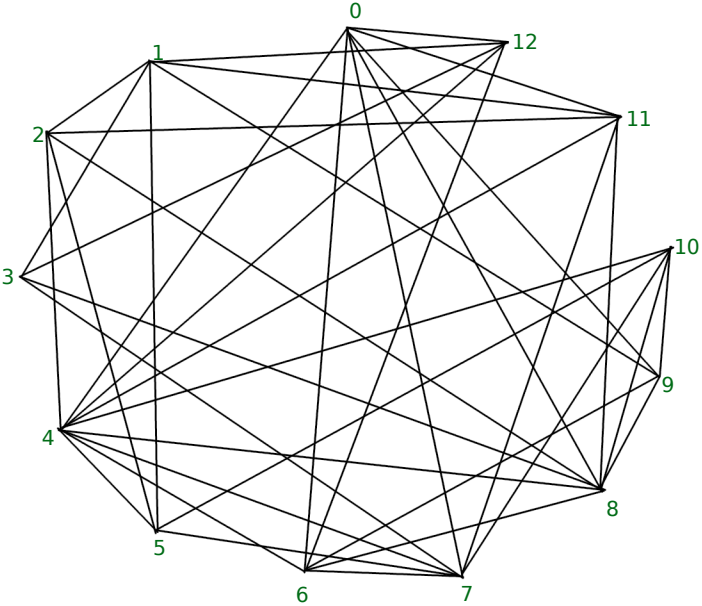


Ad 1



Ad 2

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0
7	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0
8	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	1	0
9	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1
10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1
11	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0
12	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0

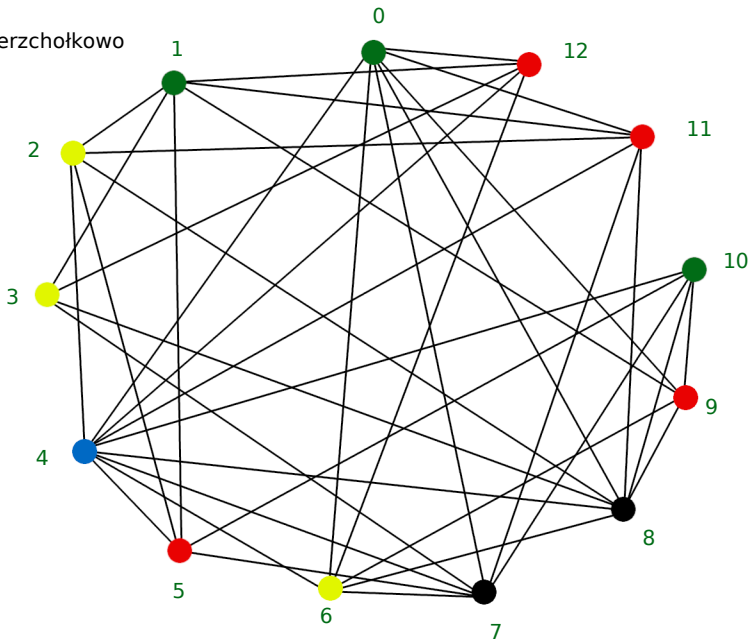
Ad 3

Graf jest hamiltonowski, ponieważ posiada następujący cykl Hamiltona: $0 \rightarrow 8 \rightarrow 6 \rightarrow 9 \rightarrow 10 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 7 \rightarrow 3 \rightarrow 12 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 11 \rightarrow 0$. Jest również półhamiltonowski: $0 \rightarrow 9 \rightarrow 8 \rightarrow 6 \rightarrow 7 \rightarrow 3 \rightarrow 12 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 11 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 10$.

