych klik w grafie nieskierowanym. Wprowadzone zostały do niego pewne modyfikacje uwzględniające rozproszenie grafu oraz wybieranie *pivotu* w celu usprawnienia wyszukiwania kandydatów na kolokacje (patrz Algorytm 1).

Wejście: $G = (E, V)$
Wyjście: CP_m

```

1  $CP_m \leftarrow \emptyset; X \leftarrow \emptyset; P \leftarrow \emptyset;$ 
2 foreach  $v_i^*$  in lista  $v_1^*, v_2^*, \dots, v_\lambda^*$  uporządkowanych wg. degeneracji do
3    $P \leftarrow N(V_i^*) \cup \{v_{i+1}^*, \dots, v_\lambda^*\};$ 
4    $X \leftarrow N(V_i^*) \cup \{v_1^*, \dots, v_{i-1}^*\};$ 
5    $BK\_Pivot(P, \{v_i^*\}, X);$ 
6 end
7 Procedure  $BK\_Pivot(M, K, T)$ 
8   if  $M \cup T = \emptyset$  then  $\{CP_m \leftarrow CP_m \cup K\};$ 
9   wybór pivotu  $u \in M \cup T$ ; % do maksymalizacji  $|M \cap N(u)|$ ;
10  foreach  $v_i \in M \setminus N(u)$  do
11     $BK\_Pivot(M \cap N(V_i), K \cup \{v_i\}, T \cap N(V_i));$ 
12     $M \leftarrow M \setminus \{v_i\};$ 
13     $T \leftarrow T \cup \{v_i\};$ 
14  end

```

Algorytm 1: Generowanie maksymalnych kandydatów na kolokacje

Pierwsza z modyfikacji oryginalnego algorytmu dodaje mechanizm *pivoting selection* opisany pierwotnie w pracy [28] (linia 9, zobacz także Algorytm ??). Jak wykazano w pracy [29] wybranie wierzchołka zmniejszającego liczbę rekurencyjnych

wywołań algorytmu znacząco zmniejsza ogólny czas wykonania. Wybiera on wierzchołek będący osią podziału zbioru (tzw. *pivot*) w oparciu o rozmiar unii sąsiadów tego wierzchołka i wierzchołków kandydatów. Każda maksymalna klika musi zawierać albo wierzchołek u , albo niesąsiadujące z nim wierzchołki - jeżeli nie zawiera, zostanie on dodany (linie 11-13). W związku z tym, tylko wierzchołek u i jego nie-sąsiedzi muszą być przetestowani (linia 10).

Wejście: $G = (E, V)$

Wyjście: u

```

1 Procedure TomitaMaximalPivot(SUBG, CAND)
2    $MaxCard \leftarrow 0; u \leftarrow \emptyset;$ 
3   foreach  $s \in SUBG$  do
4      $N \leftarrow$  uporządkowani sąsiedzi  $s$ ;
5      $CAND' \leftarrow CAND \cup N$ ;
6     if  $|CAND'| \geq MaxCard$  then
7        $u \leftarrow s$ ;
8        $MaxCard \leftarrow |CAND'|$ ;
9     end
10  end
```

Algorytm 2: Algorytm wybierania osi podziału metodą Tomity i Tanaki (2006)

Druga modyfikacja opiera się o pojęcie rozproszenia grafu. Opisuje się je miarą *degeneracji grafu* [31]:

Definicja 12 (Degeneracja grafu) *Degeneracja grafu G jest najmniejszą wartością k , taką, że każdy niepusty podgraf G zawiera wierzchołki o stopniu co najwyżej k . Oznacza to, że wielkość maksymalnej kliki nie może przekroczyć $k + 1$.*

Definicja 13 (Uporządkowanie wg. miary degeneracji) *Uporządkowanie według miary degeneracji wierzchołków grafu G to takie uporządkowanie, które minimalizuje stopień degeneracji grafu. Taka uporządkowanie gwarantuje m.in. optymalną kolejność kolorowania w problemie kolorowania wierzchołków.*

Wierzchołki w zewnętrznej rekurencji są uporządkowane według stopnia degeneracji (linia 2). W ciele rekurencji (linie 3-5) liczba wierzchołków czekających na weryfikację nie przekroczy k . Tym sposobem ograniczono liczbę zewnętrznych rekurencji. Dla grafów o małym stopniu degeneracji obserwuje się duży wzrost wydajności [26].

Autorzy pracy [30] udowodnili, że zbiór wynikowy kandydatów na kolokacje zawsze będzie zawierał wszystkie maksymalne kliki spełniające próg powszechności. Jest to jeden z warunków poprawności algorytmu generowania maksymalnych kandydatów na kolokacje.

4.4 Proces odcinania

W ostatnim kroku w oparciu o tzw. *prunning framework* [30] następuje otrzymywanie końcowych maksymalnych kolokacji spośród kandydatów wyznaczonym w poprzednim procesie. Na początku dla każdego z nich uruchamiany jest algorytm wyszukiwania klik instancji. Do jego zrozumienia niezbędne jest wprowadzenie poniższych definicji.

Definicja 14 (Uporządkowana klika instancji) *Dana jest tabela instancji kolokacji o rozmiarze 2 ($InsTable_2$) oraz kandydat na maksymalną kolokację C_m . Jego uporządkowana klika instancji $InsC_m$ jest grupą instancji przestrzennych spełniających następujące warunki:*

- rozmiar $InsC_m$ jest równy rozmiarowi C_m , a cechy w odpowiadających sobie instancjach w $InsC_m$ i C_m są takie same;
- instancje każdej pary instancji w $InsC_m$ sąsiadują ze sobą w przestrzeni i można je znaleźć w tabeli $InsTable_2$.

Definicja 15 (Skondensowane drzewo instancji) *Dany jest kandydat na maksymalną kolokację C_m . Skondensowane drzewo instancji $CInsTree$ jest konstrukcją kompresującą wszystkie uporządkowane kliki instancji C_m .*

Algorytm 3 ma charakter iteracyjny, w którym zmienna i jest zmienną sterującą pętlą. Na początku zostaje zainicjalizowane drzewo $CInsTree$ i tworzony jest jego korzeń. Następnie uruchamiany jest proces konstrukcji drzewa, podzielony na dwa etapy. Pierwszy etap wykonywany jest tylko w pierwszej iteracji algorytmu - kolejne iteracje będą wykonywać krok drugi.

W pierwszym kroku (linie 3-11) dla każdej pary instancji pierwszych dwóch cech przestrzennych C_m następuje sprawdzenie, czy pierwszy element aktualnie przetwarzanej pary instancji istnieje na danym poziomie drzewa $CInsTree$ (oznaczonego jako $CInsTree_1$). Jeżeli tak, następuje dodanie drugiego elementu jako węzeł podrzędny odpowiadającego mu węzła na poziomie pierwszym. W przeciwnym wypadku, na podstawie obecnej pary instancji tworzone jest poddrzewo, które następnie jest dołączane do korzenia $CInsTree$.

Drugi etap rozpoczyna się konstrukcją listy El zawierającej instancje cechy $C_m(i + 1)$. Dokonuje się tego dla każdego węzła instancji na poziomie i -tym drzewa $CInsTree$ poprzez skanowanie $InsTable_2(C_m(i), C_m(i + 1))$, gdzie $c_m(i)$ jest i -tą cechą C_m . Następnie dla każdego elementu tej listy następuje sprawdzenie, czy zarówno para instancji składająca się z tego elementu, jak i każdy przodek aktualnego węzła instancji $CInsTree$ znajduje się w tablicy kolokacji o długości 2 - $InsTable_2$. Jeżeli tak, dodaje się ten element jako węzeł podrzędny aktualnego węzła instancji.

Proces działa do czasu, gdy nie będzie żadnego węzła na i -tym poziomie drzewa lub dopóki i nie będzie mniejsze niż $len(C_m) - 1$.

Po zakończeniu algorytmu pozostaje jeszcze wyliczenie indeksów powszechności dla odnalezionych klik instancji. Podobnie jak wcześniej, w przypadku kiedy miara powszechności nie jest mniejsza niż przyjęty na początku próg powszechności, kandydata można przyjąć jako właściwy wzorzec kolokacji [3].

Wejście: $C_m, InsTable_2$
Wyjście: $CInsTree$ - skondensowane drzewo instancji C_m

```

1  $i \leftarrow 1; CInsTree \leftarrow \emptyset$ ; utwórz korzeń drzewa  $CInsTree$ ;
2 while  $i < size(C_m)$  do
3   if  $i = 1$  then
4     foreach para instancji  $InsPair_k \in InsTable_2(C_m(1), C_m(2))$  do
5       if  $InsPair(1) \in CInsTree_0.children$  then
6         dodaj węzeł podrzędny  $InsPair_k(2)$  do
            $CInsTree_1(InsPair_k(1))$ ;
7       else
8         utwórz poddrzewo z  $InsPair_k(1)$  jako korzeniem i  $InsPair_k(2)$ 
           jako pierwszym dzieckiem;
9         dołącz to poddrzewo do korzenia  $CInsTree$ ;
10      end
11    end
12  else
13    foreach węzeł instancji  $ins_k \in CInsTree_i$  do
14      znajdź indeksy elementów równych  $ins_k$  od pierwszej kolumny
         $InsTable_2(C_m(i), C_m(i+1))$ ;
15      przechowaj drugi element odpowiadającej pary instancji w liście
         $El$ ;
16      foreach  $ei_t \in El$  do
17         $flag \leftarrow i - 1$ ;
18         $currIns \leftarrow ins_k.parent$ ;
19        while  $flag \geq 1$  do
20          if  $(currInt, ei_t) \in InsTable_2(C_m(flag), C_m(i+1))$  then
21             $currIns \leftarrow currIns.parent$ ;
22          else
23            break;
24          end
25           $flag \leftarrow flag - 1$ ;
26        end
27        if  $flag = 0$  then dodaj węzeł podrzędny  $ei_t$  do
           $CInsTree_i(ins_k)$ ;
28      end
29    end
30  end
31 end

```

Algorytm 3: Konstrukcja skondensowanego drzewa instancji C_m

5 Implementacja CPU

W tym rozdziale zostaną opisane implementacje rozwiązania problemu [5] wykorzystujące wyłącznie potencjał procesorów CPU (ang. *Central Procession Unit*), bez udziału karty graficznej w obliczeniach. W szczególności zostaną zaprezentowane techniki optymalizacyjne dedykowane dla poszczególnych podejść do rozwiązania problemu.

Do celów porównawczych zostały zrealizowane dwa rozwiązania: sekwencyjne (bez żadnego wsparcia dla równoległości) oraz równoległe (z wykorzystaniem biblioteki *Parallel Patterns Library* firmy *Microsoft*).

5.1 Wersja sekwencyjna

5.1.1 Generowanie instancji w oparciu o próg odległości

Podobnie jak w pierwotnej wersji algorytmu, generowanie kandydatów na kolokacje o rozmiarze 2 następuje na podstawie *łączenia przestrzennego w oparciu o zamykanie* (ang. *sweeping-based spatial join*). Algorytm zamykania (ang. *plane sweep algorithm*) użyty w procesie łączenia został jednak nieznacznie zmodyfikowany.

