Les pays à aider

Projet de apprentissage non suppervisé Classification Université de Rennes II : Master Mathématiques Appliquées, Statistiques

Margaux Bailleul Oriane Duclos

15 April, 2023

Contents

1	Con	npréhension et pré-traitement des données	1
	1.1	Statistiques descriptives	2
	1.2	Pre-traimement	2
2	Clas	ssification des pays en utilisant les différents algorithmes abordés en cours	4
	2.1	CAH	4
	2.2	Algorithme des Kmeans	20
	2.3	Interprétation des groupes	22
	2.4	Visualisation des résultats obtenus (carte)	26
3	Trai	tement du groupe des pays les moins favorisés	29
	3.1	CAH sur les pays moins développés	29
	3.2	Avec les kmeans:	38
	3.3	Interprétation des groupes	43
4	Con	aclusion vis à vis des choix effectués	48
5	Sug	gestion d'une liste de pays à aider en priorité	48
6	Pou	r aller plus loin	51
	6.1	Améliorations	51
	6.2	Pistes	51

1 Compréhension et pré-traitement des données

```
donnee <- read.csv("Pays_donnees.csv", sep = ',', row.names = 1)
head(donnee,3)</pre>
```

```
enfant_mort exports sant. imports revenu inflation esper_vie fert

Afghanistan 90.2 10.0 7.58 44.9 1610 9.44 56.2 5.82

Albania 16.6 28.0 6.55 48.6 9930 4.49 76.3 1.65

Algeria 27.3 38.4 4.17 31.4 12900 16.10 76.5 2.89

pib_h

Afghanistan 553

Albania 4090

Algeria 4460

str(donnee)
```

Nous observons que toutes les colonnes ont des données qui sont en cohérence avec leur type.

dim(donnee)

Nous avons 167 individus et 9 variables

1.1 Statistiques descriptives

summary(donnee)

enfant_mort	exports	sant.	imports
Min. : 2.60	Min. : 0.109	Min. : 1.810	Min. : 0.0659
1st Qu.: 8.25	1st Qu.: 23.800	1st Qu.: 4.920	1st Qu.: 30.2000
Median : 19.30	Median : 35.000	Median : 6.320	Median : 43.3000
Mean : 38.27	Mean : 41.109	Mean : 6.816	Mean : 46.8902
3rd Qu.: 62.10	3rd Qu.: 51.350	3rd Qu.: 8.600	3rd Qu.: 58.7500
Max. :208.00	Max. :200.000	Max. :17.900	Max. :174.0000
revenu	inflation	esper_vie	fert
Min. : 609	Min. : -4.210	Min. :32.10	Min. :1.150
1st Qu.: 3355	1st Qu.: 1.810	1st Qu.:65.30	1st Qu.:1.795
Median: 9960	Median : 5.390	Median :73.10	Median :2.410
Mean : 17145	Mean : 7.782	Mean :70.56	Mean :2.948
3rd Qu.: 22800	3rd Qu.: 10.750	3rd Qu.:76.80	3rd Qu.:3.880
Max. :125000	Max. :104.000	Max. :82.80	Max. :7.490
pib_h			
Min. : 231			
1st Qu.: 1330			
Median: 4660			
Mean : 12964			
3rd Qu.: 14050			
Max. :105000			

1.2 Pre-traimement

Donnees manquantes? Outliers

```
table(is.na(donnee))
```

FALSE 1503 Aucune donnée manquante.

Valeur aberrante

Exports max à 200 ? Bizarre

Ce sont à première vue des pays riche comme malte, luxembourg, singapour

Imports max à 174 ? Idem, finalement c'est logique Aucune valeur aberrante

Mais y a des valeurs "leviers", certains pays comme malte, singapour se dégagent des valeurs moyennes

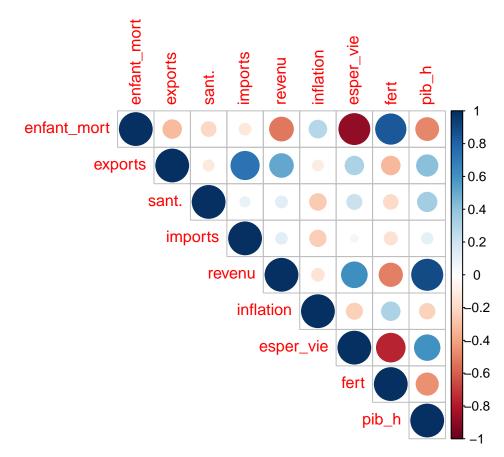
Standardisation?

Lorsque l'on a des données avec des unités différentes (par exemple des pourcentages, des espérances de vie, des PIB par habitant), il est recommandé de centrer et de réduire ces données. Centrer les données signifie soustraire la moyenne de la variable de toutes les observations, ce qui permet d'avoir une moyenne égale à zéro. Réduire les données signifie diviser chaque observation par l'écart-type de la variable, ce qui met toutes les variables à la même échelle. Cela facilite la comparaison entre les différentes variables et permet des analyses statistiques plus fiables. Il est cependant important de garder à l'esprit que la signification des résultats dépend toujours du contexte et de la validité des données utilisées

donnee <- data.frame(scale(donnee))</pre>

Matrice de corrélation

```
var <- donnee[,1:9]
corrplot(cor(var), type = "upper")</pre>
```



La matrice de corrélation nous aide à mieux comprendre les relations entre chaque variable et pourra nous aider à interpréter plus tard.

Nous allons alors classifier les pays en fonction de NOMS DE COLONNES.

2 Classification des pays en utilisant les différents algorithmes abordés en cours

Utilisation des algorithmes de classification vus en cours . Reflexion sur les choix operer decider d'une classification finale . Nombre de groupes ?

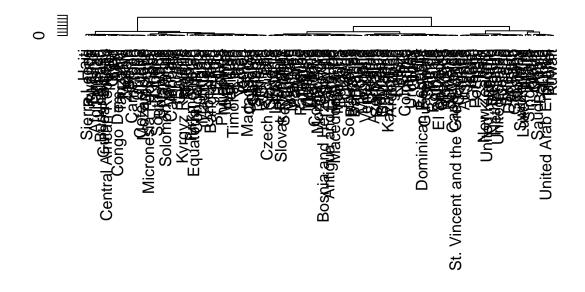
2.1 CAH

```
set.seed(123)
d <- dist(donnee)
#d <- dist(e19, method = "manhattan")
#d <- dist(e19, method = "minkowski")
cah.ward <- hclust(d, method = "ward.D")
cah.min <- hclust(d, method = "single")
cah.max <- hclust(d, method = "complete")</pre>
```

Dengrogrammes

```
plot(cah.ward, hang = -1, main = "Distance de Ward", ylab = " ")
```

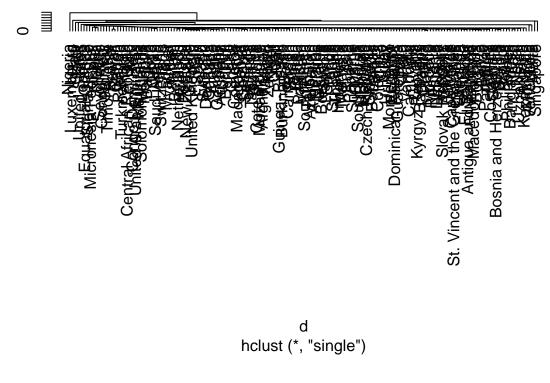
Distance de Ward



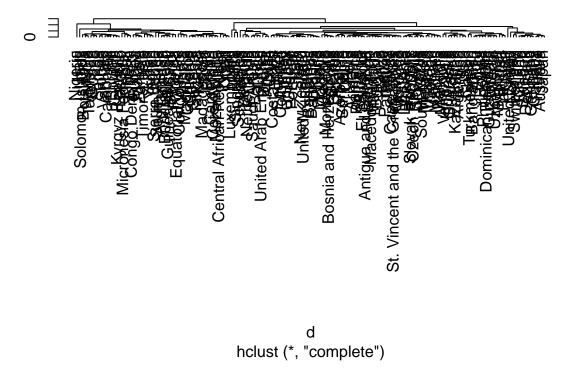
```
d
hclust (*, "ward.D")
```

```
plot(cah.min, hang = -1, main = "Distance du saut minimal", ylab = " ")
```

Distance du saut minimal



Distance du saut maximal



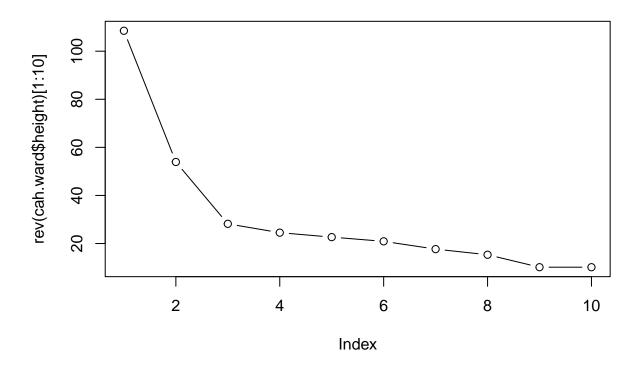
On s'apercoit raipdement que c'est le critère de Ward qui correspond le mieux à nos données. On voit déjà qu'on peut partitionner nos données en 3 ou 4 groupes

Fonction de perte

Pour rappel, on cherche à maximiser l'inertie inter-classe. En effet, nous avons pour objectif de créer des groupes d'individus se ressemblant fortement (inertie intra-classes faible) et tels que les groupes soient les plus distints possible (inertie inter-classes élevée). L'inertie inter-classe est logiquement maximale (égale à l'intertie totale) lorsqu'il y a autant de classes que d'individus. Nous cherchons dans le graphique ci-dessous un "coude" qui correspond à une rupture dans la courbe (moment où l'inertie inter augmente beaucoup).

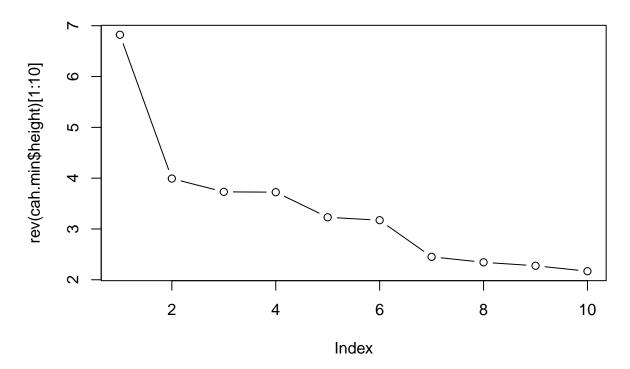
plot(rev(cah.ward\$height)[1:10], type = "b", main = "Distance de Ward")

Distance de Ward



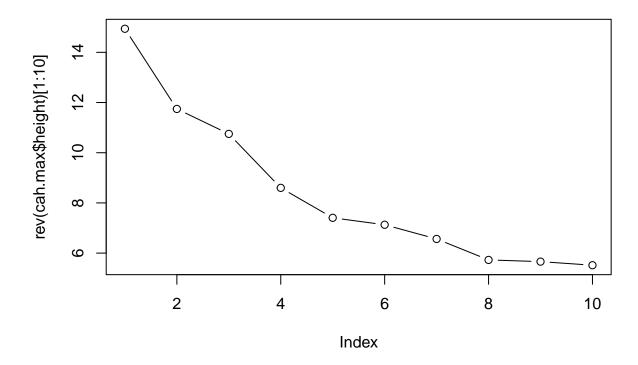
plot(rev(cah.min\$height)[1:10], type = "b", main = "Distance du saut minimal")

Distance du saut minimal



plot(rev(cah.max\$height)[1:10], type = "b", main = "Distance du saut maximal")

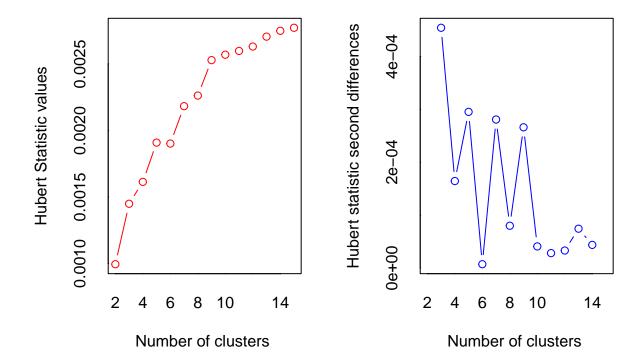
Distance du saut maximal



Avec le critère de Ward, la trace de la perte d'inertie nous incite à choisir des partitions en 3 groupes ("coude" très visible).

