## Politechnika Poznańska Wydział Informatyki Instytut Informatyki

Praca dyplomowa inżynierska

## Implementacja algorytmu eksploracji danych z użyciem CUDA API

Marcin Jabłoński Łukasz Kosiak Piotr Kurzawa Marek Rydlewski

Promotor: dr inż. Witold Andrzejewski

"Coś się popsuło" Zbigniew Stonoga

## Spis treści

| 1 | $\mathbf{W}\mathbf{s}$ 1 | tęp  | 4   |
|---|--------------------------|--|-----|
|   | 1.1                      | Wprowadzenie   | 4   |
|   | 1.2                      | Cel i zakres pracy   | -   |
|   | 1.3                      | Charakterystyka źródeł   | 5   |
|   | 1.4                      | Struktura pracy  | 6   |
|   | 1.5                      | Podział pracy  | (   |
| 2 | Pod                      | stawy teoretyczne  | 7   |
|   | 2.1                      | Charakterystyka danych przestrzennych                                  | 7   |
|   |                          |  | 7   |
|   |                          | 2.1.2 Źródła danych przestrzennych                                     | 7   |
|   |                          |  | 7   |
|   | 2.2                      |  | 8   |
|   |                          | 2.2.1 Grupowanie przestrzenne  | 8   |
|   |                          |  | 8   |
|   |                          | 2.2.3 Odkrywanie trendów przestrzennych                                | Ć   |
|   |                          |  | Ć   |
|   |                          | 2.2.5 Asocjacje przestrzenne   | Ć   |
|   |                          | 2.2.6 Kolokacje przestrzenne   | (   |
|   | 2.3                      | Odkrywanie kolokacji przestrzennych                                    | (   |
|   |                          | 2.3.1 Cecha przestrzenna   | . 1 |
|   |                          | 2.3.2 Podstawowe definicje   | . 1 |
|   |                          | 2.3.3 Miary kolokacji  | . 1 |
|   |                          | 2.3.4 Problem  | 2   |
|   | 2.4                      | Przegląd algorytmów odkrywania wzorców kolokacji przestrzennych . 1    | 3   |
|   |                          | 2.4.1 Co-location Miner  |     |
|   |                          | 2.4.2 Multiresolution Co-location Miner                                |     |
|   |                          | 2.4.3 Joinless   | . 4 |
|   |                          | 2.4.4 iCPI-tree  | 4   |
| 3 | $\mathbf{W}\mathbf{p}$   | rowadzenie do technologii CUDA 1                                       | 6   |
|   | 3.1                      | CPU a GPU  | .(  |
|   | 3.2                      | Architektura CUDA  |     |
|   | 3.3                      | Programowanie wielowątkowe w języku CUDA C                             |     |
|   | 3.4                      | Model pamięci  |     |
|   | 3.5                      | Thrust   | 3   |
| 4 | Alg                      | $\operatorname{orytm} SGCT$  | C   |
|   | 4.1                      | Generowanie tabeli instancji kolokacji o rozmiarze 2                   | (   |
|   | 4.2                      | Obliczanie miary powszechności   | 2(  |
|   | 4.3                      | Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne                         | (   |
|   | 4.4                      | Proces odcinania   | 12  |
| 5 | Imp                      | olementacja CPU 2  | 1   |
|   | 5.1                      | Wersja sekwencyjna   |     |
|   |                          | 5.1.1 Generowanie instancji w oparciu o próg odległości 2              | E   |
|   |                          | 5.1.2 Filtrowanie sasiadów w oparciu o próg minimalnej powszechności 2 | 16  |

|              |       | 5.1.3 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne                   | 26              |
|--------------|-------|--|-----------------|
|              |       | 5.1.4 Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowa-       |                 |
|              |       |  | 26              |
|              | 5.2   | y c  | 28              |
|              |       |  | 28              |
|              |       | 5.2.2 Filtrowanie sąsiadów na podstawie progu minimalnej powszechności | 29              |
|              |       |  | 29              |
|              |       | 5.2.4 Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowa-       |                 |
|              |       | nie kandydatów na podstawie progu powszechności                        | 30              |
| 6            | Imp   | <b>v</b>   | 31              |
|              | 6.1   | v  | 31              |
|              | 6.2   | Przygotowanie struktury szybkiego dostępu do informacji o instan-      |                 |
|              |       |  | 33              |
|              | 6.3   | Generowanie prewalentnych relacji sąsiedztwa pomiędzy typami po-       |                 |
|              |       | łączeń   | 35              |
| 7            |       |  | 36              |
|              | 7.1   | 9 61   | 36              |
|              |       | 9  | 36              |
|              |       |  | 36              |
|              | 7.0   |  | 37              |
|              | 7.2   | v  | 37              |
|              |       | v v  | 37<br>38        |
|              |       |  | 38<br>41        |
|              | 7.3   | v 1 0 v 1  | $\frac{41}{41}$ |
|              | 1.3   | Willoski   | 41              |
| 8            | Zak   | pńczenie   | 41              |
| Bi           | bliog | rafia  | <b>42</b>       |
| $\mathbf{A}$ | Opi   | s klas i struktur pomocniczych   | 45              |
|              | A.1   | Opis architektury wersji CPU   | 45              |
|              | A.2   | Opis struktur & klas pomocniczych i ich implementacji                  | 46              |

### 1 Wstęp

### 1.1 Wprowadzenie

Informatyzacja życia codziennego, jaka dokonała się w ostatnich latach sprawiła, że każdego dnia konsumenci często nieświadomie zostawiają po sobie wiele informacji na swój temat. Nawet z pozoru niewinne dane o ludzkich przyzwyczajeniach typu "z której półki bierzemy bułki w sklepie" są zapisywane w systemach informatycznych. Należy do tego oczywiście dodać inne usługi, które wybierane są przez użytkowników świadomie np. zapisywanie lokalizacji przez prywatny telefon komórkowy.

Wbrew pozorom, taka błaha na pierwszy rzut oka informacja może mieć jednak istotne znaczenie dla funkcjonowania przemysłu piekarskiego. Nic nie stoi na przeszkodzie, aby spróbować z tych danych odczytać preferencje bądź przyzwyczajenia przeciętnego Kowalskiego na temat jego codziennych zakupów, które mogą w przyszłości zaprocentować - zarówno dla właściciela, jak i klienta. Jest to oczywiście tylko przykład, ale oddaje doskonale fakt przydatności z pozoru nie mających znaczenia prostych czynności człowieka, jakie często przypadkiem rejestrują działające wokół konsumentów systemy.

Pozostaje jednak problem przetworzenia takich danych w celu otrzymania interesującej informacji, która byłaby potencjalnie użyteczna. Trzeba pamiętać, że rozmiar takich danych nierzadko sięga terabajtów i w praktyce skuteczna analiza takich danych przez człowieka nie jest możliwa. Musi on zatem w tym celu skorzystać z dobrodziejstw, jakie przynosi mu współczesna technologia.

Problem efektywnego przetwarzania zdążył urosnąć do rangi oddzielnego działu w informatyce. W pracy [1] zasugerowano utworzenie nowej dyscypliny mającej na celu opracowanie technik obliczeniowych rozwiązujących takie problemy, zwanej odkrywaniem wiedzy w bazach danych (ang. KDD – *Knowledge Discovery in Databases*). Techniki te mają na celu odnajdywanie prawidłowych, nietrywialnych i potencjalnie użytecznych wzorców w dużych zbiorach danych.

Wspominane wyżej techniki w dużej mierze zależą od rodzaju bazy, a ściślej mówiąc - charakteru danych w niej występujących. W przypadku danych zawierających informację o położeniu zazwyczaj mowa jest o odkrywaniu wiedzy w bazach danych przestrzennych (ang. spatial data mining). Takie systemy mogą zawierać atrybut lokalizacji obiektu w danym obszarze, jego opis w formie geometrycznej (np. w postaci wielokątów), a także inne atrybuty nieprzestrzenne. Okazuje się, że tradycyjne metody analizy danych przestrzennych zazwyczaj nie radzą sobie z nimi na tyle efektywnie, by było opłacalne ich użycie w praktyce [2], dlatego też zaczęto szukać nowych sposobów na odkrywanie wiedzy w takich bazach.

W pracy [3] zaproponowano odkrywanie wzorców kolokacji przestrzennych (lub krócej: kolokacji), czyli zbioru cech przestrzennych występujących w niewielkiej odległości od siebie. Łatwo to można sobie wyobrazić na przykładzie przyrody, gdzie osobniki (gatunki) o podobnych cechach zazwyczaj trzymają się razem. Rozumowanie to działa również dla bliższych współczesnemu człowiekowi cech przestrzennych, np. punktach o podobnej funkcji - stacje, kina, piekarnie, itd. Wraz z rosnącą popularnością obliczeń na kartach graficznych (w dużej mierze spowodowana wprowadzeniem technologii CUDA autorstwa firmy NVIDIA) pojawiło się wiele gotowych rozwiązań, pozwalających na efektywne wyszukiwanie kolokacji nawet w bardzo rozbudowanych bazach danych. Przegląd niektórych z nich można znaleźć w pracy [4].

Ostatni rok przyniósł kolejną metodę efektywnego przeszukiwania baz danych w

celu odnalezienia kolokacji [5]. Wykorzystuje ona autorski algorytm wyszukiwania maksymalnych klik w grafie rzadkim oraz skondensowane drzewa instancji przechowywaczce kliki instancji dla każdego kandydata do kolokacji (patrz Rozdział 4) w celu zmniejszenia czasu obliczeń oraz ograniczenia wymagań co do pamięci operacyjnej. Algorytm ten jest przedmiotem badań niniejszej pracy zbiorowej.

### 1.2 Cel i zakres pracy

Celem niniejszej pracy jest analiza wydajności zaproponowanych w pracy [5] rozwiązań z zakresu odkrywania kolokacji przestrzennych dla GPU i CPU.

Zakres pracy obejmuje następujące zadania szczegółowe:

- 1. Zapoznanie się z literaturą. Zapoznanie się z podstawowymi pojęciami dotyczącymi odkrywania danych w bazach danych przestrzennych oraz wyszukiwania wzorców kolokacji przestrzennych jest niezbędne do stworzenia działającej implementacji powyższego algorytmu. Dodatkowo należy zwrócić uwagę na dodatkowe zagadnienia związane z teorią grafów.
- 2. Opracowanie wersji równoległej algorytmu eksploracji danych. Konieczne jest przemyślenie wykorzystania algorytmów pomocniczych dla poszczególnych kroków całego rozwiązania oraz zaproponowanie możliwie najkorzystniejszego rozwiązania biorąc pod uwagę dostępną pamięć operacyjną, czas przetwarzania i przesyłania danych między pamięcią operacyjną a pamięcią karty graficznej.
- 3. Implementacja wersji sekwencyjnej i równoległej ww. algorytmu. Rozwiązanie podane w punkcie drugim powinno zostać zaimplementowane w technologii NVIDIA CUDA dla wersji GPU oraz biblioteki PPL w przypadku odmiany dla CPU.
- 4. **Przeprowadzenie eksperymentów wydajnościowych.** Analiza wyników testów wydajnościowych implementacji z punktu 3 jest głównym celem tej pracy. Należy zbadać efektywność obu rozwiązań pod względem czasu wykonywania oraz zapotrzebowania na dostępną pamięć.

### 1.3 Charakterystyka źródeł

Jak już wspomniano, niniejsza praca w dużej mierze opiera się o algorytm zaprezentowany w dokumencie [5]. Do jej opracowania była wymagana wiedza zawarta w innych źródłach, często również o charakterze naukowym.

Głównym źródłem wiedzy na temat kolokacji przestrzennych była rozprawda doktorska dr inż. Pawła Boińskiego [4], która w dużym przekroju omawia ideę kolokacji zaprezentowaną przez Shekhara i Huanga w pracy [3], a także prezentuje najpopularniejsze techniki ich odkrywania (metody *Co-location Miner*, *iCPI-tree*). Część rozwiązań wykorzystanych w tych technikach została wykorzystana w trakcie realizacji algorytmu.

Oddzielną kwestią jest literatura książkowa, wykorzystana do zapoznania się z technologią CUDA oraz przyjęcia dobrych praktyk optymalizacyjnych i programistycznych. Tutaj szczególnie należy wymienić popularną pozycję CUDA w przykła-

dach autorstwa Shane'a Cooke'a [6], a także Professional CUDA C Programming [7] będącą również podstawą do wstępu teoretycznego w Rozdziale 3.

### 1.4 Struktura pracy

Rozdział 2 stanowi wstęp teoretyczny do niniejszej pracy - prezentuje podstawowe pojęcia związane z odkrywaniem kolokacji przestrzennych, a także prezentuje najprostsze algorytmy wyszukujące wzorce kolokacji przestrzennych.

Rozdział 3 zawiera wprowadzenie do technologii CUDA. Przedstawia także podstawowe różnice w programowaniu na CPU i GPU oraz wyjaśnia podstawowe pojęcia związane z programowaniem na procesory graficzne.

**Rozdział 4** poświęcony jest algorytmowi *SGCT* będącym głównym tematem pracy. Zawiera wyjaśnienia poszczególnych kroków algorytmu oraz niezbędne definicje.

Implementacja CPU (w wersji sekwencyjnej, jak i równoległej) jest głównym tematem **Rozdziału 5**. Koncentruje się on w szczególności na przedstawienie zastosowanych technik optymalizacyjnych poprawiających wydajność algorytmu w środowisku CPU. Rozdział zawiera także krótki wstęp do biblioteki *PPL* użytej w równoległej implementacji algorytmu.

Rozdział 6 zawiera omówienie implementacji algorytmu dla procesorów graficznych (GPU).

Porównanie wydajności zaimplementowanych rozwiązań zostało zawarte w **Rozdziale 7**.

Ostatni **Rozdział 8** stanowi podsumowanie całego projektu, uwagi zespołu oraz możliwe dalsze kierunki rozwoju.

W **Dodatku A** zawarty jest krótki opis klas zaimplementowanych w implementacji dla CPU i GPU.

### 1.5 Podział pracy

Podział zadań w ramach niniejszego projektu wygladał następująco:

- Marcin Jabłoński równoległa implementacja CPU, testy;
- Łukasz Kosiak implementacja GPU, testy;
- Piotr Kurzawa tekst pracy inżynierskiej, testy;
- Marek Rydlewski sekwencyjna i równoległa implementacja CPU, testy.

### 2 Podstawy teoretyczne

### 2.1 Charakterystyka danych przestrzennych

### 2.1.1 Modelowanie danych przestrzennych

Sposób reprezentacji danych przestrzennej w dużej mierze zależy od zastosowań, niemniej najczęściej przybiera jedną z następujących form:

- model pól ma formę funkcji, której dziedzina należy do modelowanej przestrzeni, a jego wynikiem jest cecha przestrzenna;
- model obiektowy dla każdego zjawiska jest tworzony nowy obiekt z odpowiednimi właściwościami (etykietami, atrybutami przestrzennymi i nieprzestrzennymi).

W praktyce model pól używany jest przede wszystkim w metodach opartych na dokonywaniu pomiarów z powietrza - takie dane mają wtedy charakter rastrowy (reprezentacja w postaci pikseli). Model obiektowy stosowany jest natomiast w przypadkach, gdzie występuje duża liczba dodatkowych atrybutów nieprzestrzennych.

### 2.1.2 Źródła danych przestrzennych

Najogólniej źródła danych przestrzennych można podzielić ze względu na ich format.

Pierwotne źródła danych są opracowane w jednym ze standardowych formatów źródeł (najczęściej dla konkretnego systemu) i nie wymagają jakichkolwiek transformacji. Mają one zazwyczaj postać cyfrową i pochodzą z automatycznych pomiarów dokonanych przez specjalizowane systemy wyposażone w odbiorniki GPS czy tachimetry.

