

$$A(3, 3, 1)$$

$$B(1, 7, 0)$$

$$C(4, 5, 0)$$

$$D(2, 2, 0)$$

$$N \text{ mijlocul } [BC] \Rightarrow N\left(\frac{1+4}{2}, \frac{7+5}{2}, \frac{0+0}{2}\right) = (2, 5, 0)$$

$$M \text{ mijlocul mediei drem } A \text{ în } \triangle ABC \Rightarrow$$

$$\Rightarrow M\left(\frac{2,5+3}{2}, \frac{6+3}{2}, \frac{0+1}{2}\right)$$

$$M(2, 7, 5; 4, 5; 2) \text{ în sistemul de coordonate original}$$

considerăm coordonatele transformării

$$M = AM' + W$$

versorii sistemului de coordonate  $S'$  sunt

$$\left. \begin{aligned} \vec{e}_1 &= \vec{DC} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} \\ \vec{e}_2 &= \vec{DA} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} \\ \vec{e}_3 &= \vec{DB} = \begin{pmatrix} -1 \\ 5 \\ 0 \end{pmatrix} \end{aligned} \right\} \Rightarrow A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 3 & 1 & 5 \\ 0 & 4 & 0 \end{pmatrix}$$

$$W \text{ corespunde coordonatelor lui } D \Rightarrow W = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$$



$$M = AM' + W \Rightarrow M' = A^{-1}(M - W)$$

$$M' = A^{-1}M - A^{-1}W$$

$$M' = A^{-1} \begin{pmatrix} 2,75 - 2 \\ 4,5 - 2 \\ 2 - 0 \end{pmatrix} = A^{-1} \begin{pmatrix} 0,75 \\ 2,5 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$\det(A) = \begin{vmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 3 & 1 & 5 \\ 0 & 4 & 0 \end{vmatrix} = 0 - 12 + 0 - 0 - 40 - 0 = -52$$

$$A^* = \begin{pmatrix} -20 & -4 & 6 \\ 0 & 0 & -13 \\ 12 & -8 & -1 \end{pmatrix}$$

$$M' = \frac{1}{\det(A)} \cdot A^* \cdot M = \frac{-1}{52} \begin{pmatrix} -20 & -4 & 6 \\ 0 & 0 & -13 \\ 12 & -8 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0,75 \\ 2,5 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$M' = -\frac{1}{52} \begin{pmatrix} -13 \\ -26 \\ -13 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,25 \\ 0,5 \\ 0,25 \end{pmatrix}$$

O metodă alternativă de a calcula coordonatele punctului  $M$  în sistemul  $S'$  este ilustrată în desenul atașat

matricea extinsă asociată acestei transformări

$$\text{este } M_{A,W} = \begin{pmatrix} A & W \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 5 & 2 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$