## UNIVALI – ESCOLA POLITECNICA - CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO EXERCÍCIOS DE FIXAÇÃO - GRAFOS 25-2

1) Considere o grafo orientado abaixo e assinale com "X" na tabela o resultado da análise de cada situação:

		- 6			
		a1	(v:	a3	
1	$v_1$	a2		a4	
			a5	V <sub>3</sub>	}
	a9	a8			1
	(V <sub>5</sub> )	- a7	$-(v_4)$	a6	

Grafo	Vértices	Elementar	Não Elementar	Simples
Caminho	1,2,3,4,5			
Caminho	2,3,4,5,1			
Caminho	1,2,2,3			
Circuito	2,2			
Circuito	3,4,5,1,2,1,3			
Circuito	1,3,4,5,1			

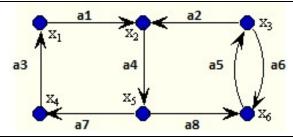
2) Considere o grafo não orientado da figura abaixo, assinalando com (S)im ou (N)ão na tabela o resultado da análise das situações propostas.

2 1 3
6

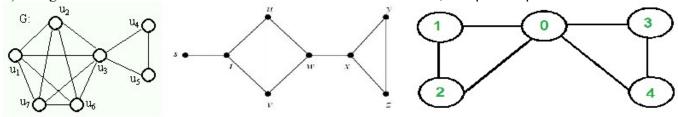
Descrição	Cadeia Elementar	Ciclo	Ciclo Elementar
1,3,6,5,2,1			
2,4,6,3,1,5,2			
4,6,5,2,2,1,3			
1,5,2,2,5,1			

- 3) Considerando o grafo ao lado determine:
  - a) matriz de adjacência que o representa
  - b) matriz de incidência que o representa
  - c) lista de adjacência que o representa
  - d)  $\Gamma^3$  (x5) e  $\Gamma^{-3}$  (x5) e)  $\Gamma^2$  (x2) e  $\Gamma^{-2}$  (x2)

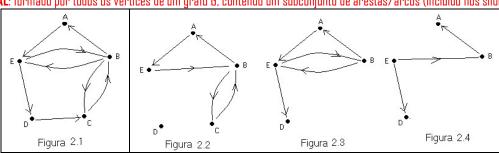
  - f) semigraus  $d_e(x6)$  e  $d_s(x6)$



4) Nos grafos abaixo existe Ciclo de Hamilton e/ou de Euler?? Se sim, indique a sequência de vértices.



5) Dado o grafo 2.1, veja entre os grafos 2.2 a 2.4 qual é subgrafo ou grafo parcial do original. SUBGRAFO: formado por subconjunto de vértices e subconjunto de arestas/arcos do grafo original (correção) GRAFO PARCIAL: formado por todos os vértices de um grafo G, contendo um subconjunto de arestas/arcos (incluido nos slides)



## UNIVALI - ESCOLA POLITECNICA - CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO EXERCÍCIOS DE FIXAÇÃO – GRAFOS 25-2

- 6) Responda e exemplifique:
  - a) O que é um grafo simples?
  - b) O que é um grafo completo
  - c) O que é um grafo conexo?
  - d) Um grafo G (não orientado) que tem um ciclo que inclui todas as arestas é um ciclo de Euler?
- 7) Desenhe os grafos direcionados abaixo e identifique os conjuntos de antecessores e sucessores:

a) 
$$G=(V,A)$$

b) G=(V,A)

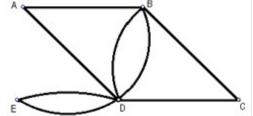
 $V = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 

 $V = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 

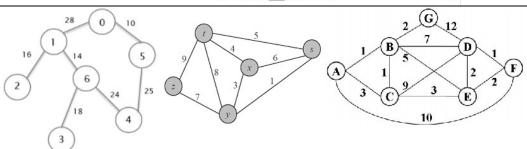
 $A = \{(1,2),(2,3),(1,4),(4,2),(4,5),(5,3)\}$ 

 $A = \{(1,2),(2,3),(1,4),(2,4),(3,4),(4,5),(5,3),(3,6),(5,6)\}$ 

- 8) Exemplifique um grafo fortemente conexo e um grafo desconexo, ambos com no mínimo 6 vértices. GRAFO DESCONEXO: se há pelo menos um par de vértices que não está ligado por nenhuma cadeia (incluído nos slides).
- 9) Apresente 2 ciclos de Euler deste grafo:



10) Aplique o método de **PRIM** grafos ao lado para calcular a árvore geradora mínima (AGM). Desenhe as árvores finais e indique os custos.



- 11) Aplique os algoritmos busca em largura e busca em profundidade nos grafos ao lado. A saída será de 0 e deve-se visitar todos os nós. Mostre a evolução dos algoritmos e desenhe as árvores finais. para visualização da ordem de visitação aos vértices.
- 12) Encontre as componentes fortemente conexas dos grafos ao lado, através da aplicação do Algoritmo de Roy.

