

1<sup>er</sup> objectif : un trajet efficace en métro

Données du problème

## Algorithme de Dijkstra, structures de données

Résultat : stations les plus éloignées

2<sup>e</sup> objectif : un trajet constitué de plusieurs types de chemins

### Cas préliminaire du mètre

### Formalisation du problème

### Résolution, application au cadre de la ville

## Conclusion

## TIPE 2024

# Apprendre à une intelligence artificielle à jouer à Snake en utilisant un algorithme génétique

Marilou Bernard de Courville

Lycée Charlemagne

16 octobre 2023

# Introduction

Problématique et pertinence au regard du thème de l'année

TIPE 2024

Marilou Bernard  
de Courville

## Introduction

1<sup>er</sup> objectif : un  
trajet efficace en  
métro

Données du problème

Algorithme de Dijkstra,  
structures de données

Résultat : stations les  
plus éloignées

2<sup>e</sup> objectif : un  
trajet constitué de  
plusieurs types de  
chemins

Cas préliminaire du  
métro

Formalisation du  
problème

Résolution, application  
au cadre de la ville

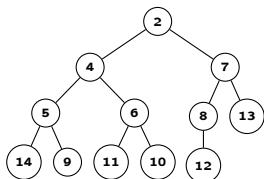
## Conclusion

- ▶ **Le jeu de Snake** : piloter un serpent dans le but de manger des pommes, sans rentrer dans les murs ni se replier sur soi-même.
- ▶ **Objectif** : mettre en place une intelligence artificielle pouvant jouer au jeu de Snake.
- ▶ **Le moyen d'y parvenir** : utiliser un algorithme génétique, qui s'inspire de l'évolution naturelle.
- ▶

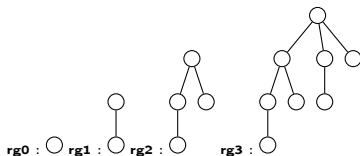
# Trajet le plus court en métro - modélisation

## Modèles de données utilisés (types)

- ▶ Un tas est une représentation organisée en arbre des stations en fonction d'une priorité (distance du chemin).
- ▶ Représentation en tas (heap) efficace en complexité pour accéder au nœud de priorité minimum et mettre à jour les priorités.
- ▶ Trois structures étudiées : tas non modifiables (*immutable heaps*), tas modifiables, et tarbres (*treap*).
- ▶ Programmes réalisés en OCaml utilisent seulement le module `Hashtbl` de la bibliothèque standard pour manipuler les tas.



2	4	7	5	6	8	13	14	9	11	10	12	
Élément	2	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
Position	0	1	3	4	2	5	8	10	9	11	6	7



## Introduction

1<sup>er</sup> objectif : un  
trajet efficace en  
métro

Données du problème

Algorithme de Dijkstra,  
structures de données

Résultat : stations les  
plus éloignées

2<sup>e</sup> objectif : un  
trajet constitué de  
plusieurs types de  
chemins

Cas préliminaire du  
métro

Formalisation du  
problème

Résolution, application  
au cadre de la ville

## Conclusion

# Trajet le plus court en métro - algorithme

Algorithme de Dijkstra et influence des structures de données sur la complexité

**Require:** Un graphe  $G = (V, A)$ ,  $V$  sommets,  $A$  arêtes  
**Require:** Un noeud source  $s$   
**Ensure:**  $d$  tableau des plus court chemins de  $s$  vers  $v \in V$   
**for all**  $v \in V[G]$  **do**  
     $d[v] \leftarrow +\infty$ , père[ $v$ ]  $\leftarrow$  None  
**end for**  
 $d[s] \leftarrow 0$ ,  $S \leftarrow \emptyset$ ,  $Q \leftarrow V[G]$   
**while**  $Q \neq \emptyset$  **do**  
     $u \leftarrow \text{Extrait}_{\text{Min}}(Q)$   
     $S \leftarrow S \cup \{u\}$   
    **for all** arête  $(u, v)$  d'origine  $u$  **do**  
        **if**  $d[u] + w(u, v) < d[v]$  **then**  
             $d[v] \leftarrow d[u] + w(u, v)$ ,  
            père[ $v$ ] :=  $u$   
        **end if**  
    **end for**  
**end while**

Table – Dijkstra : complexité (opérations)

Implantation	Complexity
Naïf	$\mathcal{O}(V^2 + A)$
Tas	$\mathcal{O}((V + A) \log V)$

