华东师范大学计算机科学与软件工程学院

研究生考试试题 软件理论基础

考试时间: 2017年1月12日

考生学号: \$116 45 の ソモ生研究方向: 本试卷共六道大题,总分100+10分,共3页,请直接在答题纸上做。

- 一 (命题逻辑,本题总分15分)
 - 1. 计算下面公式的真度:

 $(1) p_1 \rightarrow (p_2 \vee p_3)$

 $(2) (p_1 \vee p_2) \wedge (\neg p_1 \rightarrow p_3)$

3. 证明: 若Γ + (A → B)则Γ∪{A} + B.

- 二(一阶谓词逻辑,本题总分20分)
- 1. 在一阶谓词语言 \mathcal{L} 的自然数解释I中,找出赋值 ν 使得 ν 满足公式A,这里A分别 是:

(1) $A_1^2(f_1^2(x_1, x_2), f_2^2(x_2, x_3))$

(2) $(\forall x_1)A_1^2(f_2^2(x_1, x_2), x_3)$

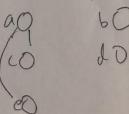
(3) $A_1^2(f_1^2(x_1, a_1), x_2) \to A_1^2(f_1^2(x_1, x_2), x_3)$

其中符号 A_1^2, f_1^2, f_2^2 涵义可以自由确定, a_1 是常元素。

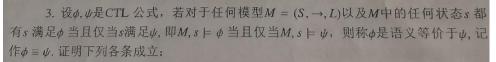
2. 证明: 设 x_i 不在A中自由出现,则 \mapsto (($\forall x_i$) $\neg B \to \neg A$) \to (($\forall x_i$) $\neg B \to$ ($\forall x_i$) $\neg A$).

3. 证明: 对于任何一阶语言 \mathcal{L} , 一阶公式 $(\forall x_i)A(x_i) \to A(x_i)$ 是逻辑有效的, 即, 在L的任何解释下都是真的。

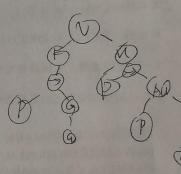
- 三(模态逻辑系统,本题总分20分)
- 1. 考察Kripke模型 $\mathcal{M} = (W, R, L)$, 其中 $W = \{a, b, c, d, e\}$; $R = \{(a, c), (a, e), (b, a), (b, c), e\}$

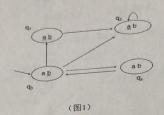


- ·画出M的图
- 。确定下面的公式在哪些世界是真的
 - 1. □¬p ∧ □□¬p
 - 2. 09 ∧ ¬□9
 - 3. $\Box(p \vee \neg p)$
- 2. 设M = (W, R, L)是一个模态逻辑模型。证明:
- (1) 若R是线性的,即 $\forall x,y,z\in W,$ 若 $(x,y)\in R$ 且 $(x,z)\in R$ 则 $(y,z)\in R$ 或y=z,或 $(z,y) \in R$, 则 $M \models \Box(\phi \land \Box \phi \rightarrow \psi) \lor \Box(\psi \land \Box \phi \rightarrow \phi)$.
- (2) 若R是传递的,即 $\forall x, y, z \in W$, 若 $(x, y) \in R$, 且 $(y, z) \in R$ 则 $(x, z) \in R$, 则 $M \models \Box \phi \rightarrow$ 000.
 - 四(时态逻辑系统,本题总分20分)
 - 1. 画出下面LTL/CTL公式的Parse树
- (a) $F(p \to Gr) \lor (\neg qUp)$
- (b) $AG(p \rightarrow A[pU(\neg p \land E[\neg pUq])])$
 - 2. 依照图1的系统,考虑下面每个LTL公式φ:
 - (a) Ga
 - (b) *aUb*
 - (c) $X(a \wedge b) \wedge F(\neg a \wedge \neg b)$
- (1) 找到一条从q3出发的路,满足公式φ
- (2) 确定是否有M, $q_3 \models \phi$.
- (3) 若将a和b解释为a与b的非,并表示通信协议中的发射信息,而a,b为接受信 息,解释这些公式的具体含义.



- $(1) \neg AF\phi \equiv EG\neg \phi.$
- $(2) \neg AX\phi \equiv EX\neg \phi.$
 - (3) $EF\phi \equiv E[\top U\phi]$.





- 五(自动机理论,本题满分25分)
- 1. 证明正规语言的并还是正规语言。
- 2. 构造有限自动机分别能识别下面的语言,其中字母集为{0,1} {w|w = 100结尾并且仅有3个状态}
- 3. 构造一个下推自动机都能生成 $\{a,b\}$ 的语言 $\{a^nb^n\mid n\geq 0\}$,并给出生成字 a^3b^3 的计算过程.
 - 4. 构造一个图灵机能计算n+1,给出计算5+1的过程.

六 (时间自动机与混成自动机, 本题满分20分)

- 1. 针对交通灯红-黄-绿变换,设计一个具有三个时钟r,g,y交通灯控制系统的时间自动机,要求红灯亮30秒后,转换到黄灯,黄灯亮5秒后,转换到绿灯,绿灯亮40秒后,转换到黄灯,黄灯亮5秒后转换成红灯,一直这样循环下去。给出从红灯为开始状态并从r=0秒开始计时,200秒后交通灯处于何种灯光?
- 2. 设计一个制冷空调系统的混成自动机,室温维持在20度。空调制冷的温度变化微分方程为 $\dot{x}=-\frac{1}{10}$,房间温度变化微分方程为 $\dot{x}=\frac{1}{15}$,当房间温度为19度时空调关闭,当房间温度为21度时空调工作。现在假设室温为30度,问过多长时间(单位为秒)空调开始制冷工作?在此基础上,计算在200秒时空调处于何种状态(工作还是关闭)?

