

Continuare 2e)

$$\alpha_1 = \frac{1+3i}{10}$$

Știem sol. $z(x)$ de variabilă reală, dar cu valori complexe

$$z(x) = \begin{pmatrix} \frac{1+3i}{10} e^{3ix} \\ \frac{1}{5} e^{3ix} \end{pmatrix}$$

Folosind formula lui Euler

$$z(x) = \begin{pmatrix} \left(\frac{1}{10} + \frac{3}{10}i\right) (\cos(3x) + i \sin(3x)) \\ \frac{1}{5} (\cos(3x) + i \sin(3x)) \end{pmatrix}$$

și identificăm partea reală și partea imaginară

$$z(x) = \begin{pmatrix} \frac{1}{10} \cos(3x) - \frac{3}{10} \sin(3x) \\ \frac{1}{5} \cos(3x) \end{pmatrix} + i \begin{pmatrix} \frac{1}{10} \sin(3x) + \frac{3}{10} \cos(3x) \\ \frac{1}{5} \sin(3x) \end{pmatrix}$$

deci sist. fundam. de sol. va fi format din partea reală resp. $\text{Im } z(x)$ partea imag. a lui $z(x)$

$$y^1(x) = \text{Re } z(x) = \begin{pmatrix} \dots \end{pmatrix}$$

$$y^2(x) = \text{Im } z(x) = \begin{pmatrix} \dots \end{pmatrix}$$

Matricea fundam. de sol. este $U = (y^1 \ y^2)$ de unde obținem sol. generală a sist.

$$y(x) = \begin{pmatrix} y_1(x) \\ y_2(x) \end{pmatrix} = U(x) \cdot \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix}$$

$$y(x) = \begin{pmatrix} y_1(x) \\ y_2(x) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{10} \cos(3x) - \frac{3}{10} \sin(3x) \\ \frac{1}{5} \cos(3x) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{1}{10} \sin(3x) + \frac{3}{10} \cos(3x) \\ \frac{1}{5} \sin(3x) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix}$$

$$\text{adică } \begin{cases} y_1(x) = c_1 \left(\frac{1}{10} \cos(3x) - \frac{3}{10} \sin(3x) \right) + c_2 \left(\right. \\ \left. y_2(x) = \frac{c_1}{5} \cos(3x) + \frac{c_2}{5} \sin(3x) \right) \end{cases}$$

Tema:

$$c) \begin{cases} y_1' = y_1 + y_2 \\ y_2' = -2y_1 + 4y_2 \end{cases}$$

sol, la fel ca la Tema Ex.1c)

$$d) \begin{cases} y_1' = y_1 - y_2 \\ y_2' = y_1 + y_2 \end{cases}$$

$$f) \begin{cases} y_1' = 2y_1 - y_2 \\ y_2' = 3y_1 - 2y_2 \end{cases}$$

$$e) \begin{cases} y_1' = 7y_1 + y_2 \\ y_2' = 7y_2 \end{cases}$$