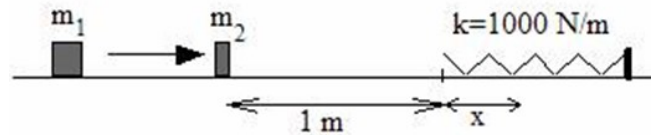


## EXAMEN DE CIERRE

## TEMARIO A.

**PROBLEMA 1**

Un bloque de masa  $m_1=1.0$  kg choca con otro bloque que se encuentra en reposo de masa  $m_2=2.0$  kg, situado en la posición indicada en la figura. La velocidad del primer bloque inmediatamente antes del choque es  $v_i = 5.0$  m/s. Si después de la colisión la velocidad de  $m_2$  es el doble de  $m_1$  y en dirección opuesta, calcule la máxima compresión del muelle (de constante  $k=1000$  N/m) producida por la masa dos.

DATOS

$$K = 1000 \text{ N/m}$$

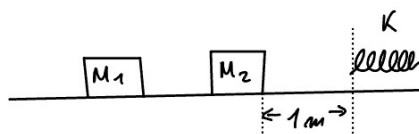
$$m_1 = 1.0 \text{ kg}$$

$$m_2 = 2.0 \text{ kg}$$

$$v_{1i} = 5.0 \text{ m/s}$$

$$v_{2f} = v_{1f}$$

$$\Delta x = ?$$

DIAGRAMASolución

$$P_i = P_f$$

$$m_1 v_{1i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

$$(1.0 \text{ kg})(5.0 \text{ m/s}) = - (1.0 \text{ kg}) \left( \frac{v_{2f}}{2} \right) + (2.0 \text{ kg}) v_{2f}$$

$$5.0 \text{ kg m/s} = \left( -\frac{1}{2} \text{ kg} \right) v_{2f} + (2.0 \text{ kg}) v_{2f} = \left( \frac{3}{2} \text{ kg} \right) v_{2f}$$

$$\Rightarrow v_{2f} = \frac{10}{3} \text{ m/s}$$

$$\Delta E = 0$$

$$K_f - K_i + U_{ef} - U_{ei} = 0$$

$$\frac{1}{2} K \Delta x^2 = \frac{1}{2} m v_f^2$$

$$\Rightarrow \Delta x = \sqrt{\frac{m}{K}} \cdot v_2 = \sqrt{\frac{2.0 \text{ kg}}{1000 \text{ N/m}}} \cdot \left( \frac{10}{3} \text{ m/s} \right) = 0.15 \text{ m}$$

## PROBLEMA 2

La gráfica muestra la posición en función del tiempo de una partícula que se mueve sobre el eje  $x$  de un sistema de coordenadas rectangulares. Determine:



- La velocidad promedio de la partícula entre  $t=0$  y  $t=10.0$  segundos.
- Los intervalos en los cuales la velocidad es cero.
- La velocidad instantánea de la partícula en  $t=5.0$ s.
- La distancia total recorrida.
- La función  $x(t)$  de la partícula entre  $t=0$  y  $t=10.0$  segundos.

a)  $0 \leq t \leq 10.0 \text{ s}$

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} = \frac{4 \text{ m} - (-4 \text{ m})}{10 \text{ s}} = \underline{0.8 \text{ m/s}}$$

b)  $v = 0$  para  $6.5 \text{ s} \leq t \leq 9.0 \text{ s}$

c)  $v(5.0 \text{ s})$

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{[10.0 \text{ m} - (-4.0 \text{ m})]}{6.5 \text{ s}} = \underline{2.15 \text{ m/s}}$$

d) dist. total:  $40 \text{ m} + 10 \text{ m} + 6 \text{ m} = \underline{20 \text{ m}}$

e)  $x(t)$   $0 \leq t \leq 10.0 \text{ s}$

$$x(t) = -4.0 \text{ m} + (2.15 \text{ m/s})t, \quad 0 \leq t \leq 6.5 \text{ s}$$

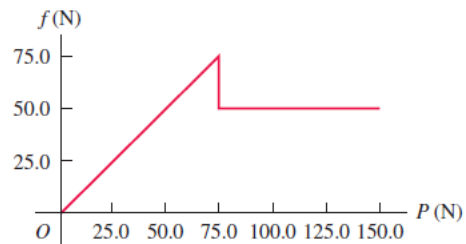
$$x(t) = 10.0 \text{ m}, \quad 6.5 \text{ s} \leq t \leq 9.0 \text{ s}$$

$$v = \frac{4.0 \text{ m} - 10.0 \text{ m}}{1.0 \text{ s}} = -6 \text{ m/s}$$

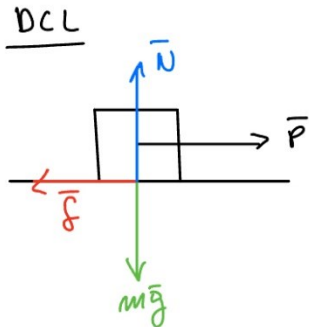
$$\underline{x(t) = 10.0 \text{ m} - (6 \text{ m/s})(t - 9)} \quad 9.0 \leq t \leq 10.0 \text{ s}$$