Wtórne dane źródłowe nie zostały zebrane z myślą o wykorzystaniu w systemach informacji geograficznej (ang. Geographic Information System, GIS) i dlatego wymagają one odpowiedniej transformacji oraz cyfryzacji (jeżeli są one analogowe). Procedury te są one obarczone pewnym ryzykiem, ponieważ istnieje możliwość wystąpienia błędów w trakcie konwersji i w konsekwencji przekłamaniami w danych wynikowych, które należy ręcznie poprawić.

#### 2.1.3 Relacje

Określenie zachodzących relacji między obiektami w źródłach danych przestrzennych jest ważnym elementem przetwarzania danych przestrzennych. Sposób ich określenia zależy od zastosowanego modelu danych.

W modelu pól relacje determinowane są przez operacje pól (ang. field operations, [12]), mogące przybierać różne formy w zależności od zastosowań, natomiast w modelu obiektowym rodzaje relacji przestrzennych zależą od definicji przestrzeni. Według standardu organizacji OGC (Open Geospatial Consortium) istnieją trzy najpopularniejsze rodzaje związków przestrzennych między obiektami:

• Relacje metryczne - wyrażane w postaci predykatów typu "w odległości nie większej niż 10 metrów", oparte na odległości;

- Relacje kierunkowe położenie określone jest względem globalnych kierunków dla przestrzeni (np. na północ, na południe - są to relacje bezwzględne) lub względem innego obiektu/obserwatora (nazywamy takie relacjami względnymi);
- Relacje topologiczne najbardziej skomplikowane, wyrażone przez zależności typu pokrywanie, zawieranie, styczność.

W systemach typu GIS stosuje się głównie relacje topologiczne. Mają one postać predykatów przestrzennych dla operacji filtrowania i połączenia przestrzennego w językach zapytań działających na danych przestrzennych. Najczęściej wykorzystuje się je w tzw. modelu dziewięciu przecięć [13], za pomocą którego określa się możliwe relacje zachodzącą dla pary obiektów.

Dla każdego obiektu wyznacza się jego wnętrze, granicę i zewnętrze. Następnie, dokonuje się operacji przecięcia dla danej pary obiektów dla każdej z możliwych kombinacji elementów tego obiektu (np. granica pierwszego obiektu z wnętrzem drugiego). Takich relacji w dwuwymiarowej relacji można wyznaczyć osiem, należą do nich np. rozłączność, styczność, częściowe i całkowite pokrycie itd.

Istnieje również rozszerzenie modelu dziewięciu przecięć, zwanym DE-9IM (ang. Dimensionally Extended nine-Intersection Model, [14]), które rozróżnia rodzaj obiektu uzyskanego w wyniku przecięcia (mogą być puste, bezwymiarowe, jednowymiarowe i dwuwymiarowe).

### 2.2 Metody eksploracji danych przestrzennych

Specyfika danych przestrzennych, a w szczególności fakt, że własności obiektu w danych przestrzennych mogą zależeć od cech jego sąsiadów, powoduje, że stosowanie klasycznych metod eksploracji danych może doprowadzić do nieprawidłowych wyników [15] [16] - stąd też istnieje konieczność korzystania z metod eksploracji dedykowanych dla danych przestrzennych. Wiele z nich jest tak naprawdę rozwinięciem metod opracowanych dla klasycznych zbiorów danych.

#### 2.2.1 Grupowanie przestrzenne

Metoda grupowania przestrzennego (ang.  $spatial\ clustering$ ) zakłada istnienie przestrzeni m-wymiarowej, w której znajdują się punkty odpowiadające obiektom. Przestrzeń ta ma rozkład niejednorodny, a każdy z obiektów jest opisany przez m atrybutów. Celem grupowania jest poszukiwanie gęstych obszarów punktów używając w tym celu metryki Euklidesowej jako funkcji podobieństwa (bliskości).

Grupowanie przestrzenne w największym stopniu spośród wszystkich metod eksploracji danych przestrzennych jest podobna do swojego klasycznego odpowiednika - wiele algorytmów grupowania opracowanych dla klasycznych zbiorów danych zadziała również dla danych przestrzennych.

### 2.2.2 Klasyfikacja przestrzenna

Klasyfikacja przestrzenna (ang. spatial classification) działa podobnie jak jego odmiana dla danych klasycznych - przewiduje klasy nowych obiektów w oparciu o tzw. zbiór uczący, składający się ze wcześniejszych obserwacji.

W celu dostosowania klasyfikacji dla danych przestrzennych zaproponowano [17] wykorzystanie grafu sąsiedztwa będącego reprezentacją relacji przestrzennych między obiektami, w którym wierzchołki stanowią obiekty przestrzenne, a relacje są krawędziami. Następnie w takim grafie wyznaczane są wszystkie ścieżki, których początkiem jest analizowany obiekt. Dalej analiza przebiega zgodnie z algorytmem ID3 [18].

Z pojęciem klasyfikacji przestrzennej wiąże się także predykcja położenia (ang. location prediction), czyli przewidywanie zdarzeń we wskazanym miejscu w przestrzeni, przy uwzględnieniu autokorelacji przestrzennej. Przydaje się ono np. w określaniu regionów o wysokim ryzyku wystąpienia klęsk żywiołowych czy awarii.

### 2.2.3 Odkrywanie trendów przestrzennych

Trend przestrzenny definuje się [19] jako regularną zmianę co najmniej jednego atrybutu nieprzestrzennego obiektów wraz z oddalaniem się od innego obiektu. Odkrywanie trendów sprowadza się zazwyczaj do analizy regresji, gdzie odległość od danego obiektu jest zmienną niezależną, natomiast różnica wartości atrybutów do obserwacji - zmienną zależną.

Trendy dzieli się na globalne i lokalne. Pierwsze wskazują na zwiększanie (bądź zmniejszanie) wartości obserwowanych atrybutów przy rozpatrywaniu wszystkich obiektów znajdujących się na ścieżkach wychodzących z punktu początkowego. Typowym przykładem jest wzrost bezrobocia wraz z oddalaniem się od centrum miast. Trend lokalny jest reprezentowany przez pojedyncze ścieżki wykazujące inny kierunek zmian na danym atrybucie niż na sąsiednich ścieżkach.

#### 2.2.4 Przypadki osobliwe w danych przestrzennych

Czasem w danych przestrzennych można znaleźć obiekty, których atrybuty nieprzestrzenne są niespójne z innymi obserwacjami dokonanymi w ich otoczeniu. Noszą one miano przypadków osobliwych [20].

Wyszukiwanie takich zjawisk jest trudne, szczególnie gdy istnieje więcej atrybutów nieprzestrzennych - odwzorowanie ich w n-wymiarowej przestrzeni może skutkować przekleństwem wielowymiarowości (ang. curse of dimensionality) [21], utrudnionym rozróżnianiem obiektów podobnych do siebie.

#### 2.2.5 Asocjacje przestrzenne

Problem odkrywania asocjacji został pierwszy raz zdefiniowany w pracy [22] i w ogólności polega na analizie dostępnych transakcji (zbiorów obiektów, np. koszyka zakupów) oraz wykryciu występujących w nich regularności występowania elementów (typu: klient, który kupując bułki wybrał także masło).

Najczęściej reguły charakteryzuje się miarą wsparcia (ang. support) i ufności (ang. confidence). Pierwsza z nich wyraża stosunek występowania transakcji zawierającą lewą i prawą stronę reguły do ilości wszystkich transakcji. Ufność z kolei wskazuje na procentowy udział transakcji zawierających lewą i prawą stronę reguły we wszystkich transakcjach, które zawierają jego lewą stronę (jest to tzw. prawdopodobieństwo warunkowe). W celu ograniczenia ilości wykrytych wzorców wprowadzono także pojęcie zbioru częstego (ang. frequent itemsets) - zbioru elementów, dla

których wyznaczone wsparcie przekracza pewien ustalony przez użytkownika próg minimalnego wsparcia.

Z pracy [22] pochodzi także popularny algorytm wykorzystywany w wielu metodach odkrywania asocjacji i kolokacji, czyli metoda *Apriori*. Wykorzystuje on ważną cechę miary wsparcia, jaką jest *antymonotoniczność*. Wynika z niej, że zbiór może być zbiorem częstym tylko w przypadku, kiedy jego podzbiory są również zbiorami częstymi.

Na początku algorytmu generowane są jednoelementowe zbiory częste. Następnie iteracyjnie wykonywane są następujące kroki:

- tworzenie zbiorów częstych (i+1)-elementowych na podstawie zbiorów o długości i,
- filtrowanie zbiorów kandydujących w oparciu o miarę wsparcia,
- dodanie kandydatów do zbioru wynikowego.

Generowanie kandydatów polega na łączeniu wszystkich par zbiorów częstych o identycznych elementach początkowych, a następnie usuwaniu tych, które nie są zbiorami częstymi w oparciu o własność antymonotoniczności. Algorytm kończy się, gdy zbiór kandydatów będzie pusty.

W celu dostosowania metody odkrywania asocjacji do danych przestrzennych wprowadzono pojęcie przestrzennej reguły asocjacyjnej [23]. Zakłada ona istnienie predykatów przestrzennych (mogących wyrażać informacje o odległości czy kierunku), które mogą występować zarówno w części warunkującej (poprzedniku), jak w warunkowanej (następniku). Następnie podczas procesu odkrywania przestrzennych reguł asocjacyjnych dane umieszczone w ciągłej przestrzeni są zamieniane na zbiór transakcji. Metoda ta jest zaliczana do modelu zorientowanego na cechę referencyjną [4]. Istnieje też inne podejście, zwane odkrywaniem zbiorów częstych klas sąsiadów, opisane w pracy [24].

#### 2.2.6 Kolokacje przestrzenne

Przedstawiony w pracy [3] problem *odkrywania przestrzennych reguł kolokacyjnych* powstał w odpowiedzi na niedoskonałości asocjacji (w szczególności konieczność wyboru cechy referencyjnej) i zakłada istnienie równorzędnych cech przestrzennych.

Praca wprowadza pojęcie wzorca kolokacji przestrzennej (zwanego także kolokacją przestrzenną lub krócej - kolokacją), zbioru cech przestrzennych, których instancje często występują we wzajemnym sąsiedztwie [4]. Stanowi on swego rodzaju odpowiednik zbiorów częstych w asocjacjach przestrzennych. Również miara wsparcia została zastąpiona przez miarę powszechności (ang. prevalence), które eliminują wymaganie wiedzy o transakcjach.

Kolokacje przestrzenne są przykładem modelu zorientowanego na zdarzenie (ang.  $event\text{-}centric\ model$ ).

### 2.3 Odkrywanie kolokacji przestrzennych

Niniejszy rozdział zawiera opisy i definicje pojęć niezbędnych do zrozumienia algorytmu zawartego w rozdziale 3.

### 2.3.1 Cecha przestrzenna

Kluczową kwestią w procesie odkrywania kolokacji jest odpowiednia klasyfikacja obiektów występujących w bazie danych. Każdy zbiór danych przestrzennych, oprócz informacji o lokalizacji obiektu i opisujących go danych nieprzestrzennych powinien zawierać także właściwość pozwalającą na sklasyfikowanie danego obiektu do określonej klasy. Takie przypisanie nazywane jest cechą przestrzenną (ang. spatial feature) lub rzadziej klasą obiektu (ang. object class).

Jako typowy przykład cechy przestrzennej można podać etykietę przypisaną do obiektu na mapie (np. kościół, szkoła, strzelnica). Pozwala ona na jednoznaczne określenie własności przestrzeni w punkcie, gdzie znajduje się obiekt.

### 2.3.2 Podstawowe definicje

**Definicja 1 (Relacja sąsiedztwa)** Dany jest graf  $G \in (E, V)$ . Relacja sąsiedztwa R to relacja istniejąca pomiędzy wierzchołkami w grafie, taka, że jeżeli para (u, v) stanowi krawędź grafu G, to wierzchołek v jest sąsiedni do wierzchołka u.

**Definicja 2 (Instancja cechy przestrzennej)** Niech f będzie cechą przestrzenną. Mówimy, że obiekt x jest instancją cechy przestrzennej f, wtedy i tylko wtedy, gdy obiekt x jest typu f oraz jest opisany przez lokalizację i identyfikator.

**Definicja 4 (Sąsiedztwo)** Mające daną zwrotną i symetryczną relację sąsiedztwa R, sąsiedztwem lokalizacji l nazywamy zbiór lokalizacji  $L = \{l_1, l_2, ..., l_n\}$ , gdzie  $l_i$  jest sąsiadem l, tzn. zachodzi  $R(l, l_i)$   $\forall i \in 1, ..., n$ .

#### 2.3.3 Miary kolokacji

**Definicja 5 (Współczynnik uczestnictwa)** Współczynnik uczestnictwa (ang. participation ratio) cechy  $f_i$  w kolokacji c jest równy procentowemu udziałowi wszystkich instancji cechy  $f_i$  w instancjach kolokacji c:

$$pr(f_i, c) = \frac{|\pi^{f_i}(CI^c)|}{FI^{f_i}} \tag{1}$$

gdzie  $\pi^{f_i}(CI^c)$  oznacza projekcję relacyjną zbioru instancji  $CI^c$  względem cechy  $f_i$  (z usuwaniem duplikatów).



Rysunek 1: Relacja sąsiedztwa - lokalizacje  $l_2$  oraz  $l_3$  sąsiadują ze sobą.

**Definicja 6 (Indeks uczestnictwa)** Indeks uczestnictwa (ang. participation index) kolokacji c jest równy najmniejszemu ze współczynników uczestnictwa wyznaczonych dla każdej cechy przestrzennej  $f_i \in c$ :

$$pi(c) = min_{f_i \in c} pr(f_i, c) \tag{2}$$

Indeks uczestnictwa najczęściej określany jest w literaturze mianem miary powszechności lub krótko powszechnością kolokacji.

Definicja 7 (Maksymalny wzorzec kolokacji przestrzennej) Niech będzie dana wartość min\_prev oznaczająca pewien minimalny próg powszechności. Jeżeli  $c = \{f_1, ..., f_m\}$  jest kolokacją powszechną (tzn.  $pi(c) \ge min\_prev$ ) i nie istnieje żaden nadzbiór c taki, że powszechność dla tego nadzbioru jest równa co najmniej min\\_prev, kolokacja c nazywana jest kolokacją maksymalną.

#### 2.3.4 Problem

**Definicja 8 (Prawdopodobieństwo warunkowe)** Prawdopodobieństwem warunkowym  $cp(c_1, c_2)$  reguly kolokacyjnej  $c_1 \rightarrow c_2$  nazywamy stosunek liczby instancji wzorca c 1 w sąsiedztwie instancji wzorca  $c_2$  do liczby wszystkich instancji wzorca  $c_1$ :

$$cp(c_1, c_2) = \frac{|\pi^{c_1}(CI^{c_1 \cup c_2})|}{CI^{c_1}}$$
(3)

gdzie  $\pi^{c_1}(CI^{c_1\cup c_2})$  oznacza projekcję relacyjną instancji wzorca  $CI^{c_1\cup c_2}$  względem wzorca  $c_1$  (z usuwaniem duplikatów).

