

Concours d'accès à la Faculté de Médecine et de Pharmacie de Marrakech, Juillet 2010

مادة الفيزياء-----Epreuve de Physique

Durée 30 minutes

- (1) يعبر عن الطاقة $E_C(t)$ المخزونة من قبل مكثف سعته C (تمثل الشحنة الكهربائية للمكثف و $V_C(t)$ التوتر) ب :
- A- $E_C(t) = \frac{1}{2} \cdot Q \cdot V_C^2$
- B- $E_C(t) = \frac{1}{2} \cdot C \cdot V_C^2$
- C- $E_C(t) = \frac{1}{2} \cdot Q \cdot V_C$
- D- $E_C(t) = \frac{1}{2} \cdot \frac{Q^2}{C}$
- E- كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(2) موصلان أوميان R_1 و R_2 مركبتان على التوازي

- A- يمر منهما نفس التيار
- B- خاضعان إلى نفس الشدة
- C- يمر من كل واحد من هما نصف التيار
- D- يكونان قاسم للتوتر
- E- كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(3) موصلان أوميان R_1 و R_2 مركبتان على التوالي

- A- يمر منهما نفس التيار
- B- خاضعان إلى نفس الشدة
- C- يخضع كل واحد من هما إلى نصف التوتر
- D- يكونان قاسم للتيار
- E- كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(4) موصل أومي مقاومته $2,2k\Omega$ مركب على التوالي مع مكثف قدرته $47\mu F$ الكل مدعوم بمولد لتوتر مستمر قيمته $10Volts$, المدة الزمنية τ لشحن المكثف هي :

- A. $\tau = 47 s$
- B. $\tau = 47 ms$
- C. $\tau = 47 \mu s$
- D. $\tau = 4,7 s$
- E. كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(5) لتكن وشيعة L (مقاومتها مهملة) يمر بها تيار كهربائي شدته اللحظية $i(t) = A \cdot \sin(\omega \cdot t + \varphi)$ مع A , ω و φ ثوابت .

التوتر الكهربائي $V_L(t)$ بين مربطي الوشيعة L هو :

- A- $V_L(t) = L \cdot A \cdot \sin(\omega \cdot t + \varphi)$
- B- $V_L(t) = L \cdot A \cdot \cos(\omega \cdot t + \varphi)$
- C- $V_L(t) = L \cdot A \cdot \omega \cdot \sin(\omega \cdot t + \varphi)$
- D- $V_L(t) = L \cdot A \cdot \omega \cdot \cos(\omega \cdot t + \varphi)$
- E- كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(6) وشيعة مقاومتها مهملة و قيمة تحريضها هي $L=20 \text{ mH}$, يمر بها تيار كهربائي تزايد مستمر ب 10 mA في كل 2 ms .
التوتر الكهربائي بين مربطي الوشيعة هو :

- A- $0,2 \text{ mV}$
- B- 1 mV
- C- 20 mV
- D- 100 mV
- E- كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(7) المدة الزمنية τ لشحن المكثف C تساوي 20 ms , في دائرة كهربائية RC , الموصل R قيمة شدته 40Ω , ستكون قوة المكثف إذن هي:

- A. $2,5 \text{ F}$
- B. 50 mH
- C. 20 mF
- D. $0,5 \text{ mF}$
- E. كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(8) تنتشر موجة اهتزازية على طول حبل بتردد 100 Hz . سرعة الموجة هي $28,8 \text{ km/h}$. طول الموجة يساوي :

- A. 8 cm .
- B. $28,8 \text{ cm}$
- C. $2,88 \text{ cm}$
- D. $2,88 \text{ km}$
- E. كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(9) نواتان من الهيدروجين ^1_1H يدمجان و يعطيان نواة دوتيريوم ^2_1H و جسيمة هي :

- A. بروتون
- B. إلكترون
- C. بوزيترون
- D. نوترون
- E. كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(10) نعتبر نواة ممثلة ب ^A_ZX متكونة من Z بروتون و (A-Z) نوترون. نعبّر على كتلة النواة ب $m(X)$, على كتلة البروتون ب $m(p)$ و على كتلة النوترون ب $m(n)$. اختار العلاقة الصحيحة :

- A- $m(X) < Z.m(p) + (A-Z).m(n)$
- B- $m(X) = Z.m(p) + (A-Z).m(n)$
- C- $m(X) < m(p) + m(n)$
- D- $m(X) > Z.m(p) + (A-Z).m(n)$
- E- كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(11) في حالة حركة دائرية موحدة (شعاعها R) بالسرعة V