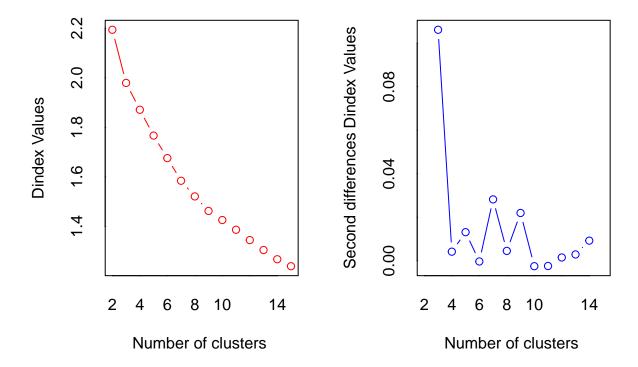
```
matrix <- as.matrix(donnee)

NbClust(matrix, min.nc = 2, max.nc = 15, method = "ward.D", index = "all")</pre>
```



*** : The Hubert index is a graphical method of determining the number of clusters.

In the plot of Hubert index, we seek a significant knee that corresponds to a significant increase of the value of the measure i.e the significant peak in Hubert index second differences plot.



***: The D index is a graphical method of determining the number of clusters.

In the plot of D index, we seek a significant knee (the significant peak in Dindex second differences plot) that corresponds to a significant increase of the value of the measure.

```
* Among all indices:
```

- * 5 proposed 2 as the best number of clusters
- * 4 proposed 3 as the best number of clusters
- st 5 proposed 4 as the best number of clusters
- * 1 proposed 5 as the best number of clusters
- * 1 proposed 8 as the best number of clusters
- * 4 proposed 9 as the best number of clusters
- st 1 proposed 12 as the best number of clusters
- st 1 proposed 14 as the best number of clusters
- * 1 proposed 15 as the best number of clusters

**** Conclusion ****

* According to the majority rule, the best number of clusters is 2

\$All.index

KL CH Hartigan CCC Scott Marriot TrCovW TraceW 2 2.3386 68.6210 33.7214 -2.6434 225.4314 7.313743e+16 23244.901 1055.1703 1.8427 57.8307 20.9221 -2.4313 418.9626 5.164539e+16 17615.022 876.1166

```
4 1.5564 50.1387 14.8863 -2.6786 609.3518 2.936225e+16 13591.412 776.9927
 1.1442 44.4853 12.5772 -3.1997 758.7814 1.875028e+16 12060.060
                                                                 711.9705
  0.2926 40.6143 28.1333 -3.4454 808.6017 2.003593e+16 9447.050
                                                                 660,6776
7
  2.0767 44.1722 16.2945 0.1436 962.9977 1.081897e+16
                                                        6363.185
                                                                 562.4029
  0.5419 43.7703 28.2797 1.4605 1070.1097 7.440776e+15
                                                        4995.833
                                                                 510.4213
9 4.3721 48.3399
                 9.3875 5.1119 1220.3724 3.829616e+15
                                                        3394.298
                                                                 433.3464
10 1.1997 46.2701
                  8.1650 5.2609 1293.2347 3.056237e+15
                                                       3031.433
                                                                 409.0434
11 0.8340 44.3410
                  8.9717 5.3083 1376.7840 2.242316e+15
                                                        2823.262
                                                                 388.8221
12 1.2044 43.1654
                  7.8186 5.6184 1447.0356 1.752186e+15
                                                        2505.380
                                                                 367,6767
13 0.9742 41.9434
                  7.8612 5.7962 1506.8698 1.437148e+15
                                                        2361.741
                                                                 350.0208
14 1.5395 41.0299
                  5.8597 6.0549 1560.7539 1.207096e+15
                                                       2068.108
                                                                 333.0212
15 1.2204 39.7156
                  5.0920 6.0050 1614.6635 1.003397e+15 1975.666
                                                                 320.7374
                                                          Beale Ratkowsky
   Friedman Rubin Cindex
                            DB Silhouette
                                           Duda Pseudot2
   16.5255 1.4159 0.2743 1.5019
                                   0.2817 0.7340
                                                36.2418
                                                         2.1548
                                                                   0.3334
   25.3844 1.7053 0.2347 1.5929
                                   0.2289 0.6755
                                                 15.3735 2.7975
                                                                   0.3307
3
4
   36.3323 1.9228 0.2246 1.4508
                                   0.2470 0.8298
                                                 12.9207
                                                         1.2123
                                                                   0.3286
5
   40.4147 2.0984 0.2063 1.7295
                                   0.2079 0.7280
                                                 24.6545 2.2097
                                                                   0.3070
   42.7143 2.2613 0.2032 1.7717
                                   0.1599 0.3414
                                                 17.3592 10.4241
                                                                   0.2951
                                                                   0.2928
7
   51.2007 2.6565 0.1987 1.5066
                                   0.1827 0.7968
                                                 10.4568 1.4951
   54.2108 2.9270 0.1882 1.4706
                                   0.2036 1.0665
                                                 -1.6830 -0.3609
                                                                   0.2832
9
   56.8841 3.4476 0.3108 1.2326
                                   0.2160 0.7129
                                                 10.4715 2.3289
                                                                   0.2800
                                   0.2206 0.7251
   59.8853 3.6524 0.2997 1.2020
                                                 12.1343 2.2081
                                                                   0.2688
   62.3662 3.8424 0.2914 1.2141
                                   0.2056 0.4977
                                                 12.1126
                                                         5.5951
                                                                   0.2587
11
   64.6251 4.0634 0.2862 1.1860
                                   0.2105 0.6908
                                                 9.4000 2.5657
                                                                   0.2503
   68.3495 4.2683 0.2798 1.2286
                                   0.1915 0.7334
                                                 11.6328 2.1168
                                                                   0.2424
   70.8060 4.4862 0.2721 1.2700
                                   0.1875 0.7291
                                                  7.4314 2.1250
                                                                   0.2353
14
15
   72.5606 4.6580 0.2654 1.3223
                                   0.1767 0.5385 13.7138 4.8442
                                                                   0.2286
      Ball Ptbiserial
                        Frey McClain
                                       Dunn Hubert SDindex Dindex
                                                                  SDbw
  527.5852
               0.3422 0.2595 0.6490 0.0751 0.0010 2.7240 2.1934 1.0880
3
  292.0389
               0.4053 -0.1502 1.1448 0.0751 0.0014 2.8973 1.9790 0.9576
4
  194.2482
               0.4357  0.4909  1.1797  0.0757  0.0016  3.0800  1.8707  1.0002
               0.4312 5.5517 1.5461 0.0757 0.0019 3.1602 1.7666 0.9660
5
  142.3941
  110.1129
               0.3474 -0.1479 2.5747 0.0685 0.0019 3.1581 1.6756 0.7597
               0.3571 0.1256 2.5488 0.0685 0.0022 3.1016 1.5843 0.6454
7
   80.3433
8
   63.8027
               0.3659 -0.1291 2.8953 0.0717 0.0023 3.1233 1.5211 0.6410
               9
   48.1496
10 40.9043
               0.3829
                      0.8481 2.9427 0.1221 0.0026 2.9247 1.4258 0.4672
11 35.3475
               0.3608
                      0.0927 3.4443 0.1221 0.0026 3.1190 1.3866 0.4425
                      0.4867 3.4868 0.1221 0.0026 3.0365 1.3450 0.4064
12
   30.6397
               0.3617
                      1.0162 3.7714 0.1154 0.0027 2.9761 1.3048 0.3864
   26.9247
               0.3521
13
14
   23.7872
               0.3095 1.4422 5.1586 0.1154 0.0028 3.4239 1.2396 0.3519
15
   21.3825
```

\$All.CriticalValues

CritValue_Duda	${\tt CritValue_PseudoT2}$	Fvalue_Beale
0.7868	27.0994	0.0231
0.6825	14.8875	0.0037
0.7508	20.9124	0.2845
0.7548	21.4445	0.0200
0.4954	9.1671	0.0000
0.7098	16.7607	0.1478
0.6621	13.7821	1.0000
0.6573	13.5542	0.0158
0.6825	14.8875	0.0216
0.5447	10.0311	0.0000
0.6292	12.3746	0.0083
	0.7868 0.6825 0.7508 0.7548 0.4954 0.7098 0.6621 0.6573 0.6825 0.5447	0.6825 14.8875 0.7508 20.9124 0.7548 21.4445 0.4954 9.1671 0.7098 16.7607 0.6621 13.7821 0.6573 13.5542 0.6825 14.8875 0.5447 10.0311

		4.8875 2.1297	0.0282 0.0296		
15 0.	5901 1	1.1141	0.0000		
\$Best.nc					
Number_cluste Value_Index	ers 9.0000 2.000	Hartigan 9.0000 18.8923	14.0000 3.0	0000 5.0000	arriot TrCovW 00e+00 3.000 61e+16 5629.879
_	TraceW Friedma	n Rubin	Cindex I	DB Silhouet	te Duda
Number_cluste Value_Index	ers 3.00 4.00 79.93 10.94 PseudoT2 Beal	8 -0.3158		36 0.28	00 4.0000 17 0.8298 Frey McClain
Number_cluste Value_Index	ers 4.0000 4.000 12.9207 1.212	0 2.000 3 0.33	3.0000 34 235.5463	4.0000 0.4357	1 2.000
Number_cluste	Dunn Hubert ers 9.0000 0	SDindex D: 2.000	index SDbv 0 15.0000		
Value_Index	0.1221 0		0 0.3519		
\$Best.partiti	on				
\$2020.par 0103	Afghanistan			Albania	
	1			2	
	Algeria 2			Angola 1	
Ar	ntigua and Barbuda			Argentina	
	2			2	
	Armenia			Australia	
	2			2	
	Austria 2		I	Azerbaijan 2	
	Z Bahamas			Bahrain	
	2			2	
	Bangladesh			Barbados	
	1			2	
	Belarus			Belgium	
	2 Belize			2 Benin	
	вение 2			1	
	- Bhutan			Bolivia	
	1			1	
Bosni	la and Herzegovina			Botswana	
	2			1	
	Brazil 2			Brunei 2	
	z Bulgaria		Biii	rkina Faso	
	2		243	1	
	Burundi			Cambodia	
	1			1	
	Cameroon			Canada	
	1 Cape Verde	Car	ntral African	2 n Republic	
	Cape verde 2	061	AIIICAI	1 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.	
	Chad			Chile	
	1			2	
	China			Colombia	
	Comorno a		Camara	Dom Pon	
	Comoros		congo	Dem. Rep.	

1	1
Congo Rep.	Costa Rica
1	2
Cote d'Ivoire	Croatia 2
Cyprus	Czech Republic
2	2
Denmark 2	Dominican Republic
Ecuador	Egypt
2	1
El Salvador	Equatorial Guinea
2	1
Eritrea	Estonia
1	2
Fiji	Finland
1	2
France	Gabon
2	1
Gambia	Georgia
1	2
Germany	Ghana
2	1
Greece	Grenada
2	2
Guatemala	Guinea
2	1
Guinea-Bissau	Guyana
1	1
Haiti	Hungary
1	2
Iceland	India
2	1
Indonesia	Iran
2	2
Iraq	Ireland
1	2
Israel	Italy
2	2
Jamaica	Japan
2	2
Jordan	Kazakhstan
2	2
Kenya	Kiribati
1	1
Kuwait	Kyrgyz Republic
2	1
Lao	Latvia
1	2
Lebanon	Lesotho
2	1
Liberia	Libya
1	2
Lithuania	Luxembourg
2	2
Macedonia FYR	Madagascar

2	1
Malawi	Malaysia
1	2
Maldives	Mali
2 Malta	1 Mauritania
мат са 2	mauritania 1
Mauritius	Micronesia Fed. Sts.
2	1
Moldova	Mongolia
2	2
Montenegro	Morocco
2	2
Mozambique	Myanmar
Nomihio	1
Namibia 1	Nepal 1
Netherlands	New Zealand
2	New Zearana 2
Niger	Nigeria
1	1
Norway	Oman
2	2
Pakistan	Panama
_	2
Paraguay	Peru
2	2
Philippines 1	Poland 2
Portugal	Qatar
2	2
Romania	Russia
2	2
Rwanda	Samoa
1	2
Saudi Arabia	Senegal
2	1
Serbia	Seychelles
2 Sierra Leone	2 Singapore
free free free free free free free free	
Slovak Republic	Slovenia
2	2
Solomon Islands	South Africa
1	1
South Korea	Spain
2	2
	. Vincent and the Grenadines
2	2 Sunsinana
Sudan 1	Suriname 2
Sweden	Z Switzerland
2	2
Tajikistan	Tanzania
1	1
Thailand	Timor-Leste

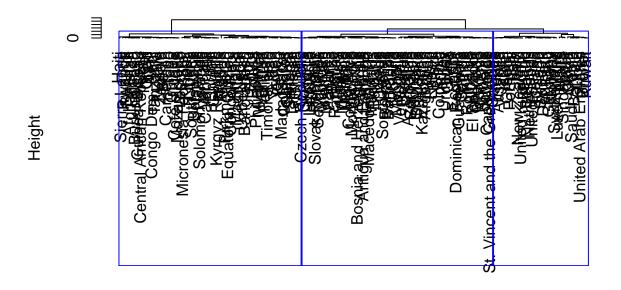
```
2
                                              1
          Togo
                                          Tonga
                                              2
             1
       Tunisia
                                         Turkey
                                               2
  Turkmenistan
                                         Uganda
       Ukraine
                          United Arab Emirates
United Kingdom
                                  United States
       Uruguay
                                     Uzbekistan
                                              1
       Vanuatu
                                      Venezuela
                                              2
       Vietnam
                                          Yemen
                                              1
        Zambia
             1
```

On nous dit que les meilleurs clusters sont 2 ou 4 avec 5 chacun ou 3 avec 4. Au vu de l'interprétation graphique faite précédemment, nous allons rester sur 3 clusters, qui nous semble le plus pertinent.