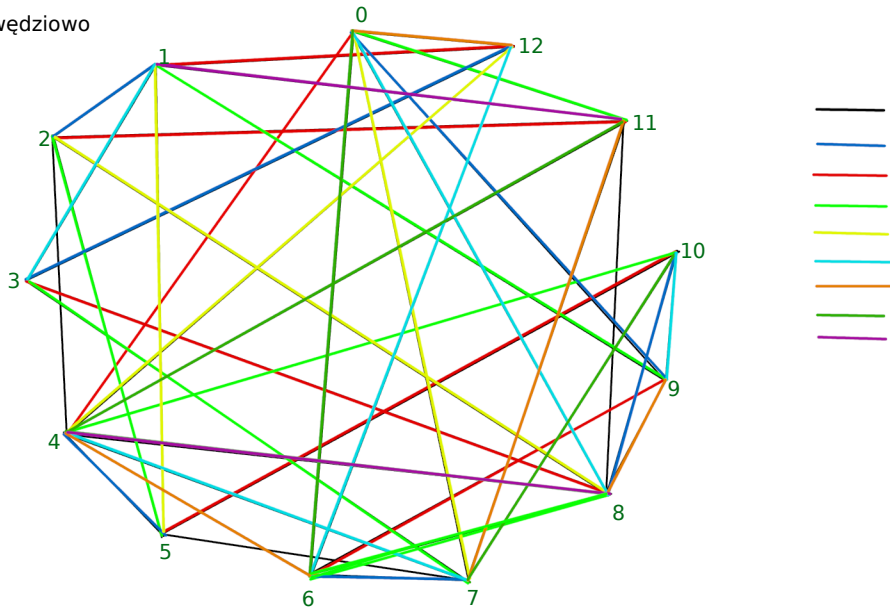
Ad 4

Graf nie jest ani eulerowski (nie wszystkie wierzchołki mają parzyste stopnie), ani półeulerowski (co najmniej trzy wierzchołki mają nieparzyste stopnie, np. $\deg(0) = 7$, $\deg(2) = 5$ i $\deg(10) = 5$).

Ad 5, wierzchołkowo



Ad 5, krawędziowo

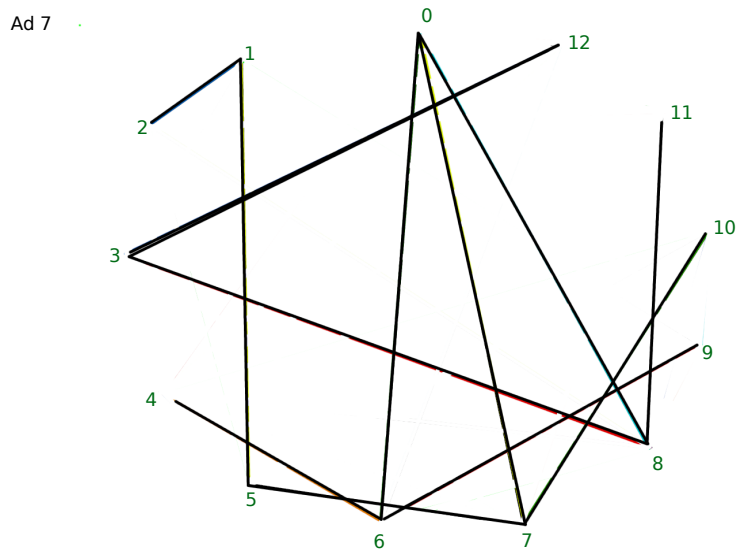


Ad 6

Liczba chromatyczna: $\chi(G) = 5$

Indeks chromatyczny: $\chi'(G) = 9$; z tw. Vizinga wiemy, że $\Delta \leq \chi'(G) \leq \Delta + 1$, gdzie Δ – maksymalny stopień wierzchołka grafu $G = \deg(4) = 9$; graf G da się pokolorować 9 kolorami, co pokazano na rysunku na stronie poprzedniej

Ad 7



Ad 8

Graf G nie jest planarny, ponieważ zawiera podgraf $K_{3,3}$ – można tak wnioskować na podstawie twierdzenia Kuratowskiego. Podgraf $K_{3,3}$ pokazano na rysunku (zaznaczone krawędzie należą do $E(G)$, wierzchołki do $V(G)$):