Na początku wektor będący zbiorem wejściowym jest traktowany algorytmem *sortowania szybkiego* (ang. *quick sort*) dostępnym w bibliotece standardowej C++. Jako kryterium sortowania zostaje wybrana relacja między arbitralnie wybranym wymiarem przestrzeni.

Następnie następuje wyznaczenie progu odległości, na podstawie którego będą dobierani kandydaci na kolokacje. Warto zwrócić w tym miejscu uwagę na fakt, że algorytmowi nie jest potrzebna wiedza o rzeczywistej odległości między dwoma punktami w przestrzeni, a jedynie relacja między tą odległością a zadaniem progiem odległości. Daje to możliwość uniknięcia niepotrzebnych obliczeń (pierwiastkowania) przy wyznaczaniu odległości między punktami. Dlatego też, zamiast bezpośrednio działać w oparciu o zadany próg odległości, wyliczany jest *efektywny próg odległości*, będącym progiem odległości podniesionym do potęgi drugiej.

Pozostało już jedynie filtrowanie obiektów w oparciu o wyliczony efektywny próg odległości. Dla każdego obiektu ze zbioru wejściowego następuje przeszukiwanie we wszystkich kierunkach obiektów sąsiadujących z nim, a następnie sprawdzana jest odległość między nimi. Gdy jest ona mniejsza niż ustalony wcześniej próg odległości obiekt umieszczany jest w specjalnej strukturze *insTable*. Jednocześnie tworzony jest wektor *typeIncidenceCounter*, w którym zliczane są wystąpienia kolejnych cech instancji przestrzennych (informacja o tym przyda się przy wyznaczaniu miary powszechności). Dodatkowo, pętla wewnętrzna jest przerywana, jeżeli wartość bezwzględna różnicy posortowanych współrzędnych poszczególnych obiektów będzie większa niż zadany próg odległości. Ma to na celu ograniczenie zbędnych porównań w przypadku, kiedy istnieje pewność, że żadne kolejne punkty nie spełnią progu odległości - a zatem nie wejdą do zbioru *insTable*.

Struktura *insTable* pełni podobną rolę, jak w oryginalnym algorytmie *SGCT*, nie jest ona jednak dwuwymiarową tablicą z haszowaniem. Zamiast tego zastosowano trójwymiarową mapę wskaźników na wektor liczb, w której wymiarami są kolejno: typ elementu *A*, typ elementu *B* oraz numer instancji przestrzennej *A*. W wektorze przechowywane są kolejne numery instancji przestrzennej *B*. W celu efektywnego odczytywania sąsiadów o danej cesze konkretnej instancji, dane w wektorze

są umieszczane w taki sposób, że zawsze spełniają relację *numer cechy A > numer cechy B*. Dodatkowo, zamiast standardowej mapy (*std::map*) została wykorzystana mapa nieuporządkowana - gwarantuje ona większą wydajność przeglądania (kosztem większego zużycia pamięci).

5.1.2 Filtrowanie sąsiadów w oparciu o próg minimalnej powszechności

Krok ten stanowi zmodyfikowaną wersję algorytmu obliczania miar powszechności znanego z algorytmu *Co-location Miner* (patrz Rozdział 2.4.1).

Na początku wykonywana jest funkcja *countUniqueInstances*. Ma ona na celu zliczenie wszystkich wystąpień par instancji bez duplikatów. Podobnie jak w kroku pierwszym zostały tu użyte mapy nieuporządkowane (*std::unordered_map*) w celu przyspieszenia przetwarzania. Kluczem w tej mapie mogą być zarówno pary, jak i krotki.

Do tworzenia map nieuporządkowanych zazwyczaj stosuje się sumę modulo 2 jako funkcję mieszania - jednak w praktyce takie rozwiązanie generuje zbyt dużą ilość kolizji. W związku z tym, do budowy mapy została użyta własna funkcja mieszająca (patrz Algorytm 4) powstała na bazie *hash_combine* z biblioteki *boost*. Ogranicza ona występowanie kolizji w przypadku wstawiania nowych elementów do tablicy z haszowaniem.

Wejście: *p* - para zawierająca elementy *first* oraz *second* dające się hashować

Wyjście: *seed* - wartość funkcji mieszającej dla pary *p*

```

1 Procedure hash_combine(seed, key)
2   | seed  $\leftarrow$  seed  $\oplus$  (fhash(key) + 0x9e3779b9 + (seed << 6) + (seed >> 2));
3   seed1  $\leftarrow$  0;
4   seed1  $\leftarrow$  hash_combine (seed1, p.first);
5   seed1  $\leftarrow$  hash_combine (seed1, p.second);
6   seed2  $\leftarrow$  0;
7   seed2  $\leftarrow$  hash_combine (seed2, p.second);
8   seed2  $\leftarrow$  hash_combine (seed2, p.first);
9   seed  $\leftarrow$  minimum(seed1, seed2);

```

Algorytm 4: Funkcja mieszająca dla pary *p*

Następnie w oparciu o wektor wynikowy tej funkcji oraz utworzony wcześniej wektor *typeIncidenceCounter* (patrz Rozdział 5.1.1) dla każdego kandydata w tabeli *insTable* wyliczany jest współczynnik uczestnictwa. W przypadku, gdy obliczona miara powszechności jest mniejsza od zadanego progu minimalnej powszechności, kandydat jest usuwany z struktury *insTable*, a użyta przez niego pamięć zostaje zwolniona na poczet dalszych obliczeń.

5.1.3 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne

Tak jak w przypadku oryginalnego algorytmu, kandydaci na kolokacje maksymalne są generowani w oparciu o *graf kolokacji o rozmiarze 2* (patrz Definicja 10). Tworzony jest na bazie struktury *insTable* za pomocą funkcji *createSize2ColocationsGraph*. Wykorzystywana jest w tym celu macierz sąsiedztwa (ang.

adjacency matrix). Krawędź między elementami pary instancji jest tworzona tylko i wyłącznie wtedy, kiedy numer instancji przestrzennej A jest większy od zera.

Wejście: $G = (E, V)$

Wyjście: k (miara degeneracji), L (lista wierzchołków uporządkowanych według miary degeneracji)

```

1  $L \leftarrow \emptyset$ ;
2  $D \leftarrow \emptyset$ ;
3 foreach  $v_i \in G$  do
4    $D(d_v) \leftarrow$  liczba sąsiadów  $v \notin L$  (początkowo równa stopniowi
   wierzchołka);
5 end
6  $k \leftarrow 0$ ;
7 foreach  $v_i \in G$  do
8   znajdź takie  $i$ , dla którego  $D(i) \neq \emptyset$ ;
9    $k \leftarrow \max(k, i)$ ;
10   $v \leftarrow$  wierzchołek z  $D(i)$ ;
11   $L \leftarrow \{v\} \cup L$ ;
12   $D(i) \leftarrow D(i) \setminus \{v\}$ ;
13  foreach  $w \leftarrow$  sąsiedzi  $v \notin L$  do
14     $d'_w \leftarrow d_w - 1$ ;
15     $D(d_w) \leftarrow D(d_w) \setminus \{w\}$ ;
16     $D(d'_w) \leftarrow D(d'_w) \cup w$ ;
17  end
18 end
```

Algorytm 5: Obliczanie miary degeneracji metodą Matuli i Becka (1983)

Po wygenerowaniu grafu liczona jest jego miara degeneracji (patrz Definicja 12). W tym celu został wykorzystany Algorytm 5 zaprezentowany przez Matulę i Becka w pracy [31]. Działa on w czasie wielomianowym, co pozwala na odciążenie CPU. Funkcja zwraca zarówno miarę degeneracji, jak uporządkowany według niej wektor wierzchołków występujących w grafie.

Dalsze kroki algorytmu wykonywane są dla poszczególnych wierzchołków uporządkowanych według miary degeneracji. Podobnie jak w oryginalnym algorytmie z pracy [28] tworzone są grupy wierzchołków o niższych i wyższych indeksach, a następnie uruchamiana jest funkcja *BK_Pivot*, w której następuje wyszukiwanie maksymalnych klik w oparciu o algorytm Brona-Kerboscha [27].

Aby ograniczyć czas wyszukiwania maksymalnych klik, zostały zastosowane tzw. *wektory sortowane* zamiast zazwyczaj używanych zbiorów (*std::set*) z biblioteki C++. Posiadają one większą wydajność, a do tego pozwalają na skorzystanie z funkcjonalności zarezerwowanej wyłącznie dla zbiorów.

5.1.4 Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowanie kandydatów na podstawie progu powszechności

Na początku wszystkie rozważane maksymalne kliki z poprzedniego kroku są umieszczane w specjalnej strukturze *cliquesToProcess* będącej trójwymiarowym wektorem, gdzie pierwsza współrzędna stanowi rozmiar kolokacji, a druga o pozy-

cji kliki w kolejce w poszczególnych wierszach. Trzecią współrzędną są oczywiście kolejne elementy danej kliki.

Następnie iteracyjnie przetwarzana jest każda klika, począwszy od największej. Zrezygnowano w tym miejscu z podejścia rekurencyjnego, gdyż prowadziłoby to do niepotrzebnego utrzymywania ogromnego stosu wywołań (ang. *call stack*). W każdej iteracji sprawdzana jest miara powszechności dla kliki instancji - odpowiedzialna jest za to funkcja *isCliquePrevalent*.

Wyliczone kliki są umieszczane w obiektach *CliqueContainer* i *LapsedCliqueContainer*. Pełnią one rolę pamięci podręcznej dla powyższych algorytmów. Dzięki temu nie ma potrzeby ponownego przeliczania tych samych klik instancji, co prowadzi do kilkunastokrotnego wzrostu wydajności obliczeń.

Dla klik o długości większej niż 2 tworzone jest skondensowane drzewo instancji (patrz Definicja 15). Implementacja konstrukcji takiego drzewa zasadniczo nie różni się od pierwotnego algorytmu zaprezentowanego w pracy [5].

W celu ograniczenia przeszukiwań drzewa w dół zastosowano dodatkowe wskaźniki do rodziców. Zdefiniowany został także dodatkowy wektor zawierający wskaźniki do liści znajdujących się na ostatnim poziomie drzewa (wyznaczanym na bazie rozmiaru aktualnie budowanej kliki - w przypadku, kiedy drzewa nie da się rozbudować o kolejny poziom, wektor ten pozostaje pusty). Podejście to pozwala na szybki dostęp do końcowych instancji poszczególnych kandydatów na instancje.

Na końcu zliczane są wystąpienia instancji w klikach za pomocą odwróconej pętli i na ich podstawie wyliczana jest miara powszechności. Początkowo iteracje następują po poszczególnych cechach kolejnych wektorów.