**Definicja 9 (Problem odkrywania kolokacji)** Problem odkrywania kolokacji przestrzennych jest zdefiniowany w następujący sposób. Mając dane:

- zbiór cech przestrzennych  $F = \{f_1, f_2, ..., f_m\}$
- zbiór obiektów  $FI = FI^{f_1} \cup FI^{f_2} \cup ... \cup FI^{f_m}$ , gdzie  $FI^{f_i}$ ,  $(0 < i \leq m)$  jest zbiorem instancji cechy  $f_i$ , przy czym każda instancja jest opisana przez lokalizację i identyfikator,
- symetryczną i zwrotną relację sąsiedztwa R,
- próg minimalnej powszechności min\_prev oraz próg minimalnego prawdopodobieństwa warunkowego min\_cond,

znajdź wszystkie poprawne reguły kolokacyjne z powszechnością nie mniejszą niż min\_prev i prawdopodobieństwem warunkowym nie mniejszym niż min\_cond.

### 2.4 Przegląd algorytmów odkrywania wzorców kolokacji przestrzennych

W tym podrozdziale zostaną zaprezentowane skrótowo najważniejsze algorytmy odkrywania kolokacji przestrzennych.

#### 2.4.1 Co-location Miner

Wraz z wprowadzeniem pojęcia kolokacji autorzy pracy [3] zaprezentowali także podstawowy obecnie algorytm rozwiązujący problem odkrywania wzorców kolokacji przestrzennych, zwany *Co-location Miner*. W algorytmie tym wyróżnia się następujące fazy:

- generowanie kandydatów na kolokacje przestrzenne (o długości i),
- wyznaczanie instancji dla wygenerowanych kandydatów,
- usuwanie kandydatów, których powszechność wynosi mniej niż przyjęty próg minimalnej powszechności.

Pozostali kandydaci trafiają do zbioru wynikowego, a następnie na ich podstawie są tworzone reguły kolokacyjne. Same reguły również podlegają filtracji - usuwane są te reguły, których prawdopodobieństwo warunkowe jest poniżej określonego progu.

W następnej iteracji algorytm wykonuje dokładnie te same kroki, przy czym generowani kandydaci są o długości o jeden większej. Całość kończy się, gdy nie jest możliwe już wygenerowanie nowych kandydatów.

#### 2.4.2 Multiresolution Co-location Miner

Korzystanie z oryginalnego algorytmu *Co-location Miner* wiąże się niestety z dużymi kosztami obliczeniowymi, głównie ze względu na pracochłonny krok generowania kandydatów na kolokacje. Dlatego też niedługo później w pracy [8] autorzy zaproponowali drobną modyfikację oryginalnego algorytmu, dodając dodatkowy krok filtrowania w opraciu o przybliżoną reprezentację zbioru wejściowego.

W algorytmie *Multiresolution Co-location Miner* zbiór wejściowy zostaje podzielony na obszary (mniejsze fragmenty). Zanim rozpocznie się faza wyznaczania instancji dla wygenerowanych kandydatów, nastepuje szacowanie ich powszechności na podstawie sąsiadujących instancji cech przestrzennych w ramach obszarów. W przypadku zbyt niskiej wartości szacowanej powszechności kandydata, można go wykluczyć z dalszego przetwarzania i tym samym oszczędzić zasoby niezbędne na wyznaczenie jego instancji.

Dalsze kroki przebiegają identycznie jak w przypadku oryginalnego  ${\it Co\textsc{-}location}$   ${\it Miner}.$ 

#### 2.4.3 Joinless

Celem autorów pracy [9] było stworzenie algorytmu, który omijałby konieczność tworzenia kosztownych połączeń przestrzennych na etapie wyznaczania instancji kandydatów na kolokacje (tak jak np. w przypadku rodziny algorytmów *Co-location Miner*). Nosi on nazwę algorytmu bezpołączeniowego (ang. *joinless*).

Główną różnicą w porównaniu do wcześniejszych algorytmów jest sposób generowania instancji kolokacji. Są one generowane na podstawie sąsiedztw typu gwiazda - zbiorów obiektów, w którego skład wchodzi rozpatrywany obiekt oraz jego sąsiedzi posiadający większą cechę przestrzenną. Wyznacza się je na podstawie oddzielnych algorytmów (np. plane sweep), lub korzysta z specjalnych struktur ułatwiających wykrywanie sąsiadów typu R-drzewo.

Wygenerowane instancje muszą zostać dodatkowo zweryfikowane (poprawne instancje powinny być kliką, czego nie gwarantuje sąsiedztwo typu gwiazda), a następnie - podobnie jak w algorytmie *Multiresolution Co-location Miner* - dokonuje się ich wstępnego filtrowania pod kątem progu minimalnej powszechności.

### 2.4.4 iCPI-tree

Drzewo iCPI (*improved Co-location Pattern Instance*, [11]) stanowi zmodyfikowaną odmianę drzewa CPI zawartego w pracy [10]. Struktura ta zawiera informacje o wszystkich zachodzących relacjach sąsiedztwa.

*iCPI-tree* posiada następującą strukturę:

- Poziom 1 korzeń drzewa (oznaczony etykietą NULL),
- Poziom 2 cechy elementów centralnych, czyli cechy przestrzenne obiektów centralnych sąsiedztw typu gwiazda;
- Poziom 3 instancje elementów centralnych, dla których ma zostać przechowana informacja o sąsiadach;
- Poziom 4 cechy sąsiadów,
- Poziom 5 instancje sasiadów.

Sąsiedzi uporządkowani są według rosnącej cechy przestrzennej, a w przypadku instancji tej samej cechy - zgodnie z rosnącym identyfikatorem. Takie uporządkowanie nosi nazwe uporządkowanego zbioru sąsiadów.

Powyższa struktura drzewiasta jest wykorzystana w algorytmie w celu generowania instancji coraz dłuższych kandydatów w kolejnych iteracjach. Dokonuje się tego poprzez systematyczną ich rozbudowę o kolejne elementy. Na początku wszystkie instancje są jednoelementowe, a w kolejnych iteracjach są one rozbudowywane poprzez wyszukiwanie sąsiadów z odpowiednią cechą i weryfikowane (należy sprawdzić, czy nowo dodany obiekt do instancji jest sąsiadem każdego z obiektów należących do tej instancji).

Pozostałe kroki algorytmu (generowanie kandydatów i reguł, filtrowanie według powszechności) są podobne jak w metodach *Co-location Miner* i *joinless*.

### 3 Wprowadzenie do technologii CUDA

Dziedzina informatyki, jaką są obliczenia ogólnego przeznaczenia na układach GPU (ang. general-purpose computing on graphics processing units, w skrócie GPG-PU) należy do stosunkowo świeżych technik programowania - jej właściwy początek można datować na okolice 2007 roku. Jeszcze do niedawna wśród programistów panowało przekonanie, że karty graficzne powinny być odpowiedzialne tylko za rysowanie obrazu, a cała odpowiedzialność za niezbędne obliczenia powinna padać na CPU, jako "serce" komputera. Były to czasy, kiedy pojęcie równoległego wykonywania zadań nie było szeroko rozpowszechnione - rdzenie procesora były jedynie nowinką, a cały rozwój procesorów CPU szedł w zwiększanie częstotliwości taktowania.

Szybko się okazało, że nie da się tego robić w nieskończoność. Podnoszenie częstotliwości spowodowało, że procesory zaczęły pobierać spore ilości energii, a także wydzielać ogromne ilości ciepła, którego nie dało się okiełznać bez korzystania z specjalnego chłodzenia. Rozwiązaniem okazało się skorzystanie z wielordzeniowości - wielu procesorów połączonych ze sobą specjalnymi magistralami, zamkniętymi w jednej obudowie. Wymagało to także zmiany podejścia do programowania. Równoległość daje olbrzymie możliwości, o ile potrafi się z nich skorzystać w odpowiedni sposób - bez tego programista nie uzyska zauważalnego wzrostu szybkości obliczeń, jakie dają współczesne układy wielordzeniowe.

Wielu osobom w trakcie tej "równoległej rewolucji" umknął pewien fakt - kiedy swoje triumfy świecił procesor *Pentium 4* firmy *Intel* o częstotliwości taktowania rzędu 3 GHz, na rynku istniały już rozwiązania równoległe, na których można było uzyskać znacznie lepsze wyniki. Były to oczywiście karty graficzne, które od dawna działały w sposób równoległy.

Dopóki nie powstały pierwsze specyfikacje bibliotek wspierających obliczenia na kartach graficznych, programiści próbowali wykorzystywać potencjał brzmiący w procesorach graficznych w oparciu o rendering 3D. Było to dosyć karkołomne zadanie i nie każdy algorytm można było rozwiązać w ten sposób. Karty graficzne musiały odczekać jeszcze parę lat, aby dało się wykorzystać w pełni ich możliwości obliczeniowe.

Spośród wszystkich technologii umożliwiających przeprowadzanie obliczeń na kartach graficznych zdecydowanie największą popularność osiągnęła pierwsza z nich, czyli CUDA (ang. Compute Unified Device Architecture). Została ona zaprezentowana po raz pierwszy w 2007 roku przez firmę NVIDIA i jest dedykowana wyłącznie produktom tej firmy (w porównaniu do konkurencyjnej technologii OpenCL).

#### 3.1 CPU a GPU

Jak już wspomiano, procesory graficzne, mające w pierwotnym założeniu wyłącznie wspomagać generowanie obrazu, od początku były projektowane jako układy przetwarzajace dane w sposób równoległy. Procesory zawarte w kartach graficznych posiadają znacznie więcej rdzeni niż CPU - mają one jednak mniejsze taktowanie, a także są gorzej wyposażone (w szczególności brakuje im rozszerzeń typowych dla CPU, typu SSE2 czy MMX). W związku z tym, nie wszystkie algorytmy nadają się dobrze do implementacji w środowisku GPU. Jeżeli jednak istnieje możliwość zrównoleglenia jakiegoś problemu zgodnie z paradygmatem SIMD, to wyniki osiągnięte na GPU będą w większości wypadków lepsze niż uzyskane na procesorze CPU.

Obecne procesory CPU z kolei potrafią działać sekwencyjnie, jak i równolegle, za pośrednictwem wielu mechanizmów wspierających równoległość (np. wątki, mutexy, wsparcie dla specjalnych struktur).

Oddzielną kwestią jest przydział tranzystorów tworzących poszczególne układy do pełnienia poszczególnych funkcji. W przypadku CPU większość tranzystorów stanowi pamięć podręczną oraz układy sterowania - za wykonywanie obliczeń jest odpowiedzialna ok. 1/4 tranzystorów wbudowanych w procesor. Natomiast w przypadku GPU gros tranzystorów wykorzystanych jest do budowy jednostek arytmetycznologicznych oraz zmiennoprzecinkowych. Z tego powodu duża część zadań związana z przepływem danych, uruchamianiem wątków czy podziałem zadań na GPU spoczywa na programiście, co dosyć mocno komplikuje kod.

### 3.2 Architektura CUDA

Procesor graficzny kompatybilny z CUDA zbudowany jest z wielu multiprocesorów strumieniowych (ang. streaming multiprocessors, w skrócie SM). Na każdy z nich składa się określona ilość rdzeni CUDA, które mogą przetwarzać dane w sposób równoległy - w każdym z nim jest umieszczona dodatkowo jednostka arytmetycznologiczna (ALU, umożliwia obliczenia na liczbach całkowitych) oraz jednostka zmiennoprzecinkowa (FPU). Do tego w każdym SM znajdują się jednostki funkcji specjalnych - w nich wyznaczane są wartości funkcji matematycznych typu pierwiastkowanie czy funkcje trygonometryczne. Liczba powyższych elementów nie jest stała - zależą one od miary potencjału obliczeniowego CUDA (ang. CUDA Compute Capability), który obsługuje dany sprzęt.

Każdy SM zawiera 16 jednostek wejścia i wyjścia, mających na celu pośredniczenie w przekazywaniu danych między różnymi typami pamięci. Przez nie odbywa się transfer danych do pamięci RAM karty graficznej (zlokalizowanej poza procesorem graficznym). W multiprocesorze są dostępne następujące typy pamięci podręcznej:

- pamięć rejestrów najszybsza pamięć, w której wątek może przechowywać swoje zmienne,
- pamięć wspólna (ang. *shared memory*) pamięć, poprzez którą może odbywać się wymiana danych między wątkami;
- pamięć podręczna pierwszego poziomu (ang. *L1 cache*).

Oprócz tego multiprocesor wyposażony jest w układy sterujące wywołaniem instrukcji (ang. *Instruction Dispatch Unit*) odpowiadające za wykonywanie obliczeń na zgrupowanych rdzeniach.

### 3.3 Programowanie wielowątkowe w języku CUDA C

Środowisko programistyczne *CUDA Toolkit* umożliwia programowanie w języku *CUDA C* - stanowi on podzbiór języka C++ i jest z nim w dużym stopniu kompatybilny. Kod w języku *CUDA C* da się łączyć z standardowym kodem C++ kompilowanym pod procesory CPU - w tym przypadku fragmenty kodu wywoływane po stronie karty graficznej są kompilowane przez specjalny kompilator *NVCC* dołączany do środowiska CUDA.

Funkcje wywoływane przez hosta, a wykonywane przez procesor graficzny w sposób równoległy przez wiele wątków są nazywane funkcjami jądra (ang. kernel). Wszystkie wątki uruchomione poprzez wywołanie jądra wykonują identyczny kod. Oczywiście da się je odróżnić poprzez unikalny identyfikator dostępny w specjalnej zmiennej. Zgodnie z modelem przetwarzania SIMD, na jednym multiprocesorze uruchomione wątki są grupowane w tzw. warpy (ang. warps) - zbiory 32 wątków wykonujących tą samą instrukcję.

Wątki można organizować w większe grupy. Podstawową grupą wątków jest blok, w ramach którego można uformować wątki w jednym, dwóch, a nawet trzech wymiarach. Bloki grupowane są z kolei w siatkę obliczeniową (ang. computation grid), która również może składać się z trzech wymiarów. Przy wywołaniu kernela programista określa liczbę równoległych bloków oraz ilość wątków na blok, za pomocą których urządzenie będzie przetwarzać równolegle kernel. Odpowiednie ustawienie tych wartości jest kluczowe dla wydajności przetwarzania - zbyt mała/wielka ilość przyznanych bloków może spowodować odwrotny skutek do zamierzonego. Maksymalne ilości wątków na blok i bloków na siatkę określa miara potencjału obliczeniowego CUDA.

### 3.4 Model pamięci

Karty graficzne obsługujące technologię CUDA posiadają następujące typy pamięci, dostępne dla programisty:

- rejestry zdecydowanie najszybsza i najwygodniejsza pamięć, umieszczona w procesorze graficznym, mała, ograniczona żywotność do czasu życia wątku;
- pamięć lokalna umiejscowiona w pamięci karty graficznej, wolna, będąca alternatywą do rejestrów;
- pamięć wspólna dostęp do niej możliwy jest ze wszystkich wątków pracujących w ramach jednego bloku, mała (umiejscowiona w chipie GPU), lecz o szybkim czasie dostępu;
- pamięć globalna duża (rzędu paru gigabajtów), wolna, o dużym czasie dostępu, dostęp z poziomu każdego wątku oraz hosta;
- pamięć stała dostępna dla wszystkich wątków w trybie tylko do odczytu, buforowana, posiada unikalną możliwość rozgłaszania danych (ang. broadcast);
- pamięć tekstur również tylko do odczytu, przeznaczona z myślą o przechowywaniu danych w postaci macierzy.

#### 3.5 Thrust

Biblioteka *Thrust* stanowi odpowiednik popularnej *Standard Template Library* dla języka CUDA C. Od wersji 1.4.0 jego wersja produkcyjna jest dołączana wraz z środowiskiem *CUDA Toolkit 4.0*.