Cutree

```
nbc <- 3
gpe.ward <- cutree(cah.ward, k = nbc) # Classe affectée pour chaque individu
gpe.min <- cutree(cah.min, k = nbc)
gpe.max <- cutree(cah.max, k = nbc)
plot(cah.ward, hang = -1, main = "Distance de Ward")
rect.hclust(cah.ward, nbc, border = "blue")</pre>
```

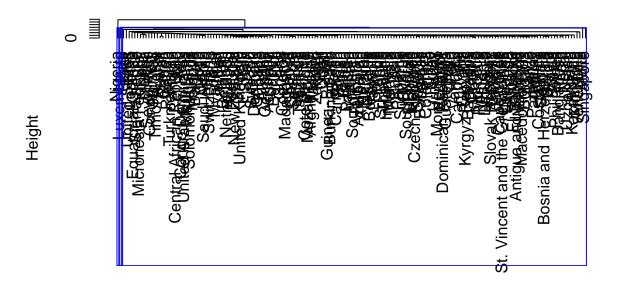
Distance de Ward



d hclust (*, "ward.D")

plot(cah.min, hang = -1, main = "Distance du saut minimal")
rect.hclust(cah.min, nbc, border = "blue")

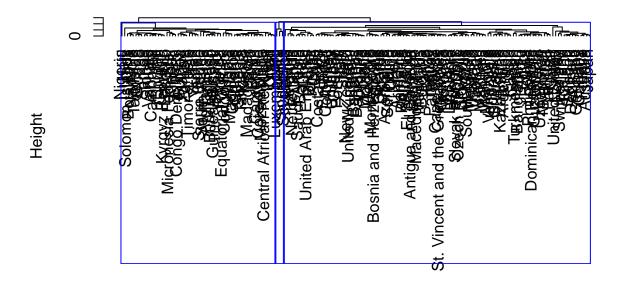
Distance du saut minimal



d hclust (*, "single")

plot(cah.max, hang = -1, main = "Distance du saut maximal")
rect.hclust(cah.max, nbc, border = "blue")

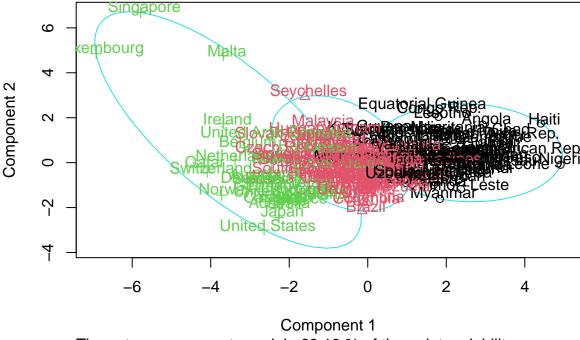
Distance du saut maximal



d hclust (*, "complete")

clusplot(donnee, gpe.ward, labels = nbc, col.p = as.numeric(gpe.ward))

CLUSPLOT(donnee)



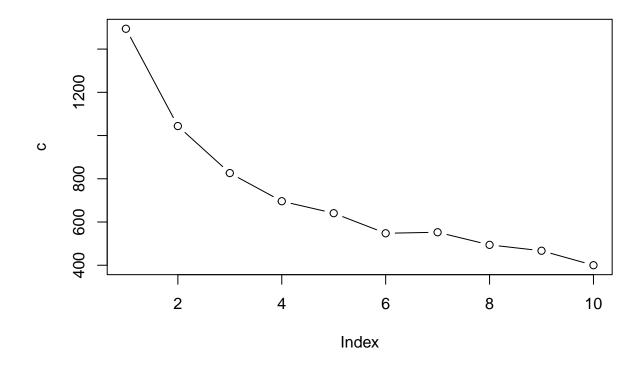
These two components explain 63.13 % of the point variability.

Les 3 groupes sont reconnaissables mais mélangés à certains endroits, particulièrement entre.

Ce graphe correspond à la représentation des groupes sur les deux premiers axes principaux d'une ACP. De plus, des ellipses de contour autour des groupes sont tracées. On observe ici en colorant les points avec leur vraie classe que les groupes vert et rouge et rouge et noir sont difficiles à retrouver.

2.2 Algorithme des Kmeans

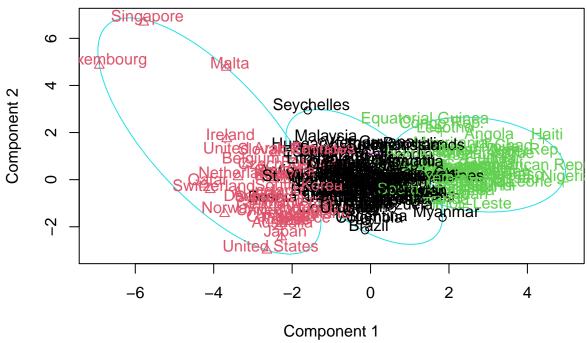
Tout d'abord nous allons utiliser l'algorithme des k-means pour avoir une première idée de notre classification finale. Si on ne sait pas a priori combien de groupes comporte le jeu de donnees, on peut appliquer l'algorithme pour plusieurs choix de K possibles et tracer la courbe d'évolution de l'inertie . On lance l'algorithme des kmeans et on observe l'évolution de la variance intra-groupes en fonction du nombre de groupes. On rajoute également l'option « nstart =50 » pour stabiliser les résultats.



A la vue de ce graphique, on aurait tendance à choisir K=3,4 ou 5 groupes en appliquant la méthode dite « du coude ». Ayant, grâce à la CAH, choisi de garder K=3, nous allons conserver ce nombre pour les k-means. Ce graphique nous conforome tout de même dans notre idée.

```
K=3
c1 = kmeans(donnee,K,nstart=50)
gpe = c1$cluster
clusplot(donnee,gpe,labels=3,col.p=gpe)
```

CLUSPLOT(donnee)



These two components explain 63.13 % of the point variability.

La représentation en clusplot nous permet de voir qu'il y a 3 groupes qui se séparent plutôt bien sur les composantes 1, 2 et 3. (on le voit au travers des différents couleur sur le graphique).

Representation des groupes sur le premier plan factoriel

2.3 Interprétation des groupes

Nous allons maintenant chercher à interpréter les groupes obtenus à l'aide de la fonction catdes.

```
gpe = cutree(cah.ward,k=3)
donnee$gpecah = as.factor(gpe)
interpcah = catdes(donnee,num.var = 10)
interpcah
```

Link between the cluster variable and the quantitative variables

```
Eta2
                            P-value
            0.72363077 1.592773e-46
pib_h
esper_vie
            0.71468093 2.173330e-45
            0.69791718 2.346035e-43
enfant_mort 0.65580744 1.041649e-38
            0.62232782 2.105862e-35
fert
            0.13621101 6.101387e-06
exports
sant.
            0.10399187 1.229080e-04
inflation
           0.05970019 6.424517e-03
```

Description of each cluster by quantitative variables

\$11 v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd enfant_mort 10.370649 1.0052894 1.555642e-16 0.9111885 0.9970015 fert 10.150674 0.9839659 1.728491e-17 0.8579969 0.9970015 2.913863 0.2824583 1.329608e-17 1.2650602 0.9970015 inflation sant. -2.615632 -0.2535490 -1.403069e-15 0.9651035 0.9970015 exports -3.802046 -0.3685552 -3.478588e-16 0.6775757 0.9970015 -0.6024230 2.393295e-17 0.1393288 0.9970015 pib_h -6.214645 revenu -6.968102 -0.6754601 -7.445807e-17 0.2556201 0.9970015 -10.486756 -1.0165444 3.616535e-16 0.7596372 0.9970015 esper_vie p.value enfant_mort 3.372265e-25 fert 3.290824e-24 3.569862e-03 inflation sant. 8.906240e-03 1.435063e-04 exports 5.144073e-10 pib_h 3.212442e-12 revenu esper_vie 9.938179e-26 \$'2' v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd 0.4417023 3.616535e-16 esper_vie 4.730693 0.3438267 0.9970015 pib_h -2.657982 -0.2481744 2.393295e-17 0.3297308 0.9970015 enfant_mort -6.001733 -0.5603786 1.555642e-16 0.2069384 0.9970015 fert -6.325848 -0.5906411 1.728491e-17 0.4173776 0.9970015 p.value 2.237542e-06 esper_vie pib_h 7.861014e-03 enfant_mort 1.952226e-09 fert 2.518459e-10 \$'3' v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd 1.6480397 2.393295e-17 1.04631502 0.9970015 pib_h 10.768111 10.318192 1.5791804 -7.445807e-17 1.05150950 0.9970015 revenu esper_vie 6.925852 1.0599890 3.616535e-16 0.23111362 0.9970015 exports 4.147405 0.6347527 -3.478588e-16 1.54724683 0.9970015 4.009263 0.6136103 -1.403069e-15 1.27746390 0.9970015 sant. inflation -2.266208 -0.3468390 1.329608e-17 0.50958288 0.9970015 fert -4.572607 -0.6998292 1.728491e-17 0.29691512 0.9970015 enfant_mort -5.234428 -0.8011195 1.555642e-16 0.08690297 0.9970015 p.value 4.868867e-27 pib_h revenu 5.831062e-25 esper_vie 4.333583e-12 exports 3.362651e-05 sant. 6.090858e-05 inflation 2.343864e-02 4.816923e-06 fert enfant_mort 1.654969e-07 head(donnee)

exports

enfant_mort

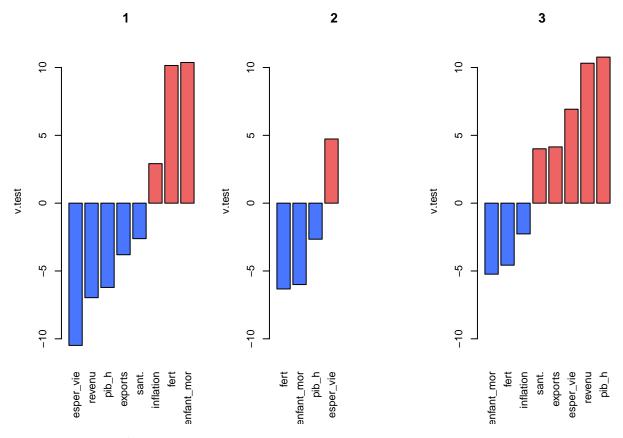
sant.

imports

revenu

Afghanistan	1.2876597 -1.13486665 0.27825140 -0.08220771 -0.805821	87
Albania	-0.5373329 -0.47822017 -0.09672528 0.07062429 -0.374243	35
Algeria	-0.2720146 -0.09882442 -0.96317624 -0.63983800 -0.220182	27
Angola	2.0017872 0.77305618 -1.44372888 -0.16481961 -0.583289	20
Antigua and Barbuda	-0.6935483 0.16018613 -0.28603389 0.49607554 0.101426	73
Argentina	-0.5894047 -0.81019144 0.46756001 -1.27594958 0.080677	76
	inflation esper_vie fert pib_h gpecah	
Afghanistan	0.1568645 -1.6142372 1.89717646 -0.67714308 1	
Albania	-0.3114109 0.6459238 -0.85739418 -0.48416709 2	
Algeria	0.7869076 0.6684130 -0.03828924 -0.46398018	
Angola	1.3828944 -1.1756985 2.12176975 -0.51472026 1	
Antigua and Barbuda	-0.5999442 0.7021467 -0.54032130 -0.04169175	
Argentina	1.2409928 0.5897009 -0.38178486 -0.14535428 2	

plot.catdes(interpcah,barplot=T)



Les 3 groupes sont donc caractérisés ainsi :

- Le premier groupe a une très faible espérance de vie, un faible revenu, un faible pib, et un fort taux de fertilité et de mortalité infantile.
- Le second groupe se démarque déjà très largement du premier. En effet, il a un faible taux de mort infantile et une haute espérance de vie. Il a cependant un pib par habitant plutôt faible, mais toujours moins que le premier groupe.
- Le troisième groupe se démarque également du deuxième groupe : il a un très fort pib par habitant, de forts revenus.