- A. السرعة الموجهة ثابتة.
- B. متجه التسارع موازي للشعاع.
- C. دورية الحركة تساوي $R/v=T$
- D. التسارع يساوي v/R .
- E. كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

(12) نطلق قذيفة كتلتها m بسرعة أولية V_0 , نهمل احتكاك الهواء

- A. حركة القذيفة حركة موحدة.
- B. في قمة البرابل (Parabole) , سرعة القذيفة تنعدم
- C. حركية القذيفة مستقلة عن الكتلة m
- D. المدى الأقصى للرمية يكون في زاوية 30° درجة
- E. كل الأجوبة السابقة غير صحيحة

Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine *Marrakech*
Juillet 2010
Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مادة الرياضيات (30 دقيقة)

السؤال 1 قيمة العدد $\ln(3) + 4\ln(2) - \ln(60)$ هي

A) $\ln(\frac{5}{4})$	B) 0	C) $\ln(\frac{4}{3})$	D) $\ln(15)$	E) $\ln(\frac{4}{5})$
-----------------------	------	-----------------------	--------------	-----------------------

السؤال 2 $x \in \mathbb{R}$ الجزء التخيلي للعدد العقدي $z = \frac{1+ix}{1-ix}$ هو

A) $\frac{1}{1+x^2}$	B) $\frac{1}{1-x^2}$	C) $\frac{1-x^2}{1+x^2}$	D) $\frac{2x}{1+x^2}$	E) $\frac{2x}{1-x^2}$
----------------------	----------------------	--------------------------	-----------------------	-----------------------

السؤال 3 مجموعة حلول المعادلة $(\frac{1}{13})^{x^2-3x} = 169$ هو

A) $\{1\}$	B) $\{\frac{-1}{2}, 2\}$	C) $\{1, 2\}$	D) $\{-1, 1, 2\}$	E) \emptyset
------------	--------------------------	---------------	-------------------	----------------

السؤال 4 ليكن العدد العقدي $j = \frac{-1+i\sqrt{3}}{2} = \cos(\frac{2\pi}{3}) + i\sin(\frac{2\pi}{3})$

قيمة العدد العقدي $S = 1 + j + j^2 + \dots + j^{2010} = \sum_{k=0}^{2010} j^k$ هي

A) 1	B) $1+j$	C) $1+j+j^2$	D) $-1-j$	E) 0
------	----------	--------------	-----------	------

السؤال 5 المتتالية المعرفة بما يلي: $u_1 = \sqrt[3]{\frac{2}{7}}$ et $u_{n+1} = \sqrt[3]{\frac{1+u_n^3}{8}}$

ادن أساس المتتالية الهندسية $(v_n)_{n \geq 1}$ بحيث $v_n = \frac{7}{8}u_n^3 - \frac{1}{8}$

A) $-\frac{1}{2}$	B) $\frac{1}{8}$	C) ليست بمتتالية هندسية	D) $-\frac{1}{8}$	E) $\frac{1}{2}$
-------------------	------------------	-------------------------	-------------------	------------------

السؤال 6 : مجموعة التعريف للدالة $g(x) = \sqrt{\frac{x^2-1}{x+1}}$ هو

A) \mathbb{R}	B) $\mathbb{R} - \{-1\}$	C) $[1, +\infty[$	D) $]-1, 1]$	E) $]-1, +\infty[$
-----------------	--------------------------	-------------------	--------------	--------------------

السؤال 7 لتكن h الدالة المعرفة بما يلي :

$$h(x) = \begin{cases} \frac{\cos(x) - 1 - x \sin(3x)}{x^2} & \text{si } x \neq 0 \\ a & \text{pour } x = 0 \end{cases}$$

قيمة a لتكون h متواصلة في نقطة $0 = x$ هي

A) $\frac{4}{3}$	B) $\frac{7}{2}$	C) $-\frac{4}{3}$	D) 0	E) $-\frac{7}{2}$
------------------	------------------	-------------------	------	-------------------

السؤال 8 لتكن f دالة فردية في \mathbb{R} . الدالة $f \circ f$ دالة

A) لا زوجية ولا فردية	B) فردية	C) منعدمة	D) زوجية	E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة
-----------------------	----------	-----------	----------	----------------------------

السؤال 9 قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x}$ هي

A) $+\infty$	B) 0	C) $\ln(2)$	D) $\ln(\frac{1}{2})$	E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة
--------------	------	-------------	-----------------------	----------------------------

السؤال 10 لتكن g و h دوال بحيث h دالة عددية معرفة وقابلة للاشتقاق في

$I = [-1, 1]$ و $g(x) = h(\cos(\frac{\pi}{2}x))$. قيمة $g'(1)$ هي:

A) $-\frac{\pi}{2} h'(0)$	B) $h'(0)$	C) n'existe pas	D) $\frac{\pi}{2} h'(0)$	E) $-\frac{\pi}{2} h'(1)$
---------------------------	------------	-----------------	--------------------------	---------------------------

السؤال 11 مركز تماثل منحنى الدالة $f(x) = \frac{5x+1}{1-2x}$ هو النقطة $\Omega(a, b)$ بحيث :

A) $\Omega(\frac{1}{2}, \frac{-1}{2})$	B) $\Omega(\frac{1}{2}, \frac{-5}{2})$	C) $\Omega(\frac{5}{2}, \frac{-5}{2})$	D) $\Omega(\frac{-1}{2}, \frac{5}{2})$	E) $\Omega(\frac{1}{2}, \frac{5}{2})$
----------------------------------------	----------------------------------------	----------------------------------------	----------------------------------------	---------------------------------------

السؤال 12 نرمي ثلاثة نردود (جمع نرد) مختلفة الالوان, معا مرة واحدة (كل واحد منهم عبارة عن مكعب غير مغشوش أوجهه الستة مرقمة من 1 إلى 6).

احتمال الحصول على 3 ارقام (يظهرها الوجه العلوي لكل نرد) مجموعهم 5 هو:

A) $\frac{5}{216}$	B) $\frac{5}{36}$	C) $\frac{1}{36}$	D) $\frac{1}{9}$	E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة
--------------------	-------------------	-------------------	------------------	----------------------------

**مباراة ولوج كلية الطب (يوليوز 2010)
مادة العلوم الطبيعية (30 دقيقة)**

الجزء الأول : استهلاك و إنتاج الطاقة
*** حدد إجابة واحدة صحيحة لكل سؤال**

السؤال الأول : (1ن)

- a- الحصلة النهائية لعملية الأكسدة التنفسية هي : الكليكو $O_2 + \text{الكليكو} \longrightarrow CO_2 + H_2O$
- b- الأكسدة الكاملة لواحد جزيئة $FADH_2$ تعطي 3 ATP
- c- في حالة التخمر الكحولي واحد مول الكليكو يعطي 2 مول من الميتانول
- d- الحصلة الطاقة لانحلال جزيئة الكليكو هي 4 ATP
- e- تحول الحامض البيروفي الى الايتانول يعطي 4 ATP

السؤال الثاني : (1ن)

- a- أكسدة $NADH$ و $FADH_2$ و إنتاج ATP تتم في الغشاء الخارجي للميتوكوندري
- b- في وسط حي هوائي يمكن إنتاج ATP اذا تم وقف نقل الاكترونات عبر السلسلة التنفسية
- c- أثناء التخمر الكحولي يتم إنتاج الأكسجين
- d- أثناء تحول الحامض البيروفي الى الأستيل كو أنزيم A يكون CO_2
- e- لا يمكن أن تتم عملية انحلال الكليكو في غياب الأكسجين

السؤال الثالث : (1ن)

- a- إذا كان PH الماتريس يساوي PH الحيز ببيغشائي يتم التفاعل الاتي $ADP + P_i \longrightarrow ATP$
- b- لدينا وسط يتكون من $ADP + P_i + FADH_2$ اذا أضفنا اليه الميتوكوندريات يتكون ATP
- c- يتم انحلال جزيئة الكليكو في الماتريس
- d- توجد عملية انحلال جزيئة الكليكو فقط لدى الخلايا الحيوانية
- e- أثناء الأكسدة التنفسية تتدفق الاكترونات نحو الأكسجين

السؤال الرابع : (1ن)

- a- أثناء التقلص العضلي يتمركز الكالسيوم على الأكتين
- b- تتكون الخلية العضلية المخططة من نواة واحدة و عدة ميتوكوندريات
- c- تختفي المنطقة H أثناء التقلص العضلي
- d- أثناء التقلص العضلي تدخل كمية كبيرة من الكالسيوم في السركوبلاسم
- e- لا تلعب التروبوميوزين أي دور في التقلص العضلي

الجزء الثاني : تركيب البروتينات - انقسام الخلايا
*** حدد إجابة واحدة خاطئة لكل سؤال**

السؤال الخامس : (2ن)

- a- الـ $ARNm$ و الـ $ARNt$ هما النوعان الوحيدان لـ ARN الموجودة داخل الخلية
- b- في ختام ترجمة $ARNm$ تفترق وحدات الريبوزوم عن بعضها
- c- يتكون الريبوزوم من اتحاد البروتينات و ARN
- d- تنتشر الريبوزومات في الجبلة الشفافة أو على الشبكة السيتوبلازمية المحيطة
- e- يبدأ تركيب البروتينات دائما في الجبلة الشفافة

