

Nombre: _____ Código: _____ Nota: _____

Profesor: **Santiago Ortiz - Henry Velasco** Grupo: **01** Fecha: _____ de 20__**Notas:**

- Todas las respuestas, gráficas, tablas y operaciones deben ser debidamente justificadas.
- La información que sea obtenida de alguna fuente debe ser citada y referenciada en el documento a entregar.

1) Considere el conjunto de datos “data1” del fichero `data_exam1.xlsx`.

- Realice un análisis exploratorio de datos ¿Considera que podría generar un modelo de regresión lineal con variable categórica (sin interacción) para la variable **Y**? Justifique. Si la respuesta a la pregunta es SI, genere un modelo de regresión sin interacción e interprete.
- Realice un gráfico de dispersión para **Y** vs **X**, considerando para cada observación su respectivo valor en la variable **Ind** ¿Hay evidencia muestral que sugiera un cambio en la tasa media de cambio de **Y** condicionado a incrementos unitarios de **X**? ¿Considera que un modelo con interacciones sería más adecuado? Si la respuesta a estas preguntas es afirmativa, genere el respectivo modelo, interprete detalladamente los resultados y valide los supuestos del modelo propuesto $\left(\varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2)\right)$.

2) Considere el conjunto de datos “data2” del fichero `data_exam1.xlsx`

- Realice un análisis exploratorio de datos, tanto univariante como bivalente ¿Qué puede decir acerca del comportamiento distribucional de cada variable? ¿Considera que la dispersión bivalente da indicios para generar un modelo de regresión para **Y**? Justifique detalladamente.
- De acuerdo al análisis del ítem anterior proponga una transformación (raíz, potencia, logarítmica, sinusoidal, etc.) para alguna de las variables y justifique por qué. Dado lo anterior, proponga un modelo de regresión lineal, interprete y valide los supuestos del modelo $\left(\varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2)\right)$.

3) Considere el conjunto de datos “Wine Quality” del fichero `datos.xls`. Defina como variable respuesta (**Y**) la columna **Densidad** y elimine las variables **pH**, **Sulfatos**, **Cloruros**, **Acidez Volátil**, **Acidez Fija** y **Calidad de Vino**.

- Estandarice las variables, calcule las matrices de correlación de Pearson ($\hat{\rho}_{(P)}$), Kendall ($\hat{\rho}_{(K)}$) y Spearman ($\hat{\rho}_{(Sp)}$) y compárelas ¿Qué diferencia encuentra entre las estructuras de dependencias obtenidas?
- Realice una partición de los datos tipo 80–20, donde el primer 80 % de los datos es una muestra de entrenamiento y el restante 20 % una muestra de prueba/predicción. Luego, construya 3 modelos RLM con las matrices estimadas en el primer ítem $\left(\hat{\beta}_{(\cdot)} = \hat{\rho}_{(\cdot)XX}^{-1} \hat{\rho}_{(\cdot)XY} \text{ y } \hat{\beta}_0(\cdot) = \hat{\mu}_Y - \hat{\mu}_X \hat{\beta}_{(\cdot)}\right)$. Compare e interprete los valores de los coeficientes de regresión obtenidos por cada método.

- Realice una predicción con los datos de prueba de acuerdo a los modelos ajustados y calcule el RMSE $\left(\sqrt{\text{MSE}}\right)$ de la predicción ¿Cuál de los modelos lineales propuestos predice mejor?
 - Valide los supuestos teóricos de cada modelo $\left(\varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2)\right)$ y concluya.
 - Realice un análisis del diagrama de dispersión del conjunto de datos ¿Se evidencian comportamientos totalmente lineales? Si la respuesta es negativa, sugiera y realice transformaciones de variables (Ejemplo: $\exp(X_i)$, $\sqrt{X_i}$, $\log(X_i)$, X_i^2 , $\frac{1}{X_i}$, etc.) y justifique el por qué de esa transformación. Finalmente, genere un modelo RLM e interprételo detalladamente.
- 4) Se tiene un conjunto de datos que registra la cantidad de anuncios publicitarios en redes sociales que realiza una empresa y su correspondiente retorno de inversión en ventas. Se desea determinar si existe una relación lineal significativa entre la cantidad de anuncios publicitarios y el retorno de inversión.
- El conjunto de datos “**publicidad.csv**” consta de 200 observaciones y 4 variables que representan los gastos en publicidad (en miles de dólares) y las ventas (en miles de unidades) de un producto en un mercado específico: - **TV**: Gasto en publicidad en televisión. - **Radio**: Gasto en publicidad en radio. - **Newspaper**: Gasto en publicidad en periódicos. - **Sales**: Número de unidades vendidas (en miles)
 - Graficar el retorno de inversión (variable “**Sales**”) vs la cantidad de anuncios publicitarios por canal (“**TV**”, “**Radio**”, “**Newspaper**”). Para ello use la función `scatter_matrix()` del paquete `pandas` e interprete los graficos de las variables dos a dos, teniendo en cuenta que nuestra variable respuesta es “**Sales**”.
 - Calcular el coeficiente de correlación entre todas las variables y mediante un mapa de calor represente estas correlaciones. ¿Interprete las estructuras de dependencia encontradas?
 - Teniendo en cuenta el punto anterior, elija solo una variable explicativa (“**TV**”, “**Radio**”, o “**Newspaper**”; la más conveniente) para modelar las ventas (“**Sales**”), ajuste el modelo de regresión lineal simple y encuentra la ecuación de la recta. ¿Cuál es el valor del coeficiente de determinación R^2 ? ¿Cómo se interpreta este valor?
 - Realiza una predicción del retorno de inversión esperado cuando se realizan 5 anuncios por el canal de la variable escogida en el ítem anterior. ¿Cuál es el intervalo de confianza del 95 % para la predicción?
- 5) Se desea predecir la resistencia a la compresión del concreto (**Concrete compressive strength**) en función de diferentes variables predictoras como el cemento (**Cement**), la escoria (**Slag**), la ceniza volante (**Fly ash**), el agua (**Water**), el superplastificante (**Superplasticizer**), el agregado grueso (**Coarse aggregate**) y el agregado fino (**Fine aggregate**). Para ello se dispone de un conjunto de datos con 1030 observaciones. Se desea construir un modelo de regresión lineal múltiple para predecir la resistencia a la compresión del concreto en función de las variables predictoras.
- Cargar los datos del archivo “**Concrete_Data.xls**” y examinar las características del conjunto de datos.
 - Realizar un análisis exploratorio de los datos para entender la relación entre las variables predictoras y la variable respuesta.
 - Entrenar un modelo de regresión lineal múltiple utilizando el conjunto de datos y evalúe si hay significancia en el modelo.

