



Universidade Federal do Maranhão - UFMA
Departamento de Informática - DEINF
Estrutura de Dados II

Maria Jucimara Pereira Ferreira

RELATÓRIO

IMPLEMENTAÇÃO E ANALISE

DE

MÉTODOS DE ORDENAÇÃO

São Luís - MA
2020

1. Introdução

O seguinte relatório de Implementação e Análise de Métodos de Ordenação do curso de Ciência da Computação da Universidade Federal do Maranhão (UFMA), tem como objetivo verificar qual o método usar em determinadas situações, com base no seu desempenho. Para isso, a metodologia utilizada foi a utilização do algoritmo de Kruskal, por ter uma etapa que necessita da execução de um algoritmo de ordenação.

2. Kruskal

O algoritmo de Kruskal inicia com V diferentes árvores (V são vértices do grafo). Este algoritmo encontra a aresta segura (e com menor peso) procurando em todas as arestas que conectam quaisquer duas árvores na floresta. O algoritmo de Kruskal utiliza conjuntos disjuntos, em cada conjunto contém os vértices de uma árvore na floresta atual. A operação $\text{FIND-SET}(u)$ retorna um elemento representativo do conjunto que contém u . Assim, para determinar se dois vértices u e v pertencem à mesma árvore, basta testar se $\text{FIND-SET}(u)$ é igual a $\text{FIND-SET}(v)$. A combinação de árvores é executada com o procedimento UNION .

Obs: A implementação deste algoritmo não será discutida neste relatório

3. Metodos de Ordenação

- Ordenação por Particionamento (QuickSort)
- Ordenação por Inserção (Insertion Sort)
- Ordenação por Inserção através de incrementos decrescentes (ShellSort)
- Ordenação por Árvores (HeapSort)
- Ordenação por Particionamento e Inserção (QuickSort + Insert)

Notação O

Algoritmo	Comparações			Movimentações			Espaço	Estável	In situ
	Melhor	Médio	Pior	Melhor	Médio	Pior			
Bubble	$O(n^2)$			$O(n^2)$			$O(1)$	Sim	Sim
Selection	$O(n^2)$			$O(n)$			$O(1)$	Não*	Sim
Insertion	$O(n)$	$O(n^2)$		$O(n)$	$O(n^2)$		$O(1)$	Sim	Sim
Merge	$O(n \log n)$			–			$O(n)$	Sim	Não
Quick	$O(n \log n)$		$O(n^2)$	–			$O(n)$	Não*	Sim
Shell	$O(n^{1.25})$ ou $O(n (\ln n)^2)$			–			$O(1)$	Não	Sim

* Existem versões estáveis.

Análise dos algoritmos de ordenação: (número de vértices) X (tempo em ms)

	7	100	1000	10000	100000
Quick	0	0.001	0.002	0.032	1.904
Merge	0	0.001	0.008	0.092	5.079
Insert	0	0.002	0.024	0.0159	33.601
Shell	0	0.001	0.008	0.012	0.123
Heap	0	0.001	0.005	0.016	0.108
QuickIP	0.001	0.004	0.027	0.172	14.692
QuickIF	0.002	0.002	0.006	0.016	0.174

3.1 Quick Sort

```
public static List<Edge> quicksort(List<Edge> lista, int inicio, int fim) {
    int pos;

    if (inicio < fim) {

        pos = particionar(lista, inicio, fim);
```

```

        quicksort(lista, inicio, pos - 1);
        quicksort(lista, pos + 1, fim);

    }
    return lista;
}

// pivo como elemento mais a esquerda
public static int particionar(List<Edge> lista, int esquerda, int
direita){
    int i = esquerda + 1;
    int j = direita;
    Edge pivo = lista.get(esquerda);

    while(i <= j){

        if((int)lista.get(i).peso <= pivo.peso) {
            i++;
        } else if(pivo.peso <= (int)lista.get(j).peso) {
            j--;
        } else {
            trocar(lista, i, j);
            i++;
            j--;
        }
    }
    trocar(lista, esquerda, j);

    return j;
}

public static void trocar(List<Edge> lista, int i, int j){
    Edge aux = lista.get(i);
    lista.set(i, lista.get(j));
    lista.set(j, aux);
}