W przypadku, kiedy miara nie jest mniejsza niż przyjęty na początku próg powszechności, kandydat jest dodawany do zbioru rozwiązań. W przeciwnym wypadku do struktury *cliquesToProcess* dodawane są podkliki, które również będą rozważane jako potencjalni kandydaci na kolokacje.

5.2 Wersja wielowątkowa

Jak już wcześniej wspomniano, rozwiązanie równoległe zostało oparte o multiplatformową, wysokopoziomową bibliotekę *Parallel Patterns Library* firmy *Microsoft*. Została ona pierwszy raz zaprezentowana szerszej publiczności wraz z wydaniem środowiska *Visual Studio 2010* i docelowo ma być konkurencją dla popularnej biblioteki *OpenMP*.

Cechą charakterystyczną tej biblioteki jest podobieństwo składni do tej z biblioteki standardowej C++ (ang. *C++ Standard Library*). Wykorzystuje też wszystkie właściwości języka C++, jakie przynosi standard C++11 i późniejsze (w tym funkcje *lambda*).

Biblioteka *PPL* wprowadza zbiór obiektów zwanych *kontenerami o dostępie równoległym* (ang. *concurrent containers*). Są to odpowiedniki kontenerów z biblioteki standardowej C++, które cechują się równoległymi wersjami funkcji operujących na kontenerach (np. operacji wstawiania czy usuwania). W zdecydowanej większości przypadków ich użycie nie różni się od wersji sekwencyjnych dostępnych w bibliotece STD - wymagane jest jedynie umieszczenie ich w odpowiednim bloku, np. *parallel_for*.

W przypadku, kiedy istnieje potrzeba dostarczenia kopii kontenera dla każdego z wątków (np. żeby nie blokować dostępu innym wątkom do współdzielonego obiektu),

istnieje także klasa kontenerów typu *combinable*. Kiedy równoległe przetwarzanie zostanie zakończone, prywatne kopie wygenerowane dla każdego z wątków są wtedy przezroczysto łączone w całość. Oczywiście *PPL* zawiera także tradycyjne metody zapewnienia równoległości w programie, takie jak zadania (ang. *tasks*) oraz klasyczne mutexy.

Zasadniczą różnicą między *PPL* a *OpenMP* jest zastosowanie dynamicznego planisty (ang. *dynamic scheduler*), co pozwala na lepszą optymalizację równoległego przetwarzania w zależności od aktualnie dostępnych zasobów w systemie. Na dynamicznym planisie zyskują szczególnie problemy o charakterze rekurencyjnym (np. algorytmy sortujące czy szeroko wykorzystywane w niniejszej pracy przeszukiwanie danych) [32]. Do tego technologia *OpenMP* nie zawiera żadnego mechanizmu anulowania, często wymaganego w algorytmach o charakterze równoległym [33].

Powyższe wady środowiska *OpenMP* były powodem, dla których ostatecznie - pomimo ubogiej dokumentacji oraz niskiej popularności - została wybrana biblioteka *Parallel Patterns Library* jako najbardziej optymalna dla algorytmu *SGCT* będącego tematem tej pracy.

5.2.1 Generowanie sąsiadów na podstawie progu odległości

Różnice w równoległej implementacji generowania sąsiadów w stosunku do wersji sekwencyjnej (patrz Rozdział 5.1.1) wynikają w dużej mierze z zastosowania alternatywnych struktur dostępnych w ramach biblioteki *Parallel Pattern Library*.

Dla przykładu, zbiór wejściowy jest sortowany za pomocą wbudowanego w bibliotekę *PPL* algorytmu *równoległego sortowania buforowanego* (ang. *parallel buffered sort*). Jest to odmiana standardowego sortowania szybkiego wykorzystująca równoległe scalanie (ang. *parallel merge*) w celu zastąpienia pierwotnego kroku dzielenia w algorytmie sortowania szybkiego, którego nie da się zrównoleglić [34] - i podobnie jak *quick sort*, po posortowaniu elementy o tej samej wartości mogą nie występować w tej samej kolejności (przykład tzw. *sortowania niestabilnego*). Dla wielu procesorów pozwala osiągnąć większą wydajność niż standardowy *quick sort* (jego złożoność wynosi $O((n/p) * \log n)$ dla p procesorów). Podejście to wymaga niestety dodatkowej alokacji pamięci o rozmiarze $O(n)$.

W procesie filtrowania obiektów na podstawie wyliczonego progu odległości, podobnie jak w wersji sekwencyjnej, tworzona jest tablica asocjacyjna *insTable* - jednak w podejściu równoległym jest ona typu *combinable*. Dzięki temu każdy wątek posiada swoją prywatną kopię tablicy *insTable*, w której umieszcza przetwarzane przez siebie pary instancji, które nie przekraczają wyliczonego progu efektywnej odległości. Po zakończeniu przetwarzania przez wszystkie wątki lokalne kopie struktury *insTable* są łączone w całość poprzez zastosowanie operacji redukcji oraz sumowania wektorów parami, co eliminuje problem współbieżnego dostępu do struktury w środowisku równoległym. Podobnie sytuacja wygląda w przypadku struktury *typeIncidenceCounter*.

W algorytmie filtrowania został wykorzystany także dynamiczny planista (*auto partitioner*). W przypadku przerwania pętli wewnętrznej algorytmu, planista dynamicznie przydziela bezczynnym wątkom kolejne dane wejściowe niezbędne do dalszego przetwarzania. Po wyjściu z pętli następuje synchronizacja wątków, a tablica *insTable* ulega scaleniu.

Poza powyższymi usprawnieniami, ogólny mechanizm oraz struktury zastosowane w kroku pierwszym pozostały właściwie niezmienione w stosunku do wersji

sekwencyjnej.

5.2.2 Filtrowanie sąsiadów na podstawie progu minimalnej powszechności

Jedyną różnicą na tym etapie algorytmu w stosunku do odmiany sekwencyjnej jest dodatkowy krok określenia zakresu pracy dla każdego z wątków biorących udział w liczeniu wystąpień par instancji. Odpowiedzialna za to jest funkcja *getWorkloadForInsTable*.

W porównaniu do poprzedniego etapu, wykorzystywany jest statyczny planista (ang. *static-partitioner*) będący odpowiednikiem funkcji *omp parallel for* z biblioteki *OpenMP*. Dzięki temu każdemu wątkowi przydzielana jest stała ilość par instancji do przetworzenia. Liczba ta jest wyznaczana na podstawie rozmiaru tablicy *insTable*. Daje to pewną oszczędność czasu, gdyż wątki nie tracą czasu na dynamiczne przydzielanie pracy do wykonania.

5.2.3 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne

Zasadniczą zmianą na tym etapie algorytmu jest wprowadzenie równoległej wersji algorytmu 6 liczenia maksymalnych klik metodą Brona-Kerboscha [27]. Korzysta on ponownie z dynamicznego planisty w celu dynamicznego rozdzielenia pracy dla poszczególnych wątków, ponieważ nieznany jest czas wykonywania algorytmu.

Każdy z wątków uruchamia dla swojej puli wierzchołków standardową wersję algorytmu Brona-Kerboscha wykorzystującą tzw. *pivot*. Podejście to może powodować występowanie duplikatów - dlatego też po zakończeniu działania algorytmów zbiór wynikowy rzutowany jest na kontener *std:set*, likwidując tym samym potencjalnie występujące w zbiorze duplikaty.

Tradycyjnie na końcu lokalne listy maksymalnych klik są scalane w jedną strukturę wynikową za pomocą instrukcji *combinable::combine_each*.

Wejście: $G = (E, V)$

```
1  $R \leftarrow \emptyset; X \leftarrow \emptyset; P \leftarrow V(G);$ 
2 foreach  $v_i^*$  in lista  $v_1^*, v_2^*, \dots, v_\lambda^*$  uporządkowanych wg. degeneracji do
3    $BK\_Pivot(R \cup \{v_i^*\}, P \cap N(v_i^*), X \cup N(v_i^*);$ 
4    $P \leftarrow P \setminus \{v_i^*\};$ 
5    $X \leftarrow X \cup \{v_i^*\};$ 
6 end
```

Algorytm 6: Równoległy algorytm Brona-Kerboscha

5.2.4 Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowanie kandydatów na podstawie progu powszechności

W porównaniu do wersji sekwencyjnej, konstrukcja skondensowanego drzewa instancji oraz liczenie miary powszechności jest dokonywany w sposób równoległy. Wymagało to zaprojektowania równoległych odpowiedników kontenerów znanych z odmiany sekwencyjnej, czyli *ParallelCliqueContainer* i *ParallelLapsedCliqueContainer* zapewniających bezpieczeństwo przetwarzania równoległego. W tym celu zastosowano mechanizm sekcji krytycznych w procesie inkrementacji liczników, a także

kontenery o dostępie równoległym. Oprócz zapewnienia własności bezpieczeństwa przełożyło się to na zwiększenie efektywności przetwarzania.

Niezbędne było także zastosowanie (podobnie jak w kroku pierwszym) dynamicznego planisty (ang. *auto scheduler*) przydzielającego dynamicznie kolejne kliki do przetworzenia do poszczególnych wątków. Niemożliwe było zastosowanie statycznego planisty z uwagi na fakt, że na tym etapie nie można przewidzieć dokładnego czasu konstrukcji skondensowanego drzewa instancji.

Dla struktury *ParallelCliqueContainer* konieczne okazało się zaimplementowanie funkcji mieszającej dla całych wektorów, ponieważ zbiór równoległy (ang. *concurrent set*) dostępny w bibliotece *PPL* wykorzystuje *hashe* w procesie dodawania elementów (odmiennie niż pierwowzór z biblioteki *STD* korzystający z operacji porównania). W tym celu skorzystano z funkcji *hash_combine* (patrz Algorytm 7).

Wejście: *vec* - wektor źródłowy

Wyjście: *seed* - wartość funkcji mieszającej

```

1 Procedure hash_combine(seed, key)
2   |  $seed \leftarrow seed \oplus (f_{hash}(key)) + 0x9e3779b9 + (seed \ll 6) + (seed \gg 2)$ ;
3    $seed \leftarrow |vec|$ ;
4   foreach  $i \in vec$  do
5     | hash_combine(seed,  $i$ );
6 end
```

Algorytm 7: Algorytm operatora () struktury *vector_hash*

Oddzielną kwestią jest struktura tablicy *insTable*. Podobnie jak w wersji sekwencyjnej zawiera trzy wymiary. Wykorzystano wektor pochodzący z standardowej biblioteki C++, którego elementy są wskaźnikami na wektory równoległe (ang. *concurrent vector*) pochodzące z biblioteki *PPL* - same z kolei zawierają wskaźniki na wektory klasyczne. To nieco pokrętne rozwiązanie zapewnia bezproblemowe przetwarzanie równoległe, a także - ze względu na minimalizację fragmentacji zaalokowanej pamięci - przyspiesza działanie algorytmu.