Podobnie jak jego odpowiednik dla języka C++, Thrust zawiera bogatą kolekcję wbudowanych algorytmów i operacji dostosowanych do równoległego środowiska CUDA. W szczególności dostarcza równoległe operacje skanowania, sortowania czy

redukcji, zwalniając programistę od implementowania własnych, potencjalnie niewydajnych rozwiązań.

Thrust zawiera struktury znane z biblioteki STL, takie jak wektory (w wersji dla hosta oraz karty graficznej), iteratory oraz wiele innych typów generycznych ułatwiających korzystanie z możliwości dostarczanych przez środowisko CUDA C. Użycie ich jest analogiczne jak w "tradycyjnym" STL-u.

Oprócz tego, biblioteka *Thrust* oferuje następujące operacje:

- Inclusive scan wyznaczenie tablicy w oparciu o tablicę o rozmiarze k, takiej, że  $B[i] = \sum_{j=0}^{i} A[j], i \in (0, k-1);$
- Exclusive scan wyznaczenie tablicy w oparciu o tablicę o rozmiarze k, takiej, że  $B[0] = 0 \cap B[i] = \sum_{i=0}^{i-1} A[j], i \in (1, k-1);$
- Compact usuwanie pozycji z tablicy wejściowej spełniającej podany warunek, często na podstawie innej tablicy;
- Unique wyznaczenie unikalnych wartości z (posortowanej) tablicy wejściowej,
- Sort sortowanie tablicy podanej na wejściu, również na podstawie klucza sortowania będącego oddzielną tablicą.

### 4 Algorytm SGCT

Niniejszy rozdział ma za zadanie przybliżenie algorytmu będącego tematem tej pracy - metody odkrywania maksymalnych kolokacji przestrzennych w oparciu o graf rzadki i skondensowane drzewo instancji (ang. sparse-graph and condensed tree-based maximal co-location algorithm) przedstawionej w pracy [5].

Poszczególne kroki pierwotnego algorytmu SGCT zostaną opisane w kolejnych podrozdziałach. Szczegóły implementacji wraz z zaproponowanymi usprawieniami znajdują się w Rozdziale 4.

### 4.1 Generowanie tabeli instancji kolokacji o rozmiarze 2

Pierwszy krok algorytmu jest podobny do metody *Co-location Miner* i polega na wygenerowaniu 2-elementowych kandydatów na kolokacje.

Kolokacje o rozmiarze 2 tworzone są na podstawie wygenerowanych w oparciu o cechy przestrzenne jednoelementowych kolokacji. Nie jest do tego wykorzystywana jednak metoda *Apriori*, ponieważ udowodniono w pracy [3], że dla kandydatów dwuelementowych lepszą wydajność można uzyskać w oparciu o algorytm *spatial join*. Wykorzytany został zatem algorytm *sweeping-based spatial join* [25] z dodatkową modyfikacją, usuwającą pary instancji o tej samej cesze przestrzennej.

**Przykład 1** Przykładowe zapytanie tworzące kandydatów na kolokacje o rozmiarze 2 przestawia się następująco:

```
select p', p''

from \{p_1, ..., p_{12}\}p', \{p_1, ..., p_{12}\}p''

where p'.feature \neq p''.feature, p''p'', (p', p'') \in R
```

Na podstawie wygenerowanych kolokacji oraz tzw. progu odległości (ang. distance threshold) tworzona jest dwuwymiarowa tablica z haszowaniem (ang. hash table). Jest ona indeksowana cechami przestrzennymi. Każdy element tablicy zawiera wskaźnik do listy zawierającej instancje kandydatów o odpowiadających indeksom cechach przestrzennych. Instancja zostanie dodana do tej listy tylko wtedy, gdy odległość między instancjami nie przekracza dopuszczalnego progu odległości między nimi.

### 4.2 Obliczanie miary powszechności

Również krok obliczania powszechności dla kandydatów nie różni się od tego znanego z Co-location Miner.

Dla każdego kandydata w tabeli wyliczany jest współczynnik uczestnictwa (ang. participation index). Dokonuje się tego poprzez wybieranie wszystkich unikalnych instancji cech przestrzennych, która są ujęte w danej kolokacji. Następnie zgodnie z definicją miary powszechności z tabeli instancji są usuwani kandydaci, dla których obliczona miara powszechności jest mniejsza niż zadany próg minimalnej powszechności min\_prev [3].

### 4.3 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne

Krok ten wprowadza nową strukturę, zwaną grafem kolokacji o rozmiarze 2 (ang. size-2 co-location graph). Jego definicja brzmi następująco:

Definicja 10 (Graf kolokacji o rozmiarze 2) Jeżeli przyjąć relacje sąsiedztwa między kolokacjami o rozmiarze 2 jako krawędzie  $E = \{e_1, ..., e_u\}$ , a cechy przestrzenne występujące w kolokacjach jako wierzchołki  $V = \{v_1, ..., v_\lambda\}$ , gdzie u i  $\lambda$  są odpowiednio liczbą krawędzi i liczbą wierzchołków, to graf kolokacji o rozmiarze 2 można zamodelować jako graf nieskierowany G = (V, E), przechowywany w listowej strukturze danych uporządkowanej rosnąco. Zbiór N jest zbiorem sąsiedztw wierzchołka i definiuje się go następująco:

$$N(v_i) = \{W | v_i, w \in E\} \tag{4}$$

Zadaniem tego kroku jest wyszukanie w takim grafie maksymalnych klik, określanych jako kandydaci na maksymalne kolokacje (ang. candidate maximal co-location).

Definicja 11 (Kandydat na maksymalną kolokację) Kandydat na maksymalną kolokację  $C_m$  składa się z uporządkowanych cech przestrzennych o następujących właściwościach: każda para cech w  $C_m$  jest ze sobą połączona krawędzią, a żadne dodatkowe cechy nie mogą być dodane do  $C_m$  bez zachowania ich kompletnego połączenia.

Autorzy pracy [5] udowodnili, że graf kolokacji o rozmiarze 2 można traktować jako graf rzadki. Umożliwia to efektywne korzystanie z algorytmu Brona-Kerboscha [27] do wyszukiwania maksymalnych klik w grafie nieskierowanym. Wprowadzone zostały do niego pewne modyfikacje uwzględniające rozproszenie grafu oraz wybieranie pivotu w celu usprawienia wyszukiwania kandydatów na kolokacje (patrz Algorytm 1).

```
Wejście: G = (E, V)
    Wyjście: CP_m
 1 CP_m \leftarrow \emptyset; X \leftarrow \emptyset; P \leftarrow \emptyset;
 2 foreach v_i^* in lista v_1^*, v_2^*, ..., v_{\lambda}^* uporządkowanych wg. degeneracji do
         P \leftarrow N(V_i^*) \cup \{v_{i+1}^*, ..., v_{\lambda}^*\};
         X \leftarrow N(V_i^*) \cup \{v_1^*, ..., v_{i-1}^*\};
 4
         BK_{-}Pivot(P, \{v_i^*\}, X);
 6 end
 7 Procedure BK_Pivot(M,K,T)
        if M \cup T = \emptyset then \{CP_m \leftarrow CP_m \cup K\};
 8
         wybór pivotu\ u \in M \cup T; % do maksymalizacji |M \cap N(u)|;
 9
         foreach v_i \in M \setminus N(u) do
10
              BK_{-}Pivot(M \cap N(V_i), K \cup \{v_i\}, T \cap N(V_i));
11
              M \leftarrow M \setminus \{v_i\};
12
             T \leftarrow T \cup \{v_i\};
13
14
```

Algorytm 1: Generowanie maksymalnych kandydatów na kolokacje

Pierwsza z modyfikacji oryginalnego algorytmu dodaje mechanizm pivoting selection opisany pierwotnie w pracy [28] (linia 9). Jak wykazano w pracy [29] wybranie wierzchołka zmniejszającego liczbę rekurencyjnych wywołań algorytmu znacząco

zmniejsza ogólny czas wykonania. Wybiera on wierzchołek będący osią podziału zbioru (tzw. pivot) w oparciu o rozmiar unii sąsiadów tego wierzchołka i wierzchołków kandydatów. Każda maksymalna klika musi zawierać albo wierzchołek u, albo niesąsiadujące z nim wierzchołki - jeżeli nie zawiera, zostanie on dodany (linie 11-13). W związku z tym, tylko wierzchołek u i jego nie-sąsiedzi muszą być przetestowani (linia 10).

Druga modyfikacja opiera się o pojęcie rozproszenia grafu. Opisuje się je miarą degeneracji grafu [31]:

**Definicja 12 (Degeneracja grafu)** Degeneracja grafu G jest najmniejszą wartością k, taką, że każdy niepusty podgraf G zawiera wierzchołki o stopniu co najwyżej k. Oznacza to, że wielkość maksymalnej kliki nie może przekroczyć k+1.

Definicja 13 (Uporządkowanie wg. miary degeneracji) Uporządkowanie według miary degeneracji wierzchołków grafu G to takie uporządkowanie, które minimalizuje stopień degeneracji grafu. Taka uporządkowanie gwarantuje m.in. optymalną kolejność kolorowania w problemie kolorowania wierzchołków.

Wierzchołki w zewnętrznej rekurencji są uporządkowane według stopnia degeneracji (linia 2). W ciele rekurencji (linie 3-5) liczba wierzchołków czekających na weryfikację nie przekroczy k. Tym sposobem ograniczono liczbę zewnętrznych rekurencji. Dla grafów o małym stopniu degeneracji obserwuje się duży wzrost wydajności [26].

Autorzy pracy [30] udowodnili, że zbiór wynikowy kandydatów na kolokacje zawsze będzie zawierał wszystkie maksymalne kliki spełniające próg powszechności. Jest to jeden z warunków poprawności algorytmu generowania maksymalnych kandydatów na kolokacje.

### 4.4 Proces odcinania

W ostatnim kroku w oparciu o tzw. prunning framework [30] nastepuje otrzymywanie końcowych maksymalnych kolokacji spośród kandydatów wyznaczonym w poprzednim procesie. Na początku dla każdego z nich uruchamiany jest algorytm wyszukiwania klik instancji. Do jego zrozumienia niezbędne jest wprowadzenie poniższych definicji.

Definicja 14 (Uporządkowana klika instancji) Dana jest tabela instancji kolokacji o rozmiarze 2 (InsTable<sub>2</sub>) oraz kandydat na maksymalną kolokację  $C_m$ . Jego uporządkowana klika instancji Ins $C_m$  jest grupą instancji przestrzennych spełniających następujące warunki:

- rozmiar  $InsC_m$  jest równy rozmiarowi  $C_m$ , a cechy w odpowiadających sobie instancjach w  $InsC_m$  i  $C_m$  są takie same;
- instancje każdej pary instancji w  $InsC_m$  sąsiadują ze sobą w przestrzeni i można je znaleźć w tabeli  $InsTable_2$ .

Definicja 15 (Skondensowane drzewo instancji) Dany jest kandydat na maksymalną kolokację  $C_m$ . Skondensowane drzewo instancji CInsTree jest konstrukcją kompresującą wszystkie uporządkowane kliki instancji  $C_m$ .

Algorytm 2 ma charakter iteracyjny, w którym zmienna i jest zmienną sterującą pętli. Na początku zostaje zainicjalizowane drzewo CInsTree i tworzony jest jego korzeń. Następnie uruchamiany jest proces konstrukcji drzewa, podzielony na dwa etapy. Pierwszy etap wykonywany jest tylko w pierwszej iteracji algorytmu - kolejne iteracje będą wykonywać krok drugi.

W pierwszym kroku (linie 3-11) dla każdej pary instancji pierwszych dwóch cech przestrzennych  $C_m$  nastepuje sprawdzenie, czy pierwszy element aktualnie przetwarzanej pary instancji istnieje na danym poziomie drzewa CInsTree (oznaczonego jako  $CInsTree_1$ ). Jeżeli tak, następuje dodanie drugiego elementu jako węzeł podrzędny odpowiadającego mu węzła na poziomie pierwszym. W przeciwnym wypadku, na podstawie obecnej pary instancji tworzone jest poddrzewo, które następnie jest dołączane do korzenia CInsTree.

Drugi etap rozpoczyna się konstrukcją listy El zawierającej instancje cechy  $C_m(i+1)$ . Dokonuje się tego dla każdego węzła instancji na poziomie i-tym drzewa CInsTree popzez skanowanie  $InsTable_2(C_m(i), C_m(i+1))$ , gdzie  $c_m(i)$  jest i-tą cechą  $C_m$ . Nastepnie dla każdego elementu tej listy nastepuje sprawdzenie, czy zarówno para instancji składająca się z tego elementu, jak i każdy przodek aktualnego węzła instancji CInsTree znajduje się w tablicy kolokacji o długości 2 -  $InsTable_2$ . Jeżeli tak, dodaje się ten element jako węzeł podrzędny aktualnego węzła instancji.

Proces działa do czasu, gdy nie będzie żadnego węzła na *i*-tym poziomie drzewa lub dopóki *i* nie będzie mniejsze niż  $len(C_m) - 1$ .

Po zakończeniu algorytmu pozostaje jeszcze wyliczenie indeksów powszechności dla odnalezionych klik instancji. Podobnie jak wcześniej, w przypadku kiedy miara powszechności nie jest mniejsza niż przyjęty na początku próg powszechności, kandydata można przyjąć jako właściwy wzorzec kolokacji [3].

```
Wejście: C_m, InsTable_2
   Wyjście: CInsTree - skondensowane drzewo instancji C_m
1 i \leftarrow 1; CInsTree \leftarrow \emptyset; utwórz korzeń drzewa CInsTree;
 2 while i < size(C_m) do
      if i = 1 then
3
          foreach para instancji InsPair_k \in InsTable_2(C_m(1), C_m(2)) do
4
              if InsPair(1) \in CInsTree_0. children then
5
                  dodaj węzeł podrzędny InsPair_k(2) do
6
                   CInsTree_1(InsPair_k(1));
              else
7
                  utwórz poddrzewo z InsPair_k(1) jako korzeniem i InsPair_k(2)
8
                   jako pierwszym dzieckiem;
                  dołącz to podrzewo do korzenia CInsTree;
9
              end
10
          end
11
       else
12
          foreach wezel instancji ins_k \in CInsTree_i do
13
              znajdź indeksy elementów równych ins_k od pierwszej kolumny
14
               InsTable_2(C_m(i), C_m(i+1));
              przechowaj drugi element odpowiadającej pary instancji w liście
15
               El:
              foreach ei_t \in El do
16
                  flag \leftarrow i - 1;
17
                  currIns \leftarrow ins_k.parent;
18
                  while flag \geqslant 1 do
                     if (currInt, ei_t) \in InsTable_2(C_m(flag), C_m(i+1)) then
20
                         currIns \leftarrow currIns.parent;
21
                     else
22
                         break;
23
                     end
24
                      flag \leftarrow flag - 1;
25
26
                  if flag = 0 then dodaj węzeł podrzędny ei_t do
27
                   CInsTree_i(ins_k);
              end
28
          end
29
30
      end
31 end
```

**Algorytm 2:** Konstrukcja skondensowanego drzewa instancji  $C_m$ 

### 5 Implementacja CPU

W tym rozdziale zostaną opisane implementacje rozwiązania problemu [5] wykorzystujące wyłącznie potencjał procesorów CPU (ang. Central Procession Unit), bez udziału karty graficznej w obliczeniach. W szczególności zostaną zaprezentowane techniki optymalizacyjne dedykowane dla poszczególnych podejść do rozwiązania problemu.

Do celów porównawczych zostały zrealizowane dwa rozwiązania: sekwencyjne (bez żadnego wsparcia dla równoległości) oraz równoległe (z wykorzystaniem biblioteki *Parallel Patterns Library* firmy *Microsoft*).