السؤال السادس : (2ن)

- a- توجد الريبوزومات في الخلية ذات النواة الحقيقية و في الخلية ذات النواة غير حقيقية
- b- تبدأ ترجمة الARNm بالوحدة الرمزية AUG
- c- أثناء ترجمة الARNm تلتزم الحوامض الأمينية في ما بينها بترابط بيبتيدي
- d- يتم تركيب البروتينات في الشبكة السيتوبلازمية للمساء
- e- تتم ترجمة ARNm من طرف مجموعة من الريبوزومات

السؤال السابع : (2ن)

- a- تحتاج مضاعفة ADN إلى وجود ADN بوليميراز
- b- تتكون ARNm من خيط واحد من النيكلوتيدات مكونة من القواعد الأزوتية التالية : A, U, G, C
- c- يتم نسخ خيط واحد من ADN لانتاج بوليبيبتيد واحد
- d- تتشابه بنية ADN لدى خلية ذات النواة الحقيقية مع بنيتها لدى خلية ذات نواة غير حقيقية
- e- لا يمكن ترجمة ARNm بدون مساعدة ARNt

السؤال الثامن : (2ن)

- a- أثناء الدور التمهيدي من الانقسام غير المباشر تختفي النوية
- b- توجد ADN في الميتوكوندريات كذلك
- c- تختلف ARNm عن ADN في القواعد الأزوتية فقط
- d- بعد الانقسام الغير المباشر تحتوي الخليتان البنتان على 2n صبغي وتكونان مشابعتان للخلية الأم
- e- يتم نسخ ADN إلى ARNm بواسطة ARN بوليميغاز

الجزء الثالث : نقل الخبر الوراثي- الهندسة الوراثية * حدد إجابة واحدة صحيحة لكل سؤال

السؤال التاسع : (2 ن)

- a. النسخ العكسي ARNm يعطي تركيب ARNt المماثلة
- b. أثناء الانقسام التعادلي يتضاعف عدد الصبغيات
- c. خلال الطور النهائي الأول للانقسام الاختزالي لا تتكون الخلايا أحادية الصيغة الصبغية
- d. يتسم الانقسام التعادلي بافتراق الصبغيات
- e. تعتبر المرحلة الأولى من الانقسام الاختزالي تعادلية

السؤال العاشر : (2ن)

- a. في حالة السيادة التامة بين حليين 50 % من أفراد جيل F1 يشبه مظهر أحد الأبوين و 50 % يشبه مظهر الأب الآخر
- b. في حالة تساوي السيادة بين حليين كل أفراد F1 لهم مظهر خارجي وسيط بين صفتي الأبوين
- c. أفراد جيل F2 ليس لهم أي مظهر خارجي جديد في حالة انتقال مورثتين مستقلتين
- d. في حالة انتقال مورثتين مرتبطتين كل أفراد F2 لهم مظهر خارجي جديد
- e. إذا قمنا بتزاوج بين فأر أبيض وفأرة سوداء يمكن أن نحصل على 100 % من فئران ذكور بيضاء و 100 % من فئران إناث بيضاء وسوداء

السؤال الحادي عشر (ن) :

- a. في حالة انتقال مورثتين مستقلتين نحصل على 9/16 من أفراد F2 يشبه أحد الأبوين و 1/16 يشبه الأب الآخر و 6/16 لهم مظهر خارجي جديد
- b. في حالة السيادة بين حليين 100 % من أفراد F2 يشبه أحد الأبوين
- c. في حالة تساوي بين حليين 25 % من أفراد F2 يشبه أفراد F1
- d. التقارب بين المورثات على الصبغ يضاعف من احتمال حصول العبور
- e. التزاوج بين سلالتين نقيتين يعطي جيل F1 غير متجانس مع مظهر للذكور مختلف عن مظهر الإناث مما يعني أن المورثة ليست مرتبطة بالجنس

السؤال الثاني عشر (ن)

- a. لا تلعب ظاهرة البلعمة أي دور في نظام الجهاز المناعي للجسم
- b. إذا كانت هناك قرابة دموية بين المعطي والمتلقي يمكن أن نقوم ببزرع عضو ما

Concours d'accès à la Faculté de Médecine et de Pharmacie
Session Juillet 2010

I. 1- عين بدقة علاقة انحفاظ كمية المادة لحمض أحادي AH ، تركيزه C وذي تفكيك ضعيف في الماء ؟

[AH] = C -A

[AH] + [H₃O⁺] = C -B

[OH⁻] + [H₃O⁺] = C -C

[A⁻] + [H₃O⁺] = C -D

[AH] + [A⁻] = C -E

2- أحسب pH لهذا الحمضي AH علما أن تركيزه $C = 10^{-3} \text{ mol}$ وذي الثابتة $pK_a = 4,75$:

7,2 -A

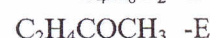
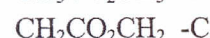
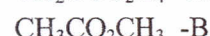
3,87 -B

2,15 -C

1,75 -D

II. المعادلة الكيميائية بين الحمض الايتانويك والايثانول تؤدي إلى تكون الماء مع مادة عضوية Z :

1- ماهي الصفة الكيميائية لهذه المادة العضوية Z ؟



2- ماهو اسم هذه المادة العضوية Z ؟

A- ايتانوات الايتيل

B- سيتون

C- متانوات ميثيل

D- بروبانول

E- أندريد الحمض

III. خلال تفاعل الاختزال يحدث :

A. ضياع الكثرونات

B. ضياع الكتيونات

C. كسب إلكترون واحد أو أكثر

D. كسب أيونات

E. لا يوجد أي جواب صحيح

IV. التفاعل المحدود الآتي بين التحول الكيميائي في وسط قاعدي لمادة الأسبرين C9H8O4 =



تركيز الاختفاء هذه المادة في اللحظة $t_1 = 22 \text{ min } 30\text{s}$ هو : $3,8.10^{-3} \text{ mol/L}$ وفي اللحظة $t_2 = 12 \text{ min } 30\text{s}$ هو $1,5.10^{-3} \text{ mol/L}$.

1- أوجد قيمة السرعة المتوسطة لاختفاء مادة الأسبرين C9H8O4 بين اللحظتين t_1 و t_2

$1,8.10^{-3}$ -A

$2,5.10^{-3}$ -B

$2,3.10^{-4}$ -C

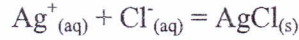
$2,3.10^{-4}$ -D

$2,3.10^{-3}$ -E

V. تفاعل المغنيزيوم في وسط حمضي يعطي الحصيصة الآتية : $Mg + 2 H_3O^+ \rightarrow Mg^{2+} + H_2 + 2 H_2O$ ماهو صنف هذا التفاعل :

- A- اختزال وأكسدة
- B- حمضي ضعيف بقاعدة قوية
- C- قاعدة ضعيفة مع حمضي قوي
- D- تفكيك أكسيد المغنيزيوم
- E- لا يوجد أي جواب صحيح

VI. ماهي العلاقة الصحيحة لثابتة التوازن الكيميائي الآتي ، علما أن $[AgCl_{(s)}] \neq 1$ ، صلب = s و مائي = aq



- A- $K = [Ag^+_{(aq)}] \cdot [Cl^-_{(aq)}] / [AgCl_{(s)}]$
- B- $K = [AgCl_{(s)}]^2 / [Ag^+_{(aq)}]^2 \cdot [Cl^-_{(aq)}]^2$
- C- $K = [Ag^+_{(aq)}] \cdot [Cl^-_{(aq)}]$
- D- $K = [AgCl_{(s)}] / [Ag^+_{(aq)}] \cdot [Cl^-_{(aq)}]$
- E- $K = [AgCl_{(s)}] / [Ag^+_{(aq)}]^2 \cdot [Cl^-_{(aq)}]^2$

VII. نأخذ بعين الاعتبار تفاعل كيميائي بطيئ يطابق أكسدة أيونات اليودور I^- بالماء الأوكسجيني H_2O_2 في وسط حمضي :

1- ماهي المعادلة الحصيصة لهذا التفاعل الكيميائي ؟

- A- $H_2O_2 + I_2 + H_2 \rightarrow I_2 + 2 H_2O$
- B- $H_2 + H_2O_2 \xrightarrow{I_2} \frac{1}{2} H_2O_2 + I^- + H^+$
- C- $H_2O_2 + 2 I^- + 2 H^+ \rightarrow I_2 + 2 H_2O$
- D- $O_2 + H_2O_2 \xrightarrow{I_2} I^- + H^+ + \frac{1}{2} I_2 + \frac{1}{2} H_2O_2$
- E- $H_2O_2 + 2 H^+ + 2 e^- \rightarrow 2 H_2O$

2- بين المزدوجتان المتفاعلتان اللتان تطابقان التفاعل الكيميائي الكلي المذكور سابقا :

- A- $H_2O_2 / 2 H^+ \text{ et } I_2 / I^-$
- B- $2 H^+ / H_2O_2 \text{ et } I^- / 2 I$
- C- $H_2O / H_2O_2 \text{ et } 2 I / I^-$
- D- $H_2O_2 / 2 H_2O \text{ et } I_2 / I^-$
- E- $H_2O_2 / H_2O \text{ et } I_2 / I^-$

