## MAT1110 Oblig2

## Erik Øystein Gåserud

## April 23, 2015

## Oppgave 1

a)

Av oppgaven har vi fått opplyst at:

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 6 & -1 \end{pmatrix} \qquad \mathbf{v}_1 = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix} \qquad \mathbf{v}_2 = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$$

Vi ganger ut  $A\mathbf{v}_1$  og  $A\mathbf{v}_2$ :

$$A\mathbf{v}_1 = \begin{pmatrix} 24\\16 \end{pmatrix} = A\lambda_1$$
  $A\mathbf{v}_2 = \begin{pmatrix} -10\\15 \end{pmatrix} = A\lambda_2$ 

som gir ligningene for egenverdiene  $\lambda_1$  og  $\lambda_2$ :

$$3\lambda_1 = 24 \wedge 2\lambda_1 = 16$$
 
$$3\lambda_2 = -10 \wedge 2\lambda_2 = 15$$
 
$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow$$
 
$$\lambda_1 = 8 \qquad \qquad \lambda_2 = -5$$

b)

Dersom  ${\bf v}$  er en egenvektor for en  $n\times n$  matrise A med en egenverdi  $\lambda$ , så er også enhver parallell vektor,  $c{\bf v}$  der  $c\neq 0$ , en egenvektor med egenverdi  $\lambda$  siden :

$$A(c\mathbf{v}) = c(A\mathbf{v}) = c(\lambda\mathbf{v}) = \lambda(c\mathbf{v})$$

**c**)

```
| diary oppg1c.out
| A=[4 6;6 -1]
| [U,V]=eig(A)
| diary off
```

```
A = \begin{bmatrix} 4 & 6 \\ 6 & -1 \end{bmatrix}
U = \begin{bmatrix} 0.5547 & -0.8321 \\ -0.8321 & -0.5547 \end{bmatrix}
V = \begin{bmatrix} -5 & 0 \\ 0 & 8 \end{bmatrix}
```

Ikke overraskende gir matlab oss sammme  $\lambda$  verdier som vi kom frem til for hånd i oppgave 1a. Egenvektorene er derimot forskjellige, men de er parallelle med de vi fant for hånd, og de gjør da samme nytten.

d)

```
diary oppg1d.out
A=[2 -1 3; -1 -2 1; 3 1 -1];
[U,V]=eig(A)
Aradredusert=rref(A)
diary off
```

Siden A kan radreduseres til  $I_3$  vet vi at søylevektorene i U utgjør en basis for  $\mathbb{R}^3$ .

**e**)

```
diary oppg1e.out
A=[4 0 1;2 3 2;-1 0 2];
[U,V]=eig(A)
Aradredusert=rref(A)
diary oppg1e
```

```
|U| =
                0.6708
                          -0.4802
          0
    1.0000
               -0.3162
                          -0.7340
               -0.6708
                           0.4802
V =
     3
            0
                   0
     0
            3
                   0
     0
            0
                   3
Aradredusert =
      1
            0
                   0
     0
                   0
            1
     0
            0
                   1
```

Siden A kan radreduseres til  $I_3$  vet vi at søylevektorene i U utgjør en basis for  $\mathbb{R}^3$ .

f)

```
diary oppg1f.out
A=[3 1 0 0; -1 1 0 0; 0 0 1 4; 0 0 1 4];
[U,V]=eig(sym(A))
Aradredusert=rref(A)
diary off
```

```
U =
V =
 [0, 0, 0, 0]
[0, 5, 0, 0]
[ 0, 0, 2, 0 ]
[0, 0, 0, 2]
Aradredusert =
      1
            0
                   0
                          0
     0
                   0
                          0
            1
     0
            0
                   1
                          4
                   0
     0
            0
                          0
```

Siden A ikke kan radreduseres til  $I_4$  vet vi at søylevektorene i U ikke utgjør en basis for  $\mathbb{R}^4$ .

 $\mathbf{g}$ 

```
diary oppg1g.out
A=[3 1 0 0; -1 1 0 0; 0 0 1 4; 0 0 1 4];
[U,V]=eig(A)
Aradredusert=rref(A)
diary off
```

Siden A ikke kan radreduseres til  $I_4$  vet vi at søylevektorene i U ikke utgjør en basis for  $\mathbb{R}^4$ . Heldigvis gir matlab oss samme konklusjon når utgangspunktet, A, er likt.