Podobnie jak w innych krokach, również tutaj wykorzystywany jest wektor typu *combinable*. Umieszczany jest w niej ostateczny wynik przetwarzania będący scaleniem lokalnych kopii tablic posiadanych przez każdy wątek, biorący udział w wyznaczaniu ostatecznych kandydatów na kololacje.

6 Implementacja GPU

Niniejszy rozdział poświęcony jest implementacji algorytmu *SGCT* w wersji na procesory graficzne. Jak już wcześniej opisano w Rozdziale 3, w tym celu zostało wykorzystane środowisko programistyczne *CUDA Toolkit* w wersji 8.0.

Poniższa implementacja została opracowana dla urządzeń spełniających wersję 3.0 potencjału obliczeniowego CUDA (ang. *CUDA Compute Capability*). W związku z tym, nie wykorzystuje ona niektórych możliwości dostarczanych przez nowsze karty graficzne firmy NVIDIA, np. zunifikowanej pamięci współdzielonej (ang. *Unified Memory* [35]) czy technologii *Dynamic Parallelism* [36] - pozwoliło to jednak na przeprowadzenie testów na większej ilości kart graficznych.

6.1 Generowanie tabeli instancji o rozmiarze 2

Tak jak w przypadku implementacji na procesory CPU, generowanie kandydatów na kolokacje o rozmiarze 2 wykorzystuje algorytm *łączenia przestrzennego w oparciu o zamiatanie* (ang. *sweeping-based spatial join*), przeznaczony do uruchamiania w architekturze masowo-równoległej.

Na początku niezbędne jest wczytanie danych z zewnętrznego źródła do struktur znajdujących się w pamięci karty graficznej - wynika to z zastosowanego w projekcie *Compute Capability*, który wymusza rozdzielny model pamięci. Operacja ta należy do dość kosztownych, a do tego w dużym stopniu zależy od zastosowanego sprzętu.

Wczytany zbiór wejściowy zostaje potem posortowany względem osi odciętych w kolejności rosnącej. Takie rozwiązanie pozwala na ograniczenie obszaru przeszukiwania sąsiadów instancji. Do tego celu zostały zastosowane funkcje sortujące wbudowane w bibliotekę *Thrust*.

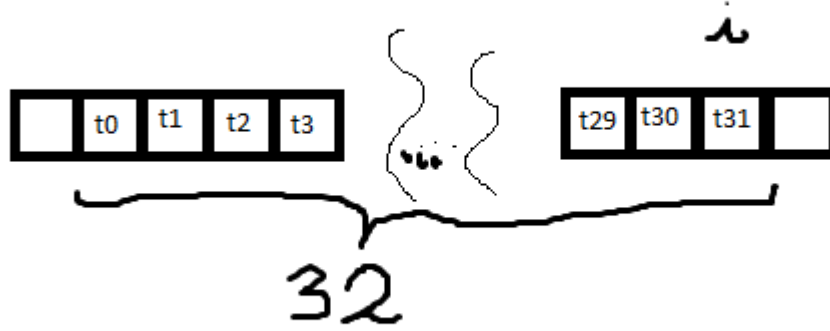
Następnie zostaje uruchomiony właściwy *algorytm zamiatania* (ang. *plane sweep*). Na początku zostaje uruchomiony kernel *countNeighbours* wyznaczający liczbę sąsiadów dla każdej instancji. W dużym skrócie polega on na obliczeniu odległości euklidesowej pomiędzy instancjami a_i oraz a_k . Jeśli jest ona nie większa od założonej maksymalnej odległości pomiędzy instancjami *distanceThreshold*, stwierdza się pomiędzy nimi relację sąsiedztwa.

Na potrzeby tego kroku zostaje zarezerwowane $n_{dt} \cdot 32$ wątków, co daje jeden *warp* na instancję. Każdy z nich wykonuje maksymalnie $\lceil i/32 \rceil - 1$ iteracji, w każdej j -tej iteracji sprawdzana jest natomiast grupa 32 instancji z zakresu $K = \{i - j \cdot 32; i - (j + 1) \cdot 32\}$. Dodatkowo należy zaalokować tablicę T_{counts} o rozmiarze n_{dt} , w której na pozycji i zostanie wpisana ilość sąsiadów instancji a_i .

Każdy wątek wchodzący w skład *warp*'u sumuje w tablicy pamięci współdzielonej liczbę znalezionych we wszystkich iteracjach sąsiadów. Suma ta jest przechowywana przez każdy wątek w osobnej komórce - pozwala to uniknąć stosowania kosztownego mechanizmu synchronizacji zapisu pomiędzy wątkami w *warpie*. Po każdej iteracji następuje sprawdzenie, czy którykolwiek z wątków *warp*'a napotkał instancję, która odległa jest na samej osi odciętych o więcej niż próg odległości *distanceThreshold* - jeżeli tak, to można przerwać pętlę, gdyż kolejne instancje w posortowanym zbiorze na pewno nie spełnią progu odległości.

Po zakończeniu iterowania każdy *warp* wykonuje szybką redukcję części tablicy współdzielonej należącej do jego wątków, a wynik wpisuje do tablicy T_{counts} na pozycji i -tej. Dodatkowo, po zakończeniu działania kernela *countNeighbours* również

T_{counts} ulega redukcji - uzyskując tym sposobem całkowitą ilość znalezionych relacji sąsiedztwa spośród wszystkich instancji.



Rysunek 2: Poglądowy rysunek przedstawiający iterowanie warpa po instancjach

Pozostało jedynie wykonać kernel *findNeighbours*, odpowiedzialny za alokację oraz wpisanie znalezionych sąsiadów do tabel *InstanceFirst* oraz *InstanceSecond*. Służą one do przechowywania elementów par instancji będących w relacji sąsiedztwa. Wartości należące do jednej pary znajdują się pod tymi samymi indeksami w obu tablicach. Kolejność w obrębie pary wyznaczana jest przez poniższy algorytm 8 będący przeciążeniem operatora mniejszości ($<$):

Wejście: a, b – instancje typu *FeatureInstance*

Wyjście: *bool*

1 **return** $a.field < b.field$;

Algorytm 8: Operator mniejszości dla instancji typu *FeatureInstance*

Przed uruchomieniem kernela niezbędne jest zaalokowanie tablic $Pairs_A$ oraz $Pairs_B$ o długości odpowiadającej wyznaczonej w wyniku redukcji tablicy T_{counts} liczbie odnalezionych relacji sąsiedztwa. Dodatkowo należy zaalokować tablicę *Begins* wielkości n_{dt} - przechowuje ona wynik operacji sumy eksklusywnej (ang. *exclusive sum*) tablicy T_{counts} . Struktura ta będzie wykorzystana w trakcie wyznaczania pozycji zapisu relacji w tablicach wynikowych.

Konfiguracja uruchomieniowa kernela *findNeighbours* jest identyczna z konfiguracją użytą dla *countNeighbours*. Sama funkcja różni się zresztą od poprzedniczki tylko i wyłącznie w miejscu stwierdzenia relacji sąsiedztwa - kernel *findNeighbours* zamiast zliczać relacje sąsiedztwa wpisuje do tablic $Pairs_A$ i $Pairs_B$ instancje, pomiędzy którymi stwierdzono to sąsiedztwo.

Pozycja zapisu w tablicach wynikowych wyznaczana jest przy pomocy operatora mniejszości (Algorytm 8) dla obiektów typu *FeatureInstance* w oparciu o:

- wartości w tablicy *Begins* na pozycji i ,

- ilości relacji sąsiedztwa znalezionych przez *warp* w poprzednich iteracjach,
- ilości relacji sąsiedztwa znalezionych w obecnej iteracji przez wątki *warpa* o mniejszym identyfikatorze.

Warto zauważyć, że nigdzie nie jest zapisywana informacja o współrzędnych instancji - nie będą one potrzebne w dalszym toku pracy algorytmu.

6.2 Uporządkowanie zbioru par

Struktury pomocnicze wykorzystywane w następnych krokach algorytmu wymagają, aby zbiór par został odpowiednio uporządkowany. W związku z tym, na zbiór par nałożony zostaje porządek wyznaczony przez Algorytm 9 będącym operatorem mniejszości zaimplementowanym dla par instancji typu *FeatureInstance*.

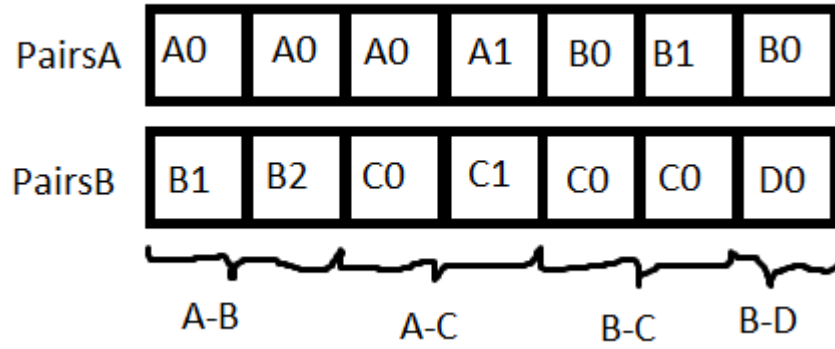
```

1 operator < (FeatureInstance lhs, FeatureInstance rhs)
2 {
3   if a[0].fields.featureId < b[0].fields.featureId then
4     | return True ;
5   else if a[0].fields.featureId == b[0].fields.featureId then
6     | if a[1].fields.featureId < b[1].fields.featureId then
7       | return True ;
8     | else if a[1].fields.featureId == b[1].fields.featureId then
9       | if a[0].fields.instanceId < b[0].fields.instanceId then
10        | return True ;
11        | else if a[0].fields.instanceId == b[0].fields.instanceId then
12        | return a[1].fields.instanceId == b[1].fields.instanceId ;
13 return False ;
14 }
```

Algorytm 9: Operator mniejszości dla par instancji typu *FeatureInstance*

Przykładowe uporządkowanie przedstawia Rysunek 3. Tak posortowany zbiór posiada następujące właściwości:

- wszystkie relacje o tych samych typach zajmą w wejściowych tablicach ciągły obszar,
- wszystkie instancje każdej relacji o określonej instancji pierwszego elementu oraz określonym typie drugiego elementu zajmą ciągłą przestrzeń w zbiorach $Pairs_A$ oraz $Pairs_B$.



Rysunek 3: Przykładowa zawartość tablic $Pairs_A$ oraz $Pairs_B$

6.3 Przygotowanie struktury szybkiego dostępu do informacji o instancjach należących do relacji o zadanych typach

Na potrzeby następnych kroków algorytmu zdefiniowana została specjalna struktura *ITMPack*. Ma ona na celu umożliwienie szybkiego dostępu do instancji, które należą do relacji o określonych cechach.