```

3.2 MergeSort

```
public static List<Edge> mergesort(List<Edge> vertices, int esquerda,
int direita) {
    int meio;
    if (esquerda < direita) {

        meio = ((esquerda + direita) / 2);
        mergesort(vertices, esquerda, meio);    // div pela esquerda
        mergesort(vertices, meio + 1, direita); // div pela direita
        Intercalar(vertices, esquerda, meio, direita);
    }
    nComparacoes++;
    return vertices;
}

public static List<Edge> Intercalar(List<Edge> vertices, int
esquerda, int meio, int direita) {
    List<Edge> verticesCopia = new ArrayList<Edge>(vertices);

    int contEsquerda = esquerda;    // contador da esquerda | i
    int contDir = meio + 1; // contador da direita | j
    int contCopia = esquerda;    //contador da copia da vertices

    while (contCopia <= direita) {
        if (contEsquerda > meio) {
            vertices.set(contCopia, verticesCopia.get(contDir));
            contDir +=1;
        } else if (contDir > direita) {
            vertices.set(contCopia,
verticesCopia.get(contEsquerda));

            contEsquerda++;

        } else if ((verticesCopia.get(contEsquerda).peso) <
(verticesCopia.get(contDir).peso)) {
            vertices.set(contCopia,
verticesCopia.get(contEsquerda));

            contEsquerda++;
        } else {
```

```

        vertices.set(contCopia, vertices.get(contDir));
        contDir++;
    }
    contCopia++;
}
return vertices;
}

```

3.3 InsertSort

Como o primeiro elemento é dito já ordenado, em cada passo, a partir de $i = 2$, o i -ésimo item da sequência da lista é apanhado e transferido para seu devido lugar

```

public static List<Edge> InsertSort(List<Edge> lista) {
    int i;
    int j;
    // o primeiro elemento é dito já ordenado
    for (i = 1; i < lista.size(); i++) {
        Edge chave = lista.get(i);        // inicializar o auxiliar
        j = i;

        while((j > 0) && (lista.get(j - 1).peso > chave.peso)) {
            lista.set(j, lista.get(j - 1));
            j--;
        }

        lista.set(j, chave);
    }
    return lista;
}

```

3.4 ShellSort

Extensão do algoritmo de Inserção, proposto por Shell(1959).

Permite a troca de registros que estão longe um do outro.

Os itens da lista são rearranjados H posições, de tal forma que todo h-ésimo item é dito h ordenado.

```
public static List<Edge> Shell(List<Edge> lista) {
    int n = lista.size();

    // Comece com um grande h, em seguida, reduzir o h
    for (int h = n / 2; h > 0; h /= 2) {
        // Faça um tipo de insercao escancarada para este tamanho
        // de lacuna.
        // Os primeiros elementos de lacuna a[0..h-1] já estão
        // em ordem. Continua adicionando mais um elemento
        // até que toda a lista seja classificada
        for (int i = h; i < n; i += 1) {
            // adicionar a[i] aos elementos que foram h
            // classificado salvar um [i] em temperatura e fazer
            // um buraco na posicao i
            Edge temp = lista.get(i);
            // mudar elementos anteriores classificados até o local
            // correto para a[i] ser encontrado
            int j;
            for (j = i; ((j >= h) && (lista.get(j - h).peso >
temp.peso)); j -= h){
                lista.set(j, lista.get(j - h));
                // coloca o temporario o a[i] original em sua
                // localizacao correta
            }
            lista.set(j, temp);
        }
    }
    return lista;
}
```

3.5 HeapSort

```
public static List<Edge> heapSort(List<Edge> arestas) {
```

```

        int n = arestas.size();

        for (int i = n/2 - 1; i >= 0; i--) { // Constroi heap
(reorganizar array)
            heapify(arestas, n, i);
        }
        for (int i = n - 1; i >= 0; i--) { // Extrai um elemento do
heap um por um
            // Move a raiz atual para o fim
            Edge aux = arestas.get(0);
            arestas.set(0, arestas.get(i));
            arestas.set(i, aux);
            heapify(arestas, i, 0);

        }

        return arestas;

    }

    public static void heapify(List<Edge> arestas, int n, int i) {
        int largura = i;
        int esquerda = 2*i + 1;
        int direita = 2*i + 2;

        if (esquerda < n && arestas.get(esquerda).peso >
arestas.get(largura).peso) { // Se o filho esquerdo for maior que a
raiz

            largura = esquerda;
        }

        if (direita < n && arestas.get(direita).peso >
arestas.get(largura).peso) { // Se o filho direito for maior do que o
maior até agora

            largura = direita;
        }

        if (largura != i) { // Se o maior não for raiz
            Edge aux = arestas.get(i);
            arestas.set(i, arestas.get(largura));

```



```

        arestas.set(largura, aux);

        heapify(arestas, n, largura);
    }
}