### 5.1 Wersja sekwencyjna

### 5.1.1 Generowanie instancji w oparciu o próg odległości

Podobnie jak w pierwotnej wersji algorytmu, generowanie kandydatów na kolokacje o rozmiarze 2 następuje na podstawie *lączenia przestrzennego w oparciu o zamiatanie* (ang. *sweeping-based spatial join*). Algorytm zamiatania (ang. *plane sweep algorithm*) użyty w procesie łączenia został jednak nieznacznie zmodyfikowany.

Na początku wektor będący zbiorem wejściowym jest traktowany algorytmem sortowania szybkiego (ang. quick sort) dostępnym w bibliotece standardowej C++. Jako kryterium sortowania zostaje wybrana relacja między arbitralnie wybranym wymiarem przestrzeni.

Następnie następuje wyznaczenie progu odległości, na podstawie którego będą dobierani kandydaci na kolokacje. Warto zwrócić w tym miejscu uwagę na fakt, że algorytmowi nie jest potrzebna wiedza o rzeczywistej odległości między dwoma punktami w przestrzeni, a jedynie relacja między tą odległością a zadanym progiem odległości. Daje to możliwość uniknięcia niepotrzebnych obliczeń (pierwiastkowania) przy wyznaczaniu odlegości między punktami. Dlatego też, zamiast bezpośrednio działać w oparciu o zadany próg odległości, wyliczany jest efektywny próg odległości, będącym progiem odległości podniesionym do potęgi drugiej.

Pozostało już jedynie filtrowanie obiektów w oparciu o wyliczony efektywny próg odległości. Dla każdego obiektu ze zbioru wejściowego następuje przeszukiwanie we wszystkich kierunkach obiektów sąsiadujących z nim, a następnie sprawdzana jest odległości między nimi. Gdy jest ona mniejsza niż ustalony wcześniej próg odległości obiekt umieszczany jest w specjalnej strukturze insTable. Jednocześnie tworzony jest wektor typeIncidenceCounter, w którym zliczane są wystąpienia kolejnych cech instancji przestrzennych (informacja o tym przyda się przy wyznaczaniu miary powszechności). Dodatkowo, pętla wewnętrzna jest przerywana, jeżeli wartość bezwzględna różnicy posortowanych współrzędnych poszczególnych obiektów będzie większa niż zadany próg odległości. Ma to na celu ograniczenie zbędnych porównań w przypadku, kiedy istnieje pewność, że żadne kolejne punkty nie spełnią progu odległości - a zatem nie wejdą do zbioru insTable.

Struktura insTable pełni podobną rolę, jak w oryginalnym algorytmie SGCT, nie jest ona jednak dwuwymiarową tablicą z haszowaniem. Zamiast tego zastosowano trójwymiarową mapę wskaźników na wektor liczb, w której wymiarami są kolejno: typ elementu A, typ elementu B oraz numer instancji przestrzennej A. W wektorze przechowywane są kolejne numery instancji przestrzennej B. W celu efektywnego odczytywania sąsiadów o danej cesze konkretnej instancji, dane w wektorze

są umieszczane w taki sposób, że zawsze spełniają relację  $numer\ cechy\ A>numer\ cechy\ B$ . Dodatkowo, zamiast standardowej mapy (std::map) została wykorzystana mapa nieuporządkowana - gwarantuje ona większą wydajność przeglądania (kosztem większego zużycia pamięci).

### 5.1.2 Filtrowanie sąsiadów w oparciu o próg minimalnej powszechności

Krok ten stanowi zmodyfikowaną wersję algorytmu obliczania miar powszechności znanego z algorytmu *Co-location Miner* (patrz Rozdział 2.4.1).

Na początku wykonywana jest funkcja countUniqueInstances. Ma ona na celu zliczenie wszystkich wystąpień par instancji bez duplikatów. Podobnie jak w kroku pierwszym zostały tu użyte mapy nieuporządkowane (std::unordered\_map) w celu przyspieszenia przetwarzania. Do budowy mapy została użyta własna funkcja mieszająca powstała na bazie hash\_combine z biblioteki boost. Ogranicza ona występowanie kolizji w przypadku wstawiania nowych elementów do tablicy z haszowaniem.

Następnie w oparciu o wektor wynikowy tej funkcji oraz utworzony wcześniej wektor type Incidence Counter (patrz Rozdział 5.1.1) dla każdego kandydata w tabeli ins Table wyliczany jest współczynnik uczestnictwa. W przypadku, gdy obliczona miara powszechności jest mniejsza od zadanego progu minimalnej powszechności, kandydat jest usuwany z struktury ins Table, a użyta przez niego pamięć zostaje zwolniona na poczet dalszych obliczeń.

### 5.1.3 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne

Tak jak w przypadku oryginalnego algorytmu, kandydaci na kolokacje maksymalne są generowani w oparciu o graf kolokacji o rozmiarze 2 (patrz Definicja 10). Tworzony jest na bazie struktury insTable za pomocą funkcji createSize2ColocationsGraph. Krawędź między elementami pary instancji jest tworzona tylko i wyłącznie wtedy, kiedy numer instancji przestrzennej A jest większy od zera.

Po wygenerowaniu grafu liczona jest jego miara degeneracji (patrz Definicja 12). W tym celu został wykorzystany Algorytm 3 zaprezentowany przez Matulę i Becka w pracy [31]. Działa on w czasie wielomianowym, co pozwala na odciążenie CPU. Funkcja zwraca zarówno miarę degeneracji, jak uporządkowany według niej wektor wierzchołków występujących w grafie.

Dalsze kroki algorytmu wykonywane są dla poszczególnych wierzchołków uporządkowanych według miary degeneracji. Podobnie jak w oryginalnym algorytmie z pracy [28] tworzone są grupy wierzchołków o niższych i wyższych indeksach, a następnie uruchamiana jest funkcja  $BK_{-}Pivot$ , w której następuje wyszukiwanie maksymalnych klik w oparciu o algorytm Brona-Kerboscha [27].

Aby ograniczyć czas wyszukiwania maksymalnych klik, zostały zastosowane tzw. wektory sortowane zamiast zazwyczaj używanych zbiorów (std::set) z biblioteki C++. Posiadają one większą wydajność, a do tego pozwalają na skorzystanie z funkcjonalności zarezerwowanej wyłącznie dla zbiorów.

## 5.1.4 Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowanie kandydatów na podstawie progu powszechności

Na początku wszystkie rozważane maksymalne kliki z poprzedniego kroku są umieszczane w specjalnej strukturze *cliquesToProcess* będącej trójwymiarowym

```
Wejście: G = (E, V)
    Wyjście: k (miara degeneracji), L (lista wierzchołków uporządkowanych
                   według miary degeneracji)
 1 L \leftarrow \emptyset;
 D \leftarrow \emptyset;
 з foreach v_i \in G do
         D(d_v) \leftarrow \text{liczba sąsiadów } v \notin L \text{ (początkowo równa stopniowi}
          wierzchołka);
 5 end
 6 k \leftarrow 0;
 7 foreach v_i \in G do
         znajdź takie i, dla którego D(i) \neq \emptyset;
         k \leftarrow max(k, i);
 9
         v \leftarrow \text{wierzchołek z } D(i);
10
         L \leftarrow \{v\} \cup L;
11
         D(i) \leftarrow D(i) \setminus \{v\};
12
        foreach w \leftarrow sqsiedzi \ v \notin L \ \mathbf{do}
13
             d_w' \leftarrow d_w - 1;
14
             D(d_w) \leftarrow D(d_w) \setminus \{w\};
15
             D(d'_w) \leftarrow D(d'_w) \cup w;
16
         end
17
18 end
```

Algorytm 3: Obliczanie miary degeneracji metodą Matuli i Becka (1983)

wektorem, gdzie pierwsza współrzędna stanowi rozmiar kolokacji, a druga o pozycji kliki w kolejce w poszczególnych wierszach. Trzecią współrzędną są oczywiście kolejne elementy danej kliki.

Następnie iteracyjnie przetwarzana jest każda klika, począwszy od największej. Zrezygnowano w tym miejscu z podejścia rekurencyjnego, gdyż prowadziłoby to do niepotrzebnego utrzymywania ogromnego stosu wywołań (ang. call stack). W każdej iteracji sprawdzana jest miara powszechności dla kliki instancji - odpowiedzialna jest za to funkcja isCliquePrevalent.

Wyliczone kliki są umieszczane w obiektach *CliqueContainer* i *LapsedCliqueContainer*. Pełnią one rolę pamięci podręcznej dla powyższych algorytmów. Dzięki temu nie ma potrzeby ponownego przeliczania tych samych klik instancji, co prowadzi do kilkunastokrotnego wzrostu wydajności obliczeń.

Dla klik o długości większej niż 2 tworzone jest skondensowane drzewo instancji (patrz Definicja 15). Implementacja konstrukcji takiego drzewa zasadniczo nie różni się od pierwotnego algorytmu zaprezentowanego w pracy [5], zastosowano w nim jednak pewne metody optymalizacyjne - wskaźniki do rodziców w celu ograniczenia przeszukiwań drzewa w dół, użycie wektora zawierającego wskaźniki do liści znajdujących się na ostatnim poziomie drzewa, wskaźniki typu unique\_ptr (więcej szczegółów w Dodatku A). Następnie zliczane są wystąpienia instancji w klikach za pomocą odwróconej pętli i na ich podstawie wyliczana jest miara powszechności.

W przypadku, kiedy miara nie jest mniejsza niż przyjęty na początku próg powszechności, kandydat jest dodawany do zbioru rozwiązań. W przeciwnym wypadku do struktury *cliquesToProcess* dodawane są podkliki, które również będą rozważane

### 5.2 Wersja wielowątkowa

Jak już wcześniej wspomniano, rozwiązanie równoległe zostało oparte o multiplatformową, wysokopoziomową bibliotekę *Parallel Patterns Library* firmy *Microsoft*. Została ona pierwszy raz zaprezentowane szerszej publiczności wraz z wydaniem środowiska *Visual Studio 2010* i docelowo ma być konkurencją dla popularnej biblioteki *OpenMP*.

Cechą charakterystyczną tej biblioteki jest podobieństwo składni do tej z biblioteki standardowej C++ (ang. C++ Standard Library). Wykorzystuje też wszystkie właściwości języka C++, jakie przynosi standard C++11 i późniejsze (w tym funkcje lambda).

Biblioteka *PPL* wprowadza zbiór obiektów zwanych kontenerami o dostępie równoległym (ang. concurrent containers). Są to odpowiedniki kontenerów z biblioteki standardowej C++, które cechują się równoległymi wersjami funkcji operujących na kontenerach (np. operacji wstawiania czy usuwania). W zdecydowanej większości przypadków ich użycie nie różni się od wersji sekwencyjnych dostępnych w bibliotece STD - wymagane jest jedynie umieszczenie ich w odpowiednim bloku, np. parallel\_for.

W przypadku, kiedy istnieje potrzeba dostarczenia kopii kontenera dla każdego z wątków (np. żeby nie blokować dostępu innym wątkom do współdzielonego obiektu), istnieje także klasa kontenerów typu *combinable*. Kiedy równoległe przetwarzanie zostanie zakończone, prywatne kopie wygenerowane dla każdego z wątków są wtedy przezroczyście łączone w całość. Oczywiście *PPL* zawiera także tradycyjne metody zapewnienia równoległości w programie, takie jak zadania (ang. *tasks*) oraz klasyczne mutexy.

Zasadniczą różnicą między *PPL* a *OpenMP* jest zastosowanie dynamicznego planisty (ang. *dynamic scheduler*), co pozwala na lepszą optymalizację równoległego przetwarzania w zależności od aktualnie dostępnych zasobów w systemie. Na dynamicznym planiście zyskują szczególnie problemy o charakterze rekurencyjnym (np. algorytmy sortujące czy szeroko wykorzystywane w niniejszej pracy przeszukiwanie danych) [32]. Do tego technologia *OpenMP* nie zawiera żadnego mechanizmu anulowania, często wymaganego w algorytmach o charakterze równoległym [33].

Powyższe wady środowiska *OpenMP* były powodem, dla których ostatecznie - pomimo ubogiej dokumentacji oraz niskiej popularności - została wybrana biblioteka *Parallel Patterns Library* jako najbardziej optymalna dla algorytmu *SGCT* będącego tematem tej pracy.

#### 5.2.1 Generowanie sąsiadów na podstawie progu odległości

Różnice w równoległej implementacji generowania sąsiadów w stosunku do wersji sekwencyjnej (patrz Rozdział 5.1.1) wynikają w dużej mierze z zastosowania alternatywnych struktur dostępnych w ramach biblioteki *Parallel Pattern Library*.

Dla przykładu, zbiór wejściowy jest sortowany za pomocą wbudowanego w bibliotekę PPL algorytmu równoległego sortowania buforowanego (ang. parallel buffered sort). Jest to odmiana standardowego sortowania szybkiego wykorzystujące równoległe scalanie (ang. parallel merge) w celu zastąpienia pierwotnego kroku dzielenia w algorytmie sortowania szybkiego, którego nie da się zrównoleglić [34] - i podobnie

jak quick sort, po posortowaniu elementy o tej samej wartości mogą nie występować w tej samej kolejności (przykład tzw. sortowania niestabilnego). Dla wielu procesorów pozwala osiągnąć większą wydajność niż standardowy quick sort (jego złożoność wynosi  $O((n/p)*\log n)$  dla p procesorów). Podejście to wymaga niestety dodatkowej alokacji pamięci o rozmiarze O(n).

W procesie filtrowania obiektów na podstawie wyliczonego progu odległości, podobnie jak w wersji sekwencyjnej, tworzona jest tablica asocjacyjna insTable - jednak w podejściu równoległym jest ona typu combinable. Dzięki temu każdy wątek posiada swoją prywatną kopię tablicy insTable, w której umieszcza przetwarzane przez siebie pary instancji, które nie przekraczają wyliczonego progu efektywnej odległości. Po zakończeniu przetwarzania przez wszystkie wątki lokalne kopie struktury insTable są łączone w całość poprzez zastosowanie operacji redukcji oraz sumowania wektorów parami, co eliminuje problem współbieżnego dostępu do struktury w środowisku równoległym. Podobnie sytuacja wygląda w przypadku struktury typeIncidenceCounter.

W algorytmie filtrowania został wykorzystany także dynamiczny planista (auto partitioner). W przypadku przerwania pętli wewnętrznej algorytmu, planista dynamicznie przydziela bezczynnym wątkom kolejne dane wejściowe niezbędne do dalszego przetwarzania. Po wyjściu z pętli następuje synchronizacja wątków, a tablica insTable ulega scaleniu.

Poza powyższymi usprawnieniami, ogólny mechanizm oraz struktury zastosowane w kroku pierwszym pozostały właściwie niezmienione w stosunku do wersji sekwencyjnej.

## 5.2.2 Filtrowanie sąsiadów na podstawie progu minimalnej powszechności

Jedyną różnicą na tym etapie algorytmu w stosunku do odmiany sekwencyjnej jest dodatkowy krok określenia zakresu pracy dla każdego z wątków biorących udział w liczeniu wystąpień par instancji. Odpowidzialna za to jest funkcja getWorkloadForInsTable.

W porównaniu do poprzedniego etapu, wykorzystywany jest statyczny planista (ang. static-partitioner) będący odpowiednikiem funkcji omp parallel for z biblioteki OpenMP. Dzięki temu każdemu wątkowi przydzielana jest stała ilość par instancji do przetworzenia. Liczba ta jest wyznaczana na podstawie rozmiaru tablicy insTable. Daje to pewną oszczędność czasu, gdyż wątki nie tracą czasu na dynamiczne przydzielanie pracy do wykonania.