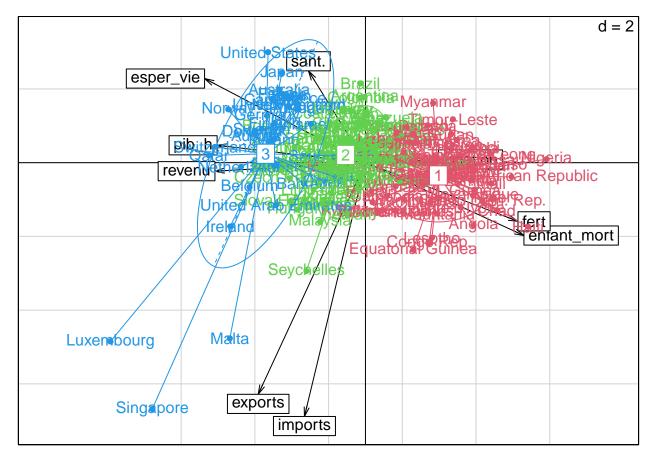
```
CCpca = dudi.pca(donnee[1:9],scannf=FALSE,nf=2)
cumsum(CCpca$eig) / sum(CCpca$eig) # 63% de variabilité expliquée sur les deux premiers axes

[1] 0.4595174 0.6313337 0.7613762 0.8719079 0.9453100 0.9701523 0.9827566
[8] 0.9925694 1.0000000

scatter(CCpca,posieig = "none",clab.row=0,pch=NA)

NULL

text(CCpca$li[,1], CCpca$li[,2],labels = row.names(donnee),col=gpe+1,xpd=TRUE)
s.class(CCpca$li, factor(gpe), col = 2:4, add.plot = TRUE,clabel = 1)
```



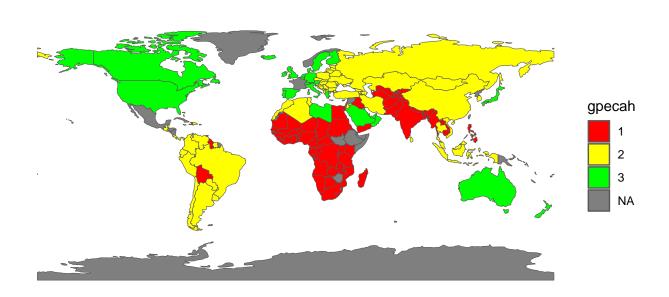
Suite à l'analyse de nos différentes méthodes, nous nous rendons compte que 3 gros groupes se sont formés. Nous décidons de nous concentrer sur le groupe des pays les moins développés.

2.4 Visualisation des résultats obtenus (carte)

```
iso3c
              lat
                        lon
         33.85640 66.08669
    AFG
2
    AGO -12.29155 17.50291
3
   ALB
        41.14135 20.03243
   ARE 23.86863 54.20671
4
5
   ARG -35.22017 -65.14954
    ARM 40.21661 45.00029
Simple feature collection with 6 features and 94 fields
Geometry type: MULTIPOLYGON
Dimension:
Bounding box: xmin: -180 ymin: -18.28799 xmax: 180 ymax: 83.23324
Geodetic CRS:
              +proj=longlat +datum=WGS84 +no_defs +ellps=WGS84 +towgs84=0,0,0
       featurecla scalerank labelrank
                                                        sovereignt sov_a3
0 Admin-0 country
                                                              Fiji
                                                                      FJI
1 Admin-0 country
                          1
                                     3 United Republic of Tanzania
                                                                      TZA
                                                    Western Sahara
                                                                      SAH
2 Admin-0 country
                          1
                                    7
                                    2
                                                            Canada
3 Admin-0 country
                          1
                                                                      CAN
4 Admin-0 country
                                    2
                                          United States of America
                                                                      US1
                          1
5 Admin-0 country
                                     3
                                                        Kazakhstan
                                                                      KAZ
  admO_dif level
                              type
                                                          admin adm0_a3 geou_dif
         0
               2 Sovereign country
0
                                                           Fiji
                                                                    FJI
                                                                               0
         0
               2 Sovereign country United Republic of Tanzania
                                                                    TZA
                                                                               0
```

```
Indeterminate
                                                  Western Sahara
                                                                       SAH
3
         0
                2 Sovereign country
                                                           Canada
                                                                       CAN
                                                                                  0
                                        United States of America
                                                                       USA
         1
                2
                            Country
5
         0
                2 Sovereign country
                                                       Kazakhstan
                                                                       KAZ
                    geounit gu_a3 su_dif
                                                 subunit su a3 brk diff
0
                       Fiji
                              FJI
                                        0
                                                    Fiji
                                                            FJI
                                                                        0
                   Tanzania
                               TZA
                                        0
                                                Tanzania
                                                            TZA
1
2
            Western Sahara
                              SAH
                                                            SAH
                                        0 Western Sahara
                                                                        1
3
                     Canada
                              CAN
                                        0
                                                  Canada
                                                            CAN
                                                                        0
4 United States of America
                              USA
                                                            USA
                                        0 United States
                 Kazakhstan
                              KAZ
                                        0
                                              Kazakhstan
                                                            KAZ
                                                                        0
                       name
                                 name_long brk_a3
                                                         brk_name brk_group
0
                       Fiji
                                       Fiji
                                               FJI
                                                             Fiji
                                                                        <NA>
                   Tanzania
                                   Tanzania
                                               TZA
                                                         Tanzania
                                                                        <NA>
2
                  W. Sahara Western Sahara
                                               B28
                                                        W. Sahara
                                                                        <NA>
3
                     Canada
                                     Canada
                                               CAN
                                                           Canada
                                                                        <NA>
4 United States of America United States
                                               USA United States
                                                                        <NA>
                 Kazakhstan
                                Kazakhstan
                                               KAZ
                                                      Kazakhstan
                                                                        <NA>
   abbrev postal
                                          formal_en formal_fr
                                                                   name_ciawf
0
     Fiji
                                   Republic of Fiji
                                                          <NA>
              FJ
                                                                          Fiji
    Tanz.
                       United Republic of Tanzania
                                                          <NA>
1
              TZ
                                                                      Tanzania
2 W. Sah.
              WS Sahrawi Arab Democratic Republic
                                                          <NA> Western Sahara
     Can.
                                                                        Canada
                                                          <NA>
                                             Canada
  U.S.A.
                          United States of America
                                                                United States
              US
                                                          < NA >
     Kaz.
               ΚZ
                            Republic of Kazakhstan
                                                          <NA>
                                                                   Kazakhstan
    note_adm0
                                       note_brk
                                                                name_sort name_alt
0
         <NA>
                                           < NA >
                                                                      Fiji
                                                                               < NA >
         <NA>
                                                                 Tanzania
                                                                               <NA>
1
                                           <NA>
                                                           Western Sahara
2 Self admin. Self admin.; Claimed by Morocco
                                                                               <NA>
         <NA>
                                                                   Canada
                                                                               <NA>
                                           <NA>
                                           <NA> United States of America
4
         <NA>
                                                                               <NA>
5
         <NA>
                                           <NA>
                                                               Kazakhstan
  mapcolor7 mapcolor8 mapcolor9 mapcolor13
                                               pop_est pop_rank gdp_md_est
                                                920938
                                                              11 8.374e+03
0
          5
                               2
                                           2
                     1
                                              53950935
1
          3
                     6
                               2
                                           2
                                                              16 1.506e+05
2
                     7
                                                              11 9.065e+02
          4
                               4
                                           4
                                                603253
3
          6
                     6
                               2
                                           2 35623680
                                                              15 1.674e+06
                                                              17 1.856e+07
4
          4
                     5
                               1
                                           1 326625791
5
          6
                     1
                               6
                                           1 18556698
                                                              14 4.607e+05
  pop_year lastcensus gdp_year
                                                   economy
                                                                         income_grp
0
      2017
                  2007
                           2016
                                      6. Developing region 4. Lower middle income
1
      2017
                  2002
                           2016 7. Least developed region
                                                                     5. Low income
2
      2017
                    NA
                           2007 7. Least developed region
                                                                     5. Low income
                                  1. Developed region: G7
3
      2017
                  2011
                           2016
                                                              1. High income: OECD
4
      2017
                  2010
                           2016
                                   1. Developed region: G7
                                                              1. High income: OECD
                                      6. Developing region 3. Upper middle income
5
      2017
                  2009
                           2016
  wikipedia fips_10_ iso_a2 iso_a3 iso_a3_eh iso_n3 un_a3 wb_a2 wb_a3 woe_id
0
         NA
                   FJ
                          FJ
                                FJI
                                           FJI
                                                  242
                                                         242
                                                                FJ
                                                                     FJI 23424813
1
         NA
                   ΤZ
                          ΤZ
                                TZA
                                           TZA
                                                  834
                                                         834
                                                                ΤZ
                                                                      TZA 23424973
2
                          EΗ
                                ESH
                                                                     <NA> 23424990
         NA
                   WI
                                           ESH
                                                  732
                                                         732
                                                              <NA>
3
         NΑ
                   CA
                          CA
                                                  124
                                                         124
                                                                CA
                                                                      CAN 23424775
                                CAN
                                           CAN
          0
                   US
                          US
                                USA
                                           USA
                                                   840
                                                         840
                                                                      USA 23424977
         NA
                   ΚZ
                          ΚZ
                                KAZ
                                           KAZ
                                                   398
                                                         398
                                                                ΚZ
                                                                     KAZ
                                                                             -90
  woe_id_eh
                                                woe_note adm0_a3_is adm0_a3_us
  23424813
                             Exact WOE match as country
                                                                 FJI
                                                                             FJI
  23424973
                                                                 TZA
                             Exact WOE match as country
                                                                             TZA
```

```
2 23424990
                             Exact WOE match as country
                                                                             SAH
                                                                  MAR
3 23424775
                             Exact WOE match as country
                                                                  CAN
                                                                             CAN
                             Exact WOE match as country
                                                                  USA
                                                                             USA
  23424977
  23424871 Includes Baykonur Cosmodrome as an admin-1
                                                                  KAZ
                                                                             KAZ
  adm0_a3_un adm0_a3_wb
                             continent region_un
                                                          subregion
0
          NA
                               Oceania
                                          Oceania
                                                          Melanesia
                      NA
1
          NΑ
                      NΑ
                                 Africa
                                           Africa
                                                     Eastern Africa
2
          NA
                                           Africa Northern Africa
                      NΑ
                                 Africa
3
          NA
                      NA North America Americas Northern America
          NA
                      NA North America Americas Northern America
4
5
          NA
                                   Asia
                                              Asia
                                                       Central Asia
                    region_wb name_len long_len abbrev_len tiny homepart
0
         East Asia & Pacific
                                      4
                                                4
                                                           4
                                                               NΑ
          Sub-Saharan Africa
                                               8
                                                               NA
                                                                          1
2 Middle East & North Africa
                                      9
                                                           7
                                                               NΑ
                                              14
                                                                          1
3
               North America
                                      6
                                               6
                                                           4
                                                               NA
4
               North America
                                     24
                                              13
                                                           6
                                                               NA
                                                                          1
       Europe & Central Asia
5
                                     10
                                              10
                                                               NΑ
  min_zoom min_label max_label
                                      ne_id wikidataid name_ar name_bn
0
       0.0
                  3.0
                            8.0 1159320625
                                                   Q712
                                                           <NA>
       0.0
                  3.0
                            8.0 1159321337
                                                   Q924
                                                                    <NA>
1
                                                           < NA >
                           11.0 1159321223
2
       4.7
                  6.0
                                                  Q6250
                                                           <NA>
                                                                    <NA>
                                                                    <NA>
3
       0.0
                  1.7
                            5.7 1159320467
                                                    Q16
                                                           <NA>
                            5.7 1159321369
4
       0.0
                  1.7
                                                    Q30
                                                           <NA>
                                                                    <NA>
5
       0.0
                  3.0
                            7.0 1159320967
                                                   Q232
                                                           <NA>
                                                                    <NA>
             name_de
                                        name_en
                                                           name_es
0
             Fidschi
                                           Fiji
                                                               Fiyi
            Tansania
1
                                       Tanzania
                                                          Tanzania
2
          Westsahara
                                 Western Sahara Sahara Occidental
3
              Kanada
                                         Canada
                                                            Canadá
4 Vereinigte Staaten United States of America
                                                    Estados Unidos
          Kasachstan
                                     Kazakhstan
5
                                                        Kazajistán
            name_fr name_el name_hi
                                                         name_hu
                                                                          name_id
                        <NA>
0
              Fidji
                                 <NA>
                                                Fidzsi-szigetek
                                                                             Fiji
           Tanzanie
                        <NA>
                                 <NA>
                                                        Tanzánia
                                                                         Tanzania
1
                                                  Nyugat-Szahara
                                                                     Sahara Barat
2 Sahara occidental
                        <NA>
                                 <NA>
3
                        <NA>
                                 <NA>
                                                          Kanada
             Canada
                                                                           Kanada
4
         États-Unis
                        <NA>
                                 <NA> Amerikai Egyesült Államok Amerika Serikat
5
         Kazakhstan
                        <NA>
                                 <NA>
                                                      Kazahsztán
                                                                       Kazakhstan
                 name_it name_ja name_ko
                                                                 name nl
                    Figi
0
                            <NA>
                                     < NA >
                                                                    Fiji
1
                Tanzania
                             <NA>
                                     < NA >
                                                                Tanzania
2
     Sahara Occidentale
                             <NA>
                                     <NA>
                                                      Westelijke Sahara
3
                  Canada
                             <NA>
                                     < NA >
4 Stati Uniti d'America
                             <NA>
                                     <NA> Verenigde Staten van Amerika
5
             Kazakistan
                             <NA>
                                     <NA>
                                                             Kazachstan
                             name_pt name_ru
            name_pl
                                                  name_sv
0
              Fidzi
                                 Fiji
                                         <NA>
                                                     Fiji
           Tanzania
                            Tanzânia
                                         <NA>
                                                 Tanzania
1
   Sahara Zachodnia Saara Ocidental
                                         <NA> Västsahara
3
             Kanada
                               Canadá
                                         < NA >
                                                   Kanada
4 Stany Zjednoczone Estados Unidos
                                         <NA>
                                                      USA
5
         Kazachstan
                         Cazaquistão
                                         <NA> Kazakstan
                       name_tr
                                   name_vi name_zh
                                                                           geometry
0
                                              <NA> MULTIPOLYGON (((180 -16.067...
                          Fiji
                                      Fiji
                                              <NA> MULTIPOLYGON (((33.90371 -0...
1
                      Tanzanya
                                  Tanzania
```