VIII. في محلول مائي، يتفاعل برمنغنات البوتاسيوم $KMnO_4$ مع حمض الأوكساليك $H_2C_2O_4$

1- ماهو لون المحلول المائي لبرمنغنات البوتاسيوم ؟

- A- أحمر
- B- أصفر
- C- بدون لون
- D- بنفسجي
- E- أزرق

A- ماهي المعادلة الحصيصة لهذا التفاعل الكيميائي ؟

- B- $MnO_4^- + 2H^+ + C_2O_4^{2-} \rightarrow Mn^{2+} + 2CO_2 + H_2O$
- C- $2MnO_4^- + 6H^+ + 5H_2C_2O_4 \rightarrow 2Mn^{2+} + 10CO_2 + 8H_2O$
- D- $MnO_4^- + 4H^+ + H_2C_2O_4 \rightarrow Mn^{2+} + 2CO_2 + 2H_2O$
- E- $KMnO_4 + 2H^+ + C_2O_4^{2-} \rightarrow Mn^{2+} + 2CO_2 + H_2O + K^+$

2010/2009

مادة الرياضيات

السؤال 1:

لدينا:

$$\begin{aligned}\ln(3) + 4\ln(2) - \ln(60) &= \ln\left(\frac{3 \times 2^4}{60}\right) \\ &= \ln\left(\frac{4}{5}\right)\end{aligned}$$

السؤال 2:

ليكن x عنصرا من \square ، لدينا :

$$\begin{aligned}z &= \frac{1+ix}{1-ix} = \frac{(1+ix)^2}{1+x^2} \\ &= \frac{1-x^2}{1+x^2} + \frac{2ix}{1+x^2}\end{aligned}$$

$$\text{إذن: } \text{Re}(z) = \frac{1-x^2}{1+x^2}$$

السؤال 3:

ليكن x عنصرا من \square ، لدينا:

$$\begin{aligned}\left(\frac{1}{13}\right)^{x^2-3x} &= 169 \Leftrightarrow x^2 - 3x = \log_{\frac{1}{13}}(169) \\ \Leftrightarrow x^2 - 3x &= \frac{\ln(13^2)}{-\ln 13} \\ \Leftrightarrow x^2 - 3x &= -2 \\ \Leftrightarrow x &= 1 \text{ ou } x = 2\end{aligned}$$

وبالتالي للمعادلة $\left(\frac{1}{13}\right)^{x^2-3x} = 169$; $x \in \square$ حلين هما 1 و 2 .

السؤال 4:

لدينا $1 - j^{2011} = (j-1)(1+j+j^2+\dots+j^{2010})$ إذن:

$$\begin{aligned}1 + j + j^2 + \dots + j^{2010} &= \frac{j^{2011} - 1}{j - 1} \\ &= \frac{j \times (j^3)^{670} - 1}{j - 1} \\ &= \frac{j - 1}{j - 1} \\ &= 1\end{aligned}$$

$$\text{لاحظ أن } 1 + j + j^2 = 0 \text{ نضيف أن } j^3 = \left(e^{i\frac{2\pi}{3}} \right)^3 = e^{i2\pi} = 1$$

السؤال 5:

ليكن n عنصرا من \mathbb{R}^* ، لدينا:

$$\begin{aligned} v_{n+1} &= \frac{7}{8}u_{n+1}^3 - \frac{1}{8} \\ &= \frac{1}{8} \times \left(\frac{7(1+u_n^3)}{8} - 1 \right) \\ &= \frac{1}{8} \times \left(\frac{7}{8}u_n^3 - \frac{1}{8} \right) \\ &= \frac{1}{8}v_n \end{aligned}$$

وبالتالي المتتالية $(v_n)_{n \geq 1}$ هندسية أساسها $\frac{1}{8}$.

السؤال 6:

مجموعة تعريف الدالة $g: x \mapsto \sqrt{\frac{x^2-1}{x+1}}$ هي:

$$\begin{aligned} D_g &= \left\{ x \in \mathbb{R} / x \neq -1 \text{ et } \frac{x^2-1}{x+1} \geq 0 \right\} \\ &= \{ x \in \mathbb{R} / x \neq -1 \text{ et } x-1 \geq 0 \} \\ &= [1; +\infty[\end{aligned}$$

السؤال 7:

نعلم أن: h متصلة في 0 إذا وفقط إذا كان: $\lim_{x \rightarrow 0} h(x) = h(0) = a$.
لدينا:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} h(x) &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1 - x \sin 3x}{x^2} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0} -\frac{1 - \cos x}{x} - \frac{\sin 3x}{3x} \times 3 \\ &= -\frac{1}{2} - 3 \\ &= -\frac{7}{2} \end{aligned}$$

ومنه $a = -\frac{7}{2}$.