### PROBLEMA 3

En un experimento de laboratorio, un bloque de 135 N que descansa sobre una mesa horizontal áspera se jala con un cable horizontal. La tensión "P" en el cable aumenta gradualmente hasta que el bloque empieza a moverse y continúa aumentando lentamente a partir de entonces. La figura muestra la magnitud de la fuerza de fricción sobre el bloque como función de la magnitud de la tensión "P" en el cable.

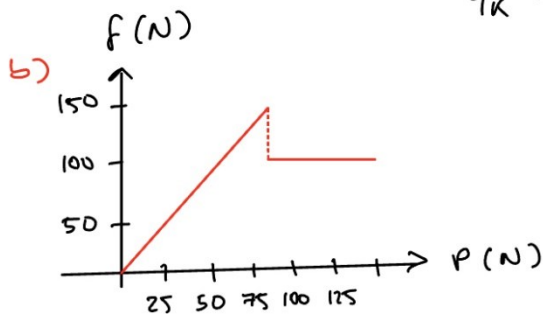


- Calcule los coeficientes de fricción entre el bloque y la mesa sobre la que se mueve.
- Alguien coloca un ladrillo de 135 N sobre el bloque. Dibuje cómo se vería la gráfica ahora y cuáles serían los coeficientes de fricción ahora.



$$\begin{aligned}
 a) \quad f_{s-\max} &= 75.0 \text{ N} \\
 \mu_s N &= 75.0 \text{ N} \\
 \mu_s mg &= 75.0 \text{ N} \\
 \mu_s &= \frac{75.0 \text{ N}}{mg} = \frac{75.0 \text{ N}}{135.0 \text{ N}} = \underline{0.556}
 \end{aligned}$$

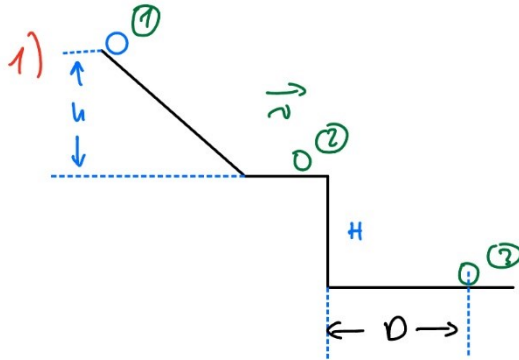
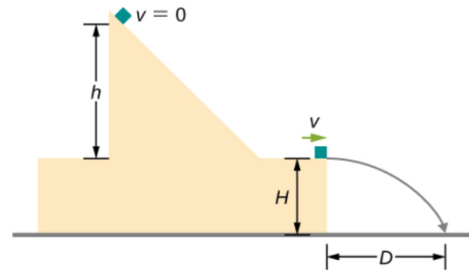
$$\begin{aligned}
 f_k &= 50.0 \text{ N} \\
 \mu_k N &= 50.0 \text{ N} \\
 \mu_k &= \frac{50.0 \text{ N}}{N} = \frac{50.0 \text{ N}}{135.0 \text{ N}} = \underline{0.370}
 \end{aligned}$$



Los coeficientes no cambian

#### PROBLEMA 4

Un bloque deja una superficie inclinada sin fricción horizontalmente después de caer por una altura  $h$ . Encuentra la rapidez del bloque justo antes de aterrizar, en el suelo cuando ha recorrido una distancia horizontal  $D$ , en términos de  $h$ ,  $H$  y  $g$ . Utilice métodos de energía.



Solución

$$\Delta E = 0$$

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2$$

a)  $v = \sqrt{2gh}$

b)  $mgh + \frac{1}{2}m(2gh) = \frac{1}{2}mv_3^2$

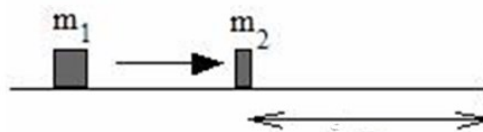
$v_3 = \sqrt{2g(h+H)}$

## EXAMEN DE CIERRE

## TEMARIO B

## PROBLEMA 1

Un bloque de masa  $m_1=1.0$  kg choca con otro bloque que se encuentra en reposo de masa  $m_2=2.0$  kg, situado en la posición indicada en la figura. La velocidad del primer bloque inmediatamente antes del choque es  $v_i = 3.0$  m/s. Después de la colisión la rapidez de  $m_2$  es el doble de  $m_1$  el doble y dirección opuesta. Teniendo en cuenta que el coeficiente de rozamiento entre el plano y los cuerpos es  $\mu = 0.2$ , calcule el recorrido máximo de la masa dos.