Voici une représentation cartographique de nos 3 groupes. Pour le choix des couleurs (roueg étant les pays les plus dans le besoin et vert les pays le moins dans le besoin), nous nous sommes basées sur la représentation de la CAH faite plus haut ainsi que sur le rendu du catdes. En effet, nous apercevons que dans le groupe 1 (les pays qui ont un fort taux de mortalité infantile et une faible espérance de vie) se trouvent des pays comme l'Angola ou le Nigeria. Nous avons alors reliés la couleur rouge au groupe de ces pays. On observe bien que les pays dans le besoin (les individus se trouvant dans le groupe 1 de notre cah) se situent principalement en afrique et en asie.

3 Traitement du groupe des pays les moins favorisés

Caractérisation de la partition obtenue Représentation informative des résultats. Graphiques adaptés, représentations factorielles si adaptées Optionnel : Représentation spatiale des résultats sur la carte de Rennes Faire une ACP

Nous allons maintenant uniquement nous pencher sur les pays les moins développés (ceux appartenant au premier groupe).

3.1 CAH sur les pays moins développés

On decide de realiser une deuxième CAH sur le groupe 1, qui sont les pays moins développés :

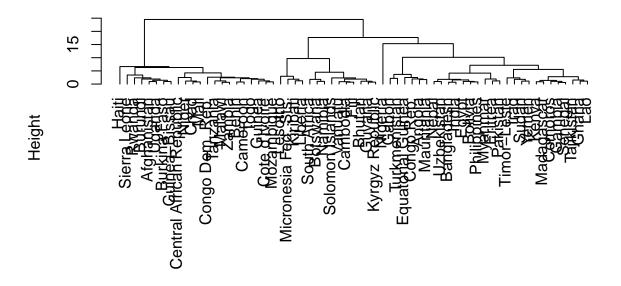
```
donnee_groupe <- donnee
donnee_groupe$gpecah <- as.factor(gpe.ward)
donnee_moinsdev <- donnee_groupe[donnee_groupe$gpecah ==1,]
donnee_moinsdev <-donnee_moinsdev[1:9]</pre>
```

On enlève la dernière colonne qui ne nous sert plus à rien.

On decide d'appliquer une CAH sur ces données avec la distance euclidienne et la stratégie d'aggrégation de ward (au vue du travail effectué plus haut c'est ce qui nous semble le plus pertinent)

```
d_moinsdev = dist(donnee_moinsdev)
cah.ward.moinsdev = hclust(d_moinsdev,method="ward.D")
plot(cah.ward.moinsdev,hang=-1)
```

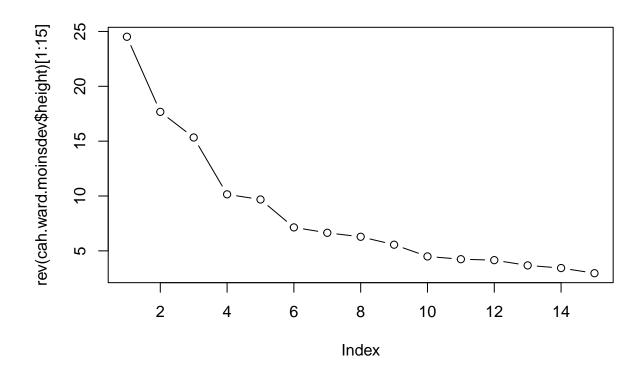
Cluster Dendrogram



d_moinsdev
hclust (*, "ward.D")

De la même façon que la seconde partie, on observe la présence d'une structure "naturelle" en un nombre de groupe modéré. Regardons la courbe de perte d'inertie (on se contente des 15 premières valeurs pour ne pas "noyer" l'information importante)

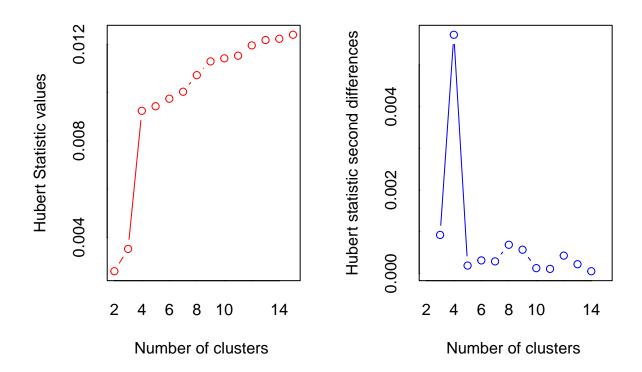
```
plot(rev(cah.ward.moinsdev$height)[1:15],type="b")
```



Le tracé de la perte d'inertie nous incite à choisir une partition en 4 groupes (lecture de gauche à droite : juste avant le coude ou changement de pente s'opérant au passage de 4 à 6 groupes)

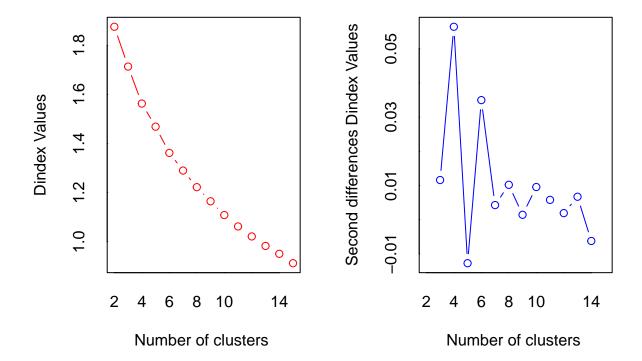
On peut aussi s'aider de critères automatiques calculés dans le package NbClust

NbClust(donnee_moinsdev,min.nc = 2,max.nc = 15,method="ward.D",index="all")



*** : The Hubert index is a graphical method of determining the number of clusters.

In the plot of Hubert index, we seek a significant knee that corresponds to a significant increase of the value of the measure i.e the significant peak in Hubert index second differences plot.



***: The D index is a graphical method of determining the number of clusters.

In the plot of D index, we seek a significant knee (the significant peak in Dindex second differences plot) that corresponds to a significant increase of the value of the measure.

- * Among all indices:
- \ast 4 proposed 2 as the best number of clusters
- * 2 proposed 3 as the best number of clusters
- * 8 proposed 4 as the best number of clusters
- * 3 proposed 5 as the best number of clusters
- * 1 proposed 6 as the best number of clusters
- \ast 5 proposed 15 as the best number of clusters

**** Conclusion ****

* According to the majority rule, the best number of clusters is 4

\$All.index

	KL CH	Hartigan	CCC	Scott	Marriot	TrCovW	TraceW
2	0.3883 12.9207	12.3551	2.5877	363.0264	13911997237	2553.4315	317.0411
3	0.3814 13.6842	25.4204	1.9072	440.1236	9559850713	1654.2922	265.0596
4	3.7956 20.9925	9.0571	5.4259	555.6019	2875846038	702.5026	187.9847
5	0.9972 20.0128	8.9011	6.0732	626.1356	1518160273	563.6929	163.6817
6	1 8912 19 8295	5 5642	6 7570	674 7096	1035465881	397 5363	142 5362

```
7 0.5562 18.6881
                 8.6302 6.8218 713.6353
                                           774370946 351.8538 130.2524
8 1.3731 19.2962
                 6.8707 7.8378 773.6406
                                           401800021 256.0183 113.3816
9 1.3054 19.4312 5.6523 8.4255 821.4176
                                           243834537 187.1099 101.1850
10 1.3948 19.2928 4.3904 8.7362 867.9183
                                           147203472 152.6398 91.9083
11 1.1455 18.8397
                  3.9477 8.7416
                                907.4463
                                            96961404 129.8641 85.1141
12 0.9719 18.3910
                  4.0353 8.6853
                                935.3844
                                          75077386
                                                    106.0332 79.3156
                  4.8131 8.7214
13 0.8223 18.1296
                                965.4181
                                            55509159
                                                      88.7523 73.7040
14 1.1920 18.2955
                  4.2511 9.0531 991.5743
                                           43049889
                                                      73.2914 67.4599
15 1.2670 18.3416
                  3.5485 9.2532 1036.6613
                                            24697458
                                                      64.3842 62.2694
                            DB Silhouette
  Friedman
             Rubin Cindex
                                            Duda Pseudot2
                                                          Beale Ratkowsky
2 474.1703 2.0505 0.2210 1.9433
                                   0.1817 0.7968 10.4568 1.4951
                                                                   0.2700
3 531.4995 2.4526 0.2011 1.8086
                                   0.1960 1.0665 -1.6830 -0.3609
                                                                   0.2980
4 544.3378 3.4582 0.3426 1.2290
                                  0.2243 0.7129 10.4715 2.3289
                                                                   0.2933
 608.6435 3.9717 0.3089 1.1433
                                  0.2397 0.4977 12.1126 5.5951
                                                                   0.3139
6 619.1856 4.5609 0.2926 1.0923
                                  0.2419 0.7291
                                                 7.4314 2.1250
                                                                   0.3023
7 635.0339 4.9910 0.2841 1.2445
                                  0.2118 1.3568 -5.2600 -1.5041
                                                                   0.2869
8 646.2607 5.7337 0.3852 1.1287
                                  0.2372 0.7251
                                                 7.2019 2.1624
                                                                  0.2780
9 688.6921 6.4248 0.3854 1.1520
                                0.2286 0.5549
                                                8.0228 4.3797
                                                                   0.2673
                                0.2215 0.5265
10 707.5520 7.0733 0.3755 1.0662
                                                 7.1948 4.8005
                                                                   0.2574
                                 0.2291 0.7197
11 716.4159 7.6379 0.3635 1.0335
                                                  4.6729 2.1585
                                                                   0.2521
12 724.0598 8.1963 0.3411 1.0730
                                0.2248 0.5408
                                                6.7938 4.5329
                                                                   0.2434
13 744.4823 8.8203 0.3242 1.0469
                                  0.2356 0.5837
                                                  2.8526 3.4259
                                                                   0.2362
14 756.5697 9.6367 0.3447 1.0386
                                  0.2420 8.1930 -4.3897 -4.3934
                                                                   0.2295
15 772.6338 10.4400 0.3486 0.9885
                                  0.2570 3.1208 -1.3591 -2.7205
                                                                   0.2230
      Ball Ptbiserial
                        Frey McClain Dunn Hubert SDindex Dindex
                                                                  SDbw
               158.5206
              0.2527 -0.4439 1.4106 0.1033 0.0035 2.5346 1.7136 0.9173
3
   88.3532
4
   46.9962
              0.3661 0.2515 1.3011 0.1918 0.0092 2.0181 1.5629 0.3983
              0.3812 0.0828 1.6504 0.1918 0.0094 1.9970 1.4687 0.3693
5
   32.7363
6
   23.7560
              0.3932 2.1401 1.7577 0.1918 0.0097 2.0985 1.3617 0.3098
              0.3464 -0.1014 2.4649 0.1918 0.0100 2.5808 1.2898 0.2891
7
   18.6075
8
              0.3759  0.4820  2.4516  0.2717  0.0107  2.2849  1.2220  0.2419
   14.1727
9
   11.2428
              0.3489 0.2747 3.3008 0.2527 0.0113 2.3459 1.1645 0.2353
              0.3421 0.4000 3.6580 0.2597 0.0114 2.3922 1.1085 0.2164
    9.1908
10
    7.7376
              0.3339 0.4312 3.9643 0.2597 0.0115 2.4080 1.0620 0.1994
11
              0.3146 0.2876 4.7289 0.2597 0.0120 2.6006 1.0212 0.1949
    6.6096
12
13
    5.6695
               0.3051
                      0.0423 5.2169 0.2597 0.0122 2.6006 0.9825 0.1866
               0.3079 0.0437 5.3009 0.2867 0.0122 2.6004 0.9504 0.1820
14
    4.8186
               0.3099 0.0593 5.3619 0.3011 0.0124 2.5316 0.9121 0.1601
15
    4.1513
```

