

# Algorytmy izotermicznego sekwencjonowania przez hybrydyzację

Piotr Kurzawa (117245)  
Marek Rydlewski (117214)

24 czerwca 2016

## Spis treści

<b>1</b>	<b>Wstęp</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Algorytm dokładny</b>	<b>2</b>
2.1	Skuteczność . . . . .	2
2.2	Złożoność . . . . .	2
<b>3</b>	<b>Algorytm przybliżony</b>	<b>2</b>
3.1	Ogólne założenia . . . . .	2
3.2	Opis algorytmu . . . . .	3
3.3	Parametry algorytmu . . . . .	4
3.4	Skuteczność . . . . .	5
3.5	Złożoność . . . . .	5
<b>4</b>	<b>Testy</b>	<b>6</b>
<b>5</b>	<b>Podsumowanie</b>	<b>6</b>

# 1 Wstęp

Celem projektu było opracowanie algorytmów izotermicznego sekwencjonowania przez hybrydyzację (ISBH).

Program został napisany w języku C++11 i był testowany na platformach Windows (w środowisku Visual Studio 2015) oraz OS X (z użyciem kompilatora Apple LLVM w wersji 7.3.0).

## 2 Algorytm dokładny

Algorytm dokładny jest chujowy i wymaga poprawek, yes is.

Polega on mniej więcej na tym, że usłyszeliśmy od innej grupy rzekomo żydowski sposób, jakim było tworzenie grafu z wagami (równych *overlapowi* między dwoma połączonych w grafie oligo), a następnie potraktowanie go zmodyfikowanym algorytmem DFS. Co dziwne, okazało się że wszystkie inne grupy mają niemal identyczne rozwiązanie tego problemu, więc może wyjątkowo tutaj żaden żyd nie grzebał, tylko jest to typowa polacka robacka metoda rozwiązywania tego problemu.

Uważny czytelnik od razu stwierdzi, że rozwiązanie tego problemu trąci trochę rozwiązaniem problemu komiwojażera. Tak dokładnie jest, nawet DFS jest żywcem skopiowany z algorytmu.ork.

Algorytm został przetestowany dla jednego przykładowego spektrum pochodzącego z pracy naukowej J.Błażewicza [potrzebne źródło] i dawał radę.

### 2.1 Skuteczność

Algorytm został przetestowany na jednym przykładzie i doskonale poradził sobie z tym jakże trudnym problemem. W związku z tym śmiało możemy przyjąć, że algorytm jest w 100% skuteczny. Taki powinien być algorytm dokładny.

### 2.2 Złożoność

Podobnie jak problem komiwojażera, dokładny algorytm sekwencjonowania jest problemem NP-trudnym i nie nadaje się do analizy dłuższych spektrum, bo zanim by ta analiza się skończyła, to dawno byśmy już spadli z rowerka.

## 3 Algorytm przybliżony

### 3.1 Ogólne założenia

W rozwiązywaniu przybliżonym zdecydowaliśmy się na skorzystanie z algorytmu ewolucyjnego, a konkretnie z algorytmu genetycznego. Ta heurystyka znana jest ze swojej skuteczności w rozwiązywaniu wielu problemów obliczeniowo trudnych. Zdecydowaliśmy się na taki algorytm również dlatego że posiadamy doświadczenie w dość skutecznej implementacji takich heurystyk oraz znaleźliśmy

w literaturze fachowej wiele przykładów na jego efektywność właśnie w problematyce sekwencjonowania DNA. Ogólna idea programu jest prosta - losowana jest pewna populacja początkowa, która poddawana jest selekcji (ocenie). Najlepsze osobniki biorą udział w reprodukcji - genotypy rodziców są krzyżowane, a na otrzymanym potomstwie przeprowadzana jest mutacja, która ma za zadanie zwiększyć różnorodność i wyjść z ewentualnego optimum lokalnego. Jako wejście algorytmu przyjmujemy mapę gdzie klucze to kolejne oligonukleotydy w postaci stringów a wartości to odpowiednie klasy, zaimplementowane w postaci typu wyliczeniowego.

