Entwicklung und Anwendung eines konzeptionellen Nachklärbecken-Modells für Ausbildungszwecke

Markus Ahnert, Technische Universität Dresden

Modellgrundlagen

Nachklärbecken (NKB) als letzte verfahrenstechnische Stufe einer Kläranlage haben zwei wesentliche Funktionen:

- 1. Abtrennen des Belebtschlamms vom gereinigten Abwasser
- 2. Aufkonzentrieren des Rücklaufschlammes für die Rückfühung in das Belebungsbecken (BB)

Dabei wirkt das Schlammbett im Nachklärbecken als Speicher für einen Teil des Belebtschlamms. Je mehr Schlamm im NKB gespeichert ist, umso weniger steht im BB für die Reinigungsprozesse zur Verfügung. aher ist die Kenntnis über die Prozesse und deren Dynamik, die sich im System BB - NKB einstellt, von wesentlicher Bedeutung. Die folgende Modellbeschreibung wurde basierend auf den Arbeiten von KREBS, ARMBRUSTER, & RODI (2000) und HOLZER & KREBS (1998) für eine Verwendung mit der Programmiersprache R adaptiert (siehe auch R CORE TEAM (2023)). In der Arbeit von HUPFER (2001) erfolgte ein Praxistest des beschriebenen Modells im Vergleich zu anderen Nachklärbeckenmodellen mit realen Messdaten. Die generelle Eignung wurde dabei nachgewiesen. Eine Anwendung zur Nachbildung realer Prozesse erscheint aber zweitrangig. Aufgrund der Einfachheit des nachfolgend beschriebenen Modellansatzes ist er sehr gut geeignet, sowohl die Prozessdynamik als auch die Technik der Modellierung für Ausbildungszwecke zu demonstrieren.

Das betrachtete Gesamtsystem ist in Figure 1 dargestellt. Es besteht aus dem gekoppelten System Belebungsbecken - Nachklärbecken. Für das nachfolgend beschrieben Modell wird zur Vereinfachung angenommen, dass die folgenden Stoffströme im Gleichgewicht stehen und sich somit gegenseitig aufheben:

- Feststoffe im Zulauf
- Biomassewachstum im Belebungsbecken

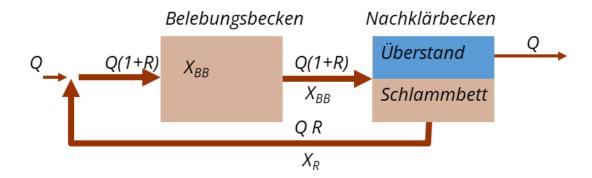


Figure 1: System definition

- Abzug von Überschussschlamm
- Feststoffe im Ablauf im gereinigten Abwasser

Für die Eindickung im Schlammbett des Nachklärbeckens wird angenommen, dass dies annähernd einer linearen Konzentrationszunahme über die Schlammbetttiefe entspricht (siehe Figure 2).

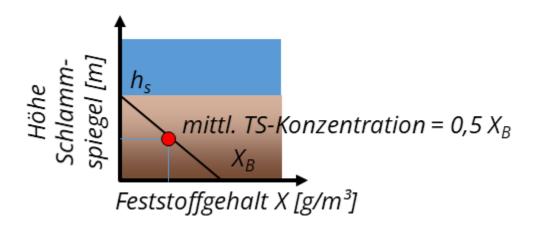


Figure 2: Feststoffgehalt über die Schlammbetttiefe

Aufstellen der Gleichungen

Im einfachsten Fall kann das NKB als ein System mit einem Schlammbett und einem Klarwasserüberstand definiert werden. Der Schlamm im NKB konzentriert sich dabei mit zunehmender Tiefe im Schlammbett auf. Die am Beckenboden erreichbare Feststof-

fkonzentration X_B kann dabei nach Equation 1 berechnet werden (DWA-A_131 (2016) Gl. 40):

$$X_B = \frac{1000}{DSVI} \cdot \sqrt[3]{24 \cdot t_E} = \frac{1000 \cdot \sqrt[3]{24}}{DSVI} \cdot \sqrt[3]{t_E}$$
 (1)

mit t_E Eindickzeit [d] und DSVI Verdünnungsschlammvolumenindex [mL/kg].

Die Feststoffkonzentration im Rücklaufschlamm X_R wird daraus abgemindert berechnet durch den Einfluss von Kurzschlussströmungen (siehe dazu DWA-A_131 (2016) S. 41):

$$X_R = 0.7 \cdot X_B \; , \, X_B = \frac{X_R}{0.7}$$
 (2)

Die Eindickzeit $t_{\rm E}$ wird angenommen als mittlere Schlammverweilzeit im Schlammbett des Nachklärbeckens:

$$t_E = \frac{Schlammmasse~im~NKB}{Schlammmasse~aus~NKB~zur\"{u}ck~in~BB} = \frac{M_{S,NKB}}{Q \cdot R \cdot X_B} = \frac{M_{S,NKB}}{0.7 \cdot Q \cdot R \cdot X_B} \tag{3}$$

mit Q Zuflussvolumenstrom [m³/d]

und R Rücklaufverhältnis vom NKB in das BB $(R = \frac{Q_{RS}}{O})$ [-].