\$All.CriticalValues

ψН	φAII.CIICICaIVaIues					
	$CritValue_Duda$	CritValue	_PseudoT2	Fvalue_Beale		
2	0.7098		16.7607	0.1478		
3	0.6621		13.7821	1.0000		
4	0.6573		13.5542	0.0158		
5	0.5447		10.0311	0.0000		
6	0.6225		12.1297	0.0296		
7	0.6225		12.1297	1.0000		
8	0.6153		11.8814	0.0269		
9	0.5139		9.4601	0.0001		
10	0.4742		8.8696	0.0001		
11	0.5447		10.0311	0.0305		
12	0.4742		8.8696	0.0001		
13	0.3418		7.7024	0.0039		
14	0.3854		7.9739	1.0000		
15	0.2098		7.5336	1.0000		

\$Best.nc						
	KL		CCC		Marriot TrCo	νW
Number_clusters		000 4.0000			4 4.000	
Value_Index					326318910 951.789	95
Number elugtors	TraceW Fri				lhouette Duda	
Number_clusters Value_Index		.0000 4.0000 .3057 -0.4921	3.0000 1		15.000 2.0000 0.257 0.7968	
value_Index					al Frey McClain	
Number_clusters	2.0000 2.		0 3.0000		•	
Value_Index	10.4568 1.		9 70.1674			
_		ert SDindex D		SDbw		
Number_clusters	15.0000	0 5.000	0 15.	0000		
Value_Index	0.3011	0 1.997	0 0.	1601		
\$Best.partition						
Afg	ghanistan		Angola		Bangladesh	
	1		2	=	2	
	Benin 1		Bhutan 3		Bolivia 2	
	Botswana	Rur	s kina Fasc		2 Burundi	
	3	Dui	kina rasc 1		Darunar 1	
	Cambodia		· -		African Republic	
	3		1		1	
	Chad		Comoros	}	Congo Dem. Rep.	
	1		2	?	1	
Co	ongo Rep.	Cote	d'Ivoire)	Egypt	
	2		1	•	2	
Equatoria	al Guinea		Eritrea		Fiji	
	2		2	-	3	
	Gabon 2		Gambia 2		Ghana 2	
	Guinea	Guin	∠ ea-Bissau		Z Guyana	
	durnea 1	Guin	ea-Dissau 1		Guyana 3	
	Haiti		India		Iraq	
	1		2		2	
	Kenya		Kiribati		Kyrgyz Republic	
	2		3	3	3	
	Lao		Lesotho)	Liberia	
	2		3	3	3	
Ma	adagascar		Malawi		Mali	
			1		1	
Ma	auritania 2	Micronesia	red. Sts. 3		Mozambique	
	Z Myanmar		Namibia		1 Nepal	
	2		3		Nepai 2	
	Niger		Nigeria		Pakistan	
	1		4		2	
Ph	ilippines		Rwanda	ı	Senegal	
	2		1		2	
Sie	rra Leone	Solomo	n Islands		South Africa	
	1		3		3	
	Sudan	T	ajikistan		Tanzania	
- .	2		2		1	
Tir	mor-Leste		Togo		Turkmenistan	
	2		1	•	2	

Uganda	Uzbekistan	Vanuatu
1	2	3
Yemen	Zambia	
2	1	

C'est aussi une partition en 6 groupes qui obtient un vote majoritaire, nous confortant dans notre premier choix. Néanmoins, on peut déjà observé la variabilité des réponses apportées par les différents critères. Cela souligne l'importance de garder une inspection visuelle de la courbe d'inertie/dendrogramme.

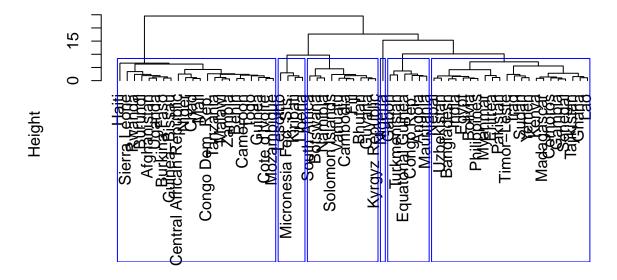
• Partition en 6 groupes

```
K=6
gpe.ward.moinsdev = cutree(cah.ward.moinsdev,k=K)
```

• Representation du dendogramme avec les différents groupes obtenus

```
plot(cah.ward.moinsdev,hang=-1)
rect.hclust(cah.ward.moinsdev, K, border ="blue")
```

Cluster Dendrogram

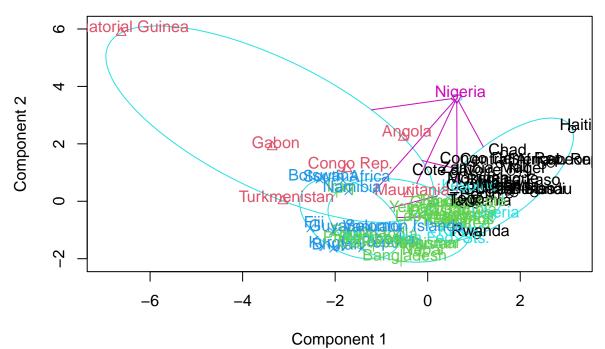


d_moinsdev
hclust (*, "ward.D")

• Clusplot

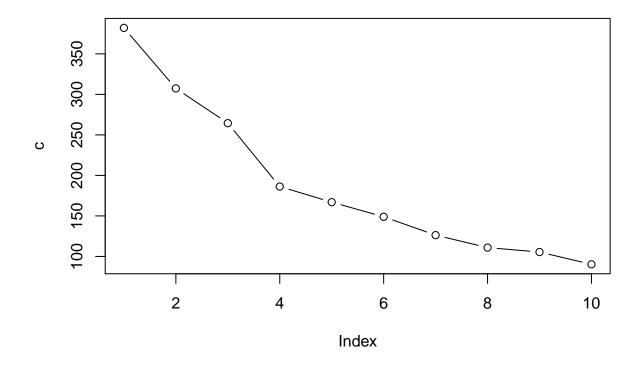
clusplot(donnee_moinsdev, gpe.ward.moinsdev, labels = nbc, col.p = as.numeric(gpe.ward.moinsdev))

CLUSPLOT(donnee_moinsdev)



These two components explain 52.6 % of the point variability.

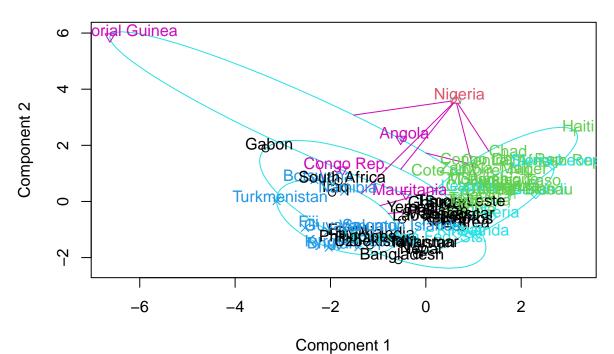
3.2 Avec les kmeans:



A la vue de ce graphique, on aurait tendance à choisir K=5 ou 6 groupes en appliquant la méthode dite « du coude ». Ayant, grâce à la CAH, choisi de garder K=3, nous allons conserver ce nombre pour les k-means. Ce graphique nous conforome tout de même dans notre idée.

```
K=6
cl = kmeans(donnee_moinsdev,K,nstart=50)
gpe = cl$cluster
clusplot(donnee_moinsdev,gpe,labels=3,col.p=gpe)
```

CLUSPLOT(donnee_moinsdev)



These two components explain 52.6 % of the point variability.

