

CÁLCULO DIFERENCIAL E INTEGRAL I

LIMITES

PROF. SEBASTIÃO P. MASCARENHAS

1. Encontre:

- a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3-2x}{5x+1}$
- b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x-3}{3x+2}$
- c) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2-4}{x+1}$
- d) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3-1}{x^2+1}$
- e) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2-3x+4}{3x^3+5x^2-6x+2}$
- f) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2+4}{8x^3-1}$

2. Encontre:

a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^2-2x+2}}{x+1}$

5. Encontre:

- a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2+3x+4}-x)$
- b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt{x^2+3x+4}-x)$
- c) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x+4}-\sqrt{x-2})$
- d) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2-x+1}-x)$

6. Encontre:

- a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x + \sqrt[3]{x^3-5x^2-2}}{\sqrt[3]{x^3+1}}$
- b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x}-\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+2}-\sqrt{x+3}}$

7. Encontre:

- a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x} + \sqrt{x} + \sqrt{x})$
- b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x} + \sqrt{x} + \sqrt{x}}{x}$
- c) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x} + \sqrt[4]{x}}{\sqrt{4x+1}}$

8. Mostre pela definição que:

- a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 = +\infty$
- b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 = +\infty$

9. Mostre pela definição que:

- a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} x^3 = +\infty$
- b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^3 = -\infty$

3. Encontre:

- g) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2+x+1}{(x+1)^3-x^3}$
- h) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(2x-3)^3}{x(x+1)(x+2)}$
- i) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(3x+2)^3}{2x(3x+1)(4x-1)}$
- j) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(2x-3)^3(3x-2)^2}{x^5}$
- k) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(x+2)^4-(x-1)^4}{(2x+3)^3}$
- a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^2+x+1}}{x+1}$
- b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2+x+1}}{x+1}$
- c) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2-3x-5}{\sqrt{x^4+1}}$
- d) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2-3x-5}{\sqrt{x^4+1}}$

4. Encontre $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2+3x+2}-x)$.

b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2-2x+2}}{x+1}$

- e) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2+1}-\sqrt{x^2-1})$
- f) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt{x^2-4x+5}-\sqrt{x^2-3x+4})$
- g) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x-\sqrt{x^2+4})$
- h) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2+ax+b}-x)$

c) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^2+2x+4}-x}{x-\sqrt{x^2-x+1}}$