DATOS

$$m_1 = 1.0 \text{ kg}$$

$$m_2 = 2.0 \text{ kg}$$

$$v_{m_1 i} = 3.0 \text{ m/s}$$

$$\mu_k = 0.2$$

Solución

$$\Delta \vec{p} = 0$$

$$m_1 v_{1i} = -m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$

$$(1.0 \text{ kg})(3.0 \text{ m/s}) = -(1.0 \text{ kg}) \frac{v_{2f}}{2} + (2.0 \text{ kg}) v_{2f}$$

$$3.0 \text{ kg m/s} = \frac{3}{2} v_{2f}$$

$$\Rightarrow v_{2f} = \frac{2}{3} (3.0 \text{ kg m/s}) = 2.0 \text{ m/s}$$

$$\Delta K = W$$

$$K_f - K_i = -f_f \Delta x$$

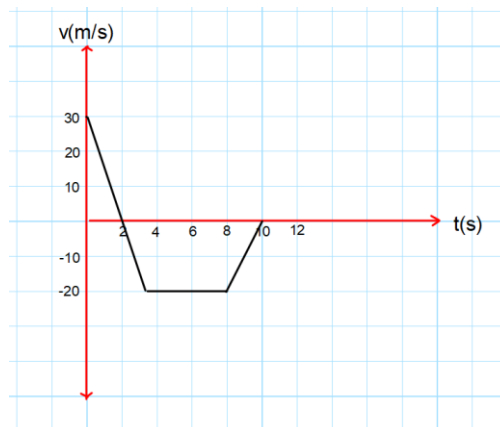
$$-\frac{1}{2} m_2 v_2^2 = -\mu_k m_2 g \Delta x$$

$$\frac{1}{2} v_2^2 = \mu_k g \Delta x$$

$$\Rightarrow \Delta x = \frac{v_2^2}{2 \mu_k g} = \frac{(2 \text{ m/s})^2}{2(0.2)(9.8 \text{ m/s}^2)} = 1.02 \text{ m}$$

## PROBLEMA 2

En la siguiente gráfica observará la velocidad que toma un tigre corriendo en un campo abierto. a) Diga cuál es la aceleración promedio en el intervalo de tiempo  $0 \leq t \leq 8.0$  segundos. b) El desplazamiento de la gacela en los primeros 8 segundos. c) Elabore la gráfica Aceleración-Tiempo.



a)  $\bar{a} \quad 0 \leq t \leq 8 \text{ s}$

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-20 \text{ m/s} - 30 \text{ m/s}}{8.0 \text{ s}} = -6.25 \text{ m/s}^2$$

b)  $\Delta x, \quad 0 \leq t \leq 8 \text{ s}$

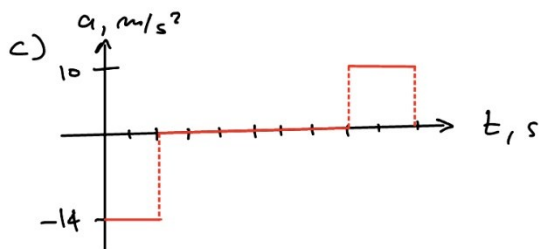
$$A_1 = \frac{1}{2} (2.0 \text{ s}) (30 \text{ m/s}) = 30.0 \text{ m}$$

$$A_2 = \frac{1}{2} (1.6 \text{ s}) (-20 \text{ m/s}) = -16.0 \text{ m}$$

$$A_3 = (8.0 - 3.6 \text{ s}) (-20 \text{ m/s}) = -88 \text{ m}$$

$$A_4 = \frac{1}{2} (2.0 \text{ s}) (-20 \text{ m/s}) = -20 \text{ m}$$

$$\Delta x = A_1 + A_2 + A_3 + A_4 = -74 \text{ m}$$

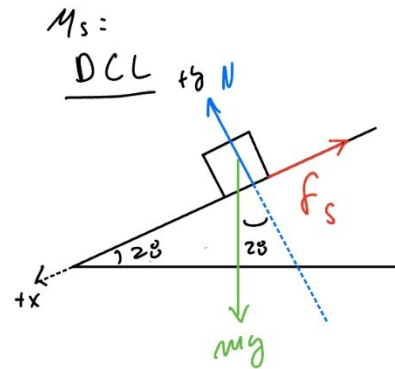


$$\bar{a}_1 = \frac{-20 \text{ m/s} - 30 \text{ m/s}}{2.0 \text{ s}} = -13.9 \text{ m/s}^2$$

$$\bar{a}_2 = \frac{0 - (-20 \text{ m/s})}{2.0 \text{ s}} = 10 \text{ m/s}^2$$

### PROBLEMA 3

Un estudiante quiere determinar los coeficientes de fricción estática y de fricción cinética entre una caja y un tablón. Coloca la caja sobre el tablón y poco a poco eleva un extremo de él. Cuando el ángulo de inclinación con la horizontal alcanza  $28^\circ$  la caja empieza a resbalar y en 3.92 s se desliza 2.53 m hacia abajo por el tablón. Encuentre los coeficientes de fricción estático y cinético. Haga el DCL del sistema y un planteamiento detallado para el cálculo de cada coeficiente.



