

8.4

elipse  $(\Delta)$ :  $\frac{x^2}{30} + \frac{y^2}{24} = 1$

dreptă  $(d)$ :  $4x - 2y + 23 = 0$

- în formă generală, ecuația unei elipse este  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow$   
 $\Rightarrow$  în cazul nostru  $a^2 = 30, b^2 = 24$

- folosind formule din curs, ecuațiile tangentelor la elipsă paralele sau egale cu o dreaptă de pantă  $k$  este:

$$y = kx \pm \sqrt{a^2 k^2 + b^2}$$

- avem nevoie de  $k$ , panta dreptei  $d$

- dreapta  $d$  dată în formă generală  $Ax + By + C = 0$  cu

$$A = 4, B = -2, C = 23$$

- trecem la formă echivalentă  $y = -\frac{A}{B}x - \frac{C}{B}, B \neq 0$

- panta dreptei  $d$ ,  $k = -\frac{A}{B} = -\frac{4}{(-2)} = 2$

- obținem ecuațiile tangentelor  $y = 2x \pm \sqrt{30 \cdot 4 + 24}$

$$y = 2x \pm \sqrt{120 + 24} = 2x \pm \sqrt{144} = 2x \pm 12$$

- astfel, obținem tangentele  $\begin{cases} d_1: y = 2x + 12 \\ d_2: y = 2x - 12 \end{cases}$

- pentru a determina distanța dintre  $d_1$  și  $d_2$  (drepte paralele) este suficient să găsim un punct  $M(x_0, y_0) \in d_1$  și să calculăm distanța  $d(M, d_2) = d(d_1, d_2) \Leftrightarrow$

$$x_0 = 0 \Rightarrow y_0 = 2x_0 + 12 = 12 \Rightarrow M(0, 12)$$

$$d_2: y = 2x - 12 \Leftrightarrow y - 2x + 12 = 0$$

$$d(M, d_2) = d(d_1, d_2) = \frac{|12 + 12|}{\sqrt{1 + 4}} = \frac{24}{\sqrt{5}}$$