Vector Dinamic

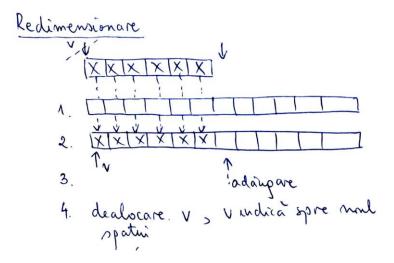
DYNAMIC ARRAY

Observații

- 1. Un tablou este static: nu pot fi inserate sau șterse celule.
- 2. Vector tablou unidimensional
- 3. Reprezentarea vectorilor este secvențială, adică elementele sunt memorate în locații succesive de memorie
 - Detaliu de implementare: spațiul de memorare poate fi alocat *static* sau *dinamic* (în timpul execuției programului).
 - Accesul la elemente este **direct** (prin intermediul indicilor) \Rightarrow complexitate-timp $\theta(1)$.
- 4. Există așa numitele *tablouri dinamice vectori dinamici* ("*dynamic arrays*"), care sunt tablouri unidimensionale cu caracter dinamic, a căror lungime se modifică în timp și în care se pot insera, respectiv șterge elemente.
 - spațiul de memorare alocat tabloului crește automat în momentul în care nu mai există spațiu suficient pentru inserarea unui nou element ⇒ alocare dinamică
- 6. Alegerea unei reprezentări bazate pe *alocarea dinamică* a memoriei prezintă avantajul amânării cunoașterii mărimii efective a vectorului până la momentul execuției. Un tablou alocat *static* impune specificarea mărimii tabloului ca o constantă.

Caracteristici

- 1. Vectorul dinamic reprezentare:
 - a. capacitatea sa (cp) numărul de locații alocat vectorului;
 - b. dimensiunea sa (n) lungimea efectivă a vectorului;
 - c. elementele vectorului ($e = e_1, e_2, ..., e_n$).
 - în C/C++, e este adresa la care se memorează primul element al vectorului
- 2. Dacă la adăugarea unui element în vector se depăşeşte capacitatea vectorului, atunci se **măreşte** capacitatea acestuia (de obicei se dublează, pentru generalitate se poate considera un anumit raport de creștere a capacității față de dimensiunea vectorului).
 - Ca detaliu de implementare, în cazul în care spațiul de memorie necesar stocării elementelor vectorului se alocă dinamic, atunci se va face o realocare a acestui spațiu (la noua capacitate), se copiază elementele din vechiul spațiu în noul spațiu, se adaugă/inserează elementul, după care se dealocă vechiul spațiu.



- Cu toate că această operație de redimensionare/realocare este costisitoare ($\theta(n)$), operația de adăugare a unui element la sfârșitul vectorului are, totuși, *complexitatea-timp amortizată* $\theta(1)$
- 3. Implementări în bibliotecile existente în diferite limbaje
 - Java clasa **Vector**
 - o implementată încât să funcționeze cu acces concurent
 - o dacă nu se dorește acces concurent ⇒ **ArrayList** (lista reprezentată secvențial pe tablou)
 - STL din C++ clasa **Vector**
 - o Considerat un container de tip secvență (acces poziție)
 - o implementat ca un vector dinamic
- 4. VectorDinamic reprezentare secvențială a containerului Lista.
- 5. **VectorDinamic** se consideră potrivit pentru:
 - Accesare element de pe o anumită poziție $\theta(1)$ (complexitate-timp).
 - Iterare elemente în orice ordine timp liniar $\theta(n)$
 - Adăugare element la sfârșit complexitate-timp **amortizată** $\theta(1)$
 - Ştergere element de la sfârșit timp constant $\theta(1)$

În continuare, pentru un număr natural n folosim notația $[n] = \{1,2,...,n\}$. De asemenea, vom considera următoarele:

- adăugarea și ștergerea elementelor se poate face la atât la sfârșitul vectorului, cât și pe orice poziție în vector.
- la redimensionarea capacității vectorului, pp. că aceasta se dublează.

Deși este unanim acceptat faptul că reprezentarea tablourilor unidimensionale este secvențială, se poate abstractiza tipul de dată VectorDinamic.