## Introduction

1<sup>er</sup> objectif : un trajet efficace en métro

Données du problème

**Algorithme de Dijkstra, structures de données**

Résultat : stations les plus éloignées

2<sup>e</sup> objectif : un trajet constitué de plusieurs types de chemins

Cas préliminaire du métro

Formalisation du problème

Résolution, application au cadre de la ville

## Conclusion

# Plus compliqué : plus petit chemin passant par toutes les lignes du métro

Étude de la résolution à l'aide d'un solveur linéaire

- ▶ Sujet traité par Florian Sikora [7] par étude de graphe coloré pour le réseau du métro ;
- ▶ Sommet : station, arête : trajet entre deux stations connexes, arête colorée par la couleur de la ligne reliant les stations
- ▶ Problème du "Generalised directed rural postman" [2] ;
- ▶ Problème NP-difficile : pas de solution en temps polynomial [6] ;
- ▶ Résolution requiert l'utilisation d'un solveur linéaire (CPLEX d'IBM) pour "integer linear programming" (ILP) [9] ;
- ▶ Fait intervenir une matrice de contraintes (MIP) de 1270x1847, 6999 coeffs non nuls.

## Introduction

1<sup>er</sup> objectif : un trajet efficace en métro

Données du problème

Algorithme de Dijkstra,

structures de données

Résultat : stations les plus éloignées

2<sup>e</sup> objectif : un trajet constitué de plusieurs types de chemins

Cas préliminaire du métro

Formalisation du problème

Résolution, application au cadre de la ville

## Conclusion

# Formalisation du problème : variables

TIPE 2024

Marilou Bernard  
de Courville

## Introduction

1<sup>er</sup> objectif : un  
trajet efficace en  
métro

Données du problème

Algorithme de Dijkstra,  
structures de données

Résultat : stations les  
plus éloignées

2<sup>e</sup> objectif : un  
trajet constitué de  
plusieurs types de  
chemins

Cas préliminaire du  
métro

Formalisation du  
problème

Résolution, application  
au cadre de la ville

## Conclusion

- ▶ Ensemble  $V$  des sommets,  $A$  des arêtes,  $C$  des couleurs.  
 $(u, v) \in V^2$ ,  $u \xrightarrow[l \in C]{} v \in A$ .
- ▶  $x_{u,v,l} \in \{0, 1\}$  : variable binaire pour chaque arc  $u \xrightarrow[l]{} v$  (sur ligne  $l$ ), avec  $x = 1$  si l'arc est considéré,  $x = 0$  sinon.
- ▶  $w_{u,v,l} \in \mathbb{N}$  : est le temps pour parcourir l'arête  $u \xrightarrow[l]{} v$
- ▶  $(u, v) \in V^2$ ,  $f_{u,v,l}, y_v \in \mathbb{N}$  sont les flots des arcs/sommets : positifs si l'arc/sommet est sur le chemin considéré.
- ▶  $s, t$  sont les points de départ/arrivée fictifs (temps nul pour rejoindre tout sommet).
- ▶  $\forall ((u, v, l_1), (v, w, l_2)) \in A^2$ ,  $z_{u,v,w,l_1,l_2} \in \{0, 1\}$  indique si deux arêtes sont utilisées consécutivement  $u \xrightarrow[l_1]{} v \xrightarrow[l_2]{} w$ .

## Introduction

1<sup>er</sup> objectif : un  
trajet efficace en  
métro

Données du problème

Algorithme de Dijkstra,

structures de données

Résultat : stations les  
plus éloignées

2<sup>e</sup> objectif : un  
trajet constitué de  
plusieurs types de  
chemins

Cas préliminaire du  
métro

Formalisation du  
problème

Résolution, application  
au cadre de la ville

## Conclusion

- ▶ Deux problématiques urbaines traitées :
  - ▶ optimisation d'un trajet en métro
  - ▶ parcours touristique efficace d'une ville en empruntant différents types de chemins
- ▶ Pertinence de la modélisation des problèmes urbains par des graphes pour les résoudre.
- ▶ Application de la recherche opérationnelle pour trouver une solution.
  - ▶ Optimisation fait intervenir un grand nombre de contraintes résultant en des problèmes combinatoires complexes sans solution analytique.
  - ▶ Importance du choix des algorithmes et structures de données pour obtenir des solutions pratiques efficaces.