donnee_moinsdev

	enfant_mort	exports	sant.	imports
Afghanistan	1.28765971	-1.1348666486	0.27825140	-0.08220771
Angola	2.00178723	0.7730561847	-1.44372888	-0.16481961
Bangladesh	0.27597905	-0.9159844880	-1.19981201	-1.03637509
Benin	1.80341848	-0.6314376792	-0.98866010	-0.40026351
Bhutan	0.10984521	0.0507450547	-0.58819957	0.98348572
Bolivia	0.20654998	0.0033205866	-0.71925938	-0.52005075
Botswana	0.35284694	0.0908734508	0.54037102	0.18215035
Burkina Faso	1.92739895	-0.7992473357	-0.02755482	-0.71418870
Burundi	1.37196643	-1.1742654376	1.74175261	-0.31765161
Cambodia	0.15199858	0.4739172319	-0.41345315	0.52085911
Cameroon	1.72903019	-0.6898062554	-0.61368342	-0.82158417
Central African Republic	2.74567007	-1.0692020005	-1.03234670	-0.84223714
Chad	2.77046617	-0.1571929979	-0.83211643	-0.14003604
Comoros	1.23806752	-0.8977443080	-0.83939753	0.19867273
Congo Dem. Rep.	1.92739895	-0.0003274495	0.39838956	0.11193024
Congo Rep.	0.63552242	1.6048083951	-1.58571034	0.32259057
Cote d'Ivoire	1.80341848	0.3462359715	-0.55179406	-0.14829723
Egypt	-0.22738167	-0.7226385795	-0.78478928	-0.83810654
Equatorial Guinea	1.80341848	1.6303446471	-0.85031919	0.49607554
Eritrea	0.41979640	-1.3249293248	-1.51289933	-0.97441617
Fiji	-0.35136215	0.6088945643	-0.71197827	0.70260528
Gabon	0.63056320	0.6052465282	-1.20709311	-1.15616234
Gambia	1.04217837	-0.6314376792	-0.40981260	-0.17308080
Ghana	0.90332024	-0.4234996266	-0.58091846	-0.04090177
Guinea	1.75382629	-0.3943153386	-0.68649442	-0.15242782

```
Guinea-Bissau
                       1.87780676 -0.9561128841 0.61318202 -0.48287540
Guyana
                      Haiti
                       4.20863965 -0.9415207401 0.03433453 0.73565004
India
                       0.50906234 -0.6752141114 -1.00686285 -0.81745357
Iraq
                      -0.03397213 -0.0623440616 0.58041707 -0.52831194
Kenya
                       0.59336906 -0.7445267956 -0.75202433 -0.54896492
Kiribati
                       0.60576711 -1.0144814603 1.63253610 1.36350043
Kyrgyz Republic
                      1.43785114
                       1.00746384 -0.2082655020 -0.85395974 0.09953845
Lao
Lesotho
                       1.52322261 -0.0623440616 1.55972509 2.23505591
Liberia
                       1.26534322 -0.8028953717 1.81456361 1.88808596
Madagascar
                       0.59336906 -0.5876612471 -1.10879825 -0.16068901
Malawi
                       1.29509854 -0.6679180393 -0.08216308 -0.49526718
Mali
                       2.44811694 -0.6679180393 -0.66829167 -0.48700600
Mauritania
                       1.46619159 0.3498840075 -0.87580304 0.59107922
Micronesia Fed. Sts.
                       0.04289576 -0.6423817873 2.68829568
                                                        1.40893697
                       1.55545753 -0.3505389064 -0.58455902 -0.02850998
Mozambique
Myanmar
                       0.64792047 - 1.4956938904 - 1.76409730 - 1.93412267
                       Namibia
                        0.21646842 \ -1.1501883999 \ -0.56999681 \ -0.43330826 
Nepal
Niger
                       2.10097161 -0.6898062554 -0.60276177 0.09127726
Nigeria
                       2.27454427 -0.5767171391 -0.63552672 -1.21812126
                       1.33477229 -1.0071853883 -1.68036465 -1.13550936
Pakistan
                      -0.15795261 -0.2301537181 -1.16704706 -0.42504707
Philippines
Rwanda
                       0.62808359 - 1.0619059284 \ 1.34129208 - 0.69766632
                       0.70743109 -0.5913092831 -0.42073425 -0.27221507
Senegal
Sierra Leone
                       3.01842711 -0.8868002000 2.28783515 -0.51178956
Solomon Islands
                      -0.25217777   0.2988115034   0.63138478   1.41719816
South Africa
                       0.38260226 -0.4563319507 0.77336624 -0.80506179
Sudan
                       0.95291243 - 0.7810071557 - 0.18045794 - 1.22638245
Tajikistan
                       0.35036733 -0.9561128841 -0.30423664 0.48368376
Tanzania
                       0.83389118 \ -0.8174875158 \ -0.29331499 \ -0.73484168
Timor-Leste
                       0.60328750 -1.4194134574 0.83889614 -0.78853941
                       1.29013932 -0.0331597736 0.30373525 0.42998603
Togo
                       0.58840984 1.2837812262 -1.57114814 -0.09873009
Turkmenistan
Uganda
                       1.05953564 -0.8758560919 0.79885009 -0.75549465
                      -0.04884979 -0.3432428344 -0.36612600 -0.75962525
Uzbekistan
Vanuatu
                      0.44707210 -0.4052594466 -0.59548067 -0.51592016
Yemen
Zambia
                       1.11160744 -0.1498969259 -0.33700160 -0.66049097
                          revenu
                                   inflation
                                              esper_vie
                                                             fert
Afghanistan
                      Angola
                      -0.58328920 1.38289444 -1.175698472 2.12176975
Bangladesh
                      -0.76276777 -0.06071803 -0.017506535 -0.40820760
Benin
                      -0.79492867 -0.65244778 -0.984540579 1.59331495
Bhutan
                      -0.55631554 -0.16950927 0.173651358 -0.37517917
                      Bolivia
Botswana
                      Burkina Faso
                      -0.81515891 -0.09193639 -1.423079274 1.93020489
Burundi
                      Cambodia
                      -0.75861797 -0.44101437 -0.501023557 -0.04489492
                      -0.75135583 -0.55548168 -1.490546765 1.42817283
Central African Republic -0.84327376 -0.54602157 -2.592515793 1.49422968
Chad
                      -0.78922270 -0.13166884 -1.580503421 2.40581421
Comoros
                      -0.81619636 -0.37006356 -0.523512721 1.19036817
Congo Dem. Rep.
                      -0.85774616 1.23153271 -1.468057602 2.37278578
```

```
Congo Rep.
                        -0.62011861 1.22207261 -1.141964726
                                                           1.32248187
Cote d'Ivoire
                        -0.74979966 -0.22626992 -1.602992585
                                                           1.53386379
Egypt
                        -0.37787442 0.21930116 -0.006261953 0.15988131
Equatorial Guinea
                        0.85876404 1.61939714 -1.085741816
                                                           1.49422968
Eritrea
                        -0.81567763   0.36120278   -0.995785161
                                                           1.09788858
Fiji
                        -0.50807419 -0.33600717 -0.590980212 -0.18361431
Gabon
                        0.74778727
Gambia
                        -0.80322825 -0.32938510 -0.568491048
                                                           1.82451393
Ghana
                        -0.73060687
                                   0.83420818 -0.939562252
                                                           0.87329529
Guinea
                        -0.82760829  0.78690764  -1.411834692
                                                           1.58010358
Guinea-Bissau
                        -0.81723381 -0.45520453 -1.681704658
                                                           1.38853872
Guyana
                        -0.58640154 -0.19410555 -0.568491048 -0.19682568
Haiti
                        -0.81152784 -0.22059386 -4.324181408 0.25236090
India
                        -0.66057910 0.11334795 -0.489778975 -0.22985410
                        -0.23055675   0.83420818   -0.377333156
Iraq
                                                           1.06486015
Kenya
                        -0.76069287 -0.53845348 -0.872094760
                                                           0.93935214
Kiribati
                        -0.79959718 -0.59237610 -1.108230980 0.58925083
Kyrgyz Republic
                        -0.74461242 0.20984106 -0.231153591
                                                           0.10043014
                        -0.68288424 0.13416019 -0.759648941
Lao
                                                           0.13345857
Lesotho
                        -0.76588011 -0.34357526 -2.704961612
                                                           0.23254384
Liberia
                       -0.85302577 -0.21870183 -1.096986398
                                                           1.36872166
Madagascar
                       -0.81723381 0.09537375 -1.096986398
                                                           1.09128289
                        Malawi
                                                           1.56028653
Mali
                        -0.79233504 -0.32276302 -1.243165963
                                                           2.37939147
Mauritania
                        -0.71712004 1.05179066 -0.264887337
                                                           1.34229892
Micronesia Fed. Sts.
                        -0.71608259 -0.37668564 -0.579735630
                                                           0.33823480
Mozambique
                        -0.84171759 -0.01341749 -1.805395059
                                                           1.72542865
Myanmar
                        -0.69637107 -0.07017814 -0.422311484 -0.35536212
Namibia
                        -0.45049580 -0.39938990 -1.344367201
                                                           0.43071439
Nepal
                        Niger
                        -0.84711232 -0.49493699 -1.321878037
                                                           3.00032586
Nigeria
                        -0.62219351 9.10234253 -1.130720144
                                                           1.91038783
                        -0.66732252  0.29498203  -0.590980212
Pakistan
                                                           0.59585652
                        -0.59885092 -0.33695318 -0.174930682
Philippines
                                                           0.14006425
Rwanda
                        -0.81930870 -0.48926092 -0.669692286
                                                           1.03183173
Senegal
                       -0.77625459 -0.56115774 -0.737159777
                                                            1.39514440
Sierra Leone
                        1.48762399
Solomon Islands
                       -0.79700356 -0.09193639 -0.995785161
                                                           0.85347823
South Africa
                        -0.26686744 -0.13545288 -1.827884223 -0.23645979
Sudan
                       -0.71452642 1.11801142 -0.478534393 1.27624207
                                                           0.37126323
                       -0.77988566  0.44634375  -0.107463190
Tajikistan
Tanzania
                        -0.78092311
                                    0.13889025 -1.265655127
                                                           1.63955475
Timor-Leste
                       -0.79337249
                                   1.77075887 0.061205539
                                                           2.16800955
                        -0.82657084 -0.62454047 -1.333122619
                                                           1.26963639
Togo
                        -0.37372463 -0.51764125 -0.298621083 -0.07792335
Turkmenistan
Uganda
                        -0.80945294   0.26660170   -1.546769675
                                                           2.11516407
Uzbekistan
                        Vanuatu
                        -0.73631283 -0.48831491 -0.849605596
                                                          0.36465754
Yemen
                        -0.65694803 1.49641574 -0.343599410
                                                           1.13752269
Zambia
                        -0.71919493  0.58824537  -2.086509607
                                                           1.61973769
                            pib_h
Afghanistan
                        -0.6771431
                        -0.5147203
Angola
Bangladesh
                        -0.6659584
Benin
                       -0.6659584
Bhutan
                       -0.5883752
```

Bolivia	-0.5992871
Botswana	-0.3608632
Burkina Faso	-0.6759428
Burundi	-0.6947112
Cambodia	-0.6644308
Cameroon	-0.6358417
Central African Republic	-0.6829809
Chad	-0.6583747
Comoros	-0.6653583
Congo Dem. Rep.	-0.6890916
Congo Rep.	-0.5578220
Cote d'Ivoire	-0.6407521
Egypt	-0.5654603
Equatorial Guinea	0.2256485
Eritrea	-0.6810168
Fiji	-0.5081732
Gabon	-0.2299211
Gambia	-0.6766521
Ghana	-0.6358417
Guinea	-0.6719600
Guinea-Bissau	-0.6774704
Guyana	-0.5414543
Haiti	-0.6711961
India	-0.6336594
Iraq	-0.4617978
Kenya	-0.6545556
Kiribati	-0.6260211
Kyrgyz Republic	-0.6593022
Lao	-0.6451168
Lesotho	-0.6434800
Liberia	-0.6894735
Madagascar	-0.6847814
Malawi	-0.6822717
Mali	-0.6686864
Mauritania	-0.6418433
Micronesia Fed. Sts.	-0.5512749
Mozambique	-0.6844540
-	-0.6534098
Myanmar Namibia	-0.4241519
Nepal	-0.6750153
Niger	-0.6883277
Nigeria	-0.5801913
Pakistan	-0.6505727
Philippines	-0.5911032
Rwanda	-0.6765975
Senegal	-0.6527551
Sierra Leone	-0.6855452
Solomon Islands	-0.6369329
South Africa	-0.3101232
Sudan	-0.6265667
Tajikistan	-0.6670496
Tanzania	-0.6690138
Timor-Leste	-0.5109011
Togo	-0.6806894
Turkmenistan	-0.4650714
Uganda	-0.6748516
<u> </u>	

 Uzbekistan
 -0.6320226

 Vanuatu
 -0.5452734

 Yemen
 -0.6358417

 Zambia
 -0.6276579

3.3 Interprétation des groupes

Nous allons maintenant chercher à interpréter les groupes obtenus à l'aide de la fonction catdes.

gpe = cutree(cah.ward.moinsdev,k=6)
gpe

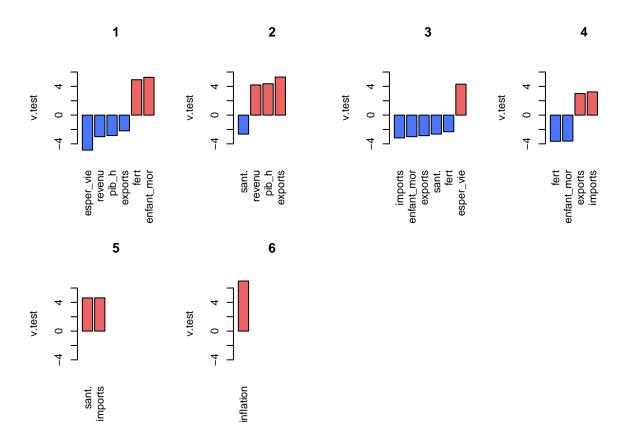
Afghanistan 1	Angola 2	Bangladesh 3
Benin	Bhutan	Bolivia
1	4	3
Botswana	Burkina Faso	Burundi
4	1	1
Cambodia	Cameroon	Central African Republic
4	1	1
Chad	Comoros	Congo Dem. Rep.
1	3	_ 1
Congo Rep.	Cote d'Ivoire	Egypt
2	1	3
Equatorial Guinea 2	Eritrea 3	Fiji 4
∠ Gabon	Gambia	Ghana
9 dabon 2	3	3
Guinea	Guinea-Bissau	Guyana
1	1	4
Haiti	India	Iraq
1	3	3
Kenya	Kiribati	Kyrgyz Republic
3	5	4
Lao	Lesotho	Liberia
3	5	5
Madagascar	Malawi	Mali
3	1	1
Mauritania	Micronesia Fed. Sts.	Mozambique
2	5	1
Myanmar 3	Namibia 4	Nepal 3
Niger	Nigeria	Pakistan
1	6	3
Philippines	Rwanda	Senegal
3	1	3
Sierra Leone	Solomon Islands	South Africa
1	4	4
Sudan	Tajikistan	Tanzania
3	3	1
Timor-Leste	Togo	Turkmenistan
3	1	2
Uganda	Uzbekistan	Vanuatu
1 Vener	3 7amhia	4
Yemen 3	Zambia 1	
3	1	

```
donnee_moinsdev$gpecah = as.factor(gpe)
interpcah_moinsdev = catdes(donnee_moinsdev,num.var = 10)
interpcah_moinsdev
Link between the cluster variable and the quantitative variables
______
                Eta2
                         P-value
inflation 0.8277805 2.843357e-21
exports
           0.6632833 8.049063e-13
imports
           0.6101392 5.390651e-11
enfant_mort 0.5882342 2.567210e-10
           0.5186260 2.154148e-08
sant.
fert
           0.5140868 2.806410e-08
esper_vie 0.4686508 3.443915e-07
           0.4190328 4.103777e-06
pib_h
revenu
           0.3879273 1.718424e-05
Description of each cluster by quantitative variables
______
$'1'
              v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd
enfant_mort 5.261392
                           1.8430922
                                       1.0052894
                                                     0.79735402 0.9111885
           4.925025
                           1.7224261
                                       0.9839659
                                                     0.55035786 0.8579969
fert
                          -0.6274248 -0.3685552
                                                     0.40605966 0.6775757
exports
           -2.186203
                          -0.6717963 -0.6024230
                                                     0.01693266 0.1393288
pib_h
           -2.849173
           -3.003598
                          -0.8096345
                                     -0.6754601
                                                     0.03448857 0.2556201
revenu
esper_vie
           -4.875814
                          -1.6638156
                                      -1.0165444
                                                     0.69122515 0.7596372
                p.value
enfant_mort 1.429687e-07
fert
           8.434950e-07
exports
           2.880075e-02
pib_h
           4.383308e-03
           2.668077e-03
revenu
           1.083606e-06
esper_vie
$'2'
          v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd
exports 5.307884
                       1.0411868
                                   -0.3685552
                                                  0.4938734 0.6775757
                      -0.3639549
                                                  0.2925059 0.1393288
pib_h
        4.366455
                                  -0.6024230
revenu
        4.202999
                      -0.2543316
                                   -0.6754601
                                                  0.5379379 0.2556201
       -2.648928
                      -1.2556338
                                   -0.2535490
                                                 0.3040798 0.9651035
sant.
            p.value
exports 1.109051e-07
       1.262793e-05
pib_h
revenu 2.634019e-05
sant.
       8.074750e-03
$'3'
              v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd
            4.310725
                          -0.4442895
                                     -1.0165444
                                                      0.3459917 0.7596372
esper_vie
fert
           -2.316082
                           0.6366917
                                       0.9839659
                                                      0.7296534 0.8579969
sant.
           -2.646476
                          -0.6998983
                                     -0.2535490
                                                      0.6137348 0.9651035
exports
           -2.864561
                          -0.7077496
                                       -0.3685552
                                                      0.4090737
                                                                0.6775757
enfant_mort -3.007297
                           0.5264196
                                       1.0052894
                                                      0.4282767 0.9111885
imports
           -3.175471
                          -0.5612330
                                       -0.1108258
                                                      0.5264829 0.8116414
```

