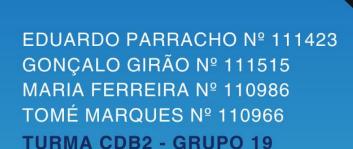


TRABALHO DE GRUPO







Índice

| Introdução | 3 |
|--|----|
| Enunciado | 4 |
| Resolução | 6 |
| Alínea a) | 7 |
| Alínea b) | 7 |
| Heurística para a Alocação dos Enfermeiros | 7 |
| Solução Admissível | 8 |
| Alínea c) | 10 |
| Alínea d) | 11 |
| Alínea e) | 13 |
| Proposta de Operador – Mutação por Troca | 13 |
| Exemplo de Aplicação | 14 |
| Alínea f) | 15 |
| Alínea g) | 16 |
| Alínea h) | 18 |
| Alínea i) | 20 |
| Output | 22 |



Introdução

Este trabalho, é proposto no âmbito da Unidade Curricular — Otimização Heurística, e tem como objetivo a aplicação de técnicas de otimização heurística para resolver um problema prático na gestão de uma clínica. O problema consiste em atribuir uma equipa de 10 enfermeiros a um conjunto de 14 procedimentos médicos, de forma a minimizar o tempo diário despendido em procedimentos. Torna-se mais complexo devido ao facto de existirem três categorias de enfermeiros que determinam quais os tipos de procedimentos que estão aptos a efetuar. Além disso, os procedimentos são efetuados durante 7 blocos ao longo do dia e por cada bloco ocorrem dois procedimentos específicos.

Para responder a este problema, foram seguidas diversas etapas até se chegar a um algoritmo genético de modo tentar encontrar a melhor solução possível face às restrições e metas propostas, possibilitando assim uma melhor gestão por parte da clínica, tanto de recursos como de tempo.

Todo o código utilizado encontra-se no ficheiro Código Grupo 19. ipynb.



Enunciado

Uma clínica possui uma equipa de 10 enfermeiros (E1, E2, ..., E10) que, num dado dia de trabalho, vai participar num conjunto de 14 procedimentos médicos (P1, P2, ..., P14). Os enfermeiros dividem-se em três categorias. A descrição das categorias, bem como a distribuição dos enfermeiros pelas mesmas, encontra-se detalhada na Tabela 1.

| Categoria | Descrição | Membros |
|-----------|-------------------------|----------------|
| 1 | Enfermeiro | E1, E2, E3, E4 |
| 2 | Enfermeiro Especialista | E5, E6, E7, E8 |
| 3 | Enfermeiro Gestor | E9, E10 |

Tabela 1: Distribuição dos enfermeiros pelas categorias

Cada procedimento requer exatamente 3 enfermeiros, sendo que alguns procedimentos (procedimentos regulares) podem ser realizados por qualquer enfermeiro, enquanto outros (procedimentos complexos) apenas podem ser realizados por enfermeiros das categorias 2 ou 3.

A clínica tem disponíveis duas salas onde os procedimentos podem ter lugar, o que significa que há sempre dois procedimentos a decorrer em simultâneo. Assim, o dia de trabalho divide-se em 7 períodos, sendo que em cada período decorrem dois procedimentos. A distribuição dos procedimentos pelos períodos já é conhecida, encontrando-se detalhada na Tabela 2. Esta tabela também indica quais os procedimentos que são regulares e quais os que são complexos.

| Período | Procedimentos |
|---------|-------------------------------|
| 1 | P1 (regular), P2 (regular) |
| 2 | P3 (complexo), P4 (regular) |
| 3 | P5 (regular), P6 (regular) |
| 4 | P7 (complexo), P8 (complexo) |
| 5 | P9 (regular), P10 (complexo) |
| 6 | P11 (regular), P12 (complexo) |
| 7 | P13 (regular), P14 (regular) |

Tabela 2: Distribuição dos procedimentos pelos períodos

Para simplificar o problema, vamos assumir que um dado período só começa quando ambos os procedimentos do período anterior estão terminados. Por outras palavras, a duração de um período corresponde à duração do procedimento mais demorado desse mesmo período. O ficheiro Excel, Trab_Grupo, que se encontra no



Moodle, na pasta "Trabalho de Grupo", contém uma tabela que indica, para cada procedimento, o tempo, em minutos, que cada enfermeiro demora a cumprir as suas funções. A duração de um procedimento corresponde ao tempo máximo entre os três enfermeiros que lhe estão afetos. Por exemplo, se o procedimento P1 for atribuído aos enfermeiros E1 (79 minutos), E2 (80 minutos) e E3 (48 minutos), e P2 for atribuído a E4 (55 minutos), E5 (68 minutos) e E6 (63 minutos), então o procedimento P1 demorará 80 minutos, o procedimento P2 demorará 68 minutos, e, portanto, o período 1 durará 80 minutos, o tempo necessário para que tanto P1 como P2 estejam concluídos.