```

3.6 QuickSort + Insercao Parcial

O QuickSort devera ser executado recursivamente (como padrao) e, quando voce obtiver uma particao de tamanho menor ou igual a L, essa particao devera ser ignorada e continuar particionando as particoes maiores. Uma vez que todas as particoes tenham comprimento menor ou igual a L, o algoritmo devera executar o algoritmo de ordenacao.

```

public static int ParticionarQuick (List<Edge> arestas, int inicio, int fim) {
    // Escolha o elemento mais à direita como pivô da matriz
    Edge pivot = arestas.get(fim);

    // elementos menos que pivô será empurrado para a esquerda do pIndex
    // elementos mais do que pivô será empurrado para a direita do pIndex
    // elementos iguais podem ir de qualquer maneira
    int pIndex = inicio;

    // cada vez que encontramos um elemento menor ou igual ao pivô,
    // pIndex é incrementado e esse elemento seria colocado
    // antes do pivô.
    for (int i = inicio; i < fim; i++) {
        if (arestas.get(i).peso <= pivot.peso) {
            Edge temp = arestas.get(i);
            arestas.set(i, arestas.get(pIndex));
            arestas.set(pIndex, temp);
            pIndex++;
        }
    }
    // trocar pIndex com Pivô
    Edge temp = arestas.get(fim);

```

```

        arestas.set(fim, arestas.get(pIndex));
        arestas.set(pIndex, temp);

        return pIndex;
    }

    public static void QuickSort(List<Edge> arestas, int inicio, int fim) {
        if (inicio >= fim)
            return;

        // rearrange the elements across pivot
        int pivot = ParticionarQuick(arestas, inicio, fim);

        // recursar em sub-matriz contendo elementos menores que pivô
        QuickSort(arestas, inicio, pivot - 1);

        // recursar em sub-matriz contendo elementos mais do que pivô
        QuickSort(arestas, pivot + 1, fim);
    }

    public static List<Edge> partialQuickInsert(List<Edge> arestas, int inicio, int fim) {
        while (inicio < fim) {
            // A ordenacao por insercao e feita se menor que 10
            if (fim - inicio < 10) {
                InsertionSort.InsertSort(arestas);
                break;
            } else {
                int pivot = ParticionarQuick(arestas, inicio, fim);

                // otimizações de chamada de cauda - recur em sub array
                menor

                if (pivot - inicio < fim - pivot) {
                    partialQuickInsert(arestas, inicio, pivot - 1);
                    inicio = pivot + 1;
                } else {
                    partialQuickInsert(arestas, pivot + 1, fim);
                    inicio = pivot - 1;
                }
            }
        }

        return arestas;
    }

```

```
}
```

Nota: O principal cuidado a ser tomado é com relação à escolha do pivô, por isso a mediana de uma amostra de três elementos é usada.

3.7 QuickSort + Inserção Final

O QuickSort é executado recursivamente e, quando obtiver uma partição de tamanho menor ou igual a L, essa partição é ignorada e continua particionando as partições maiores. Uma vez que todas as partições tenham comprimento menor ou igual a L, o algoritmo executa o algoritmo de ordenação. Para fins de teste o L foi predeterminado com 10

```
public static List<Edge> QuicksortF(List<Edge> arestas, int p, int r)
{
    if((r-p)>10) { // listas maiores que 10
        int q;
        int p1 = p;
        int r1 = r;

        Med3(arestas, p1,r1); // pivo
        Edge x = arestas.get(p1);

        while(true) {
            do{
                r1--;
            } while(arestas.get(r1).peso > x.peso);

            arestas.set(p1, arestas.get(r1));

            do{
                p1++;
            }while(arestas.get(p1).peso < x.peso);

            if(p1<r1){
```

```

        arestas.set(r1, arestas.get(p1));
    } else {
        if(arestas.get(r1+1).peso <= x.peso)
            r1++;
        arestas.set(r1, x);
        q = r1;
        break;
    }
}
QuicksortF(arestas, p, q-1);
QuicksortF(arestas, q+1, r);
}
return arestas;
}

public static List<Edge> Med3(List<Edge> arestas, int p, int r) {
    // Selects the median and sets the sentinels
    int mid = (p+r)/2;
    int largura;

    if(arestas.get(p).peso > arestas.get(mid).peso) {
        largura = p;
    } else{
        largura = mid;
    }

    if(arestas.get(largura).peso > arestas.get(r).peso) {
        Edge temp = arestas.get(r);
        arestas.set(r, arestas.get(largura));
        arestas.set(largura, temp);
    }

    if(arestas.get(mid).peso > arestas.get(p).peso) {
        Edge temp = arestas.get(p);
        arestas.set(p, arestas.get(mid));
        arestas.set(mid, temp);
    }
    return arestas;
}

