

## GUÍA DE EJERCICIOS # 6

### MAPN01

**1.-** Trazar la gráfica de las siguientes ecuaciones, determinar los puntos de intersección con los ejes coordenados e indicar si hay simetría respecto al eje  $x$ , al eje  $y$  o al origen:

- (a)  $y = 2x + 5$       (b)  $y = \sqrt{x + 5}$       (c)  $y = -\sqrt{x + 5}$       (d)  $y = 4 - x^2$   
(e)  $x = y^2 + 1$       (f)  $x^2 + y^2 = 9$       (g)  $x = -\sqrt{9 - x^2}$       (h)  $x^2 = -y^2$   
(i)  $y = \sqrt{x} - 3$       (j)  $y = x^2 - 2x - 2$       (k)  $|x| + |y| = 4$       (l)  $x + 3 = |y - 5|$

**2.-** Escribir una ecuación cuya gráfica conste de todos los puntos de abscisa igual a 4.

**3.-** Obtener una ecuación que exprese el hecho que el punto  $(x, y)$  equidista de los puntos  $(-3, 5)$  y  $(7, -9)$ .

**4.-** Obtener una ecuación que exprese el hecho que la distancia de un punto  $(x, y)$  al punto  $(5, 3)$  siempre es dos unidades mayor que su distancia al punto  $(-4, -2)$ .

**5.-** Hallar el centro y el radio de las siguientes circunferencias:

- (a)  $x^2 + y^2 = 5$       (b)  $x^2 + (y - 3)^2 = 49$       (c)  $(x + 2)^2 + y^2 = 17$   
(d)  $x^2 + y^2 - 16x = 0$       (e)  $x^2 + y^2 + 2y = 7$       (f)  $x^2 + y^2 - 6x + 8y = 0$   
(g)  $x^2 + y^2 - 4x - 10y = -28$       (h)  $-14 + 10x - 10y - x^2 - y^2 = 0$   
(i)  $16x^2 + 16y^2 + 24x - 32y = 119$       (j)  $36x^2 + 36y^2 - 48x + 180y = -160$

**6.-** Hallar la ecuación de la circunferencia que cumple con las condiciones indicadas:

- (a) Centro en  $(-2, -1)$  y radio 2.  
(b) Centro en  $(0, -\frac{1}{2})$  y radio 5.  
(c) Extremos de un diámetro en los puntos  $(-1, -2)$  y  $(2, 2)$ .  
(d) Tangente al eje  $x$  y centro en  $(3, 4)$ .  
(e) Tangente al eje  $y$  y centro en  $(-2, 1)$ .  
(f) Radio 2 y con el mismo centro de la circunferencia  $x^2 + y^2 - 2x - 4y = 0$ .  
(g) Tiene como centro  $(-1, 2)$  y pasa por el punto  $A(2, 6)$ .

**7.-** En cada uno de los siguientes casos, determine la pendiente de la recta que pasa por los puntos dados.

(a)  $A(4,1)$  y  $B(6,-2)$       (b)  $A(0,-3)$  y  $B(-4,7)$

(c)  $A\left(\frac{1}{2}, 4\right)$  y  $B\left(-\frac{3}{2}, 10\right)$       (d)  $A\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{3}\right)$  y  $B\left(-\frac{2}{3}, \frac{3}{2}\right)$

**8.-** En cada caso, determine la ecuación de la recta que satisface las condiciones dadas:

(a) Pasa por los puntos  $(3,4)$  y  $(-2,-3)$ .      (b) Pasa por los puntos  $(-3,-5)$  y  $(\sqrt{3},4)$ .

(c) Pasa por el punto  $(-4,\sqrt{2})$  y tiene pendiente  $\sqrt{2}$ .

(d) Pasa por el punto  $(-6,-3)$  y tiene pendiente  $-\frac{1}{2}$ .

(e) La pendiente es  $\frac{3}{2}$  y corta al eje  $y$  en el punto  $(0,-5)$ .

(f) Pasa por el punto  $(-7,2)$  y es paralela al eje  $x$ .

(g) Pasa por el punto  $(3,-10)$  y es paralela al eje  $y$ .

(h) Pasa por el punto  $(1,4)$  y es paralela a la recta cuya ecuación es  $2x - 5y + 7 = 0$ .

(i) Pasa por el punto  $\left(\frac{1}{2}, -1\right)$  y es perpendicular a la recta de ecuación  $3x + 4y - 12 = 0$ .