Finalmente:

- Cada enfermeiro pode participar, no máximo, em 5 procedimentos.
- O mesmo enfermeiro não pode participar nos dois procedimentos do mesmo período.

Idealmente, a equipa pretende minimizar a duração total do dia de trabalho, que consiste na soma das durações dos 7 períodos.



Resolução

Para que a resolução do problema seja mais prática, ir-se-ão reorganizar algumas das informações transmitidas no enunciado.

Tem-se então:

1 Período → **2 Procedimentos**

1 Procedimento → 3 Enfermeiros

| | Procedimentos | Enfermeiros Habilitados | | |
|-----------|---------------------------------------|---|--|--|
| Regulares | P1, P2, P4, P5, P6, P9, P11, P13, P14 | E1, E2, E3, E4, E5, E6, E7, E8, E9, E10 | | |
| Complexos | P3, P7, P8, P10, P12 | E5, E6, E7, E8, E9, E10 | | |

Para o tempo que cada enfermeiro demora a cumprir cada procedimento, respetivamente, presentes no ficheiro Excel *Trab Grupo*, tem-se:

| | E1 | E2 | <i>E3</i> | E4 | E5 | E6 | <i>E7</i> | E8 | E9 | E10 |
|------------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|------------|
| <i>P1</i> | 79 | 80 | 48 | 56 | 82 | 51 | 54 | 83 | 63 | 90 |
| <i>P2</i> | 80 | 63 | 70 | 55 | 68 | 63 | 84 | 54 | 86 | 56 |
| <i>P3</i> | 999 | 999 | 999 | 999 | 50 | 90 | 87 | 66 | 72 | 80 |
| P4 | 57 | 67 | 84 | 59 | 61 | 71 | 65 | 63 | 85 | 65 |
| P5 | 52 | 70 | 62 | 74 | 70 | 68 | 70 | 84 | 74 | 72 |
| P6 | 81 | 74 | 67 | 88 | 60 | 58 | 81 | 60 | 66 | 55 |
| P 7 | 999 | 999 | 999 | 999 | 86 | 64 | 46 | 45 | 51 | 73 |
| P8 | 999 | 999 | 999 | 999 | 86 | 72 | 71 | 51 | 78 | 53 |
| P9 | 89 | 90 | 63 | 55 | 49 | 84 | 48 | 90 | 83 | 52 |
| P10 | 999 | 999 | 999 | 999 | 51 | 47 | 77 | 56 | 56 | 81 |
| P11 | 68 | 83 | 63 | 61 | 57 | 89 | 77 | 51 | 57 | 51 |
| P12 | 999 | 999 | 999 | 999 | 57 | 55 | 45 | 81 | 70 | 63 |
| P13 | 45 | 50 | 50 | 71 | 54 | 63 | 61 | 47 | 81 | 53 |
| P14 | 75 | 60 | 47 | 45 | 51 | 61 | 90 | 80 | 50 | 64 |

As linhas correspondentes aos procedimentos complexos, cujos enfermeiros não estão aptos a executar, estão definidos com "999".



Alínea a)

Descreva, por palavras, uma solução admissível para o problema da clínica.

Uma solução admissível para o problema da clínica passa por encontrar, para cada um dos 7 períodos do dia de trabalho, compostos por 2 procedimentos cada, 3 enfermeiros que fiquem alocados a esses procedimentos sem que nenhum realize mais de 5 no dia inteiro e que não estejam alocados a mais do que um procedimento simultaneamente (no mesmo período).

A escolha destes enfermeiros está sujeita à verificação da sua categoria, sendo que existem 2 tipos distintos de procedimentos:

- Procedimentos Regulares, realizados por enfermeiros de qualquer um dos três níveis de aptidão;
- Procedimentos Complexos, realizados apenas por enfermeiros das categorias
 2 e 3 (Enfermeiro Especialista e Enfermeiro Gestor, respetivamente).

Alínea b)

Desenvolva uma heurística para determinar uma afetação admissível dos enfermeiros aos procedimentos. Com base na heurística desenvolvida, apresente uma solução admissível para o problema da clínica.