TAD VectorDinamic

domeniu

```
operații (interfața)
        creează(v, cp)
           {constructor - se creează un vector cu lungime 0, având capacitatea cp}
                pre: cp \in Natural
                post: v \in V, v.n=0, v.cp=cp
                @ aruncă exceptie dacă cp e negativ
        dim(v)
                pre: v∈V
                post: dim = lungimea vectorului v (numărul de elemente) ∈ Natural
        element(v, i, e)
                pre: v \in V, i \in Natural, i \in [v.n]
                post: e \in \mathbf{TElement}, e = v.e_i (elementul de pe poziția i din vectorul v)
                @ aruncă excepție dacă i e în afara intervalului [v.n]
        modifică(v, i, e)
                pre: v \in V, i \in Natural, i \in [v,n], e \in TElement
                post: v' \in V, v' \cdot e_i = e (al i-lea element din v' devine e)
                @ aruncă excepție dacă i e în afara intervalului [v.n]
        adaugaSfarsit(v, e)
        {se adaugă la sfârsitul vectorului elementul e; dacă v.n=v.cp atunci creste capacitatea}
                pre: v \in V, e \in TElement
                post: v' \in V, v'.n = v.n + 1
                       (v.cp = v.n) \Rightarrow (v'.cp = v.cp * 2, v'.e[v'n] = e)
        adaugaPozitie(v, i, e)
        {se adaugă pe poziția i elementul e; dacă v.n=v.cp atunci crește capacitatea}
                pre: v \in V, i \in Natural, i \in [v,n]+1, e \in TElement
                post: v' \in V, v' = v + 1
                       (v.cp = v.n) \Rightarrow (v'.cp = v.cp * 2, v'.e[j] = v.e[j-1] \forall j = v'.n, v'.n-1,..., i+1, v'.e[i] = e)
                @ aruncă excepție dacă i e în afara intervalului [v.n]
        stergeSfarsit(v, e)
        {se șterge elementul de la sfârșitul vectorului }
                pre: v \in V, v.n > 0
                post: e \in \mathbf{TElement}, e = v.e[v.n], v' \in \mathbf{V}, v' n = v.n - 1
```

 $V = \{v \mid v = (cp, n, e_1e_2...e_n), cp, n \in N, n \le cp, e_i \text{ sunt de tip$ **TElement** $}\}$

```
stergePozitie(v, i, e)
    {se sterge pe poziția i a vectorului }
            pre: v \in V, v.n > 0, i \in Natural, i \in [v.n]
            post: e \in TElement, e = v.e[i], v' \in V, v' = v.n - 1, v'.e[j] = v.e[j + 1] \forall j = i, i + 1,..., v' n
            @ aruncă excepție dacă i e în afara intervalului [v.n]
    iterator(v, i)
       {se creează un iterator pe vectorul v}
            pre: v \in V
            post: i \in I, i este iterator pe vectorul v
    distruge(v)
       {destructor}
            pre: v \in V
            post: vectorul v a fost 'distrus' (spațiul de memorie alocat a fost eliberat)
    ....alte operații....
Elementele unui vector dinamic pot fi tipărite în două moduri:
1. Prin iterator, ca orice container.
```

- 2. Folosind accesul la elemente prin indici, datorită reprezentării secvențiale.

Ca urmare, tipărirea se poate face

```
1. subalgoritmul tipărire(v) este
                                           {complexitate-timp \theta(n) }
  {pre: v este un vector dinamic}
  {post: se tipăresc elementele vectorului}
                                           {vectorul își construiește iteratorul}
           iterator(v,i)
           CâtTimp valid(i) execută
                                           {cât timp iteratorul e valid}
                   element(i, e)
                                           {se obține elementul curent din iterație}
                                           {se tipărește elementul curent}
                   (a) tipărește e
                   următor(i)
                                           {se deplasează iteratorul}
           SfCâtTimp
   sfTipărire
2. subalgoritmul tipărire(v) este
                                           {complexitate-timp \theta(n) }
  {pre: v este un vector dinamic}
  {post: se tipăresc elementele vectorului}
          pentru i \leftarrow 1,dim(v) execută
                                           {se obține elementul de poziția}
                   element(v, i, e)
                   (a) tipărește e
                                           {se tipărește elementul curent}
           sfPentru
   sfTipărire
```