**9.-** Para las rectas cuyas ecuaciones se dan a continuación, halle la pendiente y el punto de intersección con el eje  $y$ :

(a)  $y = -3x + 1$       (b)  $5y - 7 = 0$       (c)  $x = -2y + 5$       (d)  $2x - 3y - 9 = 0$

**10.-** Una recta pasa por los puntos  $(-2,-3)$  y  $(4,1)$ . Si un punto  $P$  de abscisa 10 pertenece a la recta, determine la ordenada de  $P$ .

**11.-** Sean  $A(0,0)$ ,  $B(2,3)$ ,  $M(0,5)$  y  $C(x,y)$  puntos en el plano coordenado.

(a) Hallar la ecuación de la recta  $L_1$  que pasa por los puntos  $B$  y  $M$ .

(b) Si  $A$ ,  $B$  y  $C$  son los vértices de un triángulo y  $M$  es el punto medio del lado opuesto al vértice  $A$ , hallar las coordenadas del punto  $C$ .

(c) Hallar la ecuación de la recta  $L_2$ , perpendicular a  $L_1$  y que pasa por el punto  $A$ .

(d) Hallar el punto de intersección de las rectas  $L_1$  y  $L_2$ .

(e) Hallar el área del triángulo de vértices  $A$ ,  $B$  y  $C$  (verificar que  $A$  está en  $L_2$ ).

**12.-** Determine el valor de  $k$  para que las rectas cuyas ecuaciones son  $kx + 5y + 7 = 0$  y  $6x + 10y - 5 = 0$ , sean paralelas.

**13.-** Dada la recta de ecuación  $3x + cy = 5$ , determine el valor de  $c$  para que dicha recta:

(a) pase por el punto  $(3,1)$

(b) sea paralela a la recta de ecuación  $2x + y = -1$

(c) sea perpendicular a la recta de ecuación  $y - 2 = 3(x + 3)$

**14.-** Hallar la ecuación de la circunferencia que pasa por el punto  $A(7, -5)$  y cuyo centro es el punto de intersección de las rectas  $7x - 9y - 10 = 0$  y  $2x - 5y + 2 = 0$ .

**15.-** Hallar la ecuación de la recta que pasa por el punto de intersección de las rectas de ecuaciones:  $2x + y - 8 = 0$  y  $3x - 2y + 9 = 0$ , y que es perpendicular a la recta que pasa por los puntos  $A(3,1)$  y  $B(-4,5)$ .

**16.-** Dada la circunferencia  $x^2 + y^2 = 4$ :

(a) Hallar las ecuaciones de las rectas tangentes a esta circunferencia cuyas pendientes sean 0.

(b) Hallar las ecuaciones de las rectas tangentes a esta circunferencia cuyas pendientes no están definidas.

**17.-** Hallar la ecuación de la circunferencia que pasa por los puntos  $A(3,1)$  y  $B(-1,3)$  y cuyo centro está situado en la recta  $3x - y - 2 = 0$ .

**18.-** Sean  $P(1,2)$ ,  $Q(2,1)$  y  $R(-5,2)$  puntos en el plano coordenado.

(a) Hallar la ecuación de la circunferencia que pasa por  $P$ ,  $Q$  y  $R$ .

(b) Hallar la ecuación de la recta tangente a la circunferencia que pasa por el punto  $R$ .

(c) ¿Cuál es la ecuación de la recta que pasa por  $R$  y es perpendicular a la recta obtenida en (b)?

**19.-** Hallar la ecuación de la recta tangente a las siguientes circunferencias en el punto  $P$  indicado:

(a)  $x^2 + 4x + y^2 - 6y = 60$  ;  $P(6,0)$       (b)  $x^2 - 2x + y^2 - 2y = 8$  ;  $P(4,2)$

**20.-** Hallar la ecuación de la recta tangente a la circunferencia  $x^2 + 14x + y^2 + 18y = 39$  que la toca en el punto del segundo cuadrante donde  $x = -2$ .

**21.-** Dada la recta  $l: 4x - 3y + 18 = 0$  y el punto  $A(5, -4)$ :

(a) Hallar la ecuación de la recta  $l_1$ , paralela a  $l$ , que pasa por  $A$ .

(b) Hallar la ecuación de la circunferencia que pasa por  $A$  y es tangente a las dos rectas  $l$  y  $l_1$ .

**22.-** Hallar las ecuaciones de las rectas tangentes a la circunferencia  $x^2 + y^2 - 2x + 6y = 15$  que son paralelas a la recta de ecuación  $4y - 3x = 2$ .