Dzięki wspomnianej w poprzednim kroku właściwości obecnego uporządkowania zbioru par polegającej na zajmowaniu przez relacje o danych typach ciągłego obszaru można użyć funkcji *reduce_by_key* dostępnej w bibliotece *Thrust*, służącej do szybkiego wyznaczenia liczności unikalnych następujących po sobie elementów. Jako, że instancje w obecnym kroku rozróżnialne są tylko na podstawie typów zaimplementowany został algorytm 10 przeciążający operator równości ($==$) wykorzystujący możliwość rozróżnienia instancji tylko względem identyfikatorów typów. Operator ten działa na strukturach *FeatureInstanceTuple* - stanowią one parę obiektów *FeatureInstance*, łączącą elementy z tablicy $Pairs_A$ z odpowiadającymi im pozycją elementami tablicy $Pairs_B$.

```

1 operator == (FeatureInstanceTuple lhs, FeatureInstanceTuple rhs)
2 {
3   return lhs.get[0].fields.featureId == rhs.get[0].fields.featureId
4   && lhs.get[0].fields.featureId == rhs.get[0].fields.featureId
5 }

```

Algorytm 10: Operator równości dla par instancji typu *FeatureInstanceTuple*

Wynikiem działania funkcji *reduce_by_key* są trzy tablice o jednakowym rozmiarze C_r :

- *Uniques* - zawiera pary typów, dla których istnieje przynajmniej jedna para instancji;
- *Counts* - zawiera liczności instancji relacji dla par typów instancji,
- *Begins* - zawiera indeksy tabeli instancji relacji, oznaczające początki obszarów ciągłych odpowiadającym danym parom typów instancji.

Na podstawie tych danych uzupełniana jest mapa struktury *ITMPack*. W tym celu uruchamiany jest kernel uruchamiany z ilością wątków równym c_r . Dla każdego i -tego elementu tablic tworzy on strukturę *InstanceTable*, uzupełniając ją i -tymi wartościami z *Counts* oraz *Begins*, a następnie wstawia go do tablicy pod kluczem utworzonym z i -tego elementu tablicy *Uniques* w postaci połączonej pary typów.

6.4 Generowanie prewalentnych relacji sąsiedztwa pomiędzy typami połączeń

Mając gotową strukturę *ITMPack*, można przystąpić do wyznaczenia par instancji, których współczynnik powszechności jest nie mniejszy niż zadany na początku próg powszechności.

W tym celu niezbędne jest utworzenie struktur pomocniczych *Counts_A* i *Counts_B* przechowujących liczbę unikalnych wystąpień instancji odpowiednio pierwszego i drugiego typu elementu relacji na odpowiadającej pozycji tablicy *ITMPack.uniques*. Dla każdej z tych tabel obliczana jest liczność unikalnych instancji dla typów równych odpowiednio pierwszym i drugim elementom relacji z tablicy *ITMPack.uniques*. Liczność ta wyznaczana jest na podstawie tabel *Pairs_A* i *Pairs_B* w zakresach wyznaczonych z wartości zawierających się w tabelach *ITMPack.begins* oraz *ITMPack.counts*. Tworzone są również podobne struktury przechowujące całkowitą liczbę instancji - noszą one odpowiednio nazwy *TypesCounts_A* dla pierwszego i *TypesCounts_B* dla drugiego elementu relacji.

Oprócz tego budowana jest tablica *Mask* wielkości N_{ItmUq} stanowiąca tzw. *maskę prewalentności*. Początkowo zawiera ona wyłącznie wartości typu *False*. Wartości tej tablicy wyznaczane są na podstawie dzielenia elementu tablicy *Counts* przez odpowiadający mu odpowiednik z tablicy *TypesCounts*. Jeżeli minimum z ilorazów wyliczonych dla obu typów (A i B) jest nie mniejsze niż zadany wcześniej próg minimalnej powszechności, na odpowiedniej pozycji w tablicy *Mask* umieszczana jest wartość *True*.

Posiadając zbudowaną maskę prewalentności można już wygenerować pary instancji. Uruchamiany jest zatem kernel przez N_{ItmUq} wątków. Każdy z nich sprawdza, czy na swojej pozycji w tabeli *Mask* znajduje się wartość *True* - jeżeli tak, z struktury *WritePos* przechowującą sumę ekskluzywną (ang. *exclusive sum*) tabeli *Mask* pobiera i -tą wartość. Następnie następuje utworzenie struktury *FeatureTypePair* w oparciu o relację z i -tej pozycji w tabeli *ITMPack.uniques*. Zostanie ona zapisana w tabeli *PrevalentPairs* przechowującej finalne pary instancji pod indeksem równym wartości pobranej z tabeli *WritePos*.

6.5 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne

W wersji GPU algorytmu do generowania kandydatów maksymalnych wykorzystany został mechanizm użyty w wersji CPU (patrz Rozdział 5.1.3) - w oparciu o *graf kolokacji o rozmiarze 2* (patrz Definicja 10) oraz algorytm Brona-Kerboscha [27].

Różnicą względem algorytmu CPU jest to, że zbiór wynikowy kandydatów jest grupowany względem ich długości. Umożliwia to szybki dostęp do kandydatów o jednakowej długości w następnym kroku. Zbiór ten oznaczany jako *uniqueCandidates* stanowi mapę wektorów kandydatów, gdzie kluczem jest długość kandydata.

6.6 Przygotowanie struktury szybkiego dostępu do informacji o instancjach należących do relacji zadanej instancji z instancjami zadanego typu

Na tym etapie tworzona jest struktura *ITNMPack* dającej szybki dostęp do wszystkich sąsiadów danego typu dla określonej instancji. Wykorzystuje ona drugą właściwość zbioru uporządkowanego w Rozdziale 6.2.

Procedura tworzenia tej struktury przebiega bardzo podobnie do procedury tworzenia struktury *ITMPack* - główna różnica tkwi w odmiennej implementacji operatora równości dla par instancji *FeatureInstanceTuple*, przedstawionej w Algorytmie 11. Ustanawia on pary instancji jako równe sobie tylko w przypadku, gdy ich pierwsze elementy są równe względem identyfikatora oraz typu (jest to ta sama instancja), a drugie elementy są tego samego typu.

```
1 operator == (FeatureInstanceTuple lhs, FeatureInstanceTuple rhs)
2 {
3   return lhs.get[0].field == rhs.get[0].field
4   && lhs.get[1].fields.featureId == rhs.get[1].fields.featureId
5 }
```

Algorytm 11: Operator równości dla par instancji typu *FeatureInstanceTuple*

Wynikiem działania funkcji *reduce_by_key* z operatorem 11 są trzy tablice o jednakowym rozmiarze c_r :

- *Uniques* - zawiera wszystkie występujące unikalne (z poziomu operatora 11) relacje,
- *Counts* - zawiera licznosci instancji unikalnych relacji,
- *Begins* - zawiera indeksy tabeli instancji relacji, oznaczające początki obszarów ciągłych odpowiadającym elementom z tablicy *Uniques*.

Z elementów tabeli *Uniques* tego kroku tworzone są klucze złożone z identyfikatorów instancji oraz typu pierwszego elementu pary instancji połączonych z identyfikatorem typu drugiego elementu pary. Z połączenia odpowiadających sobie wartości w

6.7 Wyodrębnienie ze zbioru kandydatów kolokacji maksymalnych kandydatów spełniających kryterium przewalencności

7 Testy efektywnościowe

Rozdział ten w całości poświęcony jest omówieniu przebiegu testów, a także prezentacji i podsumowania wyników testów wydajnościowych opracowanych implementacji algorytmu *SGCT*.

7.1 Informacje wstępne

Wydajność poszczególnych implementacji została przetestowana pod kątem zmienności następujących czynników: całkowitego rozmiaru danych wejściowych, progu maksymalnej odległości między punktami, do którego zachodzi relacja sąsiedztwa oraz progu minimalnej powszechności.

7.1.1 Dane wejściowe

Dane wygenerowano przy pomocy generatora opracowanego przez P. Boińskiego na potrzeby pracy [4], napisanego w języku *Java*. Próbkę testową składają się z punktów, dla których określone są trzy wartości: współrzędna x , współrzędna y oraz etykieta cechy, jaką reprezentuje dany punkt. Punkty zostały dodatkowo rozmieszczone na przestrzeni 1000×1000 .

Dla celów pomiarowych związanych ze zmiennością rozmiaru danych wejściowych utworzone zostało osiem zestawów danych, w których liczba punktów wynosi od ok. 3000 do 200000 punktów. W przypadku pozostałych testów posłużono się czterema instancjami, które można opisać jako:

- dane o niskim zagęszczeniu i równomiernym rozkładzie - około 30000 punktów rozmieszczonych losowo
- dane o wysokim zagęszczeniu i równomiernym rozkładzie - około 65000 punktów rozmieszczonych losowo
- dane o niskim zagęszczeniu ze skupiskami - około 30000 punktów z dwoma skupiskami (obszarami, na których zagęszczenie punktów jest wyższe niż poza nimi)
- dane o wysokim zagęszczeniu ze skupiskami - około 80000 punktów z dwoma skupiskami.

7.1.2 Sprzęt

Poniższe testy przeprowadzane były na następującej konfiguracji sprzętowej.

- CPU - *Intel Core i7-930* o częstotliwości taktowania *2.80 GHz*
- Pamięć operacyjna - *24 GB RAM DDR3*
- GPU - dwie karty graficzne *nVidia GeForce GTX Titan* połączone w systemie *SLI*
- System operacyjny - *Windows Server 2012 R2*

7.1.3 Przebieg testów

Dla uśrednienia czasów wykonania poszczególnych testów i wyeliminowania zakłóceń każdy test został powtórzony dwudziestokrotnie. Wartości i zakresy parametrów algorytmu, dla których wykonano poszczególne grupy testów, przedstawia Tabela 1.