#### 5.2.3 Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne

Zasadniczą zmianą na tym etapie algorytmu jest wprowadzenie równoległej wersji algorytmu 4 liczenia maksymalnych klik metodą Brona-Kerboscha [27]. Korzysta on ponownie z dynamicznego planisty w celu dynamicznego rozdzielenia pracy dla poszczególnych wątków, ponieważ nieznany jest czas wykonywania algorytmu.

Każdy z wątków uruchamia dla swojej puli wierzchołków standardową wersję algorytmu Brona-Kerboscha wykorzystującą tzw. *pivot*. Podejście to może powodować występowanie duplikatów - dlatego też po zakończeniu działani algorytmów zbiór wynikowy rzutowany jest na kontener *std:set*, likwidując tym samym potencjalnie występujące w zbiorze duplikaty.

Tradycyjnie na końcu lokalne listy maksymalnych klik są scalane w jedną strukturę wynikową za pomocą instrukcji *combinable::combine\_each*.

```
 \begin{aligned} & \textbf{Wejście} : G = (E,V) \\ & \textbf{1} \;\; R \leftarrow \emptyset; X \leftarrow \emptyset; P \leftarrow V(G); \\ & \textbf{2} \;\; \textbf{foreach} \;\; v_i^* \;\; in \;\; lista \;\; v_1^*, v_2^*, ..., v_\lambda^* \;\; uporządkowanych \;\; wg. \;\; degeneracji \;\; \textbf{do} \\ & \textbf{3} \;\;\; \middle| \;\; BK\_Pivot(R \cup \{v_i^*\}, P \cap N(v_i^*), X \cup N(v_i^*); \\ & \textbf{4} \;\;\; \middle| \;\; P \leftarrow P \backslash \{v_i^*\}; \\ & \textbf{5} \;\;\; \middle| \;\; X \leftarrow X \cup \{v_i^*\}; \\ & \textbf{6} \;\; \textbf{end} \end{aligned}
```

Algorytm 4: Równoległy algorytm Brona-Kerboscha

## 5.2.4 Generowanie skondensowanych drzew instancji oraz filtrowanie kandydatów na podstawie progu powszechności

W porównaniu do wersji sekwencyjnej, konstrukcja skondensowanego drzewa instancji oraz liczenie miary powszechności jest dokonywany w sposób równoległy. Wymagało to zaprojektowania równoległych odpowiedników kontenerów znanych z odmiany sekwencyjnej, czyli ParallelCliqueContainer i ParallelLapsedCliqueContainer zapewniających bezpieczeństwo przetwarzania równoległego. Niezbędne było także zastosowanie (podobnie jak w kroku pierwszym) dynamicznego planisty (ang. auto scheduler) przydzielającego dynamicznie kolejne kliki do przetworzenia do poszczególnych wątków. Niemożliwe było zastosowanie statycznego planisty z uwagi na fakt, że na tym etapie nie można przewidzieć dokładnego czasu konstrukcji skondensowanego drzewa instancji.

Oddzielną kwestią jest struktura tablicy *insTable*. Podobnie jak w wersji sekwencyjnej zawiera trzy wymiary. Wykorzystano wektor pochodzący z standardowej biblioteki C++, którego elementy są wskaźnikami na wektory równoległe (ang. *concurrent vector*) pochodzące z biblioteki *PPL* - same z kolei zawierają wskaźniki na wektory klasyczne. To nieco pokrętne rozwiązanie zapewnia bezproblemowe przetwarzanie równoległe, a także - ze względu na minimalizację fragmentacji zaalokowanej pamięci - przyspiesza działanie algorytmu.

Podobnie jak w innych krokach, również tutaj wykorzystywany jest wektor typu *combinable*. Umieszczany jest w niej ostateczny wynik przetwarzania będący scaleniem lokalnych kopii tablic posiadanych przez każdy wątek, biorący udział w wyznaczaniu ostatecznych kandydatów na kololacje.

### 6 Implementacja GPU

Niniejszy rozdział poświęcony jest implementacji algorytmu SGCT w wersji na procesory graficzne. Jak już wcześniej opisano w Rozdziałe 3, w tym celu zostało wykorzystane środowisko programistyczne CUDA Toolkit w wersji 8.0.

Poniższa implementacja została opracowana dla urządzeń spełniających wersję 3.0 potencjału obliczeniowego CUDA (ang. CUDA Compute Capability). W związku z tym, nie wykorzystuje ona niektórych możliwości dostarczanych przez nowsze karty graficzne firmy NVIDIA, np. zunifikowanej pamięci współdzielonej (ang. Unified Memory [35]) czy technologii Dynamic Parallelism [36] - pozwoliło to jednak na przeprowadzenie testów na większej ilości kart graficznych.

### 6.1 Generowanie tabeli instancji o rozmiarze 2

Tak jak w przypadku implementacji na procesory CPU, generowanie kandydatów na kolokacje o rozmiarze 2 wykorzystuje algorytm *łączenia przestrzennego w oparciu o zamiatanie* (ang. *sweeping-based spatial join*), przeznaczony do uruchamiania w architekturze masowo-równoległej.

Na początku niezbędne jest wczytanie danych z zewnętrznego źródła do struktur znajdujących się w pamięci karty graficznej - wynika to z zastosowanego w projekcie *Compute Capability*, który wymusza rozdzielny model pamięci. Operacja ta należy do dość kosztownych, a do tego w dużym stopniu zależy od zastosowanego sprzętu.

Wczytany zbiór wejściowy zostaje potem posortowany względem osi odciętych w kolejności rosnącej. Takie rozwiązanie pozwala na ograniczenie obszaru przeszukiwania sąsiadów instancji. Do tego celu zostały zastosowane funkcje sortujące wbudowane w bibliotekę *Thrust*.

Następnie zostaje uruchomiony właściwy algorytm zamiatania (ang. plane sweep). Na początku zostaje uruchomiony kernel countNeighbours wyznaczający liczbę sąsiadów dla każdej instancji. W dużym skrócie polega on na obliczeniu odległości euklidesowej pomiędzy instancjami  $a_i$  oraz  $a_k$ . Jeśli jest ona nie większa od założonej maksymalnej odległości pomiędzy instancjami distanceTreshold, stwierdza się pomiędzy nimi relację sąsiedztwa.

Na potrzeby tego kroku zostaje zarezerwowane  $n_{dt} \cdot 32$  wątków, co daje jeden warp na instancję. Każdy z nich wykonuje maksymalnie  $\lceil i/32 \rceil - 1$  iteracji, w każdej j-tej iteracji sprawdzana jest natomiast grupa 32 instancji z zakresu  $K = \{i - j \cdot 32; i - (j+1) \cdot 32\}$ . Dodatkowo należy zaalokować tablicę  $T_{counts}$  o rozmiarze  $n_{dt}$ , w której na pozycji i zostanie wpisana ilość sąsiadów instancji  $a_i$ .

Każdy wątek wchodzący w skład warp'u sumuje w tablicy pamięci współdzielonej liczbę znalezionych we wszystkich iteracjach sąsiadów. Suma ta jest przechowywana przez każdy wątek w osobnej komórce - pozwala to uniknąć stosowania kosztownego mechanizmu synchronizacji zapisu pomiędzy wątkami w warpie. Po każdej iteracji następuje sprawdzenie, czy którykolwiek z wątków warp'a napotkał instancję, która odległa jest na samej osi odciętych o więcej niż próg odległości distance Treshold - jeżeli tak, to można przerwać pętlę, gdyż kolejne instancje w posortowanym zbiorze na pewno nie spełnią progu odległości.

Po zakończeniu iterowania każdy warp wykonuje szybką redukcję części tablicy współdzielonej należącej do jego wątków, a wynik wpisuje do tablicy  $T_{counts}$  na pozycji i-tej. Dodatkowo, po zakończeniu działania kernela countNeighbours również

 $T_{counts}$  ulega redukcji - uzyskując tym sposobem całkowitą ilość znalezionych relacji sąsiedztwa sposród wszystkich instancji.



Rysunek 2: Poglądowy rysunek przedstawiający iterowanie warpa po instancjach

Pozostało jedynie wykonać kernel findNeighbours, odpowiedzialny za alokację oraz wpisanie znalezionych sąsiadów do tabel InstanceFirst oraz InstanceSecond. Służą one do przechowywania elementów par instancji będących w relacji sąsiedztwa. Wartości należące do jednej pary znajdują się pod tymi samymi indeksami w obu tablicach. Kolejność w obrębie pary wyznaczana jest przez poniższy algorytm 5 będący przeciążeniem operatora mniejszości (<):

Wejście:  $a, b - instancje \ typu \ FeatureInstance$ 

Wyjście: bool

1 return a.field < b.field;

Algorytm 5: Operator mniejszości dla instancji typu FeatureInstance

Przed uruchomieniem kernela niezbędne jest zaalokowanie tablic  $Pairs_A$  oraz  $Pairs_B$  o długości odpowiadającej wyznaczonej w wyniku redukcji tablicy  $T_{counts}$  liczbie odnalezionych relacji sąsiedztwa. Dodatkowo należy zaalokować tablicę Begins wielkości  $n_{dt}$  - przechowa ona wynik operacji sumy ekskluzywnej (ang.  $exclusive\ sum$ ) tablicy  $T_{counts}$ . Struktura ta będzie wykorzystana w trakcie wyznaczania pozycji zapisu relacji w tablicach wynikowych.

Konfiguracja uruchomieniowa kernela findNeighbours jest identyczna z konfiguracją użytą dla countNeighbours. Sama funkcja różni się zresztą od poprzedniczki tylko i wyłącznie w miejscu stwierdzenia relacji sąsiedztwa - kernel findNeighbours zamiast zliczać relacje sąsiedztwa wpisuje do tablic  $Pairs_A$  i  $Pairs_B$  instancje, pomiędzy którymi stwierdzono to sąsiedztwo.

Pozycja zapisu w tablicach wynikowych wyznaczana jest przy pomocy operatora mniejszości (Algorytm 5) dla obiektów typu FeatureInstance w oparciu o:

• wartości w tablicy Begins na pozycji i,

- ilości relacji sąsiedztwa znalezionych przez warp w poprzednich iteracjach,
- ilości relacji sąsiedztwa znalezionych w obecnej iteracji przez wątki warpa o mniejszym identyfikatorze.

Warto zauważyć, że nigdzie nie jest zapisywana informacja o współrzędnych instancji - nie będą one potrzebne w dalszym toku pracy algorytmu.

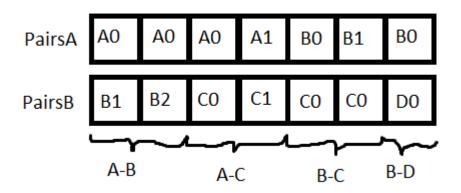
# 6.2 Przygotowanie struktury szybkiego dostępu do informacji o instancjach należących do relacji o zadanych typach

Na potrzeby następnych kroków algorytmu zdefiniowana została specjalna struktura ITMPack. Ma ona na celu szybszy dostęp do instancji, które należą do relacji o określonej cesze.

Na początku pary instancji z poprzedniego etapu algorytmu zostają posortowane za pomocą algorytmu 6 będącego przeciążeniem operatora mniejszości dla par instancji typu FeatureInstance. W wyniku jego działania instancje zostaną posortowane według typów relacji - wszystkie relacje o tych samych typach zajmą w wejściowych tablicach ciągły obszar. Przykładowe uporządkowanie przedstawia Rysunek 3.

```
1 operator < (FeatureInstance lhs, FeatureInstance rhs)
3 if a[0]. fields. featureId < b[0]. fields. featureId then
      return True;
  else if a[0]. fields. featureId == b[0]. fields. featureId then
      if a[1]. fields. featureId < b[1]. fields. featureId then
6
         return True;
7
      else if a[1]. fields. featureId == b[1]. fields. featureId then
8
         if a[0]. fields.instanceId < b[0]. fields.instanceId then
9
             return True;
10
         else if a[0]. fields. instance Id = b[0]. fields. instance Id then
11
             return \ a[1].fields.instanceId == b[1].fields.instanceId;
ıз return False;
14 }
```

Algorytm 6: Operator mniejszości dla par instancji typu FeatureInstance



Rysunek 3: Przykładowa zawartość tablic Pairs A oraz Pairs A

Dzięki tej właściwości można użyć funkcji  $reduce\_by\_key$  dostępnej w bibliotece Thrust, służącej do szybkiego wyznaczenia liczności unikalnych następujących po sobie elementów. Problemem w tym przypadku okazał się fakt, że instancje na tym etapie są nierozróżnialne pod względem wartości identyfikatorów instancji. W związku z tym niezbędne okazało się zaimplementowane algorytmu 6 przeciążającego operator równości (==) wykorzystujący możliwość rozróżnienia instancji względem identyfikatorów typów. Operator ten działa na strukturach FeatureInstanceTuple-stanowią one parę obiektów FeatureInstance, łączącą elementy z tablicy  $Pairs_A$  z odpowiadającymi im pozycją elementami tablicy  $Pairs_B$ .

```
1 operator == (FeatureInstanceTuple lhs, FeatureInstanceTuple rhs)
2 {
3 return lhs.get[0].fields.featureId == rhs.get[0].fields.featureId
4 && lhs.get[0].fields.featureId == rhs.get[0].fields.featureId
5 }
Algorytm 7: Operator równości dla par instancji typu FeatureInstanceTuple
```

Wynikiem działania funkcji  $reduce_by_key$  są trzy tablice o jednakowym rozmiarze  $c_r$ :

- Uniques zawiera pary typów, dla których istnieje przynajmniej jedna para instancji;
- Counts zawiera liczności instancji relacji dla par typów instancji,
- Begins zawiera indeksy tabeli instancji relacji, oznaczające początki obszarów ciągłych odpowiadającym danym parom typów instancji.

Na podstawie tych danych uzupełniana jest mapa struktury ITMPack. W tym celu uruchamiany jest kernel uruchamiany z ilością wątków równym  $c_r$ . Dla każdego i-tego elementu tablic tworzy on strukturę InstanceTable, uzupełniając ją i-tymi wartościami z Counts oraz Begins, a następnie wstawia go do tablicy pod kluczem utworzonym z i-tego elementu tablicy Uniques w postaci połączonej pary typów.

# 6.3 Generowanie prewalentnych relacji sąsiedztwa pomiędzy typami połączeń

Mając gotową strukturę *ITMPack*, można przystąpić do wyznaczenia par instancji, których współczynnik powszechności jest nie mniejszy niż zadany na początku próg powszechności.

W tym celu niezbędne jest utworzenie struktur pomocniczych  $Counts_A$  i  $Counts_B$  przechowujących liczbę unikalnych wystąpień instancji odpowiednio pierwszego i drugiego typu elementu relacji na odpowiadającej pozycji tablicy ITMPack.uniques. Dla każdej z tych tabel obliczana jest liczność unikalnych instancji dla typów równych odpowiednio pierwszym i drugim elementom relacji z tablicy ITMPack.uniques. Liczność ta wyznaczana jest na podstawie tabel  $Pairs_A$  i  $Pairs_B$  w zakresach wyznaczonych z wartości zawierających się w tabelach ITMPack.begins oraz ITMPack.counts. Tworzone są również podobne struktury przechowujące całkowitą liczbę instancji - noszą one odpowiednio nazwy  $TypesCounts_A$  dla pierwszego i  $TypesCounts_B$  dla drugiego elementu relacji.