$$\sum F_x = 0$$

$$mg \sin 28^\circ - \mu_s N = 0$$

$$\sum F_y = 0$$

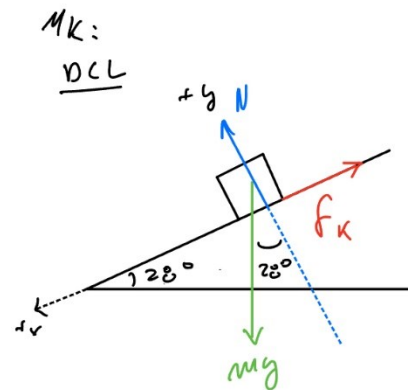
$$N - mg \cos 28^\circ = 0$$

$$N = mg \cos 28^\circ$$

$$\mu_s = \frac{mg \sin 28^\circ}{N}$$

$$= \frac{mg \sin 28^\circ}{mg \cos 28^\circ} = \tan 28^\circ = 0.53$$

$$\mu_s = 0.53$$



$$\Delta x = v_{0x} t + \frac{1}{2} a_x t^2$$

$$a_x = \frac{2 \Delta x}{t^2} = \frac{2(2.53 \text{ m})}{(3.92 \text{ s})^2} = 0.33 \text{ m/s}^2$$

$$\sum F_x = m a_x$$

$$\mu_k mg \sin 28^\circ - \mu_k mg \cos 28^\circ = m a_x$$

$$\Rightarrow \mu_k = \frac{a_x - g \sin 28^\circ}{g \cos 28^\circ} =$$

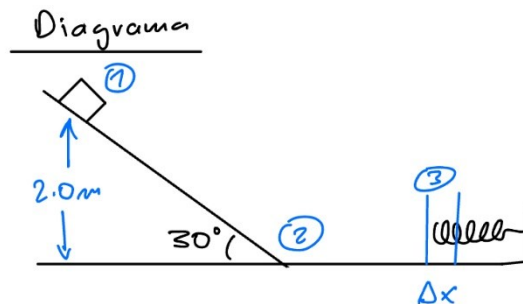
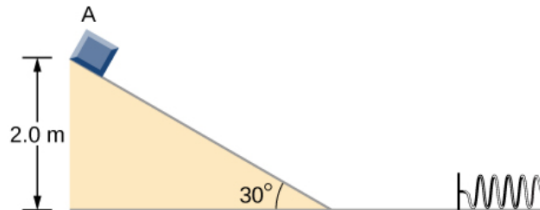
$$= \frac{0.33 \text{ m/s}^2 - (9.8 \text{ m/s}^2) \sin 28^\circ}{(9.8 \text{ m/s}^2) \cos 28^\circ}$$

$$\mu_k = 0.49$$

#### PROBLEMA 4

Un objeto de 10 kg de masa se libera en el punto A, se desliza hacia la parte inferior de una inclinación de  $30^\circ$  y luego entra en contacto con un resorte horizontal, comprimiéndolo. La constante de resorte es de 500 N/m, la altura de la inclinación es de 2.0 m, y las superficies son libres de fricción.

- (a) ¿Cuál es la velocidad del objeto en la parte inferior de la pendiente?  
 (b) Encuentre la compresión máxima del resorte.



$$\begin{aligned}
 E_1 &= E_2 \\
 U_{g1} &= K_2 \\
 mgy_1 &= \frac{1}{2}mv_2^2 \\
 \Rightarrow v_2 &= \sqrt{2gy_1} \\
 \text{a)} \quad &= \underline{6.26 \text{ m/s}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 E_2 &= E_3 \\
 K_2 &= U_{e3} \\
 \frac{1}{2}mv_2^2 &= \frac{1}{2}k\Delta x^2 \\
 \Rightarrow \Delta x &= \sqrt{\frac{mv_2^2}{k}} = \sqrt{\frac{(10 \text{ kg})(6.26 \text{ m/s})^2}{500 \text{ N/m}}} \\
 \text{b)} \quad &= \underline{0.35 \text{ m}}
 \end{aligned}$$