السؤال 8:

لتكن f دالة فردية في \mathbb{R} . إذن $f(-x) = -f(x)$ $\forall x \in \mathbb{R}$;

ليكن x من \mathbb{R} ، لدينا: $-x \in \mathbb{R}$ و $f \circ f(-x) = f(f(-x)) = f(-f(x)) = -f(f(x)) = -f \circ f(x)$

وبالتالي الدالة $f \circ f$ فردية.

السؤال 9:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 1}{x} - \frac{2^x - 1}{x}$$

نعتبر الدالتين $u: x \mapsto 4^x$ و $v: x \mapsto 2^x$ القابلتين للإشتقاق على \mathbb{R} بحيث:

$$\forall x \in \mathbb{R}, \begin{cases} u'(x) = \ln(4) 4^x \\ v'(x) = \ln(2) 2^x \end{cases}$$

ومنه:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x} &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{u(x) - u(0)}{x} - \frac{v(x) - v(0)}{x} \\ &= u'(0) - v'(0) \\ &= \ln(4) - \ln(2) \\ &= \ln\left(\frac{4}{2}\right) \\ &= \ln(2) \end{aligned}$$

السؤال 10:

الدالة $u: x \mapsto \cos\left(\frac{\pi}{2}x\right)$ قابلة للإشتقاق على \mathbb{R} مع $u(\mathbb{R}) = [-1; 1]$ ، وبما أن h قابلة للإشتقاق على المجال $[-1; 1]$ فإن

الدالة g قابلة للإشتقاق على \mathbb{R} وبالخصوص في 1. ولدينا: $\forall x \in \mathbb{R}; g'(x) = -\frac{\pi}{2} h'\left(\cos\left(\frac{\pi}{2}x\right)\right) \times \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$

وبالتالي: $g'(1) = -\frac{\pi}{2} h'(\cos(0) \times \sin(0))$

السؤال 11:

مركز تماثل منحنى الدالة $f: x \mapsto \frac{5x+1}{1-2x}$ هو النقطة $\Omega(a; b)$ بحيث $a = \frac{-1}{-2} = \frac{1}{2}$ و $b = \frac{5}{-2} = -\frac{5}{2}$.

إذن: $\Omega\left(\frac{1}{2}; -\frac{5}{2}\right)$.

السؤال 12:

التجربة تخضع لفرضية تساوي الاحتمالات.

لدينا "الحصول على 3 أرقام مجموعها 5" هو الحدث $A = \{\{3; 1; 1\}; \{2; 2; 1\}\}$ ومنه: $p(A) = \frac{\text{card}(A)}{\text{card}(\Omega)} = \frac{2}{6^3} = \frac{1}{36}$

مادة الفيزياء

(1)

يعبر عن الطاقة المخزونة من قبل مكثف سعته C مشحون بالشحنة Q تحت توتر V_c بالعلاقة :

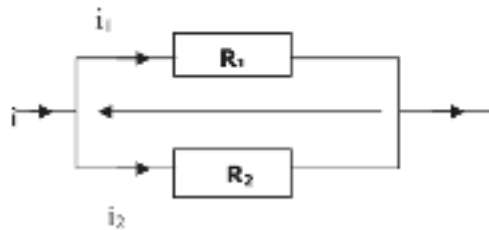
$$E_C(t) = -.$$

ونعلم أن: $Q = C.V$

كما يمكن التعبير عنها كذلك بالعلاقة: $E_C(t) = -C.V_c^2$

(2) الموصلان الأوميان R_1 و R_2 مركبان على التوازي

اذن يمر بين مربطي R_1 و R_2 نفس التوتر بينما تمر بهما شدة تيار مختلفة



(3) الموصلان الأوميان R_1 و R_2 مركبان على التوالي

اذن يمر عبرهما نفس التيار



(4)

تعبير ثابتة الزمن τ يكتب كالتالي $\tau = RC$

تطبيق عددي $\tau = 2,2 \cdot 10^3 \times 47 \cdot 10^{-6}$

$$\tau = 0,103s$$

وبما أن شحن المكثف يوافق المدة الزمنية فإن $\tau = 5\tau$:

$$\tau = 0,517s$$

(5)

نعلم أن $U_L = L \frac{di}{dt}$

$$U_L = L \frac{d(A \sin(\omega t + \phi))}{dt}$$

$$U_L = LA \omega \cos(\omega t + \phi)$$

$$U_L = -LA \omega \sin(\omega t + \phi) \text{ إذن}$$

(6)