Oprócz tego budowana jest tablica Mask wielkości  $N_{ItmUq}$  stanowiąca tzw. maskę prewalentności. Początkowo zawiera ona wyłącznie wartości typu False. Wartości tej tablicy wyznaczane są na podstawie dzielenia elementu tablicy Counts przez odpowiadający mu odpowiednik z tablicy TypesCounts. Jeżeli minimum z ilorazów wyliczonych dla obu typów (A i B) jest nie mniejsze niż zadany wcześniej próg minimalnej powszechności, na odpowiedniej pozycji w tablicy Mask umieszczana jest wartość True.

Posiadając zbudowaną maskę prewalentności można już wygenerować pary instancji. Uruchamiany jest zatem kernel przez  $N_{ItmUq}$  wątków. Każdy z nich sprawdza, czy na swojej pozycji w tabeli Mask znajduje się wartość True - jeżeli tak, z struktury WritePos przechowującą sumę ekskluzywną (ang.  $exclusive\ sum$ ) tabeli Mask pobiera i-tą wartość. Następnie następuje utworzenie struktury FeatureTypePair w oparciu o relację z i-tej pozycji w tabeli ITMPack.uniques. Zostanie ona zapisana w tabeli PrevalentPairs przechowującej finalne pary instancji pod indeksem równym wartości pobranej z tabeli WritePos.

# 7 Testy efektywnościowe

Rozdział ten w całości poświęcony jest omówieniu przebiegu testów, a także prezentacji i podsumowania wyników testów wydajnościowych opracowanych implementacji algorytmu SGCT.

## 7.1 Informacje wstępne

Wydajność poszczególnych implementacji została przetestowana pod kątem zmienności następujących czynników: całkowitego rozmiaru danych wejściowych, progu maksymalnej odległości między punktami, do którego zachodzi relacja sąsiedztwa oraz progu minimalnej powszechności.

### 7.1.1 Dane wejściowe

Dane wygenerowano przy pomocy generatora opracowanego przez P. Boińskiego [?], napisanego w języku Java. Próbki testowe składają się z punktów, dla których określone są trzy wartości: współrzędna x, współrzędna y oraz etykieta cechy, jaką reprezentuje dany punkt. Dodatkowo, punkty zostały rozmieszczone na przestrzeni  $1000 \times 1000$ .

Dla celów pomiarowych związanych ze zmiennością rozmiaru danych wejściowych utworzone zostało osiem zestawów danych, w których liczba punktów wynosi od ok. 3000 do 200000 punktów. W przypadku pozostałych testów posłużono się czterema instancjami, które można opisać jako:

- dane o niskim zagęszczeniu i równomiernym rozkładzie około 30000 punktów rozmieszczonych losowo
- dane o wysokim zagęszczeniu i równomiernym rozkładzie około 65000 punktów rozmieszczonych losowo
- dane o niskim zagęszczeniu ze skupiskami około 30000 punktów z dwoma skupiskami (obszarami, na których zagęszczenie punktów jest wyższe niż poza nimi)
- dane o wysokim zagęszczeniu ze skupiskami około 80000 punktów z dwoma skupiskami.

#### **7.1.2** Sprzęt

Poniższe testy przeprowadzane były na następującej konfiguracji sprzętowej.

- CPU Intel Core i7-930 o częstotliwości taktowania 2.80 GHz
- Pamięć operacyjna 24 GB RAM DDR3
- $\bullet$  GPU dwie karty graficzne nVidia~GeForce~GTX~Titan połączone w systemie SLI
- System operacyjny Windows Server 2012 R2

#### 7.1.3 Przebieg testów

Dla uśrednienia czasów wykonań poszczególnych testów i wyeliminowania zakłóceń każdy test został powtórzony dwudziestokrotnie. Wartości i zakresy parametrów algorytmu, dla których wykonano poszczególne grupy testów, przestawia Tabela 1.

| Zmienny parametr        | Próg min. powszechności | Próg maks. odległości |
|-------------------------|-------------------------|-----------------------|
| Rozmiar instancji       | 0.2                     | 3                     |
| Próg min. powszechności | 0.2 - 0.4               | 5                     |
| Próg maks. odległości   | 0.2                     | 2 - 5                 |

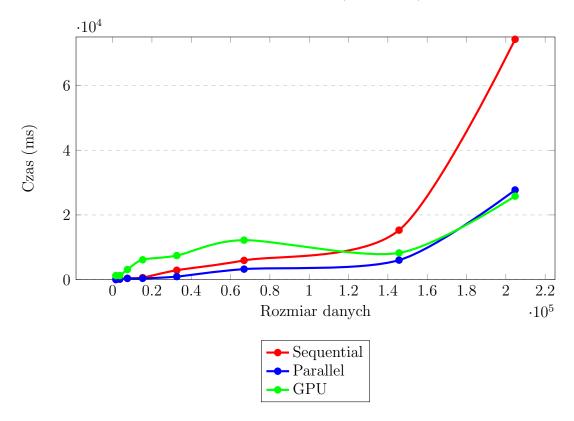
Tabela 1: Wartości parametrów dla poszczególnych grup testów

Testy zostały zautomatyzowane i uruchomione za pomocą skryptu napisanego w języku *PowerShell*.

### 7.2 Wyniki

#### 7.2.1 Zmienny rozmiar danych

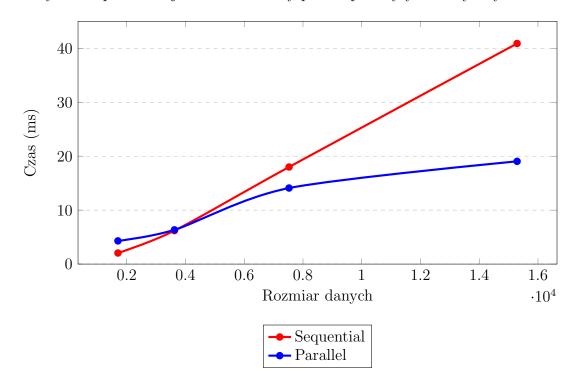
Na poniższym wykresie przedstawiono czasy wykonań poszczególnych implementacji algorytmu w zależności od ilości punktów (Rysunek 4).



Rysunek 4: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od rozmiaru danych wejściowych

Dodatkowo na rysunku 5 przedstawiono czasy wykonań części algorytmu odpowiadającej za odkrycie w danych relacji sąsiedztwa. Można tutaj zauważyć, że do pewnego rozmiaru danych wejściowych czas wykonania wersji równoległej na CPU

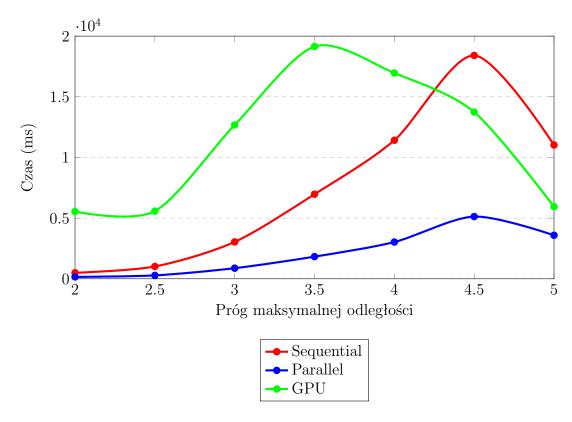
jest wyższy niż czas wykonania wersji sekwencyjnej na CPU. Wynika to z tego, że nakład pracy utworzony przez działania mające na celu zrównoleglenie obliczeń jest na tyle duży, że w ogólnym rozrachunku szybsze jest sekwencyjne wykonanie wszystkich obliczeń niż próba ich równoleglenia. Mimo tego czas odkrywania relacji sąsiedztwa w porównaniu do ogólnego czasu wykonania algorytmu jest na tyle niski, że nie ma to większego wpływu na ogólny obraz. Ze względu na czytelność wykresu czasy dla implementacji na GPU zostały pominięte - były one zbyt wysokie.



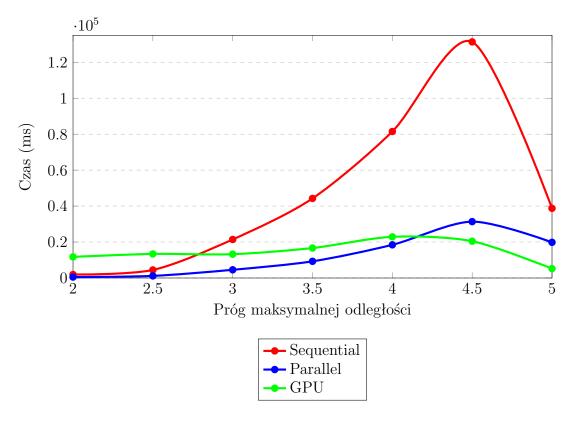
Rysunek 5: Wykres zależności czasu znalezienia relacji sąsiedztwa w różnych implementacjach od rozmiaru danych wejściowych

### 7.2.2 Zmienny próg maksymalnej odległości

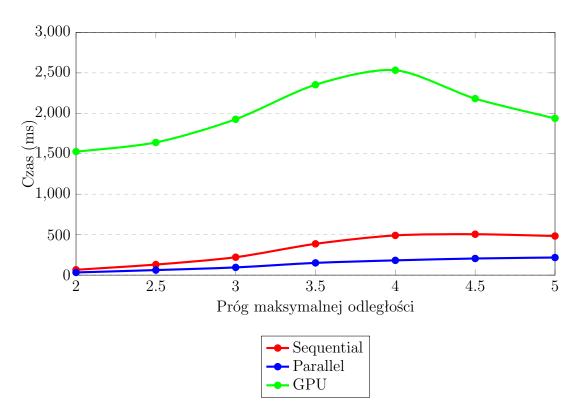
Poniżej przedstawiono wykresy ilustrujące zmienność czasu działania algorytmu w różnych implementacjach ze względu na zmienny próg maksymalnej odległości.



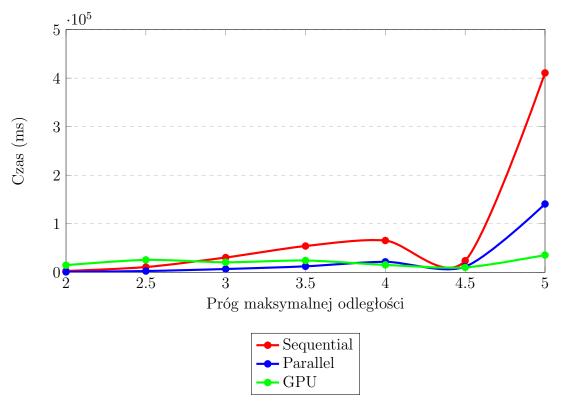
Rysunek 6: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych rzadkich



Rysunek 7: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych gęstych



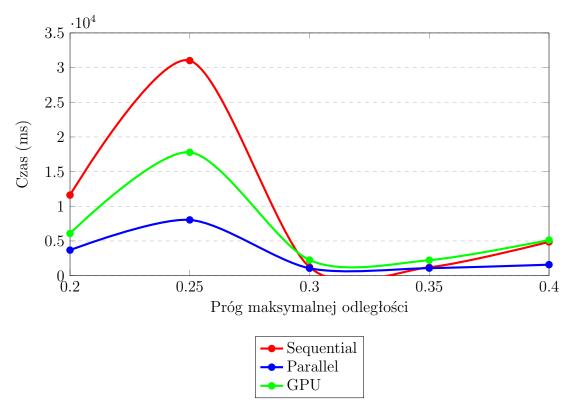
Rysunek 8: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych rzadkich ze skupiskami



Rysunek 9: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu maksymalnej odległości dla danych gęstych ze skupiskami

## 7.2.3 Zmienny próg minimalnej powszechności

Poniżej przedstawiono wykres ilustrujący zmienność czasu działania algorytmu w różnych implementacjach ze względu na zmienny próg minimalnej powszechności.



Rysunek 10: Wykres zależności czasu wykonania implementacji algorytmu od progu minimalnej powszechności

### 7.3 Wnioski

## 8 Zakończenie

# Bibliografia

- [1] Usama Fayyad, Gregory Piatetsky-Shapiro, and Padhraic Smyth. From Data Mining to Knowledge Discovery in Databases. AI Magazine, 17:37–54, 1996.
- [2] Harvey J. Miller and Jiawei Han. Geographic Data Mining and Knowledge Discovery. Taylor & Francis, Inc., Bristol, PA, USA, 2001
- [3] S. Shekhar and Y. Huang. Discovering Spatial Co-location Patterns: A Summary of Results. In SSTD 2001, pages 236–256, 2001.
- [4] Boiński P., Przetwarzanie zbiorów przestrzennych zapytań eksploracyjnych w środowiskach z ograniczonym rozmiarem pamięci operacyjnej, Poznań, 2015.
- [5] Yao X., Peng L., Yang L., Chi T. A fast space-saving algorithm for maximal co-location pattern mining. W: Expert Systems with Applications Volume 63, 30 November 2016, strony 310–323.
- [6] Sanders J., Kandrot E., CUDA by Example: An Introduction to General-Purpose GPU Programming, Addison-Wesley, 2011.
- [7] Cheng J., Grossman M., McKerche T. Professional CUDA C Programming, Wrox, 2014.
- [8] Shashi Shekhar and Yan Huang. The Multi-resolution Co-location Miner: A New Algorithm to Find Co-location Patterns in Spatial Dataset. Technical Report 02-019, University of Minnesota, 2002.
- [9] Jin Soung Yoo and Shashi Shekhar. A Joinless Approach for Mining Spatial Colocation Patterns. IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering, 18(10):13231337, 2006.
- [10] Lizhen Wang, Yuzhen Bao, Joan Lu, and Jim Yip. A New Join-less Approach for Co-location Pattern Mining. In Qiang Wu, Xiangjian He, Quang Vinh Nguyen, Wenjing Jia, and Mao Lin Huang, editors, Proceedings of the 8th IEEE International Conference on Computer and Information Technology (CIT 2008), pages 197–202, Sydney, July 2008. IEEE.
- [11] Lizhen Wang, Yuzhen Bao, and Joan Lu. Efficient Discovery of Spatial Co-Location Patterns Using the iCPI-tree. The Open Information Systems Journal, 3(2):69–80,2009.
- [12] Christopher Jones and Mark Hall. A Field Based Representation for Vague Areas Defined by Spatial Prepositions. In Proceedings of the Workshop on Methodologies and Resources for Processing Spatial Language at 6th Language Resources and Evaluation Conference (LREC 2008), 2008.
- [13] Max J. Egenhofer and Robert Franzosa. Point-set topological spatial relations. International Journal of Geographic Information Systems, 5(2):161–174, 1991.
- [14] Eliseo Clementini, Paolino Di Felice, and Peter van Oosterom. A small set of formal topological relationships suitable for end-user interaction. In Proceedings of the 3rd International Symposium on Advances in Spatial Databases (SSD 1993), pages 277-295, London, UK, UK, 1993. Springer-Verlag.

