

# Concours Commun d'accès en 1ère année de l'ENSAM Meknès-Casablanca

Epreuve de Physique Session du 22 juillet 2019 Durée : 2h15mn



## Remarques importantes :

- L'épreuve est composée d'une seule page. Elle est rédigée en français et elle est traduite en arabe (voir verso de la feuille). Les réponses doivent être mentionnées eur la figha de la français et elle est traduite en arabe (voir verso de la feuille).
- Les réponses doivent être mentionnées sur la fiche de réponse donnée au candidat.

  Le candidat doit se concentration de la fiche de réponse donnée au candidat. Le candidat doit se concentrer sur le sujet d'examen sans poser aucune question concernant son contenu.

#### Mécanique

Dans toute cette partie mécanique on suppose que l'intensité de pesanteur est constante et de module égal à : g=10m/s². Les parties A, B et C sont indépendantes.

Partie A (Rédaction : On écrit seulement le résultat final sur la

Un camion de masse m=15000Kg part, à t=0, sans vitesse initiale sur une route rectiligne et horizontale et à l'instant 40s, la vitesse devient 72km/h. On néglige les frottements et on suppose que le moteur du véhicule exerce une force  $\vec{F}$  constante et parallèle à la trajectoire.

- 1- La valeur numérique  $\gamma$  de la norme de l'accélération du centre d'inertie
- 2- La valeur numérique de l'intensité F de la force  $ilde{F}$  .
- 3- La valeur numérique du travail W de la force  $ec{F}$  durant l'intervalle de temps [0, 40s].
- 4- Pour tout instant t, la pulssance instantanée P(t) de la force  $ar{F}$  en fonction de F, m et t.

Le camion aborde sans vitesse initiale, en montée et selon la ligne de plus grande pente, une route rectiligne inclinée d'un angle α=20° par rapport à l'horizontal. On suppose également que le moteur du véhicule exerce une force  $\vec{F}$  constante parallèle à la trajectoire et que les frottements sont négligeables. Sachant que le camion parcourt la distance d=500 m pendant une durée At=40 s. Déteminer :

- 5- La valeur de la norme y de l'accélération du centre d'inertie du camion.
- 6- La valeur de l'intensité F de la force  $ar{F}$  .
- 7- En réalité, avec la valeur précédente de F, et à cause des frottements le camion parcourt la distance d=500m pendant une durée Δt'> Δt. On suppose que les frottements sont équivalents à une force ar f constante qui s'oppose au mouvement. Déterminer la norme f de  $\bar{f}$  en fonction de m, d, Δt et Δt'.

Partie B (QCM: Marquez la bonne réponse sur la fiche de réponse)

Un projectile (A), assimilé à un point matériel de masse m, est lancé à t=0 d'un point O, origine d'un repère orthonormée direct (Oxyz), avec une vitesse  $ar{V}_0$  contenue dans le plan vertical

(Oxz) et faisant l'angle a=30° avec l'axe horizontal (Ox) (figure 1).

On donne Vo=100 m/s.

1-Le couple (Xs, Zs) des coordonnées du sommet S de la trajectoire du projectile est : 2- Le module V<sub>s</sub> de la vitesse au sommet S est:

figure 1

3- La durée du mouvement depuis O à S est :

A l'origine du temps précédente (t=0), on lâche une cible (B) sans vitesse initiale au point de coordonnées (Xs, 0, h) avec h> Zs.

4- La valeur numérique de h pour que le projectile (A) atteint la cible (B) au sommet S est:

Partie C (QCM: Cochez la bonne réponse sur la fiche de

Pour les poulles considérées dans cette partie, le moment d'inertie par rapport à l'axe  $(\Delta)$  d'une poulle de rayon R de masse M est donné par: Ja =MR<sup>2</sup>. Les fils qui s'enroulent sur les gorges des poulles sont inextensibles et de masses négligeables.

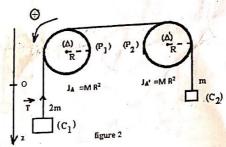
On considère le système de la figure 2: les deux poulles (P<sub>1</sub>) et (P<sub>2</sub>) sont identiques chacune de masse M=2Kg, de rayon R=24cm et d'axes ( $\Delta$ ) et (Δ') fixes, horizontaux, parallèles et situés à la même hauteur par rapport au sol. Les corps (C1) et (C2) sont de masses respectivement 2m et m avec m= 0.5Kg. Les poulies tournent sans frottements.