التوتر الكهربائي بين مربطي الوشعة هو: $U_L = L \frac{di}{dt}$

$$U_L = L \frac{di}{dt}$$

$$U_L = L \frac{di}{dt}$$

$$U_L = \frac{10}{-3} \cdot 20 \cdot 10^{-3}$$

$$U_L = 100 \text{ mV}$$

(7)

$$\tau = RC$$

$$C = \frac{\tau}{R}$$

$$C = \frac{\tau}{R}$$

$$C = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ F}$$

$$C = 0,5 \text{ mF}$$

(8)

$$\lambda = v \cdot T$$

$$\lambda = \frac{v}{f}$$

$$\lambda = \frac{v}{f}$$

$$\lambda = 8 \cdot 10^{-5} \text{ km}$$

$$\lambda = 8 \text{ cm}$$

(9)

$$2({}_1^1\text{H} + {}_1^1\text{H} \rightarrow {}_1^2\text{H} + {}_0^1\text{e})$$

$$m(X) < Z \cdot m(p) + (A - Z) \cdot m(n)$$

$$(11) \quad \text{خلال الحركة الدائرية الموحدة:}$$

$$- \text{ متجهة السرعة غير ثابتة (الاتجاه متغير)}$$

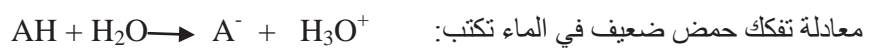
$$- \text{ يعبر عن دور الحركة بالعلاقة التالية: } T = \frac{2\pi R}{v}$$

$$- \text{ اما التسارع فيكتب: } a = \frac{v^2}{R}$$

$$(12) \text{ في قمة البرابل (Parabole) سرعة القذيفة الرأسية تنعدم}$$

مادة الكيمياء

(1)



معادلة تفكك حمض ضعيف في الماء تكتب:

$$[AH] + [A^-] = C$$

حسب قانون انحفاظ كمية المادة نكتب :

(2

$$K_a = \frac{x^3}{\dots}$$

تعبير الثابتة الحمضية:

$$K_a = \dots$$

$$K_a = 10^{-pka}$$

و نعلم ان

$$x = [H_3O^+] \text{ نحصل على: } x = 10^{-pka}$$

$$x = \frac{\dots}{-pka}$$

يعني أن

$$x = \dots$$

تطبيق عددي

$$pH = 8,75$$

ومنه فإن :

(3) المعادلة الكيميائية بين الحمض الإيثانويك و الإيثانول تؤدي إلى تكون الماء مع مادة عضوية Z :



(4

المادة العضوية Z هي استر وصيغتها هي : $C_4H_8O_2$

(5

حسب التسمية العالمية فإسم المادة هو: ايتانوات الاليتل

(6) خلال تفاعل الاختزال يحدث:

خلال تفاعل الاختزال يتم فقدان الإلكترونات: ضياع الإلكترونات

(7) السرعة المتوسطة لاختفاء مادة الاسبرين تكتب على الشكل

$$v = \frac{\dots}{\dots}$$

$$v = \dots$$

تطبيق عددي

$$v = 2,3 \cdot 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

اذن



(8) صنف التفاعل هو أكسدة - اختزال (تبادل الكتروني)

$$K = \frac{[AgCl_{(s)}]}{[Cl^-]_{(aq)} \cdot [Ag^+]_{(aq)}}$$

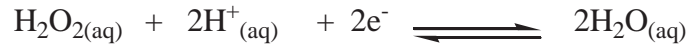
(9) العلاقة الصحيحة لثابتة التوازن الكيميائي هي



(10) المعادلة الحصيلة لهذا التفاعل الكيميائي :

المزدوجتان المتفاعلتان هما: I_2/I^- و H_2O_2/H_2O

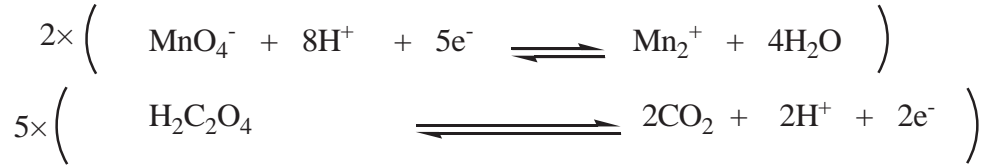
نصف المعادلة:



(11) لون المحلول المائي لبرمنغنات البوتاسيوم بنفسجي

(12) المزدوجتان المتفاعلتان هما $H_2C_2O_4/CO_2$ و MnO_4^-/Mn^{2+}

نصف المعادلة:



المعادلة الحاصلة:

