

# Mathématiques – Seconde

Corrigés des exercices

## Table des matières

<b>1</b>	<b>Rappels de calcul et de géométrie</b>
----------	--

**2**

# 1 Rappels de calcul et de géométrie

**Exercice 1** Dans chaque question, on obtient la réponse à l'aide d'un tableau de proportionnalité.

1.

Nombre de personnes	4	6
Farine (en g)	250	?
Lait (en mL)	500	?
Œufs	4	6

Pour 6 personnes, il faut  $\frac{250 \times 6}{4} = \frac{1500}{4} = 375$  g de farine,  $\frac{500 \times 6}{4} = \frac{3000}{4} = 750$  mL de lait et, bien sûr, 6 œufs.

2. Les 6 yaourts pèsent  $6 \times 125 = 750$  g.

masse (en g)	1000	750
prix (en €)	2	?

Je payerai  $\frac{750 \times 2}{1000} = \frac{1500}{1000} = 1,5$  €.

3. Généralement, dans ce type de question, il vaut mieux convertir en minutes<sup>1</sup>.

temps (en min)	60	?
distance (en km)	20	45

On mettra  $\frac{60 \times 45}{20} = \frac{20 \times 3 \times 45}{20} = 135$  min, soit 2 h 15 min (puisque  $135 = 120 + 15$ ).

4. L'énoncé donne les informations recensées dans le tableau ci-dessous et demande de compléter la case ①.

Florins	7	?	①
Pistoles	6	4	②
Deniers	?	5	30

On complète d'abord la case ② : en échange de 30 deniers, on a  $4 \times 30 \div 5 = 24$  pistoles :

Florins	7	?	①
Pistoles	6	4	24
Deniers	?	5	30

On peut alors compléter la case ① : en échange de 30 deniers, on a  $\frac{7 \times 24}{6} = \frac{7 \times 4 \times 6}{6} = 28$  florins.

**Exercice 2** 1. On complète deux tableaux de proportionnalité (on travaille en min et en km) :

temps (en min)	60	?
distance (en km)	3	0,5

temps (en min)	60	?
distance (en km)	15	5

Stéphane nage  $\frac{60 \times 0,5}{3} = \frac{30}{3} = 10$  min, puis il court  $\frac{60 \times 5}{15} = \frac{300}{15} = 20$  min.

2. Stéphane a parcouru un total de  $5 + 0,5 = 5,5$  km, en  $10 + 20 = 30$  min.

temps (en min)	30	60
distance (en km)	5,5	?

La vitesse moyenne de Stéphane sur l'ensemble de son parcours est donc  $\frac{60 \times 5,5}{30} = \frac{30 \times 2 \times 5,5}{30} = 11$  km/h.

**Exercice 3**



1. Les calculs ne sont pas toujours plus faciles en minutes qu'en heures, mais c'est généralement le cas.

Le trapèze est constitué :

- d'un rectangle  $BHDC$ , d'aire  $\ell \times L = 3 \times 2 = 6$  ;
- d'un triangle  $AHD$ , d'aire  $\frac{B \times h}{2} = \frac{2 \times 2}{2} = 2$ .

Donc l'aire du trapèze est  $6 + 2 = 8$ .

**Remarque :** On peut aussi utiliser la formule (hors-programme) :

$$\mathcal{A}_{\text{trapèze}} = \frac{(B + b) \times h}{2} = \frac{(5 + 3) \times 2}{2} = 8.$$

**Exercice 4** Le losange est « la moitié » d'un rectangle de côtés  $\ell$  et  $L$ , donc son aire est  $\frac{\ell \times L}{2}$ .



**Exercice 5 Rappels :**

- une hauteur est une droite qui passe par un sommet et qui est perpendiculaire au côté opposé (les hauteurs sont tracées en pointillés bleus) ;
- le fait que les hauteurs soient « concourantes » signifie qu'elles passent toutes les trois par un même point – qu'on appelle « orthocentre du triangle » (nommé  $O$  sur la figure ci-dessous).



**Exercice 6** On note  $H$  le pied de la hauteur issue de  $A$  dans le triangle  $ABC$ .



$[AH]$  est une hauteur dans les triangles  $BIA$  et  $CIA$ , donc

$$\mathcal{A}_{BIA} = \frac{BI \times AH}{2}$$

$$\mathcal{A}_{CIA} = \frac{CI \times AH}{2}.$$

Or  $BI = CI$  puisque  $I$  est le milieu de  $[BC]$ , donc  $BIA$  et  $CIA$  ont la même aire.

**Exercice 7** 1. La négation de

Tous les hommes sont mortels.  
est

Il existe un homme immortel.

2. La négation de

Il existe un dessert sans sucre à la cantine.  
est

Tous les desserts sont sucrés à la cantine.

**Remarque :** Dans les deux exemples que nous venons de traiter, pour écrire la négation d'une phrase, il suffit de remplacer les « tous » par « il existe », et réciproquement ; et d'inverser les conclusions (exemple : immortel/mortel). C'est une technique qui fonctionne toujours.

3. La négation de

Il existe un pays dans lequel tous les hommes savent lire.  
est

Dans tous les pays, il existe un homme qui ne sait pas lire.

4. Le contraire de « être allé en Angleterre ou en Espagne » est « n'être allé ni en Angleterre, ni en Espagne », donc la négation de

Tous les élèves de la classe sont déjà allés en Angleterre ou en Espagne.  
est

Il existe un élève de la classe qui n'est jamais allé en Angleterre, ni en Espagne.

5. Comme dans l'exemple précédent, le contraire de « ni... ni... » est « ou ». Donc la négation de

Chloé n'aime ni les fraises, ni les framboises.  
est

Chloé aime les fraises ou les framboises.

**Exercice 8** 1. (a) On identifie A et B dans l'implication :

Si un nombre se termine par 5, alors il est multiple de 5.  
A B

Cette implication est vraie (cours du primaire).

(b) • L'implication contraposée est

Si un nombre n'est pas multiple de 5, alors il ne se termine pas par 5.  
non B non A

Cette contraposée est vraie, puisque l'implication originale l'est (cf l'énoncé : quand une implication est vraie, sa contraposée l'est aussi).

• L'implication réciproque est

Si un nombre est multiple de 5, alors il se termine par 5.  
B A

Elle est fausse, comme le montre le contre-exemple suivant : 10 est multiple de 5, mais il ne se termine pas par 5.

2. L'implication

Si un nombre se termine par 0, alors il est multiple de 10.  
A B

et sa réciproque

Si un nombre est multiple de 10, alors il se termine par 0.  
B A

sont vraies toutes les deux.