```

Para uso dos metodos de ordenacao com o kruskal foi criado o seguinte método em cada umas das classes de ordenacao. Ex:

```
public static void sorteio(List<Edge> lista) {
    long inicio;
    long fim;
    // System.out.println("Arquivo de teste carregado");
    inicio = System.currentTimeMillis();    // para verificar
    otempo execucao
    lista = InsertSort(lista); // lista sera ordenado em ordem
    crescente
    // System.out.println("Aplicado metodo InsertSort");
    fim = System.currentTimeMillis();

    System.out.println("Ordenado");
    for(Edge e : lista) {
        System.out.println(e.v+", " + e.peso+", " + e.w); //
    printar na tela os valores já ordenados
    }

    System.out.println("Comparacoes: " + nComparacoes);
    System.out.println("Movimentacoes: "+ nMovimentacoes);
    System.out.printf("Tempo de processamento do Insertion: %.3f
ms%n\n", (fim - inicio) / 1000d);
}
```

Onde aresta é declarado como sendo do tipo List<Edge> que por sua vez vai ser carregada com o arquivos com uma lista de arestas do tipo Edge

```
public class Edge {
    public int v;
    public int peso;
    public int w;

    public Edge(int v, int peso, int w) {
        this.v = v;
        this.peso = peso;
        this.w = w;
    }
}
```

Essas arestas formaram um Grafo (Kruskal), que produzirá uma mst do tipo kruskal, de acordo com o número de vertices escolhido

```
arestas = readCSVfile("../TRABALHO/src/teste_vertices/"+nVertices+"_vertices.csv");

    Graph graph = new Graph(arestas); // inicializa o grafo com edges
    List<Edge> mst= graph.Kruskal(arestas);
```

Exemplo de Entrada e Saida

=====

Escolha a quantidade de elementos no arquivo

=====

- 1 - 7 elementos
- 2 - 100 elementos
- 3 - 1.000 elementos
- 4 - 10.000 elementos
- 5 - 100.000 elementos
- 0 - Sair

Opcao:

- 1
 - 1, 7, 2
 - 1, 5, 4
 - 2, 8, 3
 - 2, 7, 5
 - 4, 6, 6
 - 5, 9, 7
- =====

Escolha o algoritmo de ordenacao:

=====

- 1 - QuickSort
- 2 - MergeSort
- 3 - InserctionSort
- 4 - ShellSort

5 - HeapSort

6 - QuickSort + Insercao Parcial

7 - QuickSort + Insercao Final

0 - Sair

Opcao:

3

Ordenado

1, 5, 4

4, 6, 6

1, 7, 2

2, 7, 5

2, 8, 3

5, 9, 7

Comparacoes: 15

Movimentacoes: 5

Tempo de processamento do InsertSort: 0,000 ms

Para mais detalhes: TRABALHO\Relatorio.txt possui todas as comparações, modificações e tempo de execução de cada um dos algoritmos.

Quantidade de teste:

7 - Média de 4 a 6 teste

100 - Média de 5 a 7 testes

1000 - Média de 6 teste

10000 - Média de 5 teste

100000 - Média de 3 teste

4. Considerações Finais

Os teste foram realizados em uma máquina com Processador: Intel(R) Core(TM) i5-8265U CPU @1,60GHz 1,80 GHz

O tempo calculado só leva em consideração a ordenação dos vertices

As Comparacoes e Modificacoes apresentadas tem como base a pasta teste_vertices

O Quick sort se mostrou o algoritmo mais eficiente, não importando a quantidade de vertices do arquivo. Além de o demandar uma pequena quantidade de memória adicional, no pior caso ele irá realizar $O(n^2)$ operações, porém o pior caso tem uma probabilidade muito pequena de ocorrer quando os elementos forem aleatório.. A parte mais delicada é na hora de particionar, porque temos que rearranjar a lista por meio da escolher de um pivo x tal que os elementos da esquerda são menores ou iguais a x e os elementos da direita maiores.

O método de inserção é melhor utilizado quando a lista está quase ordenada, por essa razão o QuickSort com inserção final tem seu tempo de desempenho melhorado significativamente.

O ShellSort é rápido, eficiente e ótimo para arquivos de tamanho moderado, porém como não é estável ele realiza trocas desnecessárias, como no caso de elementos iguais.

Dependendo do tamanho do arquivo o ShellSort pode ser mais rápido que o QuickSort.

O QuickSort e o Heap obtiveram tempos aproximados, todavia, o Quick é mais rápido, porque o tempo necessário para construir a heap é alto.

Bibliografia:

Ziviani, N. Projeto de Algoritmos Com Implementações em Pascal e C, Pioneira Thomson Learning, 2007.

Simulador de ordenação

Disponível em: <https://visualgo.net/pt/sorting?slide=1>

Acesso em: 05 out. 2020.

Analysis of Algorithms

Disponível em: <https://www.geeksforgeeks.org/fundamentals-of-algorithms/#AnalysisofAlgorithms>. Acesso em: 21 set. 2020.