p.value

```
esper_vie
         1.627198e-05
fert
          2.055378e-02
sant.
          8.133517e-03
exports
          4.175879e-03
enfant_mort 2.635821e-03
imports
         1.495932e-03
$'4'
             v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd
imports
           3.231242
                        0.65799486
                                    -0.1108258
                                                  0.6567251 0.8116414
exports
           2.998008
                        0.22694519
                                    -0.3685552
                                                  0.2785296 0.6775757
                                    1.0052894
enfant_mort -3.622402
                        0.03768858
                                                  0.2773539 0.9111885
fert
                        0.06674115
                                    0.9839659
                                                  0.3585549 0.8579969
          -3.646689
              p.value
          0.0012325344
imports
exports
          0.0027175010
enfant_mort 0.0002918801
          0.0002656413
fert
$'5'
        v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd
imports 4.630851
                      1.723895
                               -0.1108258
                                             0.3596272 0.8116414
                      1.923780
                               -0.2535490
                                             0.4510464 0.9651035
sant.
       4.621737
           p.value
imports 3.641654e-06
sant.
       3.805401e-06
$'6'
          v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd
inflation 6.971909
                       9.102343
                                  0.2824583
                                                      0
                                                           1.26506
             p.value
inflation 3.126695e-12
head(donnee_moinsdev)
          enfant_mort
                         exports
                                     sant.
                                             imports
                                                        revenu
            1.2876597 \ -1.134866649 \ \ 0.2782514 \ -0.08220771 \ -0.8058219
Afghanistan
            Angola
Bangladesh
            0.2759790 - 0.915984488 - 1.1998120 - 1.03637509 - 0.7627678
Benin
            1.8034185 -0.631437679 -0.9886601 -0.40026351 -0.7949287
Bhutan
            Bolivia
            inflation esper_vie
                                             pib_h gpecah
                                    fert
Afghanistan 0.15686445 -1.61423717 1.8971765 -0.6771431
Angola
           1.38289444 - 1.17569847 2.1217698 - 0.5147203
                                                       2
Bangladesh -0.06071803 -0.01750653 -0.4082076 -0.6659584
                                                       3
          -0.65244778 -0.98454058 1.5933150 -0.6659584
Benin
                                                       1
Bhutan
          4
           0.09442774 0.11742845 0.1664870 -0.5992871
Bolivia
```

plot.catdes(interpcah_moinsdev,barplot=T)



CCpca_moinsdev = dudi.pca(donnee_moinsdev[1:9],scannf=FALSE,nf=2)

```
cumsum(CCpca_moinsdev$eig)/sum(CCpca_moinsdev$eig) # 52% de variabilité expliquée sur les deux premiers

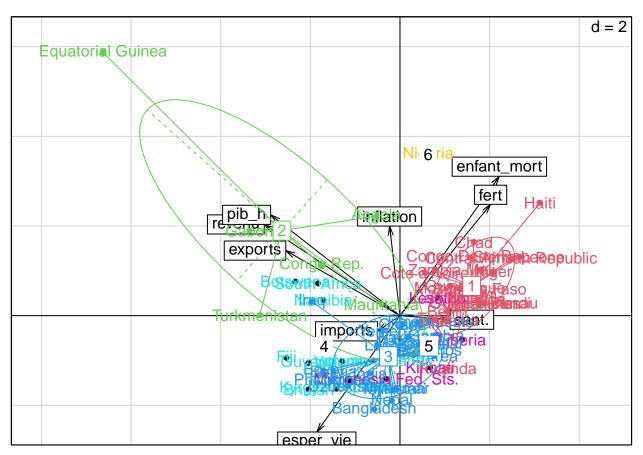
[1] 0.3176225 0.5259903 0.7065002 0.8096545 0.8955336 0.9556743 0.9804839

[8] 0.9966107 1.0000000
```

scatter(CCpca_moinsdev,posieig = "none",clab.row=0,pch=NA)

NULL

text(CCpca_moinsdev\$li[,1], CCpca_moinsdev\$li[,2],labels =row.names(donnee_moinsdev),col=gpe+1,xpd=TRUE;
s.class(CCpca_moinsdev\$li, factor(gpe), col = 2:4, add.plot = TRUE,clabel = 1)



Tableaux repartisant les pays à aider en 6 groupes :

```
tab <- table(donnee_moinsdev$gpecah)

# Ajouter les marges au tableau
tab <- addmargins(tab)

# Formater les nombres dans le tableau
tab <- format(tab, scientific = FALSE, digits = 1)

# Afficher le tableau
tab

1  2  3  4  5  6  Sum
"22" " 6" "22" "10" " 4" " 1" "65"</pre>
```

Notons que le groupe 1 est le groupe à aider en priorité

4 Conclusion vis à vis des choix effectués

Quels points peuvent être critiqués dans votre choix Quelles pistes pourraient être exploréess pour aller plus loin et/ou mieux explorer ces données ?

Nous avons fait un premier gros choix suite à l'obtention de nos premiers résultats. En effet, nous n'avons sélectionné que le groupe dont les pays étaient en sous-devéloppement. Ce choix peut être critiqué. Cependant, ayant déjà un grand nombre de pays dans ce groupe et n'ayant "que" 10 millions de dollars à partager, nous avons décidé de ne prioriser que ce groupe.

Nous avons enusite retraité ce groupe de pays défavorisés afin de pouvoir observer les pays qui étaient le plus en difficulté. Là encore, nous avons du faire un choix : donner une grosse somme d'argent aux pays dans le besoin puis une somme d'argent plus faible aux pays qui en ont moins besoin, mais une aide sera là quand même.

5 Suggestion d'une liste de pays à aider en priorité

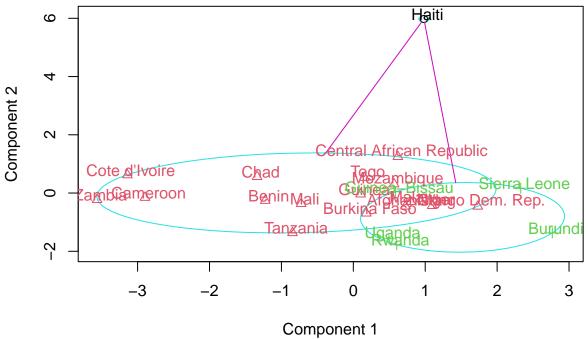
```
[1] "Il y a 22 pays à aider en priorité dont voici la liste :"
Afghanistan
Benin
Burkina Faso
Burundi
Cameroon
Central African Republic
Chad
Congo Dem. Rep.
Cote d'Ivoire
Guinea
Guinea-Bissau
Haiti
Malawi
Mali
Mozambique
Niger
Rwanda
Sierra Leone
Tanzania
Togo
Uganda
Zambia
```

On va réaliser une méthode rapide des K-means pour choisir ce que l'on alloue comme budget pour nos 22 pays. Nous allons fixer K=3.

On préfèrera utiliser l'option nstart du kmeans pour stabiliser les résultats. En relançant le code plusieurs fois, on observe que les résultats sont stables.

```
aide <- aide[1:9]
c = kmeans(aide,3,nstart=50)
gpe_22 = c$cluster
clusplot(aide,gpe_22,labels=3,col.p=gpe_22)</pre>
```

CLUSPLOT(aide)



These two components explain 53.44 % of the point variability.

table(gpe_22)

gpe_22

1 2 3

1 16 5

Le groupe 1 est le plus nécessiteux avec un pays en grande difficulté, tandis que le groupe 2 comprend 5 pays en difficulté et le groupe 3 comprend 16 pays avec des besoins moindres.

Compte tenu de ces informations, j'ai décidé de répartir l'argent de la manière suivante :

• Groupe 1 : 3 millions d'euros

• Groupe 2 : 3 millions d'euros

• Groupe 3: 4 millions d'euros

Nous allons maintenant expliquer notre raisonnement pour cette répartition. Le groupe 1 avec un seul pays en grande difficulté nécessite une aide urgente et importante. Nous avons donc alloué une plus grande partie de l'argent disponible à ce groupe pour répondre à ses besoins pressants.

Pour le groupe 2, bien que les besoins soient moins urgents que dans le groupe 1, il y a tout de même 5 pays qui ont besoin d'une aide financière. Nous avons alloué une somme significative à ce groupe pour les aider à surmonter leurs difficultés.

Enfin, pour le groupe 3, bien qu'il y ait un plus grand nombre de pays dans le besoin, nous avons alloué une somme plus petite car les besoins sont moins pressants et moins graves. Cela ne veut pas dire que ces pays n'ont pas besoin d'aide, mais plutôt qu'ils ont des besoins moins critiques que les autres groupes.

```
Warning in text.default(1.1 * P$x, 1.1 * P$y, labels[i], xpd = TRUE, adj =
ifelse(P$x < : "explode" is not a graphical parameter

Warning in text.default(1.1 * P$x, 1.1 * P$y, labels[i], xpd = TRUE, adj =
ifelse(P$x < : "startangle" is not a graphical parameter

Warning in text.default(1.1 * P$x, 1.1 * P$y, labels[i], xpd = TRUE, adj =
ifelse(P$x < : "explode" is not a graphical parameter

Warning in text.default(1.1 * P$x, 1.1 * P$y, labels[i], xpd = TRUE, adj =
ifelse(P$x < : "startangle" is not a graphical parameter

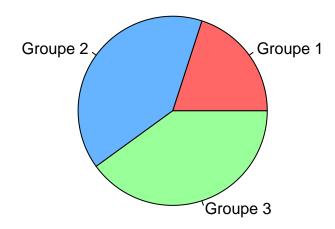
Warning in text.default(1.1 * P$x, 1.1 * P$y, labels[i], xpd = TRUE, adj =
ifelse(P$x < : "explode" is not a graphical parameter

Warning in text.default(1.1 * P$x, 1.1 * P$y, labels[i], xpd = TRUE, adj =
ifelse(P$x < : "startangle" is not a graphical parameter

Warning in title(main = main, ...): "explode" is not a graphical parameter</pre>

Warning in title(main = main, ...): "startangle" is not a graphical parameter
```

Répartition de l'argent entre les groupes



Nous vous présentons donc si dessous, les sommes à alloué parmi les 22 pays dans le grand besoin.

Haiti : 2 millions de dollarsSiera Leone : 800 000 dollars

• Guinea-Bissau: 800 000 dollars

Uganda: 800 000 dollars
Rwanda: 800 000 dollars
Burundi: 800 000 dollars
Côte d'ivoire: 250 000 dollars
Kambi: 250 000 dollars

Cameroon: 250 000 dollars
Chad: 250 000 dollars
Benin: 250 000 dollars
Mali: 250 000 dollars
Tanzani: 250 000 dollars

• Central African Republic: 250 000 dollars

• Togo: 250 000 dollars

Mozambique: 250 000 dollars
Guinea: 250 000 dollars
Malawi: 250 000 dollars
Burkina Faso: 250 000 dollars
Afghanistan: 250 000 dollars

Congo: 250 000 dollarsDem Rep: 250 000 dollars

6 Pour aller plus loin

6.1 Améliorations

6.2 Pistes