## 3.2 Opis algorytmu

Nasz algorytm został zaprojektowany do radzenia sobie z błędami negatywnymi, ale krótkie eksperymenty pokazały że radzi sobie również z problematyką sekwencjonowania z błędami obu rodzajów. Algorytm tworzy spektrum oligonukleotydów wykorzystując wejściową mapę - do spektrum zaliczamy górną granicę danej klasy - tym sposobem gwarantujemy że nie pominiemy żadnego oligo w naszym rozwiązaniu. Jak poradziłyśmy sobie z błędami negatywnymi opiszemy później (w punkcie mutacje). W naszym algorytmie funkcja oceny polega na skonstruowaniu wynikowego DNA stosując maksymalny overlapping przyległych oligonukleotydów w wektorze. Im więcej oligonukleotydów uda nam się zmieścić nie przekraczając długości  $n$  - długości DNA tym lepsza ocena rozwiązania. Uważny czytelnik zauważy że początkowe rozwiązania mogą przekraczać długość  $n$  co w problemie sekwencjonowania z błędami negatywnymi jest dość nietypowe, jednakże taka jest natura losowych początkowych rozwiązań. Warto zwrócić uwagę, że bardzo szybko algorytm redukuje długość rozwiązania poniżej  $n$ . Aby nie pozwolić na zbytne skrócenie rozwiązania, zwłaszcza przy większej ilości błędów w fazie mutacji stosujemy dodanie losowych oligonukleotydów w takiej sytuacji. Finałnym rozwiązaniem jest ciąg oligonukleotydów najlepszego osobnika.

### 1. Wylosowanie populacji początkowej

- Osobniki to obiekty klasy, zawierające w sobie m.in wektor liczb, który określa kolejność oligonukleotydów w rozwiązaniu - liczby wskazują na poszczególne indeksy tablicy zawierającej wszystkie oligonukleotydy wejściowe
- Losowanie polega na permutacji w oparciu o liczby pseudolosowe wykorzystując generator Mersenn'a z ziarnem które jest prawdziwą liczbą losową

### 2. Ocena i wybór najlepszych osobników

- Wybieramy najlepsze osobniki i kierujemy je do reprodukcji, odsetek premiowanych osobników wyznaczyliśmy eksperymentalnie.

### 3. Krzyżowanie - wybieramy losowe pary z najlepszych rodziców. Odsetek potomków wyznaczamy doświadczalnie.

- Kolejne oligonukleotydy dziecka dobieramy w myśl zasady:
    - (a) Wyszukujemy oligonukleotyd w obu rodzicach
    - (b) Oceniamy overlapping między tym oligonukleotydem a następnym oligo w rodzicu
    - (c) Porównujemy i wybieramy oligonukleotyd o większym overlappingu, w przypadku remisu wyboru dokonujemy losowo. Fakt wybrania oligo zaznaczamy w tablicy oligonukleotodów już użytych.
    - (d) Jeśli oligonukleotyd nie ma następnika, lub następnik został już użyty wyszukujemy inny niewykorzystany jeszcze oligonukleotyd rodzica o jak największym overlappingu.
  - Jak widać zastosowaliśmy tutaj krzyżowanie wielopunktowe
4. Mutacje - aby uniknąć wpadnięcia w lokalne optimum i zwiększyć przeszukiwaną przestrzeń rozwiązań stosujemy mutacje trzech rodzajów
- Wyszukujemy oligonukleotyd który ma najmniejszy overlapping z obu stron tj. za równo ze strony następnika jak i poprzednika. Następnie zamieniamy miejscami ten oligonukleotyd z sąsiadem - to czy zamienimy go z następnikiem czy poprzednikiem zależy który ma mniejszy swój sumaryczny overlapping (wybieramy tego gorszego). Zastosowanie takich mutacji pozwala na eliminację potencjalnych "słabych podciągów" w rozwiązaniu
  - Wybieramy dwa oligonukleotydy i zamieniamy je miejscami. Taki zabieg pozwala zwiększyć nam przeszukiwaną przestrzeń rozwiązań.
  - Jeśli długość rozwiązania spadła poniżej  $n$  oznacza to że wykorzystaliśmy wszystkie oligonukleotydy a niezgodność z ciągiem wejściowym będzie spowodowana obecnością błędów negatywnych. W takim wypadku zwiększamy spektrum zwiększając poziom losowego oligonukleotydu o jedną klasę.
5. Kroki dotyczące oceny, krzyżowania oraz mutacji powtarzamy zadaną ilość razy zależną od rozmiaru spektrum również wyznaczoną eksperymentalnie.