Operația adaugăSfârșit

Reprezentare

Vector Dinamic

cp: Intreg {capacitatea maximă de memorare}

n: Intreg {dimensiunea efectivă a vectorului – număr elemente memorate}

e: TElement[1..cp] {elementele memorate}

Complexitate amortizată

- timp de execuție mediu pentru o secvență de operații pentru care se consideră evaluarea în cel mai defavorabil caz
- diferă de evaluarea pentru cazul mediu, nu sunt folosite probabilități și se evaluează secvențe de operații, pentru care se face media

De ex. analiza amortizată pentru operația adaugăSfârșit

- dacă tabloul e plin, se dublează spațiul (realocare, copiere, eliberarea vechiului spațiu)
- dacă se consideră **n** operații de adăugare la sfârșit, n fiind dimensiunea tabloului ⇒ redimensionarea se va face cel mult o dată ⇒

n operation adamps of about
$$\frac{\Theta(1) + \Theta(1) + \cdots + \Theta(1) + \Theta(n)}{m-1 \text{ or }} = \frac{\Theta(n)}{n} = \Theta(1)$$

IteratorVectorDinamic

v: VectorDinamic {ca implementare, va fi o referință către container} curent: Intreg {poziția unui element din vector}

subalgoritm *creează*(i, v) **este** { θ (1) }

```
{se creează iteratorul i pe vectorul dynamic v}
         i.v \leftarrow v
        i.curent \leftarrow 1
sfCreează
funcția valid(i) este \{\theta(1)\}
{verifică dacă iteratorul este valid}
         valid \leftarrow (i.curent \leq i.v.n)
sfValid
subalgoritm element(i, e) este { \theta(1) }
{ e este elementul curent referit de iterator }
         e \leftarrow i.v[i.curent]
sfElement
subalgoritm urmator(i) este { \theta(1) }
{se deplasează referința curent în container}
         i.\text{curent} \leftarrow i.\text{curent} + 1
sfUrmator
```

Observații

1. Complexitatea operațiilor unui TAD poate fi determinată după ce s-au luat decizii legate de reprezentarea și modul de implementare a TAD-ului. Considerând reprezentarea secvențială a unui vector dinamic, operațiile de bază din interfața **TAD VectorDinamic** au complexitățile:

```
dim complexitate-timp θ(1)
element complexitate-timp θ(1)
modifică complexitate-timp θ(1)
adaugaSfarsit complexitate-timp amortizată θ(1)
adaugaPozitie complexitate-timp O(n)
stergeSfarsit complexitate-timp θ(1)
!!! dacă se folosește redimensionare, atunci complexitatea-timp amortizată e θ(1)
ștergePozitie complexitate-timp O(n)
iterator complexitate-timp θ(1)
```

- 2. Deoarece se permite modificarea capacității vectorului, se impune pentru implementare folosirea **alocării dinamice a memoriei**.
- 3. După cum menționam anterior, este posibil ca la redimensionarea capacității vectorului să se folosească un raport de creștere RC (a capacității față de numărul de elemente din vector) în specificația anterioară am folosit RC = 2.
- 4. Pentru o gestionare mai eficientă a spațiului de memorie alocat vectorului, pentru a evita situații în care numărul de elemente efectiv memorate în vector este mult mai mic decât capacitatea de memorare a

acestuia, se poate folosi un raport maxim RM, care asigură faptul că nu se ajunge la o creștere a capacității prea mare față de numărul de elemente. Ceea ce înseamnă că la operația de ștergere, în cazul în care $\frac{v.cp}{v.n} > RM$, atunci se va micșora capacitatea vectorului (ceea ce va implica realocare/copiere elemente...)

- 5. Spre deosebire de operația *adaugaSfarsit*, a cărei complexitate-timp defavorabilă este $\theta(n)$, dar totuși complexitatea-timp amortizată este $\theta(1)$, operația *adaugaPozitie* are complexitatea-timp amortizată O(n) (ca și cea defavorabilă).
- 6. În interfața TAD VectorDinamic pot fi adăugate și alte operații, spre exemplu: verificarea dacă vectorul este sau nu vid (fără elemente), căutarea unui element în vector și returnarea poziției pe care apare, transformarea în string (toString), transformarea în vector (toArray) etc.

Reprezentare secvențială – caracteristici

- inserări, ștergeri O(n)
- gestionare ineficientă a spațiului de memorare
- accesul la elemente este **direct** $\theta(1)$
- adăugare la sfârșit $\theta(1)$ amortizat
- stergere la sfârsit $\theta(1)$ (amortizat, dacă se face redimensionare)