Zmienny parametr	Próg min. powszechności	Próg maks. odległości
Rozmiar instancji	0.2	3
Próg min. powszechności	0.05 - 0.4	5
Próg maks. odległości	5	3 - 8

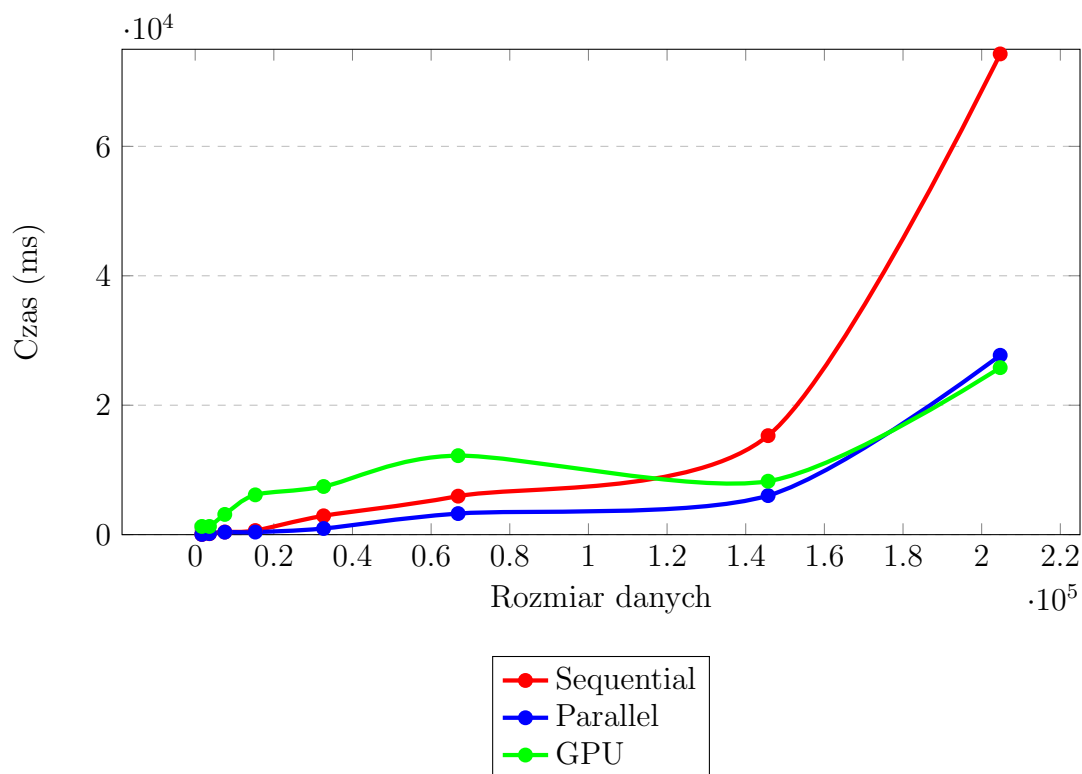
Tabela 1: Wartości parametrów dla poszczególnych grup testów

Testy zostały zautomatyzowane i uruchomione za pomocą skryptu napisanego w języku *PowerShell*.

7.2 Wyniki

7.2.1 Zmienny rozmiar danych

Poniższy wykres przedstawia czasy wykonania poszczególnych implementacji algorytmu w zależności od ilości punktów (Rysunek 4).

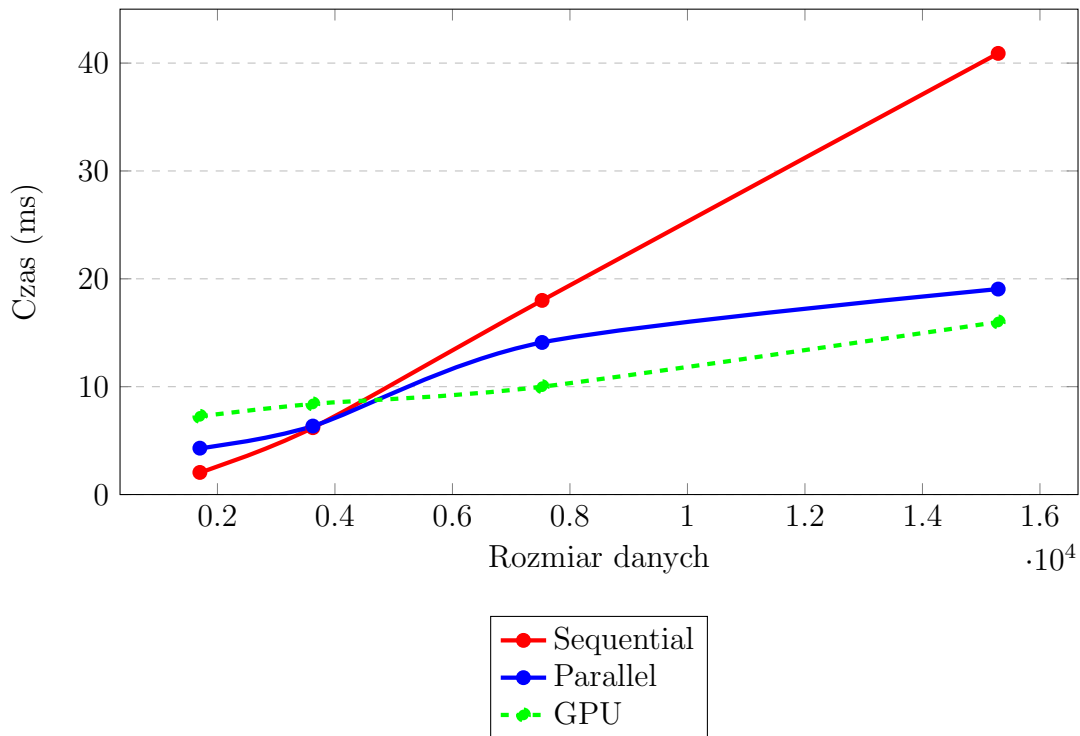


Rysunek 4: Wykres zależności czasu wykonania różnych implementacji algorytmu od rozmiaru danych wejściowych

Z analizy wykresu wynika, że powyżej pewnego rozmiaru danych wyjściowych następuje gwałtowny wzrost czasu wykonania algorytmu. Ciekawostką jest fakt, że

dla małych rozmiarów danych implementacja na procesorach kart graficznych wypada zdecydowanie gorzej niż wariant sekwencyjny dla CPU. Wynika to z kosztu przygotowania danych i konieczności inicjalizacji obliczeń równoległych, które przy dużych rozmiarach danych zostają zrekomensowane przez szybsze obliczenia, co również można łatwo zauważyć.

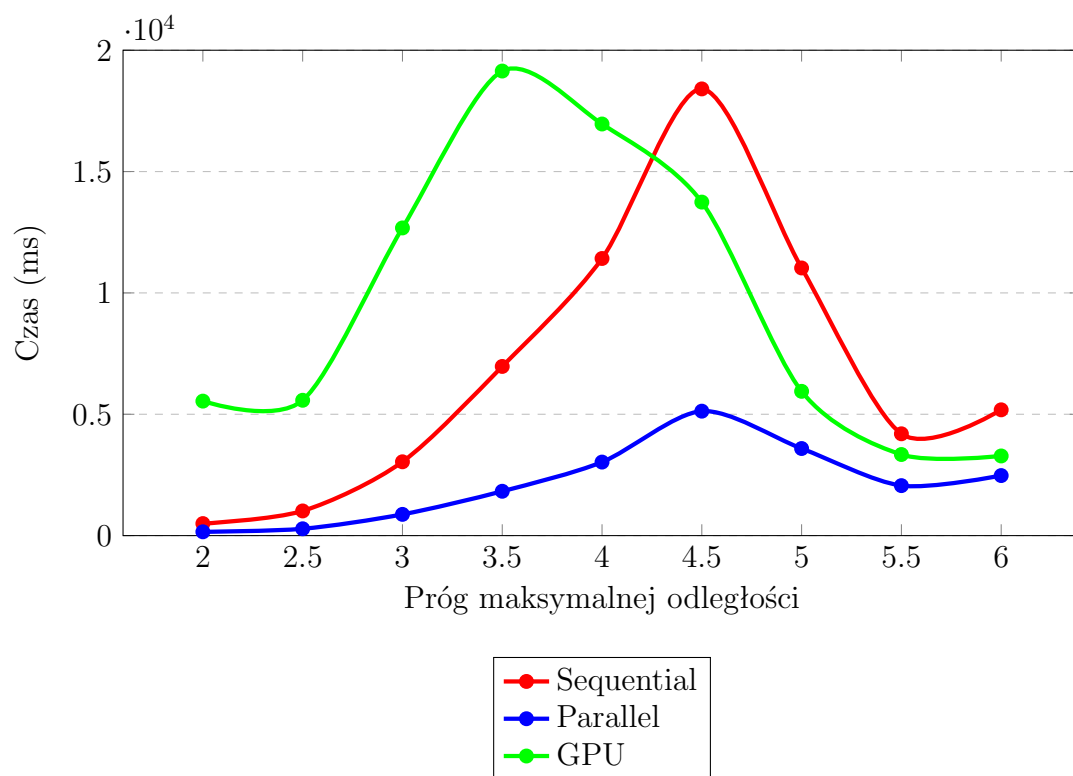
Przeprowadzono również oddzielne testy dla części algorytmu odpowiedzialnej za odkrywanie relacji sąsiedztwa - ich efekt prezentuje Rysunek 5. Na jego podstawie można zauważyć, że do pewnego rozmiaru danych wejściowych czas wykonania wersji równoległej na CPU oraz GPU jest wyższy niż czas wykonania wersji sekwencyjnej na CPU. Wynika to z faktu, że nakład pracy utworzony przez działania mające na celu zrównoleglenie obliczeń jest na tyle duży, że w ogólnym rozrachunku szybsze jest sekwencyjne wykonanie wszystkich obliczeń niż próba ich równoleglenia. Mimo tego czas odkrywania relacji sąsiedztwa w porównaniu do ogólnego czasu wykonania algorytmu jest na tyle niski, że nie ma to większego wpływu na ogólny obraz. W dodatku głównym zadaniem algorytmów eksploracyjnych jest przeszukiwanie dużych zestawów danych, więc sytuacja ta, która zachodzi wyłącznie przy bardzo małych ilościach danych jest dopuszczalna.



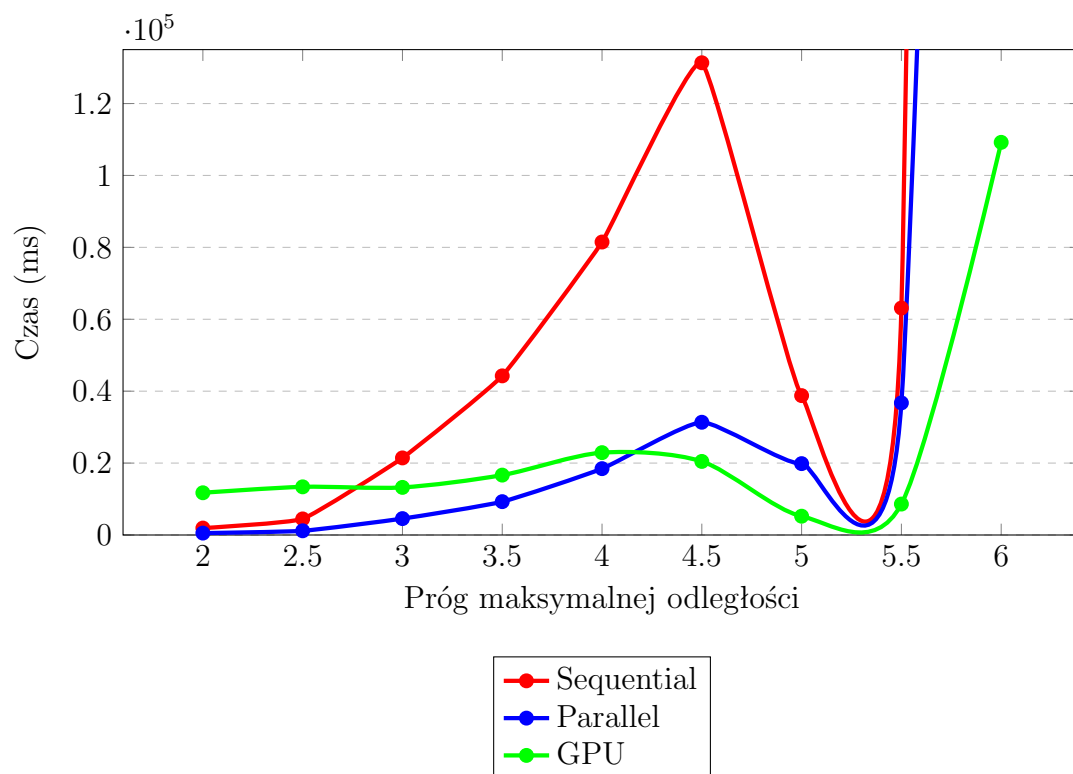
Rysunek 5: Wykres zależności czasu znalezienia relacji sąsiedztwa w różnych implementacjach od rozmiaru danych wejściowych

7.2.2 Zmienny próg maksymalnej odległości

Wykresy zawarte w tym podrozdziale opisują zmienność czasu działania algorytmu w poszczególnych implementacjach ze względu na zmienny próg maksymalnej odległości.