- [15] Harvey J. Miller and Jiawei Han. Geographic Data Mining and Knowledge Discovery. Taylor & Francis, Inc., Bristol, PA, USA, 2001.
- [16] John F. Roddick and Myra Spiliopoulou. A Bibliography of Temporal, Spatial and Spatio-Temporal data Mining Research. ACM SIGKDD Exploration Newsletter, 1(1):34–38, 1999.
- [17] Martin Ester, Hans-Peter Kriegel, and Jörg Sander. Spatial Data Mining: A Database Approach. In Proceedings of the 5th International Symposium on Advances in Spatial Databases (SSD 1997), pages 47–66, London, UK, UK, 1997. Springer-Verlag.
- [18] John R. Quinlan. Induction of Decision Trees. Machine Learning, 1(1):81–106, March 1986.
- [19] Martin Ester, Alexander Frommelt, Hans-Peter Kriegel, and Jörg Sander. Algorithms for characterization and trend detection in spatial databases. In Proceedings of the 4th International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining (KDD 1998), pages 44–50, 1998.
- [20] Shashi Shekhar and Sanjay Chawla. Spatial Databases: A Tour. Prentice Hall, 2003
- [21] Richard E. Bellman. Adaptive control processes A guided tour. Princeton University Press, Princeton, New Jersey, U.S.A., 1961.
- [22] Rakesh Agrawal and Ramakrishnan Srikant. Fast Algorithms for Mining Association Rules in Large Databases. In Proceedings of the 20th International Conference on Very Large Data Bases (VLDB 1994), pages 487–499, San Francisco, 1994. Morgan Kaufmann Publishers Inc.
- [23] Krzysztof Koperski and Jiawei Han. Discovery of Spatial Association Rules in Geographic Information Databases. In Max J. Egenhofer and John R. Herring, editors, Proceedings of the 4th International Symposium on Advances in Spatial Databases (SSD 1995), volume 951 of Lecture Notes in Computer Science, pages 47–66. Springer Berlin Heidelberg, 1995
- [24] Yasuhiko Morimoto. Mining Frequent Neighboring Class Sets in Spatial Databases. In Proceedings of the 7th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining (KDD 2001), pages 353–358, New York, NY, USA, 2001. ACM.
- [25] L. Arge, O. Procopiuc, S. Ramaswamy, T. Suel, and J. Vitter. Scalable Sweeping- Based Spatial Join. In Proc. of the Int'l Conference on Very Large Databases, 1998.
- [26] Eppstein, D., Löffler, M., i Strash, D. (2010). Listing all maximal cliques in sparsegraphs in near-optimal time. In O. Cheong, K. Y. Chwa, & K. Park (Eds.), 21st international symposium on algorithms and computation (pp. 403–414). Berlin, Germany: Springer-Verlag.
- [27] Bron, C., & Kerbosch, J. (1973). Algorithm 457: Finding all cliques of an undirected graph. Communications of the ACM, 16, 575–577.

- [28] Tomita, E., Tanaka, A., & Takahashi, H. (2006). The worst-case time complexity for generating all maximal cliques and computational experiments. Theoretical Computer Science, 363, 28–42.
- [29] Cazals, F.; Karande, C. (2008), "A note on the problem of reporting maximal cliques", Theoretical Computer Science, 407 (1): 564–568.
- [30] Wang, L., Zhou, L., Lu, J., & Yip, J. (2009). An order-clique-based approach for mining maximal co-locations. Information Sciences, 179, 3370–3382.
- [31] Matula, D. W.; Beck, L. L. (1983), "Smallest-last ordering and clustering and graph coloring algorithms", Journal of the ACM, 30 (3): 417–427, doi:10.1145/2402.322385, MR 0709826.
- [32] Comparing the Concurrency Runtime to Other Concurrency Models, Microsoft, 2015 [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w Internecie: https://msdn.microsoft.com/en-us/library/dd998048.aspx#openmp
- [33] Microsoft Parallel Patterns Library (PPL) vs. OpenMP, Stack Overflow, 14-03-2012 [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w Internecie: http://stackoverflow.com/questions/9700088/microsoft-parallel-patterns-library-ppl-vs-openmp
- [34] . Sorting in PPL, Parallel Programming in Native Code, vinodsu (Microsoft Developer Network Blogs), 14-01-2011 [dostęp: 10-01-2017]. Dostępny w internecie: https://blogs.msdn.microsoft.com/nativeconcurrency/2011/01/14/sortingin-ppl/
- [35] https://devblogs.nvidia.com/parallelforall/unified-memory-in-cuda-6
- [36] https://devblogs.nvidia.com/parallelforall/cuda-dynamic-parallelism-api-principles

# A Opis klas i struktur pomocniczych

### A.1 Opis architektury wersji CPU

Podczas implementacji stworzono dwie główne klasy: CpuMiningAlgorithmSeq oraz CpuMiningAlgorithmParallel dziedziczące po klasie abstrakcyjnej CpuMiningAlgorithmBase. CpuMiningAlgorithmBase zawiera cztery metody czysto wirtualne (ang. pure virtual functions) odpowiadające za główne kroki algorytmu:

• Filtrowanie sąsiadów na podstawie progu odległości:

```
virtual void filterByDistance(float threshold) = 0;
```

• Filtrowanie sąsiadów na podstawie progu minimalnej powszechności:

```
virtual\ void\ filterByPrevalence(float\ prevalence) = 0;
```

• Generowanie kandydatów na kolokacje maksymalne:

```
virtual void constructMaximalCliques() = 0;
```

• Generowanie skondensowanych drzew instancji kandydatów na kolokacje maksymalne i ich filtrowanie na podstawie progu minimalnej powszechności:

```
virtual std::vector<std::vector<unsigned short>>
filterMaximalCliques(float prevalence) = 0;
```

Klasy CpuMiningAlgorithmSeq oraz CpuMiningAlgorithmParallel zawierają implementację owych metod odpowiednio w wersji sekwencyjnej jak i równoległej.

Oprócz wyżej wspomnianych metod klasa CPUMiningAlgorithmBase zawiera implementację metod pomocniczych odpowiadających za:

- Obliczenie odległości między instancjami i porównanie ich z obowiązującym progiem odległości.
- Obliczenie wartości funkcji powszechności dla dwóch elementów.
- Obliczenie wartości funkcji powszechności dla dowolnej liczby elementów, za równo w wersji sekwencyjnej i równoległej.
- Wygenerowanie wszystkich podklik kliki K o rozmiarze n takich, że rozmiar każdej podkliki wynosi n 1.

### A.2 Opis struktur & klas pomocniczych i ich implementacji

• DataFeed - Instancje struktury DataFeed mają za zadanie przechowywać dane wejściowe.

```
struct DataFeed
2
       struct Coords
3
       {
4
           float x;
           float y;
6
           Coords(float x, float y) : x(x), y(y) {}
7
       };
8
       unsigned short type;
10
       unsigned short instanceId;
11
       Coords xy;
12
13
       DataFeed(unsigned short type,
14
           unsigned short id,
15
           float x,
16
           float y)
17
                : type(type), instanceId(id), Coords(x,y) {}
18
19
       bool operator < (const DataFeed& str) const
20
21
           return (type == str.type)?(instanceId < str.instanceId) ←
22
               :(type < str.type);
23
  };
24
```

Listing A.1: Kod struktury DataFeed

- CinsTree Klasa zawierająca implementację skondensowanego drzewa instancji (ang. condensed instance tree). Zawiera wskaźnik do korzenia drzewa std::unique\_ptr<CinsNode>root) oraz wektor std::vector<CinsNode\*>lastLevelChildren zawierający wskaźniki do liści znajdujących się na ostatnim poziomie (wynikającym z rozmiaru aktualnie budowanej kliki w przypadku gdy nie udało się rozbudować drzewa o kolejny poziom lista ta jest pusta) owego drzewa. Takie podejście umożliwia szybki dostęp do finalnych instancji poszczególnych kandydatów na kolokacje.
- CinsNode Klasa zawierająca implementację pojedynczego węzła skondensowanego drzewa instancji CinsTree. Obiekty tej klasy zawierają informacje o cesze unsigned short type i numerze unsigned short instanceId instancji przestrzennej, wektor wskaźników potomków std::vector<std::unique\_ptr<CinsNode>>children oraz wskaźnik pokazujący na rodzica danego węzła CinsNode\* parent. Klasa zawiera metody umożliwiające m.in.:
  - dodanie potomka.
  - zwrócenie potomka o danej cesze i numerze instancji.
  - zwrócenie listy wszystkich przodków.

- Graph Klasa implementująca graf nieskierowany, bazująca na macierzy sąsiedztwa (ang. *adjacency matrix*). Oprócz podstawowych metod umożliwiających działanie i budowanie grafu, klasa zawiera również metody pozwalające na:
  - obliczenie maksymalnych klik w grafie za pomocą zmodyfikowanego algorytmu Brona-Kerboscha [5].
  - obliczenie optymalnego pivotu [28] dla algorytmu Brona-Kerboscha.
  - obliczenie stopnia degeneracji grafu (ang. degeneracy) i uporządkowanie wierzchołków według miary degeneracji (ang. degeneracy ordering) [26].

```
unsigned short Graph::tomitaMaximalPivot(
      const std::vector<unsigned short>& SUBG,
2
      const std::vector<unsigned short>& CAND)
3
4
      unsigned short u, maxCardinality = 0;
5
      for (auto s : SUBG)
6
           auto neighbors = getVertexNeighbours(s);
           std::sort(neighbors.begin(), neighbors.end());
10
           std::vector<unsigned short> nCANDunion(neighbors.size() ←
11
              + CAND.size());
12
           auto itUnion = std::set_union(
13
               CAND.begin(),
14
15
               CAND.end(),
               neighbors.begin(),
16
               neighbors.end(),
17
               nCANDunion.begin());
18
19
           nCANDunion.resize(itUnion - nCANDunion.begin());
20
           if (nCANDunion.size() >= maxCardinality)
21
           {
23
               maxCardinality = nCANDunion.size();
24
25
26
      return u;
27
28
```

Listing A.2: Kod metody tomita Maximal<br/>Pivot umożliwiającej wyliczenie optymalnego punktu pivot

• SubcliquesContainer - Klasa umożliwiająca przechowywanie przetworzonych już kandydatów na kliki maksymalne. W łatwy i wydajny sposób ułatwia sprawdzenie czy dana klika lub klika będąca nadzbiorem danej kliki została już przetworzona - dzięki temu unika się przeprowadzenia wtórnych obliczeń i ewentualnych duplikatów w rozwiązaniu. Główną ideą jest stworzenie mapy wektorów std::map<short, std::vector<unsigned short>>typesMap, której kluczami są numery cech występujące w poszczególnych klikach a wartościami wektory kolejnych wartości licznika

unsigned int cliquesCounter którego bieżąca wartość służy do oznaczania kolejnych klik.

Weryfikację umożliwia algorytm:

```
bool SubcliquesContainer::checkCliqueExistence(
      std::vector<unsigned short>& clique)
2
3
      assert(clique.size() >= 2);
4
5
      std::vector<bool> types(cliquesCounter, false);
6
      std::vector<bool> typesNew(cliquesCounter, false);
7
      for (auto type : typesMap[clique[0]])
g
10
           types[type] = true;
11
12
13
      for (auto i = 1; i < clique.size(); ++i)
14
15
           for (auto id : typesMap[clique[i]])
16
17
               if (types[id]) typesNew[id] = true;
           types = typesNew;
20
           std::fill(typesNew.begin(), typesNew.end(), false);
21
22
23
      if (std::find(types.begin(), types.end(), true) != types.end←
24
          ())
           return true;
25
      return false;
27
28
```

Listing A.3: Kod metody checkCliqueExistence klasy SubcliquesContainer

- ParallelSubcliquesContainer Klasa odpowiedzialną za tą samą funkcjonalność co klasa SubcliquesContainer jednakże zapewniająca bezpieczeństwo przetwarzania wielowątkowego. Cel ten osiągnięto za pomocą skorzystania z sekcji krytycznych w przypadku inkrementowania licznika jak i posłużenia się współbieżnymi wektorami concurrency::concurrent\_vector<unsigned short> z biblioteki PPL, co przełożyło się również na zwiększenie efektywności przetwarzania.
- CliquesContainer Klasa zapewniająca dwie funkcjonalności:
  - Sprawdzenia czy dokładnie taka klika jest już przechowywana, za co odpowiada funkcja bool checkCliqueExistence(std::vector<← unsigned short>& clique)
  - Sprawdzenie czy taka klika lub jej dowolna podklika jest już przechowywana, odpowiada za to funkcja:

```
bool CliquesContainer::checkSubcliqueExistence(
      std::vector<unsigned short>& clique)
2
3
      bool isSubclique;
4
      for (auto& c : cliques)
           if (clique.size() < c.size()) continue;</pre>
           auto it = clique.begin();
           isSubclique = true;
           for (auto id : c)
10
           {
11
               it = std::find(it, clique.end(), id);
12
               if (it == clique.end()) {
                    isSubclique = false;
14
                    break:
15
               }
16
17
              (isSubclique) return true;
18
19
      return false;
20
21 }
```

Listing A.4: Kod metody checkSublicqueExistence klasy CliquesContainer

- ParallelCliquesContainer Klasa odpowiedzialną za tą samą funkcjonalność co klasa *CliquesContainer* zapewniająca w tym samym czasie bezpieczeństwo przetwarzania wielowątkowego.
- RandomDataProvider Klasa zapewniająca losowy generator danych z parametryzowaną liczbą cech, liczbą instancji a także granicami danych przestrzennych.
- SimulatedRealDataProvider Klasa wykorzystująca gotowe, przygotowane wcześniej dane wczytywane z plików mające symulować dane rzeczywiste.
- pair\_hash Struktura zapewniająca generyczną implementację funkcji hashującej (ang. hash function) dla pary std::pair<T1, T2> w przypadku typu zdefiniowanego przez użytkownika konieczne jest własnoręczne przeładowania operatora (). Aby zapewnić odpowiednią wydajność, należy zadbać o właściwą funkcję hashująca tzn. taką która generuje możliwie mało kolizji. Popularną metodą jest skorzystania z funkcji XOR i zastosowanie jej do dających się pojedynczo hashować elementów pary. Okazało się jednak, że funkcja ta generuje niezadowalająco dużą ilość kolizji, dla tego stworzono bardziej zaawansowany hasher korzystający z funkcji hash\_combine z biblioteki boost:

```
1 struct pair_hash {
      template <class T1, class T2>
2
      std::size_t operator () (const std::pair<T1, T2> &p) const {
3
           std::size_t seed1(0);
4
           ::hash_combine(seed1, p.first);
           :: hash_combine(seed1, p.second);
           std::size_t seed2(0);
           :: hash_combine(seed2, p.second);
9
10
           :: hash_combine(seed2, p.first);
11
           return std::min(seed1, seed2);
12
13
14 };
```

Listing A.5: Kod struktury pair\_hash

Funkcja hash\_combine:

```
template<typename T>
void hash_combine(std::size_t &seed, T const &key) {
    std::hash<T> hasher;
    seed ^= hasher(key) + 0x9e3779b9 + (seed << 6) +
        (seed >> 2);
};
```

Listing A.6: Kod funkcji hash\_combine

vector\_hash - Struktura umożliwiająca kodowanie mieszające (ang. hashing)
dla wektorów dowolnych typów dla których istnieje implementacja funkcji
hashującej. Również w tym przypadku skorzystano z funkcji hash\_combine.

```
struct vector_hash {
      template < class T>
2
           std::size_t operator()(std::vector<T> const& vec) const
4
               std::size_t seed = vec.size();
5
               for (auto& i : vec) {
6
                    ::hash_combine(seed, i);
8
               return seed;
9
           }
10
11
  };
```

Listing A.7: Kod struktury vector\_hash

- Timer Generyczna klasa umożliwiająca pomiar czasu dla dowolnej funkcji lub funktora z dowolną liczbą argumentów. Zapewnia ustawienie dowolnego typu zegara i dokładności pomiaru. Odpowiada za sprawdzenie czasu wykonywania poszczególnych kroków algorytmu.
- Benchmark Klasa umożliwiająca przeprowadzenie parametryzowanych testów wydajnościowych całego algorytmu, zapewniając m.in. serializację do pliku. Wyeksportowane dane mogą zostać zwizualizowane za pomocą

wykresów do których tworzenia wykorzystano odpowiedni skrypt w języku Python.