Heurística para a Alocação dos Enfermeiros

Passo 1: Ordenar os Procedimentos por Prioridade e Duração

- Procedimentos Complexos: Devem ser alocados prioritariamente por terem restrições mais comprometedoras (apenas enfermeiros das categorias 2 e 3);
- Procedimentos Regulares: Podem ser alocados por qualquer enfermeiro.

Passo 2: Alocar Enfermeiros aos Procedimentos Complexos

• Alocar enfermeiros, de forma aleatória, das categorias 2 e 3 para garantir que as restrições sejam atendidas;



• Garantir que nenhum enfermeiro esteja alocado a dois procedimentos em simultâneo.

NOTA: Nesta fase da solução, não existe a necessidade de verificar a restrição de número máximo de procedimentos/dia, pois são apenas 5 e o valor máximo de alocações não irá ser ultrapassado.

Passo 3: Alocar Enfermeiros aos Procedimentos Regulares

- Alocar os restantes enfermeiros, aleatoriamente, incluindo os da categoria 1, garantindo que nenhum enfermeiro ultrapassa o limite de 5 procedimentos;
- Garantir que nenhum enfermeiro está alocado a dois procedimentos simultaneamente.

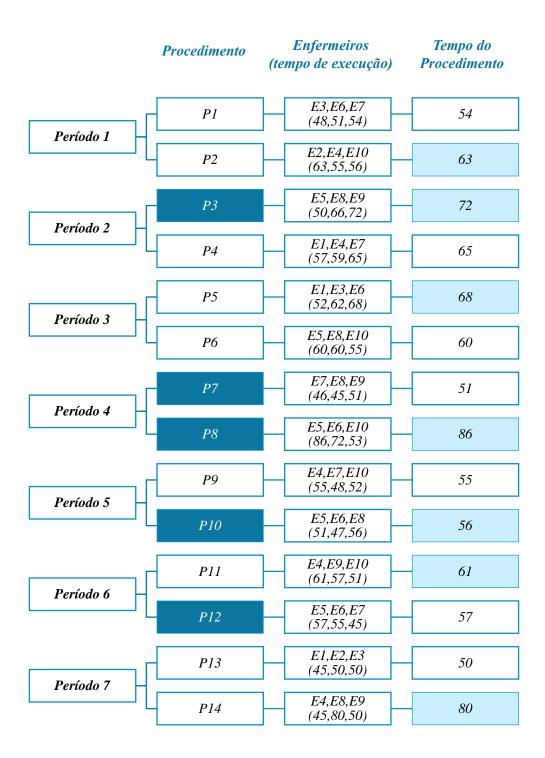
Solução Admissível

Para a resolução do passo 1 da heurística definida anteriormente, redefiniu-se a ordem dos procedimentos da seguinte forma:

De seguida foi realizada a alocação dos enfermeiros aos procedimentos complexos, sem realizar sobreposição entre P7 e P8, que constam no mesmo período:

Finalmente foram alocados os enfermeiros aos procedimentos regulares, verificando-se as restrições relativas ao número máximo de procedimentos diários e à sobreposição de procedimentos. No esquema a seguir é apresentada a solução final de acordo com a ordem inicial dos períodos. Cada período tem o seu tempo correspondente sombreado a azul e os procedimentos complexos encontram-se, também, sombreados num azul mais forte.





Tempo Total do Dia: 482 minutos

O tempo total diário (aproximadamente 8 horas) é obtido através da soma do valor de cada período, que provém do maior valor entre procedimentos do período respetivo.



Contagem de Alocações para cada enfermeiro:

| Enfermeiro | Contagem |
|------------|----------|
| E1 | 3 |
| E2 | 2 |
| E3 | 3 |
| E4 | 5 |
| E5 | 5 |
| E6 | 5 |
| E7 | 5 |
| E8 | 5 |
| E9 | 4 |
| E10 | 5 |

Alínea c)

Defina um cromossoma que permita codificar uma afetação dos enfermeiros aos procedimentos.

Antes de se começar a definir um cromossoma específico para o problema em questão, é necessário perceber no que consiste.

Um cromossoma é uma solução pertencente a um subconjunto de todas as soluções possíveis, designada por população, para um problema específico.

Dessa forma, define-se um cromossoma com 14 genes que representam os 14 procedimentos do dia. Os alelos serão compostos por uma lista de 3 enfermeiros, que estarão alocados ao procedimento correspondente a cada gene.