### 3.3 Parametry algorytmu

Wartości wyznaczyliśmy doświadczalnie, co zaprezentowaliśmy w sekcji Testy Poszczególne wartości parametrów:

- ilość iteracji algorytmu =  $(\text{Temperatura} * 2 \div 50) * \text{Temperatura} * 2 : 50$   
Takie podejście pozwala nam dla dużych temperatur dostosować odpowiednio dużą liczbę iteracji.
- odsetek najlepszych rodziców = ogólna liczba rodziców \* 0.5

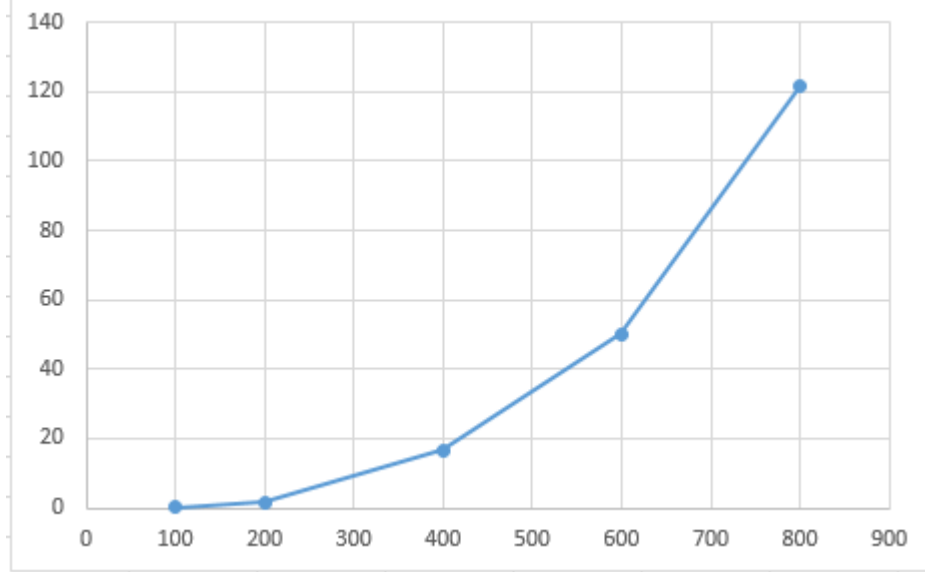
- liczba dzieci = ogólna liczba rodziców \* 0.5  
Jak widać utrzymujemy w ten sposób stały rozmiar populacji co czyni algorytm efektywnym dla stosunkowo dużych rozmiarów instancji.
- liczba mutacji =  $0.01 * \text{rozmiar spektrum} * \text{rozmiar populacji} * 0.5$   
Podobny wzór znaleźliśmy w literaturze fachowej, bo drobnych modyfikacjach okazał idealnie się wpasowywać w nasze potrzeby.

### 3.4 Skuteczność

Skuteczność algorytmu w zależności od rozmiaru błędu, rozmiaru instancji oraz temperatury waha się w przedziale od 55% do 85% procent.

### 3.5 Złożoność

Algorytm wykazuje wielomianową (kwadratową) złożoność obliczeniową co widać zresztą na przykładowym wykresie:



Zakładając stałą liczbę iteracji głównej pętli na złożoność składają się:

- Krzyżowanie - pętla wykonywana się tak długo aż dziecko będzie miało wszystkie oligonukleotydy rodziców - liczba oligo w spektrum jest zależna od  $n$  - długości dna, a także od temperatury. Wszystkie kroki w pętli mają czas stały lub zależny liniowo od  $n$  np. znalezienie elementu w spektrum - a więc ogólna złożoność funkcji jest kwadratowa.
- Mutacje - liczba mutacji jest uzależniona od rozmiaru spektrum - złożoność liniowa. Wszystkie operacje występujące w funkcji mutacji również mają koszt liniowy np. koszt znalezienia najgorszego elementu. Również i tutaj ogólna złożoność jest zależna od kwadratu z  $n$ .

- losowanie początkowej populacji, generowanie finalnego rozwiązania mają złożoność liniową.
- Wybranie najlepszych rodziców czyli de facto posortowanie całej populacji ma złożoność  $n \cdot \log(n)$  - stosujemy sortowanie szybkie - quicksort z biblioteki `<algorithm>`.

## 4 Testy

## 5 Podsumowanie