- Analizar la significancia estadística de las variables predictoras y construir un modelo de regresión lineal múltiple reducido con las variables significativas. Revise su desempeño con respecto al modelo completo revisando el $Adj - R^2$ y los criterios de información de Akaike y de Bayes (AIC y BIC).
 - Valide los supuestos del modelo $(\varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2))$ y en caso de no cumplir alguno, proponga una solución. Evalúe la conveniencia de usar un enfoque robusto en este caso.
- 6) El Cuadro 1 contiene los equipos de trabajo y sus integrantes. Allí se encuentra consignado el nombre de artículos científicos que cada equipo debe abordar. Cada equipo debe leer el(los) artículo(s) correspondiente(s) y hacer un informe detallado de al menos 2 páginas (tipo *Short Communication*, por ejemplo), incluida una discusión sobre el tópico tratado y la relación con los temas vistos en el curso. Estos artículos se encuentran en la carpeta de Dropbox **Papers**.

Nombre	Apellido	Equipo	Artículo Científico
Andrea	Valencia Orozco	1	Article(2012)_Log-linear Modeling
Andres Humberto	Loaiza Prieto	1	
Nicolás	Orozco Echeverri	1	
Santiago	Gutierrez Bolaños	2	Article(1979)_Robust Locally Weighted Regression and Smoothing Scatterplots
Laureano	Romero Velasquez	2	
Jovany	Cely Ospina	2	
Víctor Alfonso	Peña Ocampo	2	
Daniel Felipe	Cortés Roa	3	Article(2012)_Multicollinearity Article(2001)_Quantile Regression an Introduction
Mauricio	García Quintero	3	
Jaime Humberto	Arismendi Muñoz	3	
David	Rodriguez Sanchez	3	
Oscar Hernan	Estrada Vargas	4	Article(1984)_Least Median of Squares Regression
Laura Daniela	Espinosa Maca	4	
Carlos Enrique	Jaramillo Aros	4	
Diana Carolina	Arias Sinisterra	4	
Andrea Estefania	Timaran Buchely	5	Article(2012)_Fixed and Random Effects Models
Camilo Andres	Estupiñan Orozco	5	
Mariana	Quintero Arenas	5	
Mary Yuliana	Jaramillo	6	Article(2011)_Generalized Linear Models
Daniel Alejandro	Rengifo Aguirre	6	
Juan Fernando	Gomez Castañeda	6	
Yesid Humberto	Montaño Cuero	7	Article(1965)_Principal Components Regression in Exploratory Statistical Research
Andres Felipe	Ocampo Quiceno	7	
Javier Ricardo	Muñoz Castillo	7	
Yasmin Johanna	García Gaviria	7	
Manuel Fabian	Sarmiento Marquez	8	Article(2011)_Bootstrap
Maite Catalina	Agudelo Cifuentes	8	
Beycker Alexis	Agredo Mosquera	8	

Cuadro 1: Equipos de trabajo y asignación de artículos científicos para lectura.

Pautas

- Entregar un documento de **RMarkdown/Jupyter** (en PDF) con la solución y rutinas de código empleadas (fecha máxima de entrega: Octubre 11 hasta las 23:59). Enviar por correo electrónico a ambos profesores (Intu).
- El documento a entregar debe contener todos los procedimientos, códigos y gráficos necesarios que den debida justificación a lo realizado.
- Realizar en equipos conformados por 3-4 participantes (mandatorio).