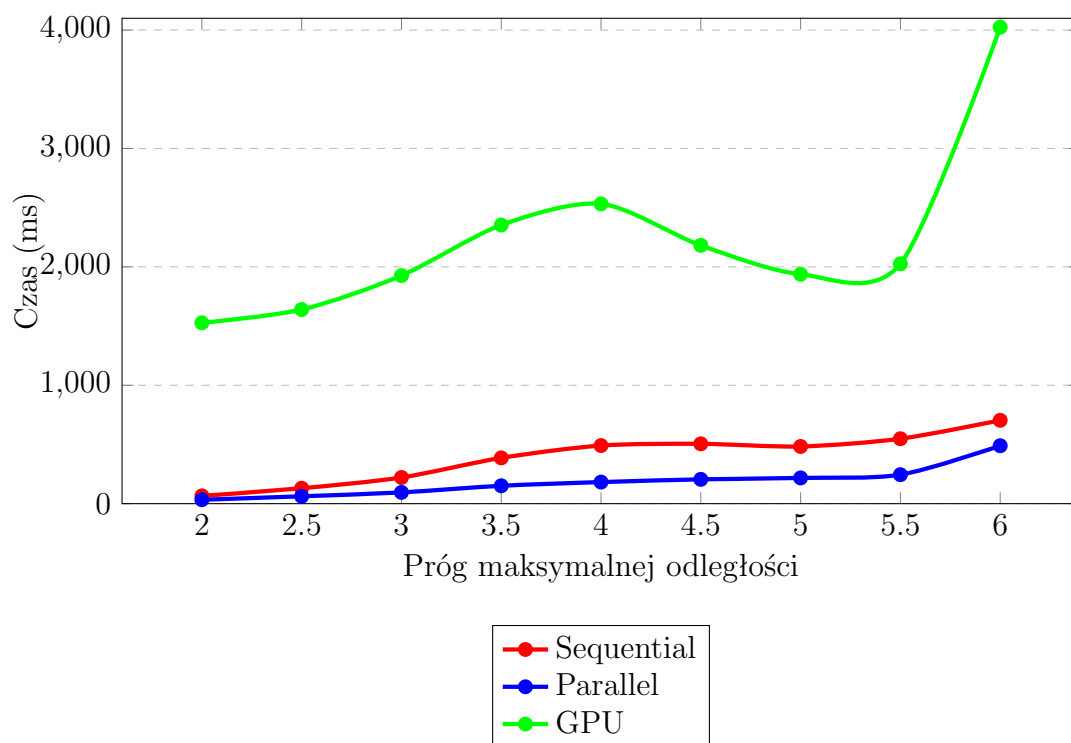
Rysunek 6: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych rzadkich



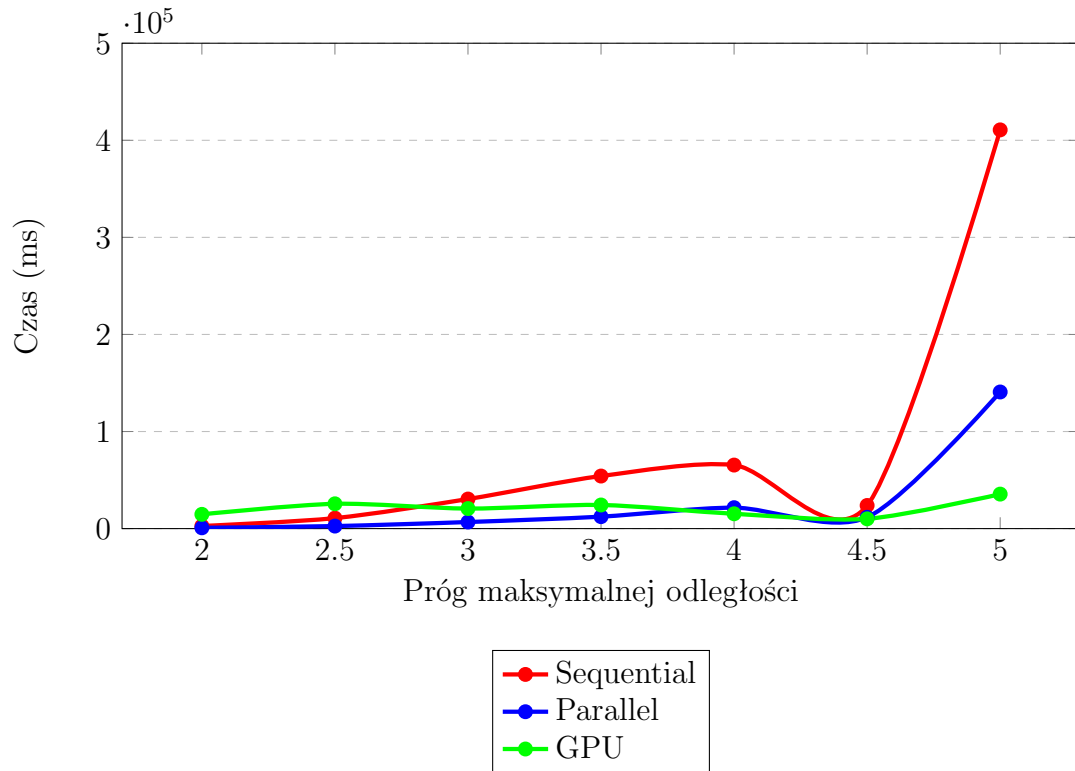
Rysunek 7: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych gęstych

Na powyższych wykresach można zaobserwować wzrost czasu wykonania do pewnej wartości progu maksymalnej odległości po przekroczeniu której czasy maleją, aby po chwili znowu wrócić do tendencji wzrostowej. Wartość ta jest zbliżona dla obu implementacji na CPU, a dla GPU jest ona mniejsza.

Dla rzadkiego zbioru danych (Rysunek 6) implementacja GPU jest generalnie wolniejsza od implementacji na CPU (szczególnie od implementacji równoległej), co można zauważyć głównie dla niższych wartości progu maksymalnej odległości. W przypadku gęstego zbioru danych (Rysunek 7) implementacja na GPU sprawuje się lepiej - od pewnego punktu prześciga oba warianty przygotowane pod CPU.



Rysunek 8: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych rzadkich ze skupiskami

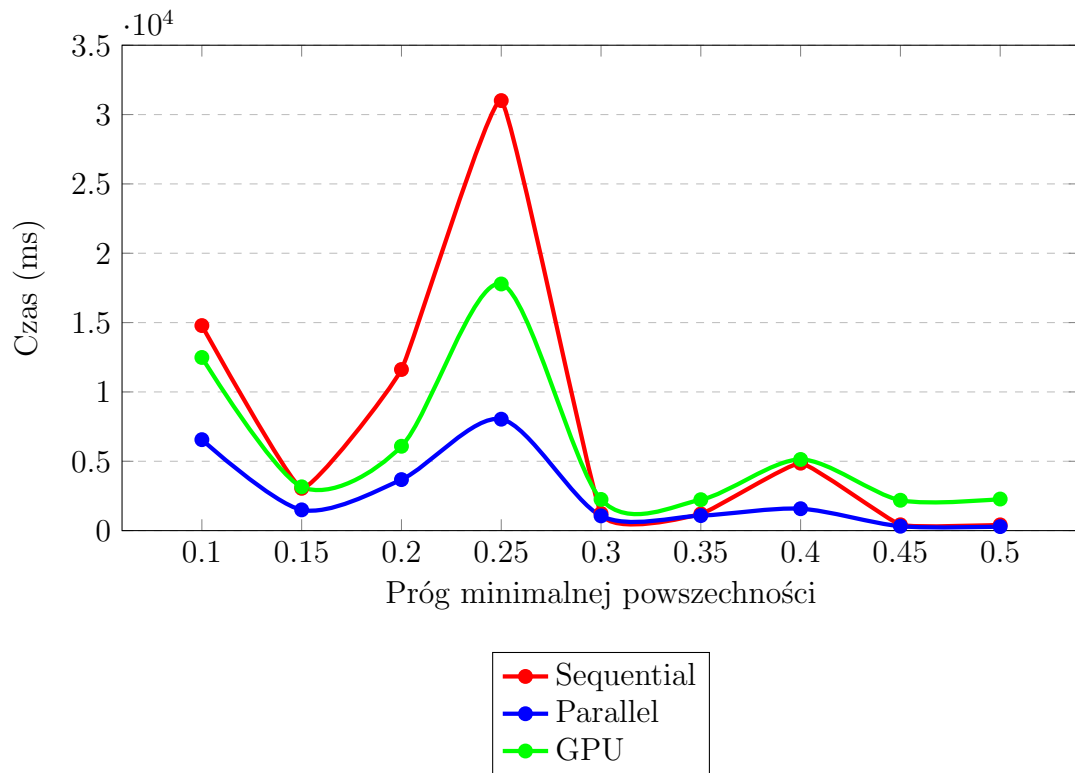


Rysunek 9: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych gęstych ze skupiskami

Podobne testy zostały wykonane dla danych, w których występują tzw. skupiska. Dla rzadkich danych, których część jest zgrupowana w skupiska (Rysunek 8) implementacja na GPU wypada nadzwyczaj słabo w porównaniu do implementacji na CPU. W przypadku danych gęstych (Rysunek 9) wydajność poszczególnych implementacji jest analogiczna jak dla danych gęstych w których nie występują skupiska. Wynika to z faktu, że przy dużym zagęszczeniu danych skupienie ich części w pewnych sektorach nie powoduje znacznego zmniejszenia gęstości poza nimi, więc ogólny rozkład danych w dalszym ciągu jest dość równomierny.

7.2.3 Zmienny próg minimalnej powszechności

Ostatni test skupia się na porównaniu czasów działania poszczególnych implementacji ze względu na zmienny próg minimalnej powszechności. Efekty tego porównania przedstawia Rysunek 10.



Rysunek 10: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu minimalnej powszechności

Zmienność progu minimalnej powszechności nie ma większego wpływu na zależności pomiędzy czasami wykonania poszczególnych implementacji - implementacja GPU pozostaje wolniejsza niż implementacja równoległa na CPU oraz szybsza niż implementacja sekwencyjna. Zmienia się to jedynie w przypadku wysokich progów powszechności (powyżej 0.3) - implementacja GPU jest wtedy wolniejsza również od implementacji sekwencyjnej. Wynika to z faktu, że przy takim progu minimalnej powszechności odfiltrowana zostaje większość danych wejściowych - w takim przypadku implementacje dla CPU pozostają bez pracy, natomiast wersja dla procesora GPU w dalszym ciągu musi wykonać wszelkie działania związane z kopiowaniem danych do pamięci karty graficznej oraz niezbędnymi przygotowaniem do równoległego wykonania algorytmu.

8 Zakończenie

W niniejszej pracy poruszono problem odkrywania kolokacji przestrzennych, czyli poszukiwania typów obiektów często występujących blisko siebie. Z pewnością tematyka ta należy do jednych z ciekawszych zagadnień, jeżeli chodzi o eksplorację danych - tym bardziej, że w dobie Internetu oraz swobodnego dzielenia się informacjami dostęp do niezbędnych danych jest wyjątkowo łatwy. Również moc obliczeniowa nie stanowi problemu w dzisiejszych czasach - dzięki współczesnym, skutecznym algorytmom proces odkrywania danych można bez obaw przeprowadzać na współczesnych komputerach osobistych.

Do takich algorytmów z pewnością należy także algorytm *SGCT* [5] będący głównym tematem niniejszej pracy. Stanowi on godną alternatywę dla klasycznych metod odkrywania kolokacji przestrzennych, pozwalając na efektywne wyszukiwanie kolokacji w systemach z ograniczoną pamięcią. Dzięki zaproponowanym usprawnieniom możliwe było jego zaimplementowanie zarówno w środowisku sekwencyjnym, jak i równoległym - również w wersji na procesory graficzne.

W tym celu została wykorzystana popularna technologia *CUDA* firmy *NVIDIA*. Z pewnością opanowanie tej technologii w stopniu umożliwiającym efektywną realizację algorytmu *SGCT* na procesory graficzne wymagało wielkiego wysiłku - tym bardziej, że w porównaniu do implementacji dla procesorów CPU środowisko *CUDA* nie oferuje wielu rozszerzeń ułatwiających pracę nad tworzeniem wielowątkowych aplikacji i wiele rzeczy dostępnych "od ręki" na CPU wymagało oddzielnego opracowania specjalnie pod wariant GPU.

Na podstawie przeprowadzonych testów można zaryzykować stwierdzenie, że wysiłek ten był opłacalny. Dla większych danych o dużej gęstości implementacja dla GPU znacząco zyskuje w stosunku do wariantu równoległego dla CPU opracowanego w oparciu o bibliotekę *Parallel Pattern Library* firmy Microsoft. Przy mniejszych danych różnice nie są jednak takie oczywiste. Całkowitą porażką okazała się sekwencyjny algorytm opracowany dla procesora CPU, który niemal w każdym przypadku wykazuje się niższą efektywnością niż pozostałe implementacje. Dobitnie to pokazuje, jakie efekty można uzyskać przy zastosowaniu modelu równoległego w procesie implementacji algorytmów - nie tylko tych dotyczących eksploracji danych.

W trakcie pracy udało się zauważyć możliwe dalsze kierunki rozwoju opracowania zaprezentowanych w niniejszej pracy implementacji w celu uzyskania większej wydajności.

.
. .
. .
. .
. .

Powyższe rozważania nie mają jednak wpływu na końcowy wniosek płynący z tej pracy: obliczenia na kartach graficznych są przyszłością działu eksploracji danych, a także jakichkolwiek algorytmów wymagających sporej mocy obliczeniowej. Oczywiście stanie się tak tylko pod warunkiem, że powstające algorytmy będą w stanie wykorzystać potencjał drzemiący w równoległości, co często nie jest proste i wymaga dodatkowej pracy nad przemyśleniem działania algorytmu pod kątem potencjalnego zrównoleglenia. Niewątpliwie jednak końcowe efekty są tego warte.

Bibliografia

- [1] Fayyad U., Piatetsky-Shapiro G., Smyth P. From Data Mining to Knowledge Discovery in Databases. W: AI Magazine nr 17, 1996, strony 37-54.
- [2] Miller H. J., Han J. Geographic Data Mining and Knowledge Discovery. Bristol, USA, 2001.
- [3] Shekhar S., Huang Y. Discovering Spatial Co-location Patterns: A Summary of Results. W: SSTD, 2001, strony 236–256.
- [4] Boiński P., Przetwarzanie zbiorów przestrzennych zapytań eksploracyjnych w środowiskach z ograniczonym rozmiarem pamięci operacyjnej, Poznań, 2015.
- [5] Yao X., Peng L., Yang L., Chi T. A fast space-saving algorithm for maximal co-location pattern mining. W: Expert Systems with Applications nr 63, 2016, strony 310–323.
- [6] Sanders J., Kandrot E., CUDA by Example: An Introduction to General-Purpose GPU Programming, Addison-Wesley, 2011.
- [7] Cheng J., Grossman M., McKerche T. Professional CUDA C Programming, Wrox, 2014.
- [8] Shekhar S., Huang Y. The Multi-resolution Co-location Miner: A New Algorithm to Find Co-location Patterns in Spatial Dataset. W: Technical Report 02-019, USA, 2002.
- [9] Yoo J. S., Shekhar S. A Joinless Approach for Mining Spatial Colocation Patterns. W: IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering, USA, 2006.
- [10] Wang L., Bao Y., Lu J., Yip J. A New Join-less Approach for Co-location Pattern Mining. W: Proceedings of the 8th IEEE International Conference on Computer and Information Technology (CIT 2008), Sydney, 2008, strony 197–202.
- [11] Wang L., Bao Y., Lu J. Efficient Discovery of Spatial Co-Location Patterns Using the iCPI-tree. W: The Open Information Systems Journal nr 3, 2009, strony 69–80.
- [12] Jones C., Hall M. A Field Based Representation for Vague Areas Defined by Spatial Prepositions. W: Proceedings of the Workshop on Methodologies and Resources for Processing Spatial Language at 6th Language Resources and Evaluation Conference (LREC 2008), Maroko, 2008.
- [13] Egenhofer M. J., Franzosa R. Point-set topological spatial relations. W: International Journal of Geographic Information Systems nr 5, 1991, strony 161–174.
- [14] Clementini E., Di Felice P., van Oosterom P. A small set of formal topological relationships suitable for end-user interaction. W: Proceedings of the 3rd International Symposium on Advances in Spatial Databases (SSD 1993), Wielka Brytania, 1993, strony 277-295.

- [15] Miller H. J., Han J. Geographic Data Mining and Knowledge Discovery, USA, 2001.
- [16] Roddick J. F., Spiliopoulou M. A Bibliography of Temporal, Spatial and Spatio-Temporal data Mining Research. W: ACM SIGKDD Exploration Newsletter nr 1, USA, 1999, strony 34–38.
- [17] Ester M., Kriegel H. P., Sander J. Spatial Data Mining: A Database Approach. W: In Proceedings of the 5th International Symposium on Advances in Spatial Databases (SSD 1997), Wielka Brytania, 1997, strony 47–66.
- [18] Quinlan J. R. Induction of Decision Trees. W: Machine Learning nr 1, USA, 1986, strony 81–106.
- [19] Ester M., Frommelt A., Kriegel H. P., Sander J. Algorithms for characterization and trend detection in spatial databases. W: Proceedings of the 4th International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining (KDD 1998), USA, 1998, strony 44–50.
- [20] Shekhar S., Chawla S. Spatial Databases: A Tour, USA, 2003.
- [21] Bellman R. E. Adaptive Control Processes - A Guided Tour, USA, 1961.
- [22] Agrawal R., Srikant R.. Fast Algorithms for Mining Association Rules in Large Databases. W: Proceedings of the 20th International Conference on Very Large Data Bases (VLDB 1994), USA, 1994, strony 487–499.
- [23] Koperski K., Han J. Discovery of Spatial Association Rules in Geographic Information Databases. W: Proceedings of the 4th International Symposium on Advances in Spatial Databases (SSD 1995) nr 951, USA, 1995, strony 47–66.
- [24] Morimoto Y. Mining Frequent Neighboring Class Sets in Spatial Databases. W: Proceedings of the 7th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining (KDD 2001), USA, 2001, strony 353–358.
- [25] Arge L., Procopiuc O., Ramaswamy S., Suel T., Vitter J. Scalable Sweeping-Based Spatial Join. W: Proceedings of the International Conference on Very Large Databases (VLDB 1998), USA, 1998.
- [26] Eppstein D., Löffler M., Strash D. Listing all maximal cliques in sparsegraphs in near-optimal time. W: 21st International Symposium On Algorithms And Computation, Niemcy, 2010, strony 403–414.
- [27] Bron C., Kerbosch J. Algorithm 457: Finding all cliques of an undirected graph. W: Communications of the ACM nr 16, USA, 1973, strony 575–577.
- [28] Tomita E., Tanaka A., Takahashi H. The worst-case time complexity for generating all maximal cliques and computational experiments. W: Theoretical Computer Science nr 363, USA, 2006, strony 28–42.
- [29] Cazals F., Karande C. A note on the problem of reporting maximal cliques. W: Theoretical Computer Science nr 407, USA, 2008, strony 564–568.

- [30] Wang L., Zhou L., Lu J., Yip, J. (2009). An order-clique-based approach for mining maximal co-locations. W: Information Sciences nr 179, USA, 2009, strony 3370–3382.
- [31] Matula D. W., Beck L. L. Smallest-last ordering and clustering and graph coloring algorithms. W: Journal of the ACM, nr 30, USA, 1983, strony 417–427.
- [32] Comparing the Concurrency Runtime to Other Concurrency Models, Microsoft, 2015 [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w Internecie: <https://msdn.microsoft.com/en-us/library/dd998048.aspx#openmp>
- [33] Microsoft Parallel Patterns Library (PPL) vs. OpenMP, Stack Overflow, 14-03-2012 [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w Internecie: <http://stackoverflow.com/questions/9700088/microsoft-parallel-patterns-library-ppl-vs-openmp>
- [34] Sorting in PPL, Parallel Programming in Native Code, vinodsu (Microsoft Developer Network Blogs), 14-01-2011 [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w Internecie: <https://blogs.msdn.microsoft.com/nativeconcurrency/2011/01/14/sorting-in-ppl/>
- [35] Unified Memory in CUDA 6, Harris M. (NVIDIA Developer Blogs), 18-11-2013 [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w Internecie: <https://devblogs.nvidia.com/parallelforall/unified-memory-in-cuda-6>
- [36] CUDA Dynamic Parallelism API and Principles, Adinetz A. (NVIDIA Developer Blogs) [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w Internecie: <https://devblogs.nvidia.com/parallelforall/cuda-dynamic-parallelism-api-principles>