Por exemplo, considerando-se a solução admissível presente na alínea b), pode-se representar o cromossoma da seguinte forma:

| Р3 | P 7 | P8 | P10 | P12 | P1 | P2 |
|----------|------------|-----------|----------|----------|----------|-----------|
| E5,E8,E9 | E7,E8,E9 | E5,E6,E10 | E5,E6,E8 | E5,E6,E7 | E3,E6,E7 | E2,E4,E10 |



| P4 | P5 | P6 | P 9 | P11 | P13 | P14 |
|----------|----------|-----------|------------|-----------|----------|----------|
| E1,E4,E7 | E1,E3,E6 | E5,E8,E10 | E4,E7,E10 | E4,E9,E10 | E1,E2,E3 | E4,E8,E9 |

Ou seja, o cromossoma obtido na ordem definida na heurística (P3 - P7 - P8 - P10 - P12 - P1 - P2 - P4 - P5 - P6 - P9 - P11 - P13 - P14).

Alínea d)

Tendo em conta a codificação que sugeriu em c), proponha um operador de crossover e exemplifique-o no contexto do problema da clínica.

Primeiramente, ir-se-á clarificar em que consiste um operador *crossover*. No *Crossover*, são selecionados, em geral, dois cromossomas "pais" que irão dar origem, em geral, a dois cromossomas "filhos" utilizando informação contida nos cromossomas "pais". O *Crossover* é normalmente aplicado num algoritmo genético com uma elevada probabilidade, designada por probabilidade de *crossover*.

Existem três tipos de operadores de crossover:

- *Crossover* a um Ponto;
- *Crossover* a k = 2 Pontos;
- Crossover Uniforme.

Foi decidido aplicar o *Crossover* de k = 2 Pontos. Para o mesmo é necessário:

- 1. Escolher aleatoriamente dois números distintos, m e p, entre 1 e a dimensão do cromossoma (14): Tem-se m = 4 e p = 9;
- 2. Cada filho irá ficar com ambas as "caudas" dum cromossoma pai e a parte central do outro cromossoma pai.

Segue-se o cromossoma Pai 1, que é uma solução admissível definida na alínea c), com as divisões de m e p:

| 1 | 1 | n |
|---|---|---|
| • | • | • |

| Р3 | P 7 | P8 | P10 | P12 | P1 | P2 |
|----------|------------|-----------|----------|----------|----------|-----------|
| E5,E8,E9 | E7,E8,E9 | E5,E6,E10 | E5,E6,E8 | E5,E6,E7 | E3,E6,E7 | E2,E4,E10 |



p

| P4 | P5 | P6 | P 9 | P11 | P13 | P14 |
|----------|----------|-----------|------------|-----------|----------|----------|
| E1,E4,E7 | E1,E3,E6 | E5,E8,E10 | E4,E7,E10 | E4,E9,E10 | E1,E2,E3 | E4,E8,E9 |

Considerando os critérios definidos em a), para que se obtenha uma solução admissível e os critérios utilizados em c), para definir um cromossoma, define-se o Pai 2 com as divisões de m e p:

m

| P3 P7 P8 P10 P12 P1 P2 E5,E6,E7 E5,E6,E10 E7,E8,E9 E5,E8,E9 E5,E6,E8 E2,E6,E7 E3,E4,E10 | nt. | | | | | | | | |
|---|----------|------------|----------|----------|----------|----------|-----------|--|--|
| E5.E6.E7 E5.E6.E10 E7.E8.E9 E5.E8.E9 E5.E6.E8 E2.E6.E7 E3.E4.E10 | Р3 | P 7 | P8 | P10 | P12 | P1 | P2 | | |
| | E5,E6,E7 | E5,E6,E10 | E7,E8,E9 | E5,E8,E9 | E5,E6,E8 | E2,E6,E7 | E3,E4,E10 | | |

| | 1 | p | | | | |
|----------|----------|-----------|------------|-----------|----------|----------|
| P4 | P5 | P6 | P 9 | P11 | P13 | P14 |
| E1,E2,E4 | E2,E5,E6 | E3,E8,E10 | E4,E7,E10 | E4,E9,E10 | E2,E4,E9 | E1,E3,E8 |

Assim, os cromossomas filhos (1 e 2) terão as "caudas" do cromossoma Pai 1 e parte central do cromossoma Pai 2 e as "caudas" do cromossoma Pai 2 e parte central do cromossoma Pai 1, respetivamente. Os filhos obtidos deste *crossover* poderão, ou não, resultar em soluções admissíveis ao problema, para se confirmar o mesmo, ter-se-iam de verificar as restrições. Tem-se então os seguintes cromossomas filhos:

Cromossoma Filho 1

| P 3 | P 7 | P8 | P10 | P12 | <i>P1</i> | P2 |
|------------|------------|-----------|----------|----------|-----------|-----------|
| E5,E8,E9 | E7,E8,E9 | E5,E6,E10 | E5,E6,E8 | E5,E6,E8 | E2,E6,E7 | E3,E4,E10 |

| P4 | P5 | <i>P6</i> | P9 | P11 | P13 | P14 |
|----------|----------|-----------|-----------|-----------|----------|----------|
| E5,E6,E8 | E2,E6,E7 | E5,E8,E10 | E4,E7,E10 | E4,E9,E10 | E1,E2,E3 | E4,E8,E9 |

Cromossoma Filho 2

| Р3 | P 7 | P8 | P10 | P12 | P1 | P2 |
|----------|------------|----------|----------|----------|----------|-----------|
| E5,E6,E7 | E5,E6,E10 | E7,E8,E9 | E5,E8,E9 | E5,E6,E7 | E3,E6,E7 | E2,E4,E10 |



| P4 | P5 | P 6 | P 9 | P11 | P13 | P14 |
|----------|----------|------------|------------|-----------|----------|----------|
| E1,E4,E7 | E1,E3,E6 | E3,E8,E10 | E4,E7,E10 | E4,E9,E10 | E2,E4,E9 | E1,E3,E8 |

Alínea e)

Tendo em conta a codificação que sugeriu em c), proponha um operador de mutação e exemplifique-o no contexto do problema da clínica.

Antes de se propor e aplicar o operador de mutação, ir-se-á começar por compreender no que este consiste.

Uma mutação pode ser definida como um pequeno ajuste aleatório no cromossoma, de forma a obter uma nova solução, utilizado para manter e introduzir diversidade na população. Este operador é, normalmente, aplicado com uma probabilidade baixa — probabilidade de mutação. Caso a probabilidade seja muito elevada, o algoritmo genético fica reduzido a uma pesquisa aleatória. Mutação é a componente do algoritmo genético relacionada com a "exploração" do espaço de pesquisa.

Existem três tipos de operadores de mutação, sendo estes:

- Mutação Bit Flip (exclusivamente para algoritmos genéticos codificados em binário);
- Mutação por Troca;
- Mutação por Inversão.

Optou-se por escolher o operador de Mutação por Troca. A Mutação por Troca é utilizada em algoritmos genéticos codificados como permutações.

Proposta de Operador – Mutação por Troca

O operador Mutação por Troca consiste em:

- Gerar aleatoriamente um número com distribuição uniforme no intervalo
 [0,1]: u;
- Se o número gerado, u, for inferior à probabilidade de mutação (pm) então selecionam-se aleatoriamente dois genes e trocam-se o valor dos seus alelos.



Para se gerar o valor de \boldsymbol{u} e selecionar-se os alelos aleatoriamente, criou-se um código em Python com semente fixa (de valor 165), para que o resultado seja sempre o mesmo.

Exemplo de Aplicação

No contexto do problema a aplicação do operador Mutação por Troca ao cromossoma pode ser a seguinte:

• pm = 0.1;

E1,E4,E7

E1,E3,E6

- u = 0.016825005872407095;
- Como u < 0.1 então selecionam-se aleatoriamente dois genes: Gene 7 e Gene
 12 (procedimentos 2 e 11, respetivamente);
- Troca-se o valor do Alelo 7 com o valor do Alelo 12.

E5,E8,E10

Cromossoma definido em c)

| Р3 | P 7 | P8 | P10 | P12 | P1 | P2 |
|------------|------------|-----------|-----------|----------|----------|-----------|
| E5,E8,E9 | E7,E8,E9 | E5,E6,E10 | E5,E6,E8 | E5,E6,E7 | E3,E6,E7 | E2,E4,E10 |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| P 4 | P5 | P6 | P9 | P11 | P13 | P14 |

Cromossoma gerado

E4,E7,E10

E4,E9,E10

E1,E2,E3

E4,E8,E9

| Р3 | P 7 | P8 | P10 | P12 | P1 | P2 |
|----------|------------|-----------|----------|----------|----------|-----------|
| E5,E8,E9 | E7,E8,E9 | E5,E6,E10 | E5,E6,E8 | E5,E6,E7 | E3,E6,E7 | E4,E9,E10 |

| P4 | P5 | P6 | P 9 | P11 | P13 | P14 |
|----------|----------|-----------|------------|-----------|----------|----------|
| E1,E4,E7 | E1,E3,E6 | E5,E8,E10 | E4,E7,E10 | E2,E4,E10 | E1,E2,E3 | E4,E8,E9 |



Neste caso, o cromossoma gerado respeita as restrições das alocações e, por isso, é uma solução admissível ao problema com um tempo total diário de 482 minutos (igual ao tempo total do cromossoma definido em c)).