Equation 1 kann vereinfacht werden durch Abtrennung der Konstanten:

$$X_B = K \cdot \sqrt[3]{t_E} \text{ mit } K = \frac{1000 \cdot \sqrt[3]{24}}{DSVI}$$
 (4)

Die Eindickzeit t_E errechnet sich damit zu:

$$t_E = X_B^3 \cdot \left(\frac{1}{K}\right)^3 \tag{5}$$

Durch Gleichsetzen von Equation 3 und Equation 5 kann nun durch Umformen X_B berechnet werden:

$$X_B^3 \cdot \left(\frac{1}{K}\right)^3 = \frac{M_{S,NKB}}{0.7 \cdot Q \cdot R \cdot X_B} \tag{6}$$

$$X_B^4 = \frac{M_{S,NKB}}{\left(\frac{1}{K}\right)^3 \cdot 0.7 \cdot Q \cdot R} \tag{7}$$

$$X_B = \sqrt[4]{\left(\frac{M_{S,NKB}}{\left(\frac{1}{K}\right)^3 \cdot 0.7 \cdot Q \cdot R}\right)} \tag{8}$$

Unter Verwendung von Equation 2 ergibt sich aus Equation 8 die Rücklaufschlammkonzentration X_R :

$$X_R = 0.7 \cdot \sqrt[4]{\left(\frac{M_{S,NKB}}{\left(\frac{1}{K}\right)^3 \cdot 0.7 \cdot Q \cdot R}\right)} \tag{9}$$

Nun können die Bilanzgleichungen für die Änderungen der Schlammmasse im Belebungsbecken und im Nachklärbecken aufgestellt werden. Für das Belebungsbecken ergibt sich:

$$V_{BB} \cdot \frac{dX_{BB}}{dt} = Q \cdot R \cdot X_R - Q \cdot (1+R) \cdot X_{BB} \tag{10}$$

Unter der Annahme eines konstanten Belebungsbeckenvolumens V_{BB} lässt sich dies umformen zu:

$$\frac{dX_{BB}}{dt} = \frac{Q}{V_{RR}} \cdot (R \cdot X_R - (1+R) \cdot X_{BB}) \tag{11}$$

Die Schlammmassenänderung im Schlammbett des Nachklärbeckens ergibt sich zu:

$$\frac{dX_{M_{S,NKB}}}{dt} = Q \cdot (1+R) \cdot X_B - Q \cdot R \cdot X_R \tag{12}$$

Abschließend kann mit den bekannten Größen die Schlammspiegelhöhe \mathbf{h}_{s} berechnet werden:

$$h_S = 0.7 \cdot \frac{M_{S,NKB}}{0.5 \cdot A_{NKB} \cdot X_R} \tag{13}$$

Damit stehen alle Beziehungen zur Verfügung, um die notwendigen Größen zu berechnen.

Funktion für das Differentialgleichungssystem

Die technische Umsetzung wird mit der Programmiersprache R demonstriert. Dabei kann das Gleichungssystem in einer Funktion gekapselt werden:

```
sludge_ode <- function(t, state, params,influentfcn) {</pre>
 with(as.list(c(state, params)), {
    Q <- influentfcn(t)
                               # function for dynamic influent
    K \leftarrow (1000*24^{(1/3)})/DSVI \# constant K
    # solids conc. of return sludge flow
    X_R < -0.7*(Ms_NKB/((1/K)^3*0.7*Q*R))^(1/4)
    # ODEs
    # sludge conc. in activated sludge reactor
    # (direct calculation of conc. with constant volume of AS reactor)
    dX_BB \leftarrow Q/V_BB*R*X_R - Q/V_BB*(1+R)*X_BB
    # sludge mass in secondary clarifier
    # (variable volume of sludge bed as reactor volume)
    dMs_NKB \leftarrow Q*(1+R)*X_BB-Q*R*X_R
    # additional calculations
    # height of sludge bed
    hs \leftarrow 0.7*Ms_NKB/(0.5*A_NKB*X_R)
    # sludge mass in AS reactor
    MsBB <- V_BB*X_BB
    # total sludge mass as control variable
    Ms <- MsBB+Ms_NKB
    # return derivatives and additional results
    return(list(c(dX_BB,dMs_NKB),Ms_BB=MsBB,X_R=X_R,hs=hs,Qin=Q))
 })
}
```

Für die Lösung dieses Gleichungssystem wird die Verwendung des R-Paketes deSolve empfohlen (SOETAERT, PETZOLDT, & SETZER (2010)). Dazu müssen die Modellparameter definiert und ein Startzustand festgelegt werden.

Beispielanwendungen mit diesem Gleichungssystem finden sich in einem GitHub Repository: https://github.com/margon0815/sludge_ode.

Quellenverzeichnis

- DWA-A_131. (2016). Bemessung von einstufigen Belebungsanlagen. DWA Deutsche Vereinigung für Wasserwirtschaft, Abwasser und Abfall e.V.
- Holzer, Peter & Krebs, Peter. (1998). Modelling the total ammonia impact of CSO and WWTP effluent on the receiving water. Water Science and Technology, 38(10), 31–39.
- Hupfer, Daniel. (2001). Überprüfung der Anwendungstauglichkeit verschiedener Nachklärungsmodelle im ASM2d unter besonderer Berücksichtigung von Mischwasserbelastung (Diplomarbeit). Leibniz-Universität Hannover.
- Krebs, Peter, Armbruster, Martin, & Rodi, Wolfgang. (2000). Numerische Nachklärbecken-Modelle. KA WASSERWIRTSCHAFT ABWASSER, 47(7), 985–1000.
- R Core Team. (2023). R: A Language and Environment for Statistical Computing. Vienna, Austria: R Foundation for Statistical Computing.
- Soetaert, Karline, Petzoldt, Thomas, & Setzer, R. Woodrow. (2010). Solving Differential Equations in R: Package deSolve. Journal of Statistical Software, 33(9), 1–25.