A l'instant t=0, on libère le système sans vitesse initiale. On admet que l'énergie mécanique totale du système est :

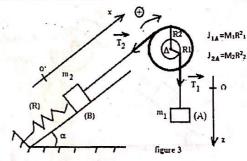
$$E_m = (M + \frac{3}{2}m)\dot{z}^2 - mgz$$

Avec z est l'abscisse du centre d'inertie du corps (C<sub>1</sub>) sur l'axe (Oz). 1- La valeur de la norme y de l'accélération du centre d'inertie de (C1) est :

- 2- La valeur de la tension T du fil (voir figure) est :
- 3- L'instant t<sub>1</sub> où la poulie (P<sub>1</sub>) effectue trois tours est :
- 4- la vitesse angulaire  $\omega_1$  de  $(P_1)$  à cet instant est :



On considère maintenant un autre système représenté sur la figure 3: Les deux poulies sont solidaires de rayons et masses respectivemnt  $R_1$ ,  $M_1$  et  $R_2$ ,  $M_2$  avec ( $R_1 < R_2$ ). Elles pouvent tourner sans frottements autour de leur axe commun (Δ), horizontal fixe et passant par leurs centres. Le corps (B) peut se déplacer sans frottement, selon la ligne de plus grande pente, sur le plan incliné d'un angle <u>α=30°</u> par rapport à l'horizontal et rataché à un ressort (R) de masse négligeable, de longueur à vide  $L_0$  et de constante de raideur k dont l'autre extremité est fixe. On choisit les origines des axes (O'x) et (Oz) de telle sorte qu'à l'équillbre les abscisses des centres d'inerites des corps (A) et (B) solent nulles. Les corps (A) et (B) sont de masses respectivement m1 et m2. On note ΔI. l'allongement du ressort à l'équilibre. Pour simplifier on prend :  $M_1=m_1=2m$ ,  $m_2=m$ ,  $M_2=3m$ ,  $R_1=R$  et  $R_2=2R$  où m est une masse arbitraire.



S-A l'équillibre la relation entre les modules  $T_1$  et  $T_2$  des tensions des fils

6- A l'équilibre du système la relation entre k, m, g et ∆l• est : On écarte le système par rapport à son état d'équilibre et on le laisse évoluer tout seul selon un mouvement oscillatoire. On note z, x les abscisses des centres d'inertie respectivement de (A) et (B), et  $\theta$  l'angle avec lequel les poulles tournent par rapport à l'état d'équilibre. 7-la relation entre x, z et  $\theta$  est : 8- L'énergie cinétique totale du système est :

On admet que l'énergie potentielle de <u>pesanteur</u> totale pour (A) et (B) en tenant compte des données précédentes est: Epp=-mgz.

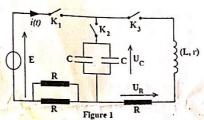
La référence de l'énergie potentielle élastique E<sub>pe</sub> est choisie quand le système est à l'état d'équilibre.

9- L'énergie potentielle totale Ep est :

10- L'équation différentielle vérifiée par z est :

Electricité (QCM : Marquez la bonne réponse sur la fiche de

On réalise un circuit électrique comportant une bobine d'inductance L et de résistance interne r, deux dipôles ohmiques de même résistance R montés en parallèle, deux condensateurs identiques de capacité C montés en parallèle non chargés initialement, un dipôle ohmique de résistance R et des Interrupteurs de courant  $K_1,\ K_2$  et  $K_3$ (figure 1). L'ensemble est allmenté par un générateur de tension de force électromotrice (f.é.m) E.



On donne: E = 5 V,  $R = 20 \Omega$ .

Détermination des caractéristiques de la bobine (L, r)

A l'instant t = 0, on ferme les interrupteurs  $K_1$  et  $K_3$  ( $K_2$  est toujours ouvert).

- 1. L'équation différentielle vérifiée par l'Intensité instantanée du courant i(t) traversant le circuit s'écrit comme suit :
- 2. La constante du temps  $\tau$  du circuit est égale à :
- 3. On note  $I_0$  l'intensité du courant i(t) en régime permanent. La solution de l'équation différentielle précédente s'écrit :
- L'expression I<sub>0</sub> de s'écrit :
- 5. On a tracé les variations de la grandeur  $\frac{dl(t)}{dt}$  en fonction de i(t) et on a obtenu la courbe de la figure 2.

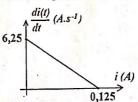


Figure 2

- a. L'inductance L de la bobine a pour valeur :
- b. La résistance r de la bobine vaut :
- c. L'énergie emmagasinée dans la bobine en régime permanent est égale à :

#### • Détermination de la capacité C des condensateurs

A l'Instant t = 0, on ferme les interrupteurs  $K_1$  et  $K_2$  et on ouvre  $K_3$ .

- 6. L'équation différentielle vérifiée par la tension  $U_{\mathcal{C}}(t)$  aux bornes des condensateurs est donnée par l'expression suivante :
- 7. La solution de l'équation différentielle précédente s'écrit :

8. Sachant que le pourcentage de la tension  $U_{\mathcal{C}}(t)$ , à l'instant  $t = 6,91 \, ms$ , par rapport à sa valeur maximale  $U_{Cmax}$  est: <u>uc</u> = 99%, la capacité C des condensateurs a pour valeur :

### Oscillations libres dans un circuit en série (RLC)

Lorsque le régime permanent dans le circuit précédent est établi, on ferme  $K_2$  et  $K_3$  et on ouvre  $K_1$  à un instant considéré comme une nouvelle origine du temps.

Nous pouvons exprimer l'équation différentielle vérifiée par  $U_R$  comme suit:

$$\frac{d^2U_R}{dt^2} + 2\lambda \frac{dU_R}{dt} + \frac{4\pi^2}{T_0^2}U_R = 0$$

où  $\lambda$  et  $T_0$  sont des constantes dont les expressions peuvent être déterminées en fonction des paramètres du circuit.

L'expression de λ s'écrit :

10. To s'exprime comme suit :

11. Nous supposons la pseudo-période T du circuit (RLC) est égale approximativement à la période propre  $T_0$  de l'oscillateur non amorti  $T \approx T_0$ . On donne : T = 68, 8 ms. On déduit que la capacité C des condensateurs a pour valeur :

<u>Décroissance radioactive</u> (QCM : Marquez la bonne réponse sur la fiche de réponse)

Remarque importante: les questions suivantes indépendantes

- 1. On considère un échantillon radioactif formée de  $N_0$  nucléides radioactifs à l'instant t=0. Ces dernlers se désintègrent en fonction du temps. On note donc N(t) le nombre de nucléides présents à l'instant t. On note  $t_{1/2}$  la demi-vie de l'échantillon radioactif. N(t) s'exprime en fonction de  $N_0$ ,  $t_{1/2}$  et t comme suit :
- 2. L'Uranium  $^{238}_{92}U$ , après x désintégrations  $\alpha$  et y désintégrations  $eta^$ conduit à un noyau stable, le Plomb  $^{206}_{82}Pb$  selon l'équation suivante :  $^{238}_{92}U \rightarrow ^{206}_{82}Pb + x_{2}^{4}He + y_{-1}^{0}e^{-}$

La valeur des coefficients (x,y) est :

- 3. Un radioélément de deml-vie  $t_{1/2}=15\,s$  a une activité initiale  $A_0 = 3.10^8 Bq$  (à l'instant t = 0).
  - a. L'activité de cet élément à l'Instant t = 45 s est :
  - b. Le nombre des nucléons présents à l'instant  $t=45\,\mathrm{s}$  vaut :
- 4. L'activité du carbone 14C dans des bois carbonisés lors d'une éruption volcanique est A=4,8 désintégrations par gramme et par minute (d.p.m); dans un bois vivant cette activité est  $A_0 = 13,5$  d.p.m. La demi-vie du carbone 14 vaut  $t_{1/2} = 5600 \ ans$ . La date de l'éruption volcanique est estimée à :
- 5. La demi-vie de l'Iode 131 de masse molaire 131 g/mol, utilisé en médecine est  $t_{1/2} = 8,1$  jours. On donne: la constante d'Avogadro  $N_A = 6.02.10^{23} mol^{-1}$ .

L'activité radioactive A de 1, 0 g d'iode 131 vaut :

- 6. L'Astate 210 est un élément radioactif  $\beta^+$  rare, présent avec des quantités infinitésimales dans l'Uranium pur, et sa demi-vie a pour valeur  $t_{1/2} = 8 h$ . On dispose d'un échantillon d'astate de masse
- La masse restante au bout d'une demi-journée (12h) est :