Alínea f)

Os operadores propostos em **d**) e **e**) garantem a obtenção de soluções admissíveis para o problema da clínica? Caso não garantam, justifique que tipos de inadmissibilidades os operadores indicados podem gerar e indique como pode ultrapassar esta situação na implementação do algoritmo genético.

Uma solução admissível necessita de cumprir todos os requisitos definidos em a), ou seja, garantir que:

- Cada enfermeiro participa, no máximo, em 5 procedimentos;
- Cada enfermeiro não participa em dois procedimentos do mesmo período;
- Procedimentos complexos são atribuídos apenas a enfermeiros das categorias
 2 ou 3.

Por isso, os tipos de inadmissibilidades passam pela não obediência das restrições definidas pelo problema.

Análise do operador proposto em d):

Percebe-se que este não garante a obtenção de soluções admissíveis, uma vez que não obedece às restrições propostas:

- Existem enfermeiros que estão alocados a mais do que 5 procedimentos como é o caso do enfermeiro E5 no cromossoma filho 1;
- Existem enfermeiros que estão alocados a dois procedimentos que acontecem no mesmo período, como é o caso dos enfermeiros E5 e E8 que se encontram alocados aos procedimentos P3 e P4 do cromossoma filho 1.

Análise do operador proposto em e):

Percebe-se que este, apesar de ter criado uma solução admissível, não garante, de todo, a obtenção de soluções admissíveis, pela mesma razão:

 No caso de, no momento de seleção de dois genes aleatórios, pode acontecer a situação de ser selecionado um gene que corresponde a um



procedimento complexo e outro gene correspondente a um procedimento regular. Ao ser feita a troca, poderão estar a ser alocados, ao procedimento complexo, enfermeiros que não estão capacitados para a realização do mesmo. Violando assim uma das restrições estabelecidas.

Ou seja, conclui-se que nenhum garante a obtenção de soluções admissíveis e é necessário realizar a verificação do cumprimento das restrições após a aplicação de cada uma.

Para ultrapassar esta situação na implementação do algoritmo genético, existem 3 opções para obter soluções admissíveis:

- Desenvolver um operador adequado ao problema, que não gere soluções não admissíveis: por exemplo, ao aplicar o operador de *crossover*, garantir que os genes correspondentes a procedimentos complexos apenas sejam trocados com outros genes correspondentes a procedimentos complexos, ou a procedimentos regulares realizados apenas por enfermeiros capazes de realizar procedimentos complexos;
- Utilizar um procedimento para reparar a não admissibilidade, trocando o valor de alguns genes: após determinar os genes que estão a causar a não admissibilidade, troca-se enfermeiros entre genes ou então troca-se esse gene por outro aleatório, mas admissível;
- 3. Utilizar uma função de avaliação, que não seja apenas a função objetivo, mas que contenha também parcelas que penalizam a aptidão do cromossoma em função da não admissibilidade da solução: aplicar penalizações quando, por exemplo, um enfermeiro está alocado a mais procedimentos do que os permitido, quando é alocado a dois procedimentos que ocorrem no mesmo período e quando um enfermeiro não qualificado para procedimentos complexos é adicionado a um.

Alínea g)

Na tentativa de determinar uma solução admissível de qualidade, a clínica irá definir e implementar um algoritmo genético. Tendo em conta as alíneas anteriores e sabendo que a clínica deseja uma afetação dos procedimentos aos enfermeiros que não ultrapasse as 8 horas, apresente o pseudocódigo para a aplicação do algoritmo.



Procedimento Algoritmo Genético

Entrada: enfermeiros, procedimentos, periodos, TAMANHO_POPULACAO, TAXA_MUTACAO, MAX GERACOES, TEMPO EXECUCAO MAXIMO

Saída: melhor solucao, fitness atual, custos periodo

Inicialize a população com tamanho TAMANHO_POPULACAO utilizando o procedimento InicializarPopulação()

Avalie o fitness de cada indivíduo na população utilizando o procedimento CalcularFitness() Imprima a população inicial e seus valores de fitness

geração = 0

Enquanto geração < MAX GERACOES

Selecione os indivíduos mais aptos da população utilizando o procedimento Selecionar()

Crie uma população aplicando os operadores de crossover e mutação utilizando os procedimentos Crossover() e Mutacao()

Avalie o fitness de cada indivíduo na nova população utilizando o procedimento CalcularFitness()

Imprima os indivíduos mais aptos e seus valores de fitness geração = geração + 1

Se o valor de fitness do indivíduo mais apto for menor ou igual a TEMPO_EXECUCAO_MAXIMO Interrompa o loop

melhor_solucao = o indivíduo mais apto na população final

fitness_atual = o valor de fitness de melhor_solucao utilizando o procedimento CalcularFitness() custos_periodo = calcular o custo por período para melhor_solucao utilizando o procedimento CalcularCustoPorPeriodo()

Imprima melhor solucao, fitness atual e custos periodo

Fim do Procedimento

#Procedimentos auxiliares

Procedimento InicializarPopulacao()

Inicialize uma população vazia

Para cada indivíduo na população

Para cada procedimento em procedimentos

Se o procedimento é regular

Atribua 3 enfermeiros aleatórios para o procedimento

Senão

Atribua 3 enfermeiros aleatórios com nível de habilidade > 1 para o procedimento Retorne a população inicializada

Fim do Procedimento

Procedimento CalcularFitness(cromossoma)

Inicialize a duração total como 0

Para cada período em periodos

Inicialize a duração do período como 0

Inicialize o conjunto de enfermeiros usados no período

Para cada procedimento no período

Calcule a duração máxima do procedimento usando os enfermeiros atribuídos

Atualize a duração do período e o conjunto de enfermeiros usados

Adicione a duração do período à duração total

Se o número de enfermeiros usados no período for menor que o número total de enfermeiros atribuídos Adicione uma penalidade à duração total

Para cada enfermeiro

Conte o número de vezes que o enfermeiro é atribuído a um procedimento

Se a contagem exceder o máximo permitido

Adicione uma penalidade à duração total



Retorne a duração total

Fim do Procedimento

Procedimento Selecionar(população)

Ordene a população pelo valor de fitness Retorne a metade superior da população

Fim do Procedimento

Procedimento Crossover(pai1, pai2)

Selecione um ponto de crossover aleatório Crie dois descendentes trocando os genes entre o ponto de crossover Retorne os dois descendentes

Fim do Procedimento

Procedimento Mutacao(cromossoma)

Para cada procedimento no cromossoma

Se um número aleatório for menor que a taxa de mutação
Reatribua os enfermeiros ao procedimento
Retorne o cromossoma mutado

Fim do Procedimento

Procedimento CalcularCustoPorPeriodo(cromossoma)

Inicialize um dicionário para armazenar o custo por período

Para cada período em periodos

Inicialize o custo do período como 0

Inicialize um conjunto de enfermeiros usados no período

Para cada procedimento no período

Calcule a duração máxima do procedimento usando os enfermeiros atribuídos

Atualize o custo do período e o conjunto de enfermeiros usados

Se o número de enfermeiros usados no período for menor que o número total de enfermeiros atribuídos Adicione uma penalidade ao custo do período

Adicione o custo do período ao dicionário

Retorne o dicionário

Fim do Procedimento

Alínea h)

Implemente o procedimento definido na alínea g).

Dimensão da população: Considera-se que a população é constituída por 20 cromossomas. Isso significa que, em cada geração, haverá 20 soluções (ou cromossomas) na população. Esta dimensão é um equilíbrio entre diversidade e eficiência, tentou-se criar uma população inicial maior, no entanto tornava o algoritmo demasiado pesado.

Como se gera a população inicial: a geração da população inicial foi feita de forma aleatória (pela função "inicializar_populacao()") onde cada cromossoma é um dicionário que mapeia procedimentos (P1, P2, ...) a uma lista de enfermeiros que lhes foram atribuídos. A lógica de atribuição é:



- Para procedimentos regulares, são atribuídos 3 enfermeiros aleatórios de qualquer categoria;
- Para procedimentos complexos, são atribuídos 3 enfermeiros aleatórios das categorias 2 e 3 (excluindo a categoria 1).

Método de seleção: A seleção dos melhores indivíduos da população é realizada pela função "selecionar()". Esta função ordena a população com base no valor de fitness ("duracao_total") e retorna a metade superior da população ordenada. Ou seja, apenas os melhores 10 cromossomas são selecionados para formar a próxima geração. Logo, ocorre Seleção por Ordenação.

```
def selecionar(populacao):
    populacao_ordenada = sorted(populacao, key=lambda x:
    calcular_fitness(x))
    return populacao_ordenada[:POPULATION_SIZE//2]
```

Método de substituição da população: Após a seleção, ocorre o crossover e a mutação para gerar novos cromossomas, que substituirão a população atual. A cada iteração, novos cromossomas são criados até que a população atinja novamente o tamanho definido, ou seja é utilizado um Modelo Geracional. O *crossover* ocorre entre os dois melhores cromossomas selecionados.



Critérios de paragem: quando é atingido o número máximo de iterações possíveis definido, que neste caso é de 1500, ou quando é alcançada uma duração total diária de trabalho menor ou igual a 480 minutos (8 horas).

Para o problema dos cromossomas filhos não admissíveis foi implementada a proposta 3, da alínea f. Ou seja, foram criadas penalizações caso as restrições em causa não fossem cumpridas.

As penalizações que acrescem tempo ao valor total associado a cada cromossoma, surgem do não cumprimento das restrições:

- Caso um mesmo enfermeiro esteja alocado a mais do que 5 procedimentos;
- Caso um mesmo enfermeiro esteja alocado a dois procedimentos do mesmo período.

A estes incumprimentos é adicionado o valor 100 no cálculo do custo (função "calcular_fitness") do cromossoma em questão.

Para a restrição relativa à não habilitação de enfermeiros (enfermeiros de categoria 1) a procedimentos complexos, a penalização surge desde logo no ficheiro Excel *Trab_Grupo*, onde para esse caso, os enfermeiros surgem com um tempo de finalização do procedimento de 999 minutos.

O código da implementação do pseudocódigo da alínea anterior, encontra-se na integra no ficheiro *CódigoGrupo19.ipynb*.

Alínea i)

Execute o código desenvolvido e faça uma breve análise à solução admissível obtida para o problema da clínica.

Melhor Cromossoma:

| P1 | P2 | Р3 | P4 | P5 | P6 | P 7 |
|------------|-------------|------------|------------|------------|-------------|------------|
| E7, E3, E4 | E8, E10, E2 | E9, E5, E8 | E4, E1, E2 | E2, E1, E7 | E10, E6, E9 | E9, E5, E8 |

| P8 | P 9 | P10 | P11 | P12 | P13 | P14 |
|-------------|-------------|------------|------------|------------|------------|-------------|
| E10, E7, E6 | E4, E7, E10 | E8, E6, E5 | E4, E3, E8 | E5, E7, E6 | E3, E5, E2 | E10, E9, E4 |



Contagem de alocações para cada enfermeiro:

| Enfermeiro | Contagem |
|------------|----------|
| E1 | 2 |
| E2 | 4 |
| E3 | 3 |
| E4 | 5 |
| E5 | 5 |
| E6 | 4 |
| E7 | 5 |
| E8 | 5 |
| E9 | 4 |
| E10 | 5 |

Tempo de cada período:

Período 1: P1 e P2 \rightarrow 63 minutos Período 2: P3 e P4 \rightarrow 72 minutos Período 3: P5 e P6 \rightarrow 70 minutos Período 4: P7 e P8 \rightarrow 86 minutos Período 5: P9 e P10 \rightarrow 56 minutos Período 6: P11 e P12 \rightarrow 63 minutos Período 7: P13 e P14 \rightarrow 64 minutos

Deste modo, percebe-se que todos os enfermeiros estão alocados de acordo com as suas aptidões e a pelo menos 1 procedimento, que não existem enfermeiros a realizar dois procedimentos do mesmo período e que nenhum, no total diário, tem mais de 5 alocações.



Observa-se também que o período que tem maior duração é o quarto período, a demorar 1 hora e 26 minutos. Este é composto por dois procedimentos complexos.

No total, o dia de trabalho, na clínica, conta com 7 horas e 54 minutos. Ou seja, seis minutos abaixo do objetivo de a afetação diária, dos enfermeiros aos procedimentos, não exceder as oito horas no total.

Pode-se concluir que o problema ficou resolvido com a obtenção da solução admissível.

Output

```
Melhor solução encontrada:
P1: E7, E3, E4
P2: E8, E10, E2
P3: E9, E5, E8
P4: E4, E1, E2
P5: E2, E1, E7
P6: E10, E6, E9
P7: E9, E5, E8
P8: E10, E7, E6
P9: E4, E7, E10
P10: E8, E6, E5
P11: E4, E3, E8
P12: E5, E7, E6
P13: E3, E5, E2
P14: E10, E9, E4
Duração total do dia de trabalho: 474
```

Custo por período: Período 1: 63 Período 2: 72 Período 3: 70 Período 4: 86 Período 5: 56 Período 6: 63 Período 7: 64